## Задания к работе №1 по Математическому практикуму.

Все задания реализуются на языке программирования С (стандарт С99 и выше).

Реализованные приложения не должны завершаться аварийно.

Во всех заданиях запрещено пользоваться функциями, позволяющими завершить выполнение приложения из произвольной точки выполнения.

Во всех заданиях при реализации необходимо разделять контексты работы с данными (поиск, сортировка, добавление/удаление, модификация и т. п.) и отправка данных в поток вывода / выгрузка данных из потока ввода.

Во всех заданиях все вводимые (с консоли, файла, командной строки) пользователем данные должны подвергаться валидации в соответствии с типом валидируемых данных, если не сказано обратное.

Во всех заданиях необходимо контролировать ситуации с невозможностью [пере]выделения памяти; во всех заданиях необходимо корректно освобождать всю выделенную динамическую память.

Все ошибки, связанные с операциями открытия файла, должны быть обработаны; все открытые файлы должны быть закрыты.

- 1. Через аргументы командной строки программе подаются число и флаг, определяющий действие с этим числом. Флаг начинается с символа '-' или '/'. Программа распознает следующие флаги:
  - -h вывести в консоль натуральные числа в пределах 100 включительно, кратные указанному. Если таковых нету вывести соответствующее сообщение;
  - -р определить является ли введенное число простым; является ли оно составным;
  - -s разделить число на отдельные цифры и вывести отдельно каждую цифру числа, разделяя их пробелом, от старших разрядов к младшим, без ведущих нулей в строковом представлении;
  - вывести таблицу степеней (для всех показателей в диапазоне от 1 до заданного числа) оснований от 1 до 10; для этого флага работает ограничение на вводимое число: оно должно быть не больше 10;
  - -а вычислить сумму всех натуральных чисел от 1 до указанного числа включительно и вывести полученное значение в консоль;
  - • вычислить факториал указанного числа и вывести полученное значение в консоль.

вероятностный тест простоты, проверка корректности эпсилон

2. Реализуйте функции, вычисляющие значения чисел e,  $\pi$ ,  $\ln 2$ ,  $\sqrt{2}$ ,  $\gamma$  с точностью l знаков после запятой. Для каждой константы реализуйте три способа вычисления: как сумму ряда, как решение специального уравнения, как значение предела.

<sup>0 -</sup> good

<sup>1 -</sup> overflow

<sup>2 -</sup> invalid arguments

Замечание. Вы можете использовать следующие факты:

|            | Предел  | Ряд/Произведение   | Уравнение  |
|------------|---|--|--|
| e          | $\bigvee e = \lim_{n \to \infty} \left( 1 + \frac{1}{n} \right)^n$                                | $\bigvee  e = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{1}{n!}$  | $\sqrt{ \ln x} = 1$  |
| π          | $\bigvee \pi = \lim_{n \to \infty} \frac{(2^n n!)^4}{n((2n)!)^2}$                                 | $ \sqrt{\pi} = 4 \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^{n-1}}{2n-1} $   | $\bigvee \cos x = -1$  |
| ln 2       | $ \sqrt{\ln 2} = \lim_{n \to \infty} n \left( 2^{\frac{1}{n}} - 1 \right) $                       | $\int \ln 2 = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^{n-1}}{n}$  | $e^x = 2$  |
| $\sqrt{2}$ | $\sqrt{2} = \lim_{n \to \infty} x_n$ , где $x_{n+1} = x_n - \frac{x_n^2}{2} + 1$ , $x_0 = -0.5$   | $\sqrt{2} = \prod_{k=2}^{\infty} 2^{2^{-k}}$   | $\sqrt{x^2} = 2$   |
| γ          | $\gamma = \lim_{m \to \infty} \left( \sum_{k=1}^{m} C_{m}^{k} \frac{(-1)^{k}}{k} \ln(k!) \right)$ | $\gamma = -\frac{\pi^2}{6} + \sum_{k=2}^{\infty} \left( \frac{1}{\left[\sqrt{k}\right]^2} - \frac{1}{k} \right)$ | $e^{-x} = \lim_{t \to \infty} \left( \ln t \prod_{p \le t, p \in P} \frac{p-1}{p} \right)$ |

Точность вычислений (значение эпсилон) подаётся программе в качестве аргумента командной строки. Продемонстрируйте выполнение реализованных функций.

- 3. Через аргументы командной строки программе подается флаг, который определяет действие, и набор чисел. Флаг начинается с символа '-' или '/'. Необходимо проверять соответствие количества параметров введённому флагу. Программа распознает следующие флаги:
  - -q первый параметр (вещественное число) задаёт точность сравнения вещественных чисел (эпсилон), оставшиеся три (вещественные числа) являются коэффициентами квадратного уравнения; необходимо вывести в консоль решения этого уравнения при всевозможных уникальных перестановках значений коэффициентов при степенях переменной;
  - -m необходимо задать два ненулевых целых числа, после чего определить, кратно ли первое число второму;
  - -t первый параметр (вещественное число) задаёт точность сравнения вещественных чисел (эпсилон); необходимо проверить, могут ли оставшиеся три (вещественные числа) параметра являться длинами сторон прямоугольного треугольника.
  - 4. На вход программе, через аргументы командной строки, подается флаг и путь к файлу. Флаг определяет действие с входным файлом. Флаг начинается с символа '-' или '/'. Если флаг содержит в качестве второго символа опциональный символ 'n' (то есть "-nd", "/nd", "-ni", "/ni", "-ns", "/ns", "-na", "/na"), то путь к выходному файлу является третьим аргументом командной строки; иначе имя выходного файла генерируется приписыванием к имени входного файла префикса "out\_". Вывод программы должен транслироваться в выходной файл. Программа распознает следующие флаги:
    - - d необходимо исключить символы арабских цифр из входного файла;

- -і для каждой строки входного файла в выходной файл необходимо записать сколько раз в этой строке встречаются символы букв латинского алфавита;
- -s для каждой строки входного файла в выходной файл необходимо записать сколько раз в этой строке встречаются символы, отличные от символов букв латинского алфавита, символов арабских цифр и символа пробела;
- -а необходимо заменить символы, отличные от символов цифр, ASCII кодом, записанным в системе счисления с основанием 16.
- 5. Вычислить значения сумм с точностью ε, где ε (вещественное число) подаётся программе в виде аргумента командной строки:

a. 
$$\sum_{n=0}^{\infty} \frac{x^n}{n!}$$
; —  $\exp(x)$ 

b.  $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{(-1)^n x^{2n}}{(2n)!}$ ; —  $\cos(x)$  оптимизация

c.  $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{3^{3n} (n!)^3 x^{2n}}{(3n)!}$ ;  $\checkmark$ 

d.  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n (2n-1)!! x^{2n}}{(2n)!!}$ .  $\checkmark$ 

6. Вычислить значения интегралов с точностью ε, где ε (вещественное число) подаётся программе в виде аргумента командной строки:

а. 
$$\int_{0}^{1} \frac{\ln(1+x)}{x} dx$$

b.  $\int_{0}^{1} e^{-\frac{x^2}{2}} dx$  интегралы расходятся; как считается: численно, метод прямоугольников, трапеции 1е-4 точность разложить по компонентам в ряд тейлора и проинтегрировать отдельно каждую компоненту

d.  $\int_{0}^{1} x^x dx$ 

- 7. На вход программе подаётся флаг и пути к файлам. Флаг начинается с символа '-' или "/". Необходимо проверять соответствие количества параметров введённому флагу. Программа распознает следующие флаги:
  - -г записать в файл, путь к которому подаётся последним аргуменом командной строки, лексемы и файлов *file1* и *file2*, пути к которым подаются как третий и четвёртый аргументы командной строки соответственно, где на нечётных позициях находятся лексемы из file1, а на чётных из file2. Лексемы во входных файлах разделяются произвольным количеством символов пробела, табуляций и переносов строк. Если количество лексем в файлах различается, после достижения конца одного из входных файлов, необходимо переписать в выходной файл оставшиеся лексемы из другого из входных файлов. Лексемы в выходном файле должны быть разделены одним символом пробела.

- -а записать в файл, путь к которому подаётся последним аргуменом командной строки, файл, путь к которому подаётся третьим аргументом командной строки, таким образом, чтобы:
  - в каждой десятой лексеме сначала все символы букв латинского алфавита были преобразованы в эквивалентные символы строчных букв латинского алфавита, а затем все символы были преобразованы в эквивалентные им ASCII-коды, записанные в системе счисления с основанием 4;
  - о в каждой второй (и одновременно не десятой) лексеме все символы букв латинского алфавита были преобразованы в эквивалентные символы строчных букв латинского алфавита;
  - в каждой пятой (и одновременно не десятой) лексеме все символы были преобразованы в эквивалентные им ASCII-коды, записанные в системе счисления с основанием 8.

Лексемы во входном файле разделяются произвольным количеством символов пробела, табуляций и переносов строк. Лексемы в выходном файле должны быть разделены одним символом пробела.

- 8. В текстовом файле, путь к которому подаётся как второй аргумент командной строки, находятся числа записанные в разных системах счисления, при этом информация о конкретной системе счисления для каждого числа утеряна. В файле числа разделены произвольным количеством разделителей (символов пробела, табуляций и переносов строки). Для каждого числа из входного файла программа должна определить минимальное основание системы счисления (в диапазоне [2..36]), в которой представление этого числа корректно, и в выходной файл, путь к которому подаётся третьим аргументом командной строки, построчно выводит: входное число без ведущих нулей, определенное для него минимальное основание системы счисления и представление этого числа в системе счисления с основанием 10. Прописные и строчные символы букв латинского алфавита отождествляются.
- 9. 1. Заполнить массив фиксированного размера псевдослучайными числами в диапазоне [а..b], где а, b задаются в качестве аргументов командной строки. Реализовать функцию, выполняющую поиск максимального и минимального значений элементов массива и меняющую местами максимальный и минимальный элементы в исходном массиве за один проход по нему.
  - 2. Заполнить динамические массивы А и В псевдослучайного размера в диапазоне [10..10000] псевдослучайными числами в диапазоне [-1000..1000]. Сформировать из них динамический массив С, где і-й элемент массива С есть і-й элемент массива А, к которому добавлено значение ближайшего к А[i] по значению элемента из массива В.

10. Пользователь вводит в консоль основание системы счисления (в диапазоне [2..36]) и затем строковые представления целых чисел в системе счисления с введённым основанием (цифры со значением больше 9 должны вводиться как прописные буквы латинского алфавита). Окончанием ввода является ввод строки "Stop". Найти среди введённых чисел максимальное по модулю. Напечатать его без ведущих нулей, а также его строковые представления в системах счисления с основаниями 9, 18, 27 и 36.