

# Lineares Gleichungssystem

$$p(x) = a_n x^n + a_{n-1} x^{n-1} + \dots + a_1 x + a_0$$

gegeben!  $(\overset{x_0}{-1}, \overset{y_0}{4}), (\overset{x_1}{0}, \overset{y_1}{-1}), (\overset{x_2}{3}, \overset{y_2}{5})$

$$\rightarrow p(x) = a_0 + a_1 x + a_2 x^2$$

	1)	2)	3)
x	-1	0	3
y	4	-1	5

einsetzen

$$\begin{array}{l|l} p(x_0) = y_0 & p(x_0) = a_0 + a_1 x_0 + a_2 x_0^2 \\ p(x_1) = y_1 & p(x_1) = a_0 + a_1 x_1 + a_2 x_1^2 \\ p(x_2) = y_2 & p(x_2) = a_0 + a_1 x_2 + a_2 x_2^2 \end{array}$$

## Lösen des Gleichungssystems

1. x/y bestimmen + grad des Polynoms (je nach Variablen)
2. Gleichungssystem aufstellen
3. Für eine Gleichung entscheiden, nach  $a_n$  umstellen  $\rightarrow$  erster(a) Wert
4. (a) Wert nehmen und in die anderen Gleichungen einsetzen und lösen. Neuer (a) Wert bestimmen.
5. Diesen Vorgang wiederholen bis Du alle Werte weisst!

## Gleichungssystem

$$\begin{array}{l} p(-1) = a_0 + a_1(-1) + a_2(-1)^2 = 4 \\ p(0) = a_0 + a_1(0) + a_2(0)^2 = -1 \\ p(3) = a_0 + a_1(3) + a_2(3)^2 = 5 \end{array}$$

$$\begin{array}{l|l} p(-1) = a_0 - a_1 + a_2 = 4 & 1. \\ p(0) = a_0 + 0 + 0 = -1 & 2. \\ p(3) = a_0 + 3a_1 + 9a_2 = 5 & 3. \end{array}$$

2 in 3<sup>+1</sup> Gleichung

$$\begin{array}{l} \textcircled{1} (-1) + 3a_1 + 9a_2 = 5 \\ \textcircled{2} (-1) + (-a_1) + a_2 = 4 \end{array} \left. \begin{array}{l} \\ \end{array} \right\} \begin{array}{l} \text{zweite nach} \\ a_2 \text{ lösen.} \end{array}$$

$$\begin{array}{l} 3a_1 + 9a_2 = 5 \\ a_2 = 5 + a_1 \end{array} \rightarrow \text{einsetzen} \Rightarrow \begin{array}{l} 3a_1 + 9(5 + a_1) = 5 + 1 \quad | -45 \\ 12a_2 = 39 \quad | :12 \\ a_2 = \frac{39}{12} \rightarrow \frac{13}{4} \end{array}$$

$$a_2 = 5 + \left(\frac{-13}{4}\right) = \frac{7}{4}$$

$$a_1 = (-1)$$