V této práci klasifikujeme singulární vektory ve skalárních parabolických Verma modulech pro ty páry komplexních Lieových algeber  $(\mathfrak{sl}(n),\mathfrak{p})$  kde homogenní prostor  $\mathrm{SL}(n,\mathbb{C})/P$  tvoří Grassmanián k-rovin v  $\mathbb{C}^n$ . Spočteme kohomologii nilpotentního radikálu s hodnotami v některých unitarizovatelných modulech s nejvyšší vahou. Ty mají dle [BH09] BGG rezolventu, jejíž váhy jsou určené těmito kohomologiemi. Takovéto BGG rezolventy indukují komplexy invariantních diferenciálních operátorů na sekcích asociovaných bundlů nad Hermitovsky symetrickými prostory. Popíšeme formální zúplnění unitarizovatelných modulů s nejvyšší vahou, díky kterému lze použít metodu konstrukce posloupnosti diferenciálních operátorů z článku [CD01] na obecných 1-gradovaných (aka skoro Hermitovských) geometriích. Načrtneme uniformní popis oktonionických rovin, který může být základem k lepšímu pochopení výjimečného Hermitovsky symetrického prostoru grupy  $\mathrm{E}_6$ .