Introdução ao programa R

Ronald Targino, DEMA-UFC

Notas de aula

2. Objetos

2.2 Matrizes

```
# PARTE 1 - Definição e acesso aos elementos
# Atenção: evite usar palavras/letras reservadas do R para o nome dos objetos.
# Exemplo: T, F, c, sd, var, NA ...
# Função: matrix(vetor de dados, no. de linhas, no. de colunas, forma de preenchimento,
                lista com rótulos para linhas e colunas)
# Função: matrix(data = NA, nrow = 1, ncol = 1, byrow = FALSE, dimnames = NULL)
rm(list=all()) # removendo todos os objetos
# criar uma matriz 3 por 8 denotada por m0 cujos elementos são os inteiros de 1 a 24
m0 = matrix(1:24, nrow = 3, ncol = 8, byrow = FALSE)
mΟ
        [,1] [,2] [,3] [,4] [,5] [,6] [,7] [,8]
## [1,]
                4
                     7
                         10
                              13
                                    16
## [2,]
           2
                5
                     8
                         11
                              14
                                    17
                                         20
                                              23
## [3,]
                         12
                              15
                                    18
m1 = matrix(1:24, nrow = 3, ncol = 8) # 'byrow = FALSE' é o padrão, ou seja, não é
# necessário especificá-lo. Note que mO é identico a m1.
m1
        [,1] [,2] [,3] [,4] [,5] [,6] [,7] [,8]
## [1,]
           1
                4
                     7
                         10
                              13
                                    16
## [2,]
           2
                5
                     8
                         11
                              14
                                    17
                                         20
                                              23
## [3,]
           3
                6
                     9
                         12
                              15
                                    18
                                         21
m1 = matrix(1:24, nrow = 3, ncol = 8, byrow = TRUE)
m1
        [,1] [,2] [,3] [,4] [,5] [,6] [,7] [,8]
## [1,]
                2
                                5
                                     6
           1
                     3
## [2,]
               10
                                    14
           9
                    11
                         12
                              13
                                         15
                                              16
                                         23
## [3,]
          17
               18
                    19
                         20
                              21
                                    22
                                              24
# criando um vetor que contem uma amostra aleatória com reposição de tamanho 24
# dos números 2,3 e 4 com iguais probabilidades de serem sorteados
set.seed(153) # função para inicializar o gerador de números pseudo-aleatótios.
dados = sample(c(2,3,4), 24, replace = TRUE); dados
## [1] 4 3 4 2 4 3 4 2 2 2 4 2 2 2 3 3 4 4 4 2 2 3 2 2
```

```
# criando um vetor que contem uma amostra aleatória com reposição de tamanho 24
# dos números 2,3 e 4 com diferentes probabilidades de serem sorteados
dados = sample(c(2,3,4), prob = c(0.2,0.3,0.5), 24, replace=TRUE); dados
# Para obter sempre a mesma amostra usamos antes da geração a função set.seed
set.seed(876)
dados = sample(c(2,3,4), prob = c(0.2,0.3,0.5), 24, replace=TRUE); dados
## [1] 3 4 3 4 4 2 4 4 3 4 2 4 3 3 2 3 4 4 3 4 2 3 3 2
# criando a matriz a partir do vetor dados
m1 = matrix(dados, nrow = 3, ncol = 8)
        [,1] [,2] [,3] [,4] [,5] [,6] [,7] [,8]
## [1,]
           3
                                3
                                     3
                4
                     4
                           4
                                          3
## [2,]
           4
                4
                     4
                           2
                                3
                                     4
                                               3
                     3
                                     4
                                               2
## [3,]
           3
                2
                           4
                                2
                                          2
m1 = matrix(dados, nrow = 3); m1 # não é necessário especificar o número de colunas
        [,1] [,2] [,3] [,4] [,5] [,6] [,7] [,8]
## [1,]
           3
                4
                     4
                           4
                                3
                                     3
## [2,]
           4
                4
                     4
                           2
                                3
                                     4
                                          4
                                               3
## [3,]
                     3
                                2
                                     4
                                          2
                                               2
m1 = matrix(dados, ncol = 8); m1 # não é necessário especificar o número de linhas
        [,1] [,2] [,3] [,4] [,5] [,6] [,7] [,8]
## [1,]
           3
                4
                           4
                                3
                                     3
                     4
## [2,]
                4
                           2
                                3
                                     4
                                               3
           4
                     4
                                          4
## [3,]
           3
                2
                     3
                           4
                                2
                                     4
                                          2
                                               2
m1 = matrix(dados, 3); m1 # o segundo argumento da função é tratado como o número de linhas
        [,1] [,2] [,3] [,4] [,5] [,6] [,7] [,8]
## [1,]
           3
                4
                     4
                           4
                                3
                                     3
                                          3
## [2,]
                           2
                                3
                                     4
                                               3
                                2
                                          2
                                               2
## [3,]
           3
                2
                     3
                           4
                                     4
m1 = matrix(0,10,10) # criando uma matriz de zeros, com 10 linhas e 10 colunas
##
         [,1] [,2] [,3] [,4] [,5] [,6] [,7] [,8] [,9] [,10]
##
   [1,]
            0
                 0
                      0
                            0
                                      0
                                           0
                                                0
                                                     0
                                                            0
                                 0
   [2,]
##
            0
                 0
                       0
                            0
                                 0
                                      0
                                           0
                                                0
                                                     0
                                                            0
   [3,]
##
            0
                 0
                       0
                            0
                                 0
                                      0
                                           0
                                                     0
                                                            0
##
   [4,]
            0
                 0
                       0
                            0
                                 0
                                      0
                                           0
                                                     0
                                                            0
##
   [5,]
            0
                 0
                       0
                            0
                                 0
                                      0
                                           0
                                                     0
                                                            0
  [6,]
                 0
                      0
                                      0
                                           0
                                                            0
##
            0
                            0
                                 0
                                                0
                                                     0
##
   [7,]
            0
                 0
                       0
                            0
                                 0
                                      0
                                           0
                                                0
                                                     0
                                                            0
## [8,]
            0
                 0
                            0
                                 0
                                      0
                                           0
                                                0
                                                     0
                                                            0
## [9,]
            0
                       0
                            0
                                 0
                                      0
                                                0
                                                     0
                                                            0
## [10,]
                 0
                      0
                                 0
                                                            0
            0
                            0
                                      0
                                           0
                                                0
                                                     0
# extraindo submatrizes de uma matriz
m1 = matrix(1:24, nrow = 3, ncol = 8)
```

```
[,1] [,2] [,3] [,4] [,5] [,6] [,7] [,8]
## [1,]
       1 4 7 10
                         13
                              16
                                   19
## [2,]
         2
              5
                  8
                     11
                           14
                               17
                                    20
                                        23
## [3,]
         3
              6
                   9
                      12
                           15
                                        24
                               18
                                    21
m1[,2] # todas as linhas, coluna 2
## [1] 4 5 6
m1[1,] # linha 1, todas as colunas
## [1] 1 4 7 10 13 16 19 22
m1[c(1,3),c(1,8)] # linhas 1 e 3, colunas 1 e 8
     [,1] [,2]
## [1,] 1 22
## [2,]
       3
m1[1,2] # elemento da linha 1, coluna 2
## [1] 4
m1[1,1:3] # linha 1, colunas de 1 a 3
m2 = m1[,c(1,3,5,6)] # criar a matriz m2 a partir das colunas 1,3,5 e 6 de m1
     [,1] [,2] [,3] [,4]
## [1,]
        1 7 13
       2
            8 14
## [2,]
                      17
## [3,]
       3
            9 15
m2[2,2] = 99 # substituir por 99, o valor da linha 2, coluna 2
     [,1] [,2] [,3] [,4]
## [1,]
        1 7 13
## [2,]
       2 99 14
                      17
## [3,]
       3 9 15
m2[1,1:3] = c(10, 20, 30) # substituir por 10, 20 e 30, os valores da linha 1, colunas de 1 a 3
     [,1] [,2] [,3] [,4]
## [1,]
       10
            20
                30
## [2,]
       2
             99
                  14
                      17
## [3,]
       3 9 15
m2[,4] = 88 # substituir por 88, todos os valores da coluna 4 de m2
     [,1] [,2] [,3] [,4]
## [1,] 10
            20
                 30
## [2,]
             99
       2
                  14
                      88
## [3,]
       3 9 15
```

```
m3 = m2[-1,] # matriz m3 formada pela m2 sem a linha 1
        [,1] [,2] [,3] [,4]
## [1,]
           2
               99
                     14
                           88
## [2,]
           3
                9
                     15
                           88
m4 = m2[,-c(1,3)] # matriz m4 formada pela m2 sem as colunas 1 e 3
##
        [,1] [,2]
## [1,]
          20
               88
## [2,]
          99
                88
## [3,]
m5 = m2[-1,-(1:3)] # matriz m5 formada pela m2 sem a linha 1 e as colunas de 1 a 3
## [1] 88 88
ls()
## [1] "dados" "m0"
                                          "m3"
                        "m1"
                                 "m2"
                                                  "m4"
                                                           "m5"
rm(list=all())
# Considere as matrizes m1 e m2.
m1 = matrix (1:156, nrow = 12, ncol = 13, byrow = TRUE)
m2 = matrix (1:156, nrow = 12, ncol = 13, byrow = FALSE) # 'byrow = FALSE' é o padrão
m1; m2
          [,1] [,2] [,3] [,4] [,5] [,6] [,7] [,8] [,9] [,10] [,11] [,12] [,13]
##
##
    [1,]
            1
                  2
                       3
                             4
                                  5
                                       6
                                             7
                                                  8
                                                        9
                                                             10
                                                                          12
                                                                                 13
                                                                    11
##
    [2,]
           14
                 15
                      16
                            17
                                 18
                                      19
                                            20
                                                 21
                                                       22
                                                             23
                                                                    24
                                                                          25
                                                                                 26
   [3,]
                 28
                      29
                                      32
                                                                    37
                                                                          38
                                                                                 39
##
           27
                            30
                                 31
                                            33
                                                 34
                                                       35
                                                             36
##
   [4,]
           40
                 41
                      42
                            43
                                 44
                                      45
                                            46
                                                 47
                                                       48
                                                             49
                                                                    50
                                                                          51
                                                                                 52
   [5,]
##
           53
                 54
                      55
                            56
                                 57
                                      58
                                            59
                                                 60
                                                       61
                                                             62
                                                                    63
                                                                          64
                                                                                 65
##
    [6,]
           66
                 67
                      68
                            69
                                 70
                                      71
                                            72
                                                 73
                                                      74
                                                             75
                                                                    76
                                                                          77
                                                                                 78
##
   [7,]
           79
                            82
                                 83
                                                 86
                                                      87
                                                             88
                                                                          90
                 80
                      81
                                      84
                                            85
                                                                    89
                                                                                 91
##
   [8,]
           92
                 93
                      94
                            95
                                 96
                                      97
                                            98
                                                 99
                                                      100
                                                            101
                                                                   102
                                                                         103
                                                                                104
   [9,]
##
          105
               106
                     107
                           108
                                109
                                     110
                                           111
                                                112
                                                      113
                                                            114
                                                                         116
                                                                                117
                                                                   115
## [10,]
          118
               119
                     120
                           121
                                122
                                     123
                                           124
                                                125
                                                      126
                                                            127
                                                                   128
                                                                         129
                                                                                130
## [11,]
          131
               132
                     133
                           134
                                135
                                     136
                                           137
                                                138
                                                      139
                                                            140
                                                                   141
                                                                         142
                                                                                143
##
   [12,]
          144
               145
                     146
                          147
                                148
                                     149
                                           150
                                                151
                                                      152
                                                            153
                                                                   154
                                                                         155
                                                                                156
##
          [,1] [,2] [,3] [,4] [,5] [,6] [,7] [,8] [,9] [,10] [,11] [,12] [,13]
                 13
                      25
                                            73
                                                 85
##
    [1,]
            1
                            37
                                 49
                                      61
                                                       97
                                                            109
                                                                   121
                                                                         133
                                                                                145
##
   [2,]
            2
                 14
                      26
                            38
                                 50
                                      62
                                            74
                                                 86
                                                       98
                                                            110
                                                                   122
                                                                         134
                                                                                146
   [3,]
            3
                                      63
                                            75
                                                 87
                                                      99
                                                                   123
                                                                         135
##
                 15
                      27
                            39
                                 51
                                                            111
                                                                                147
    [4.]
            4
                                            76
                                                 88
                                                      100
                                                                         136
##
                 16
                      28
                           40
                                 52
                                      64
                                                            112
                                                                   124
                                                                                148
##
   [5,]
            5
                 17
                      29
                            41
                                 53
                                      65
                                            77
                                                 89
                                                      101
                                                            113
                                                                   125
                                                                         137
                                                                                149
##
   [6,]
            6
                 18
                      30
                            42
                                 54
                                      66
                                            78
                                                 90
                                                      102
                                                            114
                                                                   126
                                                                         138
                                                                                150
   [7,]
            7
                                            79
                                                      103
                                                                         139
##
                 19
                      31
                            43
                                 55
                                      67
                                                 91
                                                            115
                                                                   127
                                                                                151
   [8,]
##
            8
                 20
                      32
                           44
                                 56
                                      68
                                            80
                                                 92
                                                     104
                                                            116
                                                                   128
                                                                         140
                                                                                152
##
  [9,]
            9
                 21
                      33
                                 57
                                      69
                                                 93 105
                                                                                153
                            45
                                            81
                                                            117
                                                                   129
                                                                         141
## [10,]
           10
                 22
                      34
                           46
                                 58
                                      70
                                            82
                                                 94
                                                      106
                                                                   130
                                                                         142
                                                                                154
                                                            118
## [11,]
           11
                 23
                      35
                           47
                                 59
                                      71
                                            83
                                                 95
                                                      107
                                                            119
                                                                   131
                                                                         143
                                                                                155
## [12,]
           12
                 24
                      36
                           48
                                 60
                                      72
                                            84
                                                 96 108
                                                            120
                                                                   132
                                                                         144
                                                                                156
```

```
# Exercícios (Respostas abaixo)
# Apresente na tela
# 1. apenas a linha 1 de m2
# 2. apenas a coluna 3 de m2
# 3. a submatriz formada pelas colunas de 1 a 5 e 10 e as linhas 6 a 8 da matriz m2
# 4. o elemento da linha 4 e coluna 3 de m2
# Crie a matriz
# 5. m3 formada pelas colunas impares e linhas impares de m2.
# 6. m4 formada pelas colunas pares e as linhas pares de m2.
# 7. m5 formada pelas 5 últimas colunas de m2.
# 8. m6 formada pelas 2 primeiras linhas de m2.
          1 13 25 37 49 61 73 85 97 109 121 133 145
    [1] 25 26 27 28 29 30 31 32 33 34 35 36
##
        [,1] [,2] [,3] [,4] [,5] [,6]
## [1,]
               18
           6
                     30
                          42
                               54 114
## [2,]
           7
               19
                     31
                          43
                               55
                                  115
## [3,]
           8
               20
                     32
                          44
                               56
                                  116
## [1] 28
        [,1] [,2] [,3] [,4] [,5] [,6] [,7]
## [1,]
           1
               25
                     49
                          73
                               97
                                   121
                                        145
## [2,]
           3
               27
                               99
                                   123
                     51
                          75
                                         147
## [3,]
           5
               29
                    53
                          77
                              101
                                   125
                                         149
## [4,]
           7
               31
                     55
                          79
                              103
                                   127
                                         151
## [5,]
               33
                              105
           9
                     57
                          81
                                   129
                                         153
## [6,]
          11
               35
                     59
                          83
                              107
                                   131
                                         155
##
        [,1] [,2] [,3] [,4] [,5] [,6]
## [1,]
          14
               38
                     62
                          86
                             110
                                  134
## [2,]
               40
                              112
                                   136
          16
                     64
                          88
## [3,]
          18
               42
                     66
                          90
                              114
                                   138
## [4,]
          20
               44
                     68
                          92
                              116
                                  140
## [5,]
          22
               46
                     70
                          94
                              118
                                  142
##
   [6,]
          24
               48
                     72
                          96
                              120
                                   144
##
         [,1] [,2] [,3] [,4] [,5]
    [1,]
           97
               109
                    121
                         133
                              145
   [2,]
##
           98
               110
                    122
                          134
                               146
##
    [3,]
           99
               111
                    123
                          135
                               147
   [4,]
##
          100
               112
                    124
                          136
                               148
                    125
##
   [5,]
          101
               113
                          137
                               149
##
    [6,]
          102
               114
                     126
                          138
                               150
##
   [7,]
          103
               115
                    127
                          139
                               151
   [8,]
          104
               116
                    128
                          140
                               152
   [9,]
                     129
          105
               117
                          141
                               153
## [10,]
          106
               118
                    130
                          142
                               154
## [11,]
          107
               119
                    131
                          143
                               155
## [12,]
          108
               120
                    132
                         144
                               156
        [,1] [,2] [,3] [,4] [,5] [,6] [,7] [,8] [,9] [,10] [,11] [,12] [,13]
## [1,]
               13
                     25
                          37
                               49
                                    61
                                          73
                                               85
                                                          109
                                                                      133
                                                                             145
           1
                                                    97
                                                                121
           2
                                          74
## [2,]
               14
                     26
                          38
                               50
                                    62
                                               86
                                                    98
                                                          110
                                                                122
                                                                      134
                                                                             146
```

```
# Crie a matriz
# 9. m7 formada pelas linhas 1,3,6 e colunas 2,4 de m2
# 10. m8 formada pela matriz m2 excluindo suas linhas 1, 2 e 4
# 11. m9 formada pela matriz m2 excluindo sua linha 6 e sua coluna 5
# 12. m10 formada pela matriz m2 excluindo suas linhas de 1 a 3 e suas colunas de 1 a 3 e 5
##
         [,1] [,2]
## [1,]
           13
                37
## [2,]
           15
                39
   [3,]
##
           18
                42
##
          [,1] [,2] [,3] [,4] [,5] [,6] [,7] [,8] [,9] [,10] [,11] [,12] [,13]
##
    [1,]
             3
                 15
                       27
                             39
                                  51
                                        63
                                             75
                                                   87
                                                         99
                                                              111
                                                                     123
                                                                            135
                                                                                  147
                                                              113
##
    [2,]
             5
                  17
                       29
                                        65
                                             77
                                                   89
                                                       101
                                                                     125
                                                                            137
                                                                                  149
                             41
                                  53
    [3,]
             6
##
                  18
                       30
                             42
                                  54
                                        66
                                             78
                                                   90
                                                       102
                                                              114
                                                                     126
                                                                            138
                                                                                  150
##
    [4,]
             7
                  19
                       31
                             43
                                  55
                                        67
                                             79
                                                   91
                                                       103
                                                              115
                                                                     127
                                                                            139
                                                                                  151
##
    [5,]
             8
                  20
                       32
                             44
                                  56
                                        68
                                             80
                                                   92
                                                       104
                                                                     128
                                                                            140
                                                                                  152
                                                              116
##
    [6,]
             9
                       33
                                                       105
                                                                            141
                  21
                             45
                                  57
                                        69
                                             81
                                                   93
                                                              117
                                                                     129
                                                                                  153
##
    [7,]
            10
                  22
                       34
                             46
                                  58
                                        70
                                             82
                                                   94
                                                       106
                                                              118
                                                                     130
                                                                            142
                                                                                   154
##
                  23
                       35
    [8,]
            11
                             47
                                  59
                                        71
                                             83
                                                   95
                                                       107
                                                              119
                                                                     131
                                                                            143
                                                                                   155
##
    [9,]
            12
                  24
                       36
                             48
                                  60
                                        72
                                             84
                                                   96
                                                       108
                                                              120
                                                                     132
                                                                            144
                                                                                   156
##
          [,1] [,2] [,3]
                           [,4] [,5]
                                      [,6] [,7] [,8] [,9] [,10] [,11] [,12]
##
    [1,]
             1
                  13
                       25
                             37
                                  61
                                        73
                                             85
                                                   97
                                                       109
                                                              121
                                                                     133
                                                                            145
##
    [2,]
             2
                  14
                       26
                             38
                                  62
                                        74
                                             86
                                                   98
                                                       110
                                                              122
                                                                     134
                                                                            146
    [3,]
                                        75
                                                                     135
                                                                            147
##
             3
                  15
                       27
                             39
                                  63
                                             87
                                                   99
                                                       111
                                                              123
##
    [4,]
             4
                  16
                       28
                             40
                                  64
                                        76
                                             88
                                                  100
                                                       112
                                                              124
                                                                     136
                                                                            148
##
    [5,]
             5
                  17
                       29
                             41
                                  65
                                        77
                                             89
                                                  101
                                                       113
                                                              125
                                                                     137
                                                                            149
##
    [6,]
             7
                  19
                       31
                             43
                                  67
                                        79
                                             91
                                                  103
                                                       115
                                                              127
                                                                     139
                                                                            151
##
    [7,]
                  20
                       32
                                             92
                                                  104
                                                              128
                                                                     140
                                                                            152
             8
                             44
                                  68
                                        80
                                                       116
##
    [8,]
             9
                  21
                       33
                             45
                                  69
                                        81
                                             93
                                                  105
                                                       117
                                                                     141
                                                                            153
                                                              129
##
    [9,]
                  22
                                  70
                                        82
                                                  106
            10
                       34
                             46
                                             94
                                                       118
                                                              130
                                                                     142
                                                                            154
## [10,]
                       35
            11
                  23
                             47
                                  71
                                        83
                                             95
                                                  107
                                                       119
                                                              131
                                                                     143
                                                                            155
##
   [11,]
            12
                  24
                       36
                             48
                                  72
                                        84
                                             96
                                                  108
                                                       120
                                                              132
                                                                     144
                                                                            156
##
          [,1] [,2] [,3] [,4] [,5] [,6] [,7] [,8] [,9]
##
    [1,]
            40
                 64
                       76
                             88
                                 100
                                       112
                                            124
                                                  136
    [2,]
##
            41
                  65
                       77
                             89
                                 101
                                       113
                                            125
                                                  137
                                                       149
##
    [3,]
            42
                 66
                       78
                             90
                                 102
                                       114
                                            126
                                                  138
                                                       150
##
    [4,]
                       79
                                 103
                                                  139
            43
                 67
                             91
                                       115
                                            127
                                                       151
    [5,]
##
            44
                 68
                       80
                             92
                                 104
                                       116
                                            128
                                                  140
    [6,]
##
            45
                  69
                       81
                             93
                                 105
                                       117
                                            129
                                                  141
                                                       153
##
    [7,]
            46
                  70
                       82
                             94
                                 106
                                       118
                                            130
                                                  142
                                                       154
##
    [8,]
            47
                 71
                       83
                             95
                                 107
                                       119
                                            131
                                                  143
                                                       155
    [9,]
            48
                 72
                       84
                             96
                                 108
                                      120
                                            132
                                                 144
                                                       156
# Adicionando rótulos às linhas e colunas da matriz
m11 = matrix(1:4, ncol = 2, byrow = TRUE); m11
##
         [,1] [,2]
## [1,]
            1
                 2
## [2,]
            3
colnames(m11) = c('c1','c2') # adicionar rótulos às colunas de m11
m11
##
         c1 c2
```

```
## [1,] 1 2
## [2,] 3 4
rownames(m11) = c('11','12') # adicionar rótulos às linhas de m11
             c1 c2
##
## 11 1 2
## 12 3 4
m12 = matrix(1:4, ncol = 2, byrow = TRUE,
                              dimnames = list(c('col1','col2'), c('lin1','lin2')))
m12
##
                  lin1 lin2
## col1
                       1
## col2
                         3
# PARTE 2 - Operações com matrizes
# Considere a matriz m13
m13 = matrix (1:64, ncol = 8, nrow = 8, byrow = FALSE); m13
                   [,1] [,2] [,3] [,4] [,5] [,6] [,7] [,8]
## [1,]
                                  9 17
                                                         25
                                                                     33
                                                                                 41
                                                                                             49
                                                                                                        57
                         1
## [2,]
                         2
                                  10
                                                                                 42
                                                                                             50
                                                                                                        58
                                             18
                                                         26
                                                                     34
## [3,]
                                                         27
                         3
                                              19
                                                                     35
                                                                               43
                                                                                            51
                                                                                                        59
                                  11
## [4,]
                       4
                                  12
                                             20
                                                         28
                                                                     36
                                                                              44
                                                                                            52
                                                                                                        60
## [5,]
                    5
                                  13
                                           21
                                                         29
                                                                     37 45
                                                                                            53 61
## [6,]
                         6
                                  14
                                              22
                                                         30
                                                                     38 46
                                                                                            54
                                                                                                       62
## [7,]
                         7
                                                                     39 47
                                  15
                                              23
                                                         31
                                                                                            55
                                                                                                        63
## [8,]
                        8
                                  16
                                              24
                                                         32
                                                                     40
                                                                             48
                                                                                            56
                                                                                                        64
# Exercícios (Respostas abaixo)
# Apresente na tela o resultado
# 1. da 2a. coluna multiplicada por 3
# 2. da soma da 1a. linha com o valor da (1a. linha e 3a. coluna)
# 3. do quadrado dos valores da 3a. coluna
# 4. a soma das colunas 1 e 2
# 5. a soma do valor da (2a. linha e 2a.coluna) com a constante 5
# 6. a raiz quadrada da diferença entre as colunas 3 e 2
# 7. o módulo da diferença entre a raiz quadrada da linha 1 e o cubo da linha 2
## [1] 27 30 33 36 39 42 45 48
## [1] 18 26 34 42 50 58 66 74
## [1] 289 324 361 400 441 484 529 576
## [1] 10 12 14 16 18 20 22 24
## [1] 15
## [1] 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828427 2.828
                            7.000
                                                997.000
                                                                    5827.877 17571.000 39298.255 74081.597
## [7] 124993.000 195104.450
# Crie as matrizes A e B
A = matrix(1:4, ncol = 2, byrow = TRUE)
```

```
B = matrix(c(1, 1, 0, 1), ncol = 2, byrow = TRUE)
## [,1] [,2]
## [1,] 1 2
      3 4
## [2,]
## [,1] [,2]
## [1,] 1 1
## [2,] 0 1
A * B # multiplicação elemento a elemento
## [,1] [,2]
## [1,] 1 2
## [2,] 0 4
A %*% B # multiplicação de matrizes
## [,1] [,2]
## [1,] 1 3
## [2,] 3 7
solve(A) # inversa da matriz A
## [,1] [,2]
## [1,] -2.0 1.0
## [2,] 1.5 -0.5
t(A) # transposta da matriz A
## [,1] [,2]
## [1,] 1 3
           4
## [2,]
        2
det(A) # determinante da matriz A
## [1] -2
diag(c(3, 9, 10:13)) # criar matriz diagonal
    [,1] [,2] [,3] [,4] [,5] [,6]
## [1,]
      3 0 0 0 0
## [2,]
                         0
        0
             9
                0
                     0
                             0
      0
           0 10
                       0
## [3,]
                   0
                             0
      0 0 0 11 0 0
## [4,]
## [5,]
      0 0 0 0
                       12 0
                       0 13
## [6,]
           0 0 0
a = 5; b = 2; d = 3; diag(c(a + b, a * d, b - d, round(sqrt(a),1)))
      [,1] [,2] [,3] [,4]
## [1,]
      7
           0
               0 0.0
      0
                 0.0
## [2,]
           15
      0
## [3,]
            0 -1 0.0
## [4,]
                 0 2.2
# PARTE 3 - Alterando elementos, adicionando linhas e colunas
```

```
# Considere a matriz m14
m14 = matrix (1:9, ncol = 3, nrow =3, byrow = FALSE)
##
    [,1] [,2] [,3]
## [1,] 1 4 7
## [2,]
       2 5
## [3,]
       3
           6
                  9
# Exercícios (Respostas abaixo)
# Faça as seguintes alterações na matriz m14
# 1. troque o valor da linha 1 e coluna 2 por 99
# 2. coloque o vetor (10, 20, 30) na coluna 1
# 3. coloque o vetor (11, 22, 33) na linha 2
# 4. coloque o escalar 111 na linha 3
# 5. coloque o vetor (111, 222, 333, 444) na linha 3
## [,1] [,2] [,3]
## [1,] 1 99 7
## [2,]
       2 5
## [3,]
       3 6
                  9
## [,1] [,2] [,3]
## [1,] 10 99 7
## [2,]
       20
           5
## [3,]
       30
           6
                  9
## [,1] [,2] [,3]
## [1,] 10 99 7
## [2,]
       11
            22
                 33
## [3,]
       30
           6
##
    [,1] [,2] [,3]
## [1,] 10 99 7
       11 22
## [2,]
                 33
## [3,] 111 111 111
# Atenção!
m15 = matrix(, ncol = 4, nrow = 2); m15
    [,1] [,2] [,3] [,4]
## [1,] NA NA NA NA
## [2,]
        NA
            NA
                NA NA
mode(m15)
## [1] "logical"
m15 = matrix(0, ncol = 4, nrow = 2); m15
     [,1] [,2] [,3] [,4]
##
## [1,] 0 0 0 0
       0 0 0
## [2,]
mode(m15)
## [1] "numeric"
# Atenção!
m15[1,] = c(1,2); m15
```

```
## [,1] [,2] [,3] [,4]
## [1,] 1 2 1
## [2,]
       0 0
m15[2,] = c('a', 2); m15
       [,1] [,2] [,3] [,4]
## [1,] "1" "2" "1" "2"
## [2,] "a" "2" "a" "2"
mode(m15)
## [1] "character"
# Considere a matriz m16
m16 = matrix(1:30, ncol=5)
m16
       [,1] [,2] [,3] [,4] [,5]
## [1,]
        1
             7
                   13
                       19
## [2,]
          2
                   14
                       20
                            26
               8
## [3,]
        3
             9
                  15
                            27
## [4,]
        4
              10
                   16
                       22
                            28
## [5,]
         5
              11
                   17
                       23
                            29
## [6,]
          6
              12
                   18
                       24
                            30
# Exercícios (Respostas abaixo)
# Faça as seguintes alterações na matriz m16
\# 6. altere os valores da linha 5 e colunas de 1 a 3 para (100, 200, 300)
\# 7. altere os valores da linha 1 e colunas de 1, 3 e 5 para (111,333,555)
# 8. altere os valores das linhas de 1 a 3 e 6 da coluna 1 para 999
# 9. altere os valores das linhas de 1 a 3 e colunas de 1 a 3 para 7777
       [,1] [,2] [,3] [,4] [,5]
## [1,]
       1 7
                   13
                       19
                            25
## [2,]
          2
               8
                   14
## [3,]
         3
                            27
              9
                   15
                       21
## [4,]
        4
              10
                  16
                       22
                            28
## [5,] 100 200
                            29
                  300
                       23
## [6,]
         6
             12
                  18
                            30
##
       [,1] [,2] [,3] [,4] [,5]
## [1,] 111
             7 333
                       19 555
## [2,]
        2
             8
                  14
                       20
                            26
## [3,]
                       21
                            27
          3
             9
                  15
## [4,]
         4
             10
                  16
                            28
## [5,] 100 200
                            29
                  300
                       23
## [6,]
         6
             12
                  18
                            30
       [,1] [,2] [,3] [,4] [,5]
## [1,] 999
             7 333
                       19 555
## [2,]
       999
                  14
                       20
                            26
## [3,]
        999
              9
                   15
                        21
                            27
## [4,]
        4
              10
                  16
                            28
                            29
## [5,]
             200
                  300
                        23
       100
## [6,] 999
              12
                  18
       [,1] [,2] [,3] [,4] [,5]
## [1,] 7777 7777 19 555
```

```
## [2,] 7777 7777 7777
                                26
## [3,] 7777 7777 7777
                                27
                           21
## [4,]
           4
                10
                     16
                           22
                                28
## [5,]
                                29
         100
               200
                    300
                           23
## [6,]
         999
                12
                     18
                           24
                                30
# Considere a matriz m17 e o vetor aux
m17 = matrix(1:80, ncol=10); m17
##
        [,1] [,2] [,3] [,4] [,5] [,6] [,7] [,8] [,9] [,10]
## [1,]
           1
                 9
                     17
                           25
                                33
                                     41
                                           49
                                                57
                                                      65
## [2,]
           2
                                                            74
                     18
                           26
                                34
                                     42
                                           50
                                                58
                                                      66
                10
## [3,]
           3
                11
                     19
                           27
                                35
                                     43
                                           51
                                                59
                                                      67
                                                            75
## [4,]
                12
                     20
                           28
                                36
                                     44
                                           52
                                                60
                                                      68
                                                            76
## [5,]
           5
                13
                     21
                           29
                                37
                                     45
                                           53
                                                61
                                                      69
                                                            77
## [6,]
           6
                14
                     22
                           30
                                38
                                     46
                                           54
                                                62
                                                      70
                                                            78
## [7,]
           7
                15
                     23
                           31
                                39
                                     47
                                           55
                                                63
                                                      71
                                                            79
## [8,]
           8
                16
                     24
                           32
                                40
                                     48
                                           56
                                                64
                                                      72
                                                            80
aux = 911:959; aux
## [1] 911 912 913 914 915 916 917 918 919 920 921 922 923 924 925 926 927
## [18] 928 929 930 931 932 933 934 935 936 937 938 939 940 941 942 943 944
## [35] 945 946 947 948 949 950 951 952 953 954 955 956 957 958 959
# Exercícios
# Quais as linhas de comando para gerar as sequintes alterações na matrix m17?
        [,1] [,2] [,3] [,4] [,5] [,6] [,7] [,8] [,9] [,10]
                   925
## [1,] 911
              918
                         932
                               939
                                    946
                                          953
                                                57
                                                      65
                                                            73
## [2,]
         912
               919
                    926
                          933
                               940
                                    947
                                          954
                                                58
                                                      66
                                                            74
              920
                                                            75
## [3,]
         913
                    927
                          934
                               941
                                    948
                                          955
                                                59
                                                      67
## [4,]
         914
               921
                    928
                          935
                               942
                                    949
                                          956
                                                60
                                                      68
                                                            76
                                                            77
## [5,]
         915
               922
                    929
                          936
                               943
                                    950
                                          957
                                                      69
                                                61
               923
                          937
                               944
## [6,]
         916
                    930
                                    951
                                          958
                                                62
                                                      70
                                                            78
## [7,]
         917
               924
                    931
                          938
                               945
                                    952
                                          959
                                                63
                                                      71
                                                            79
## [8,]
           8
                16
                     24
                           32
                                40
                                     48
                                           56
                                                64
                                                      72
                                                            80
        [,1] [,2] [,3] [,4] [,5] [,6] [,7] [,8] [,9] [,10]
##
        911 912 913
                                   916
## [1,]
                         914
                               915
                                         917
                                                57
                                                      65
                                                            73
## [2,]
         918
               919
                    920
                          921
                               922
                                    923
                                          924
                                                58
                                                      66
                                                            74
## [3,]
         925
               926
                    927
                          928
                               929
                                    930
                                          931
                                                59
                                                      67
                                                            75
## [4,]
               933
                    934
                          935
                               936
                                    937
                                          938
                                                            76
         932
                                                60
                                                      68
                          942
                                                            77
## [5,]
         939
               940
                    941
                               943
                                    944
                                          945
                                                61
                                                      69
## [6,]
         946
               947
                    948
                          949
                               950
                                    951
                                          952
                                                62
                                                      70
                                                            78
## [7,]
         953
               954
                    955
                          956
                               957
                                    958
                                          959
                                                63
                                                      71
                                                            79
## [8,]
           8
                16
                     24
                           32
                                40
                                     48
                                           56
                                                64
                                                      72
                                                            80
# Adicionando linhas e ou colunas a uma matriz
m18 = matrix(1:15, ncol = 3); m18
        [,1] [,2] [,3]
##
## [1,]
           1
                 6
                     11
## [2,]
           2
                 7
                     12
## [3,]
           3
                 8
                     13
## [4,]
                     14
## [5,]
           5
                10
                     15
```

```
m18 = rbind(m18, 1:3); m18 # adicionar uma linha à matriz m18
       [,1] [,2] [,3]
## [1,]
         1
              6
                   11
## [2,]
          2
               7
                   12
## [3,]
          3
               8
                   13
## [4,]
          4
              9
                   14
## [5,]
          5
              10
                   15
## [6,]
          1
               2
                    3
m18 = cbind(m18, seq(50,100, 10)); m18 # adicionar uma coluna à matriz m18
       [,1] [,2] [,3] [,4]
##
## [1,]
          1
              6
                   11
                        50
## [2,]
          2
               7
                        60
                   12
                       70
## [3,]
          3
               8
                   13
## [4,]
         4
               9
                   14
                      80
## [5,]
          5
              10
                   15
                        90
## [6,]
          1
              2
                    3 100
m19 = rbind(m18, m18); m19
##
        [,1] [,2] [,3] [,4]
##
   [1,]
           1
                6
                    11
## [2,]
           2
                7
                         60
                    12
## [3,]
         3
                8
                    13
                         70
## [4,]
           4
               9
                    14
                         80
## [5,]
           5 10
                    15
                        90
## [6,]
         1 2
                    3 100
## [7,]
           1 6
                       50
                   11
## [8,]
           2
              7
                    12
                        60
## [9,]
           3
               8
                    13
                        70
## [10,]
           4
                9
                    14
                        80
## [11,]
           5
               10
                    15
                         90
## [12,]
           1
                2
                     3 100
m20 = cbind(m19, m19); m20
        [,1] [,2] [,3] [,4] [,5] [,6] [,7] [,8]
##
## [1,]
                6
                         50
                                            50
           1
                   11
                              1
                                   6
                                       11
## [2,]
           2
                7
                    12
                         60
                               2
                                   7
                                       12
                                            60
## [3,]
           3
                8
                    13
                         70
                              3
                                   8
                                       13
                                            70
## [4,]
           4
              9
                    14
                         80
                              4
                                   9
                                       14
                                            80
           5 10
## [5,]
                    15
                        90
                                  10
                                       15
                                            90
## [6,]
               2
                                   2
                                       3 100
           1
                    3 100
                              1
## [7,]
           1
                6
                    11
                        50
                              1
                                   6
                                       11
                                            50
## [8,]
           2
              7
                    12
                        60
                              2
                                   7
                                       12
                                            60
## [9,]
           3
               8
                    13
                        70
                              3
                                   8
                                       13
                                            70
## [10,]
           4
               9
                    14
                         80
                              4
                                   9
                                       14
                                            80
## [11,]
           5
               10
                    15
                         90
                              5
                                  10
                                       15
                                            90
## [12,]
                2
                     3 100
                                   2
                                        3 100
           1
                              1
m18 = edit(m18) # abrir janela para edição da matriz m18
```