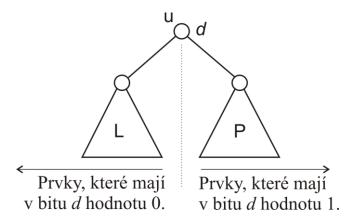
# Vyhledávací stromy Trie

Číslicové vyhledávací stromy na rozdíl od ostatních vyhledávacích stromů nemají prvky uspořádány dle velikosti (nejsou setříděné), pokud procházíme uzly stromu zleva-doprava. To může být v některých použitích nevýhodné. Další značnou nevýhodou těchto stromů je, že při vyhledávání je nutné v každém uzlu srovnávat hledaný prvek s prvkem uloženým v procházeném uzlu.

Číslicové vyhledávací stromy nazývané *trie* mají prvky setříděné zleva-doprava obdobně jako jiné vyhledávací stromy. Název *trie* je odvozen od slova re*trie*val, které vystihuje použití těchto stromů (vyhledávání údajů).

Stromy *trie* mají prvky umístěné jen v listový uzlech. Opět v nich platí, že prvek, který má v daném bitu hodnotu 0, je umístěn v levém podstromu daného uzlu a naopak prvek, který v daném bitu má hodnotu 1, je umístěn v pravém podstromu daného uzlu.



Ve stromu dále platí, že v každém listovém uzlu je právě jeden prvek.

## Vyhledání prvku

#### 1. Počáteční krok

Uzel, který je v daném okamžiku vyhledávání aktuální, budeme označovat *u*. Na začátku jím bude kořen stromu.

Hledaný prvek nechť je x.

Aktuální číslo (pořadí) bitu označíme d, první bit má číslo 0.

### 2. Průběžný krok

Je-li aktuální uzel nelistový, zjistíme hodnotu bitu d prvku x.

Je-li tato hodnota 0, ověříme, zda uzel u má levého následovníka. Pokud ano, učiníme ho novým aktuálním uzlem, zvýšíme hodnotu d o 1 a opět provedeme krok 2. Pokud uzel levého následníka nemá, vyhledávání končí, hledaný prvek není ve stromu obsažen.

Je-li hodnota bitu d rovna 1, pokračujeme obdobně ve vyhledávání v pravém podstromu, pokud aktuální uzel u má pravého následovníka.

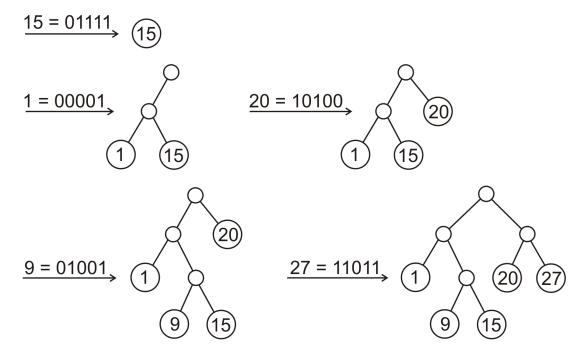
Je-li aktuální uzel *u* list, srovnáme, zda je hledaný prvek *x* roven prvku, který je uložen v tomto uzlu. Pokud ano, hledaný prvek byl v tomto uzlu nalezen, jinak vyhledávání končí neúspěšně.

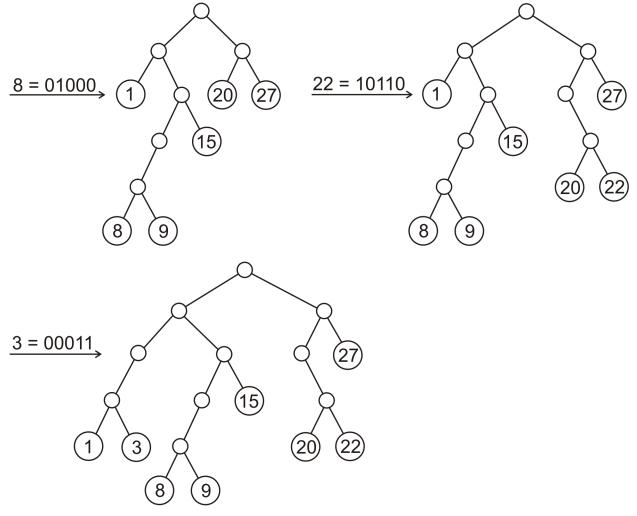
### Přidání prvku

Přidávaný prvek *x* nejprve vyhledáme. Pokud nebyl nalezen, mohou nastat dva případy:

- ♦ Vyhledávání skončilo v nelistovém uzlu, protože v něm nebyl příslušný následník, aby vyhledávání mohlo pokračovat. Zde tohoto následníka vytvoříme a přidávaný prvek *x* do něho vložíme.
- ◆ Vyhledávání skončilo v listovém uzlu, ve kterém je uložen prvek c. Před tento list přidáváme nelistové uzly pro všechny bity až po bit (včetně tohoto bitu), jehož hodnoty jsou v prvcích x a c různé. Následně vytvoříme nový uzel, do kterého dáme prvek x a tento uzel učiníme následníkem posledního přidaného nelistového uzlu. Druhým následníkem tohoto uzlu je uzel s prvkem c.

**Příklad.** Do stromu budeme ukládat pětibitová čísla.





Pseudokód vyhledání:

```
IsLeaf(u)
  return u.left=NIL and u.right=NIL

Search(T, x)
  u ← T.root
  d ← 0
  while u ≠ NIL
   if IsLeaf(u)
      if x = u.item
        return u
      return NIL
  if Bit(x,d) = 0
      u ← u.left
  else
      u ← u.right
  d ← d+1
```

```
return NIL
```

Pseudokód přidání:

```
NewNode(x)
  u \leftarrow new Node
  u.item \leftarrow x
  u.left \leftarrow u.right \leftarrow NIL
  return u
Insert(T, x)
  if T.root = NIL
     T.root \leftarrow NewNode(x)
     return true
  u \leftarrow T.root
  if IsLeaf(u)
     if x = u.item
       return false
     T.root \leftarrow Split(x,u,0)
     return true
  d \leftarrow 0
  while true
     if Bit(x,d) = 0
       if u.left = NIL
          u.left \leftarrow NewNode(x)
          return true
       if IsLeaf(u.left)
          if x = u.left.item
            return false
          u.left \leftarrow Split(x, u.left, d)
          return true
       u \leftarrow u.left
     else
       if u.right = NIL
          u.right \leftarrow NewNode(x)
          return true
       if IsLeaf(u.right)
```

```
if x = u.right.item
              return false
           u.right \leftarrow Split(x, u.right, d)
           return true
        u \leftarrow u.right
     d \leftarrow d+1
Split(x, v, d)
  z \leftarrow w \leftarrow new Node
  while true
     b \leftarrow Bit(x,d)
     if b = Bit(v.item,d)
        u \leftarrow new Node
        if b=0
           z.left \leftarrow u
           z.right ← NIL
        else
           z.right \leftarrow u
           z.left \leftarrow NIL
        z \leftarrow u
        d \leftarrow d+1
     else
        if b=0
           z.left \leftarrow NewNode(x)
           z.right \leftarrow v
        else
           z.left \leftarrow v
           z.right \leftarrow NewNode(x)
        return w
```