Prolog: Listas (y II) | MRC

Víctor Peinado v.peinado@filol.ucm.es 11 de diciembre de 2014

Referencias

- (Blackburn, et al., 2006, chap. 6) 1
- (Clocksin & Mellish, 2003) ²

Concatenando listas

Ya hemos visto cómo manejar listas y qué tipo de operaciones podemos realizar con ellas. En este tema vamos a profundizar un poco más en esta estructura de datos fundamental en Prolog.

Vamos a definir un predicado llamado concatena/3 cuyos tres argumentos sean tres listas.

Desde el punto de vista declarativo, una consulta como concatena(L1, L2, L3) va a tener éxito si y solo si L3 es una lista resultado de concatenar L1 y L2.

Consultas como las siguientes, tienen éxito:

```
?- concatena([1, 2, 3], [4, 5, 6], [1, 2, 3, 4, 5, 6]).
true.
?- concatena([a, b], [c, [5, 6]], [a, b, c, [5, 6]]).
true.
?- concatena([a, b], [], [a, b]).
true.
    Por el contrario, las siguientes consultas fallan:
?- concatena([1, 2, 3], [4, 5, 6], [4, 5, 6, 1, 2, 3]).
false.
?- concatena([a, b], [c, [5, 6]], [a, b, c, 5, 6]).
false.
?- concatena([a, b], [], [a, b, []]).
false.
```

Desde el punto de vista procedimental, la utilidad más obvia de este predicado concatena/3 es precisamente concatenar dos listas. Para ello, basta con que utilicemos una variable como tercer argumento:

¹ Blackburn, P., Bos, J., Striegnitz, K. Learn Prolog Now!. College Publications. Texts in Computer Science, vol 7. 2006. http://www.learnprolognow.org/ lpnpage.php?pageid=online ² Clocksin, W., Mellish, C. S. Programming in Prolog. Springer Science & Business Media. 2003. http://books.google.es/books?id=VjHk2Cjrti8C

```
?- concatena([a, b], [1, 2, 3], Resultado).
Resultado = [a, b, 1, 2, 3].
?- concatena([1, 2, 3], [1, 2, 3], Resultado).
Resultado = [1, 2, 3, 1, 2, 3].
?- concatena([a, b], [], Resultado).
Resultado = [a, b].
```

Como veremos a continuación, también podemos usar concatena/3 para cortar una lista en dos. De hecho, hay muchas cosas que podemos hacer con este predicado.

Definiendo el predicado concatena/3

¿Cómo podemos definir este predicado? Fíjate en cómo lo definimos recursivamente:

```
% predicado concatena/3
concatena([], L, L).
concatena([Cabeza|Cola], L2, [Cabeza|L3]) :- concatena(Cola, L2, L3).
```

El caso base no debería ser ninguna sorpresa: la concatenación de la lista vacía con cualquier otra lista arbitraria da como resultado la lista en cuestión. Pero, ¿cómo tratamos la concatenación de una lista no vacía con otra lista L2? Pues separamos Cabeza y Cola en la primera lista y terminamos con una lista cuya cabeza es la Cabeza de la primera lista y cuya cola es el resultado de concatenar la Cola de la primera lista con la lista L2.

Analicemos el funcionamiento procedimental de este predicado. Fíjate en la traza de la consulta siguiente consulta:

```
[trace] ?- concatena([1, 2, 3], [4, 5, 6], L).
    Call: (6) concatena([1, 2, 3], [4, 5, 6], _G2774) ? creep
    Call: (7) concatena([2, 3], [4, 5, 6], _G2859) ? creep
    Call: (8) concatena([3], [4, 5, 6], _G2862) ? creep
    Call: (9) concatena([], [4, 5, 6], _G2865) ? creep
    Exit: (9) concatena([], [4, 5, 6], [4, 5, 6]) ? creep
    Exit: (8) concatena([3], [4, 5, 6], [3, 4, 5, 6]) ? creep
    Exit: (7) concatena([2, 3], [4, 5, 6], [2, 3, 4, 5, 6]) ? creep
    Exit: (6) concatena([1, 2, 3], [4, 5, 6], [1, 2, 3, 4, 5, 6]) ? creep
L = [1, 2, 3, 4, 5, 6].
```

El intérprete de Prolog recorre de manera recursiva la primera lista hasta que trata de concatenar una lista vacía y el caso base tiene éxito. A partir de ahí, recorre el camino inverso instanciando las variables que ha ido dejando por el camino.

Fíjate en el árbol de búsqueda de una consulta como concatena([a, b, c], [1, 2, 3], X):

Otros usos de concatena/3

Tal y como tenemos definido el predicado concatena/3 podemos darle otros usos interesantes. El primero que vamos a ver es utilizarlo para romper una lista en dos. Fíjate en este ejemplo:

```
?- concatena(L1, L2, [1, 2, 3, 4]).
L1 = [],
L2 = [1, 2, 3, 4];
L1 = [1],
L2 = [2, 3, 4];
L1 = [1, 2],
L2 = [3, 4];
L1 = [1, 2, 3],
L2 = [4];
L1 = [1, 2, 3, 4],
L2 = [];
false.
```

¿Cómo funciona esta consulta? Por un lado, especificamos la lista que queremos partir en dos como tercer argumento y, por otro, usamos dos variables como los dos pimeros argumentos. El intérprete de Prolog busca distintas posibilidades de instanciar las variables con dos listas cuya concatenación de como resultado la lista especificada como tercer argumento: en este caso, [1, 2, 3, 4]. Utilizando backtracking, Prolog es capaz de encontrar todas las posibilidades de separar una lista en dos.

```
[trace] ?- concatena(L1, L2, [a, b, c]).
    Call: (6) concatena(_G2763, _G2764, [a, b, c]) ? creep
    Exit: (6) concatena([], [a, b, c], [a, b, c]) ? creep
L1 = [],
L2 = [a, b, c] .

[trace] ?- concatena(L1, L2, [a, b, c]).
    Call: (6) concatena(_G2763, _G2764, [a, b, c]) ? creep
    Exit: (6) concatena([], [a, b, c], [a, b, c]) ? creep
L1 = [],
L2 = [a, b, c] .

[trace] ?- concatena(L1, L2, [a, b, c]).
    Call: (6) concatena(_G2763, _G2764, [a, b, c]) ? creep
    Exit: (6) concatena([], [a, b, c], [a, b, c]) ? creep
L1 = [],
L2 = [a, b, c];
```

```
Redo: (6) concatena(_G2763, _G2764, [a, b, c]) ? creep
  Call: (7) concatena(_G2853, _G2764, [b, c]) ? creep
  Exit: (7) concatena([], [b, c], [b, c]) ? creep
  Exit: (6) concatena([a], [b, c], [a, b, c]) ? creep
L1 = [a],
L2 = [b, c];
  Redo: (7) concatena(_G2853, _G2764, [b, c]) ? creep
  Call: (8) concatena(_G2856, _G2764, [c]) ? creep
  Exit: (8) concatena([], [c], [c]) ? creep
  Exit: (7) concatena([b], [c], [b, c]) ? creep
  Exit: (6) concatena([a, b], [c], [a, b, c]) ? creep
L1 = [a, b],
L2 = [c];
  Redo: (8) concatena(_G2856, _G2764, [c]) ? creep
  Call: (9) concatena(_G2859, _G2764, []) ? creep
  Exit: (9) concatena([], [], []) ? creep
  Exit: (8) concatena([c], [], [c]) ? creep
  Exit: (7) concatena([b, c], [], [b, c]) ? creep
  Exit: (6) concatena([a, b, c], [], [a, b, c]) ? creep
L1 = [a, b, c],
L2 = []
  Redo: (9) concatena(_G2859, _G2764, []) ? creep
  Fail: (9) concatena(_G2859, _G2764, []) ? creep
  Fail: (8) concatena(_G2856, _G2764, [c]) ? creep
  Fail: (7) concatena(_G2853, _G2764, [b, c]) ? creep
  Fail: (6) concatena(_G2763, _G2764, [a, b, c]) ? creep
false.
```

Además, podemos utilizar concatena/3 para definir otros predicados útiles. Imagina que necesitamos encontrar prefijos de listas (o sublistas que aparecen como cabeza de una lista mayor). Podemos definir un predicado prefijo/2 tal que:

```
% encuentra prefijos
prefijo(Prefijo, L) :- concatena(Prefijo, _, L).
```

La lista Prefijo es un prefijo de la lista L cuando existe alguna otra lista (representada por la variable anónima) que, concatenada con Prefijo, da como resultado la lista L. ¿Cómo funciona?

```
?- prefijo(Prefijo, [z, y, x, w]).
Prefijo = [];
Prefijo = [z];
Prefijo = [z, y];
Prefijo = [z, y, x];
```

```
Prefijo = [z, y, x, w];
false.
```

Encuentra posibles *sufijos* para una lista y, lo que es más interesante, a través del *backtracking* es capaz de encontrar todas las posibles soluciones.

Podemos hacer algo similar y definir un predicado sufijo/2 que busque posibles sufijos de una lista. La lista Sufijo es un sufijo de la lista L cuando existe alguna otra lista (representada por la variable anónima) de manera que si la concatenamos con Sufijo, da como resultado la lista L.

```
% encuentra sufijos
sufijo(Sufijo, L) :- concatena(_, Sufijo, L).
   ¿Cómo funciona?
?- sufijo(Sufijo, [z, y, x, w]).
Sufijo = [z, y, x, w];
Sufijo = [y, x, w];
Sufijo = [x, w];
Sufijo = [w];
Sufijo = [];
false.
```

Por último, es sencillo definir un predicado sublista/2 que encuentre sublistas a partir de listas mayores. Imagina la lista [a, b, c, d]. Podemos segmentarla en sublistas de elementos consecutivos tales como [], [a], [b], [c], [d], [a, b], [b, c], [c, d], [a, b, c], [b,c,d] y la propia [a, b, c, d].

Podemos re-utilizar nuestro código anterior para definir una sublista como los prefijos de los sufijos de una lista.

```
% una sublista es un prefijo de un sufijo de un lista sublista(SubL, L) :- sufijo(Sufijo, L), prefijo(SubL, Sufijo).
```

Y así es como funciona:

```
?- sublista(SubL, [a, b, c]).
SubL = [];
SubL = [a];
SubL = [a, b];
SubL = [a, b, c];
SubL = [];
SubL = [b];
SubL = [b, c];
```

Fíjate en que tal y como está definido, repite algunos posibles soluciones. Prueba a visualizar la traza para terminar de entender su funcionamiento.

```
SubL = [c] ;
SubL = [] ;
false.
```

Problemas con concatena/3

Ya hemos visto que el predicado concatena/3 tiene importantes usos y es muy práctico para algunas tareas relacionadas con dividir listas. Sin embargo, es algo ineficiente. Recuerda cómo funciona. Necesita recorrer de manera recursiva una lista completa hasta encontrar el caso base antes de realizar la concatenación de las listas propiamente dicha. No hay problema cuando estamos concatenando listas más o menos pequeñas. Pero, cuando lanzamos consultas con variables para que sea Prolog el que proporciona todas los posibles segmentos de una lista, vemos cómo se realizan demasiadas operaciones.

Para ilustrar este ejemplo de eficiencia, vamos a tratar de resolver el problema de invertir el orden de los elementos de una lista: vamos a definir un predicado invierte/2 que tenga éxito cuando tome como primer argumento una lista (por ejemplo, [1, 2, 3] y como segundo la misma lista invertida [3, 2, 1]).

Invirtiendo el orden de una lista

¿Para qué querríamos invertir el orden de una lista? ¿No es suficiente complicación con lo que llevaos visto hasta ahora? Bueno, como habrás visto, en Prolog es mucho más sencillo acceder a los primeros elementos de una lista (a tráves del operador | que separa cabeza y cola) que a los del final. Si tuviéramos un predicado que nos permitiera invertir el orden de los elementos de una lista, podríamos darle la vuelta a la lista y operar sobre la nueva cabeza.

Vamos a definir dos mecanismos para invertir el orden de una lista. Primero una aproximación un poco ingenua, definida a partir de concatena/3. Después vamos a definir un mecanismo más eficiente, utilizando a nuestros amigos los *acumuladores*.

Método 1: invierte/2

La definición recursiva de una lista invertida es la siguiente:

- 1. Si la lista de entrada es la lista vacía, la lista invertida es la misma lista vacía.
- 2. Si la lista de entrada es una lista no vacía, invertimos la cola de la lista y se la concatenamos a la cabeza de la lista.

```
% invierte/2, v.1
invierte([], []).
invierte([Cabeza|Cola], L) :-
    invierte(Cola, ColaInvertida),
    concatena(ColaInvertida, [Cabeza], L).
  Para ver cómo funciona, considérese la lista [1, 2, 3]. Si inverti-
mos la cola de la lista obtenemos [3, 2]. Y si le concatenamos [1],
obtenemos la lista invertida esperada: [3, 2, 1].
  ¿Qué tal funciona?
?- invierte([a, b, c], L).
L = [c, b, a].
?- invierte([primero, segundo, tercero], L).
L = [tercero, segundo, primero].
  Esta definición es perfectamente correcta, pero si revisamos una
```

traza veremos la cantidad de operaciones de concatenación que realiza.

```
[trace] ?- invierte([1, 2, 3], L).
  Call: (6) invierte([1, 2, 3], _G3077) ? creep
  Call: (7) invierte([2, 3], _G3159) ? creep
  Call: (8) invierte([3], _G3159) ? creep
  Call: (9) invierte([], _G3159) ? creep
  Exit: (9) invierte([], []) ? creep
  Call: (9) concatena([], [3], _G3163) ? creep
  Exit: (9) concatena([], [3], [3]) ? creep
  Exit: (8) invierte([3], [3]) ? creep
  Call: (8) concatena([3], [2], _G3166) ? creep
  Call: (9) concatena([], [2], _G3158) ? creep
  Exit: (9) concatena([], [2], [2]) ? creep
  Exit: (8) concatena([3], [2], [3, 2]) ? creep
  Exit: (7) invierte([2, 3], [3, 2]) ? creep
  Call: (7) concatena([3, 2], [1], _G3077) ? creep
  Call: (8) concatena([2], [1], _G3164) ? creep
  Call: (9) concatena([], [1], _G3167) ? creep
  Exit: (9) concatena([], [1], [1]) ? creep
  Exit: (8) concatena([2], [1], [2, 1]) ? creep
  Exit: (7) concatena([3, 2], [1], [3, 2, 1]) ? creep
  Exit: (6) invierte([1, 2, 3], [3, 2, 1]) ? creep
L = [3, 2, 1].
```

Siempre hay más de una forma de hacer las cosas. Y en este caso, hay una forma mejor.

Método 2: invierte2/3 usando acumuladores

La segunda forma de definir invierte2/3 es utilizando acumuladores. La idea que subyace es sencilla: el acumulador es una lista que se inicializará como una lista vacía. A medida que vamos procesando las cabezas de la lista de partida, vamos añadiendo estos elementos al acumulador. El proceso termina cuando el acumulador contiene la lista inicial invertida.

Veamos un ejemplo. Partimos desde la lista [a, b, c] y el acumulador es la lista vacía []. Tomamos la cabeza de la lista cuyo orden queremos invertir y se lo añadimos al acumulador. A continuación, procedemos a invertir la cola de la lista [b, c], siendo nuestro acumulador [a]. De nuevo, tomamos la cabeza, la añadimos como cabeza de nuestro acumulador, y procedemos a procesar la cola [c], con el acumulador [b, a]. Añadimos la cabeza como cabeza del acumulador y procesamos la cola [] con el acumulador [c, b, a]. En este punto, el proceso termina, ya que la lista pendiente de procesar está vacía y, en consecuencia nuestro acumulador contiene la lista con el orden de los elementos invertidos.

El código necesario es el siguiente:

```
% invierte2/2 con acumulador
invierte2([Cabeza|Cola], Acumulador, LInv) :-
    invierte2(Cola, [Cabeza|Acumulador], LInv).
invierte2([], Acumulador, Acumulador).
```

Veamos cómo funciona la traza.

```
[trace] ?- invierte2([1, 2, 3], [], L).
    Call: (6) invierte2([1, 2, 3], [], _G3062) ? creep
    Call: (7) invierte2([2, 3], [1], _G3062) ? creep
    Call: (8) invierte2([3], [2, 1], _G3062) ? creep
    Call: (9) invierte2([], [3, 2, 1], _G3062) ? creep
    Exit: (9) invierte2([], [3, 2, 1], [3, 2, 1]) ? creep
    Exit: (8) invierte2([3], [2, 1], [3, 2, 1]) ? creep
    Exit: (7) invierte2([2, 3], [1], [3, 2, 1]) ? creep
    Exit: (6) invierte2([1, 2, 3], [], [3, 2, 1]) ? creep
L = [3, 2, 1].
```

Por comodidad, podemos crear un predicado extra que llame a invierte2/2 inicializando el acumulador.

```
invierte2(Lista, LInv):- invierte2(Lista, [], LInv.
```

Ejercicios

1. Otros ejercicios. ³

Esta solución es eficiente porque simplemente recorremos la lista inicial una vez. No necesitamos perder tiempo realizando concatenaciones de segmentos de listas que resultan irrelevantes para generar el resultado final.

Este es un ejemplo clásico de uso de acumuladores y es muy similar a los ejemplos que vimos en temas anteriores. La cláusula recursiva es la responsable de separar cabeza y cola de la lista de entrada y añadir la cabeza en el acumulador. El caso base detiene el proceso y *copia* el contenido del acumulador en la lista invertida.

Es muy instructivo ejecutar trazas de las dos variantes. Compara las consultas invierte([1, 2, 3], L) y invierte2([1, 2, 3], [], L), por ejemplo.

3 http://www.learnprolognow.org/ lpnpage.php?pagetype=html&pageid= lpn-htmlse26 2. La sesión práctica. ⁴

4 http://www.learnprolognow.org/ lpnpage.php?pagetype=html&pageid= lpn-htmlse27