

Análises bivariadas



- Busca por associação
- Medidas de associação: coeficientes de correlação
- Associação vs causalidade
- Estudos experimentais ou observacionais
- ► Variáveis com valores pré definidos ou observados

Questionário do curso



No questionário do curso pode-se ver os vários tipos de relações bivariadas:

Numérica versus numérica

- Categórica versus numérica
- Categórica versus categórica

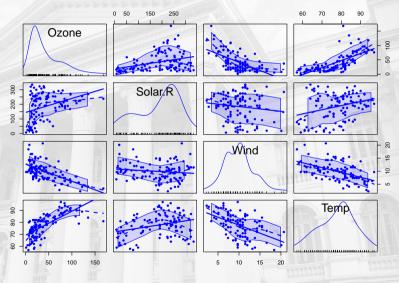
Em categóricas vamos considerar qualitativas (nominal/ordinal) e por vezes discretas (com poucos possíveis valores).

Numérica versus numérica



Diagrama de dispersão:

- ► Há relação?
- ► Positiva ou negativa?
- ► Monótona?
- ► Forte ou fraca?
- ► Linear?
- Dados atípicos?
- ► Transformação?

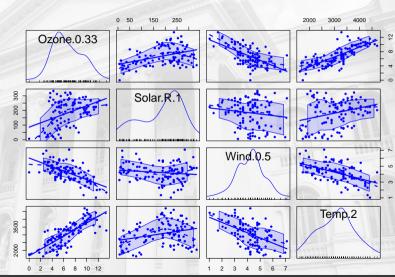


Qualidade do ar (com dados transformados)



Coeficientes de correlação ρ (linear de Pearson, Spearman, Kendall, ...)

- ▶ Há relação? $(\rho \neq 0)$
- Positiva ou negativa? $(\rho > 0 \text{ ou } \rho < 0)$
- ► Monótona?
- Forte ou fraca? $(|\rho| \rightarrow 1 \text{ ou } |\rho| \rightarrow 0)$
- ► Linear?
- Dados atípicos?



Qualidade do ar: coeficientes de correlação



Correlações de Pearson

	Ozone	Solar.R	Wind	Temp
Ozone	1,00	0,35	-0,60	0,70
Solar.R	0,35	1,00	-0,06	0,28
Wind	-0,60	-0,06	1,00	-0,46
Temp	0,70	0,28	-0,46	1,00

Tabela 1. Dados originais

	Ozone	Solar.R	Wind	Temp
Ozone	1,00	0,42	-0,61	0,76
Solar.R	0,42	1,00	-0,05	0,27
Wind	-0,61	-0,05	1,00	-0,46
Temp	0,76	0,27	-0,46	1,00

Tabela 2. Dados transformados

Correlações de Spearman

NO IN COLUMN TO A STATE OF THE PARTY OF THE	Ozone	Solar.R	Wind	Temp
Ozone	1,00	0,35	-0,59	0,77
Solar.R	0,35	1,00	-0,00	0,21
Wind	-0,59	-0,00	1,00	-0,45
Temp	0,77	0,21	-0,45	1,00

Tabela 3. Dados originais

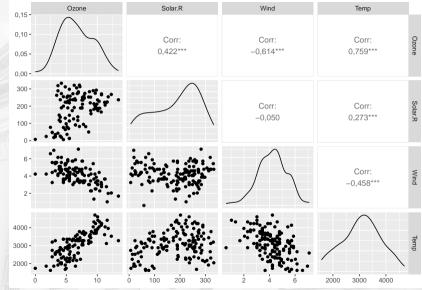
np
,77
,21
,45
00
)

Tabela 4. Dados transformados

Qualidade do ar: outra visualização

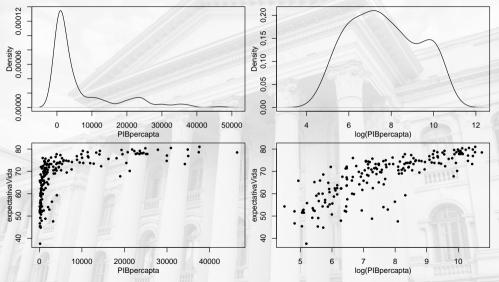


- ▶ Há relação? $(\rho \neq 0)$
- Positiva ou negativa? $(\rho > 0 \text{ ou } \rho < 0)$
- ► Monótona?
- Forte ou fraca? $(|\rho| \rightarrow 1 \text{ ou } |\rho| \rightarrow 0)$
- Linear?
- ► Dados atípicos?



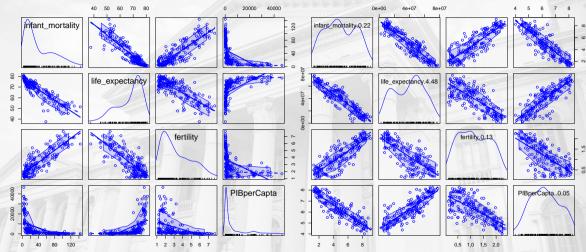
Revisitando dados gapminger - 2000





Revisitando dados gapminger - 2000





Potencial efeito de "covariáveis" (continente, região)

Gapminder: coeficientes de correlação



Correlações de Pearson

	infant_mortality	life_expectancy	fertility	PIBperCapta
infant_mortality	1,00	-0,89	0,86	-0,53
life_expectancy	-0,89	1,00	-0,80	0,57
fertility	0,86	-0,80	1,00	-0,47
PIBperCapta	-0,53	0,57	-0,47	1,00

Tabela 5. Dados originais

	infant_mortality	life_expectancy	fertility	PIBperCapta
infant_mortality	1,00	-0,92	0,84	-0,88
life_expectancy	-0,92	1,00	-0,76	0,84
fertility	0,84	-0,76	1,00	-0,69
PIBperCapta	-0,88	0,84	-0,69	1,00

Tabela 6. Dados transformados

Gapminder: coeficientes de correlação



Correlações de Spearman

	infant_mortality	life_expectancy	fertility	PIBperCapta
infant_mortality	1,00	-0,90	0,83	-0,88
life_expectancy	-0,90	1,00	-0,73	0,84
fertility	0,83	-0,73	1,00	-0,68
PIBperCapta	-0,88	0,84	-0,68	1,00

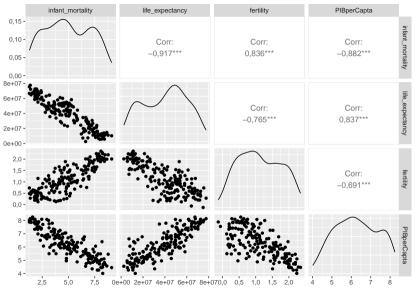
Tabela 7. Dados originais

	infant_mortality	life_expectancy	fertility	PIBperCapta
infant_mortality	1,00	-0,90	0,83	-0,88
life_expectancy	-0,90	1,00	-0,73	0,84
fertility	0,83	-0,73	1,00	-0,68
PIBperCapta	-0,88	0,84	-0,68	1,00

Tabela 8. Dados transformados

Dados gapminder: outra visualização





Correlações ... devagar com o andor

UFPR

- medem associação
- ► associação não necessariamente implica em causalidade
- ► confundimento

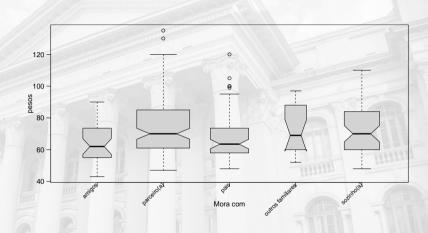
Página com correlações espúrias

Numérica versus Categórica



Comparação de *boxplot*'s (e outros gráficos já vistos)

- "Nível"
- ▶ variabilidade
- distribuição
- dados atípicos
- tamanho dos grupos



Categórica versus categórica: Trabalha vs Origem



	RMC	Interior	Outro Estado
Não	65	76	37
Sim	38	35	43

	RMC	Interior	Outro Estado	Sum
Não	65	76	37	178
Sim	38	35	43	116
Sum	103	111	80	294
	100 E - 100 T H		C 1017177	

- tipicamente representada por uma tabela de contingência
- Mesmas proporções?
- Observar: o que é fixo na tabela? linhas, colunas ou o total?
- Quais gráficos, tabelas e medidas melhor representam?

Categóricas versus categóricas



Diferentes visualizações das tabelas

Tabela 9. Dados Originais

	RMC	Interior	Outro Estado
Não	65	76	37
Sim	38	35	43

Tabela 10. Proporção total

	THE W	RMC	Interior	Outro Estado
İ	Não	0,22	0,26	0,13
	Sim	0,13	0,12	0,15

Tabela 11. Proporção por linha

100	RMC	Interior	Outro Estado
Não	0,37	0,43	0,21
Sim	0,33	0,30	0,37

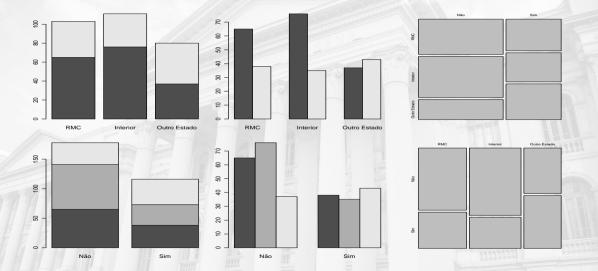
Tabela 12. Proporção por coluna

= =	RMC	Interior	Outro Estado
Não	0,63	0,68	0,46
Sim	0,37	0,32	0,54

Categóricas versus categóricas (frequências)



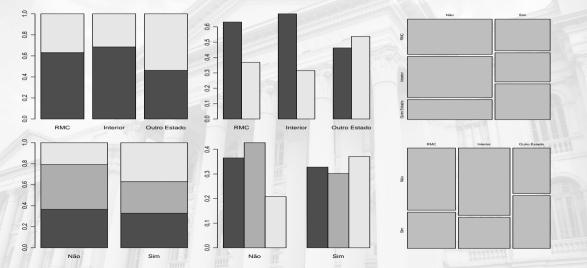
Algumas visualizações (ver análise do questionário para adicionais)



Categóricas versus categóricas (proporções)



Algumas visualizações (ver análise do questionário para adicionais)



Um caso especial: tabelas 2 × 2



Ensaio clínico

		Doente	Sadio	Sum
	Exposto	50	50	100
Não	o Exposto	70	30	100
	Sum	120	80	200

	Doente	Sadio	Sum
Exposto	50	50	100
Não Exposto	140	60	200
Sum	190	110	300

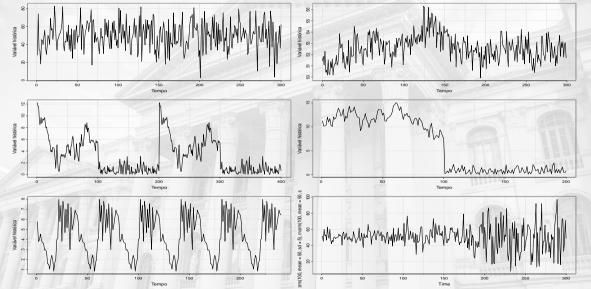
Estudo caso-controle

THE REAL PROPERTY OF THE PARTY	Doente	Sadio	Sum
Exposto	42	63	105
Não Exposto	58	37	95
Sum	100	100	200

	Doente	Sadio	Sum
Exposto	42	126	168
Não Exposto	58	74	132
Sum	100	200	300

Uma estrutura especial: séries de tempo







?alr4::cathedral

Description:

Heights and lengths of Gothic and Romanesque cathedrals.

Format:

This data frame uses cathedral names as row label and contains the following columns:

Type Romanesque or Gothic Height Total height, feet Length Total length, feet

MEPC



Estrutura dos dados:

	Туре	Height	Length	The state of the s	Туре	Height	Length
Durham	Romanesque	75	502	Exeter	Gothic	68	409
Canterbury	Romanesque	80	522	GloucesterGothic	Gothic	86	425
GloucesterRom	Romanesque	68	425	Lichfield	Gothic	57	370
Hereford	Romanesque	64	344	Lincoln	Gothic	82	506
NorwichRom	Romanesque	83	407	NorwichGothic	Gothic	82	506
Peterborough	Romanesque	80	451	Ripon	Gothic	88	295
St. Albans	Romanesque	70	551	Southwark	Gothic	55	273
WinchesterRom	Romanesque	76	530	Wells	Gothic	67	415
Ely	Romanesque	74	547	St. Asaph	Gothic	45	182
York	Gothic	100	519	WinchesterGothic	Gothic	103	530
Bath	Gothic	75	225	Old St. Paul	Gothic	103	611
Bristol	Gothic	52	300	Salisbury	Gothic	84	473
Chichester	Gothic	62	418				

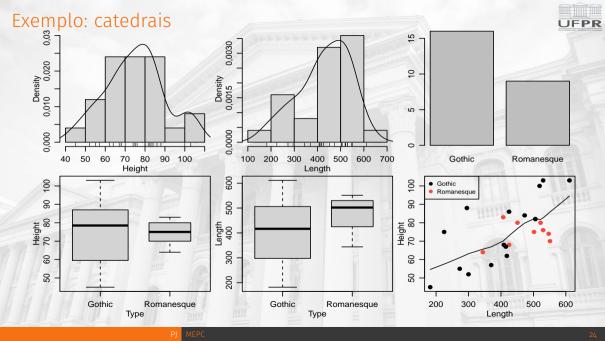
Quais análises são de interesse?

PJ MEPC



```
table(cathedral$Type)
##
## Gothic Romanesque
         16
##
psych:::describe(cathedral, omit=TRUE, quant=c(0.25, 0.75))
      vars n mean sd median trimmed mad min max range skew kurtosis se 00.25 00.75
## Height 2 25 75.16 15.01 75 75.05 11.86 45 103 58 0.06 -0.57 3.00 67 83
## Length 3 25 429.44 110.34 425 436.52 120.09 182 611 429 -0.56 -0.65 22.07 370 519
with(cathedral, by(cathedral, omit=TRUE, Type, psych:::describe, quant=c(0.25, 0.75)))
## Type: Gothic
## vars n mean sd median trimmed mad min max range skew kurtosis se Q0.25 Q0.75
## Height 2 16 75,56 18,42 78,5 75,79 20,76 45 103 58 0,00 -1,34 4,61 60,75 86,5
## Length 3 16 403.56 121.28 416.5 404.57 142.33 182 611 429 -0.22 -1.12 30.32 298.75 506.0
## Type: Romanesque
## vars n mean sd median trimmed mad min max range skew kurtosis se Q0.25 Q0.75
## Height 2 9 74,44 6,21 75 74,44 7,41 64 83 19 -0,24 -1,41 2,07
                                                                           70 80
## Length 3 9 475.44 72.27 502 475.44 72.65 344 551 207 -0.49 -1.37 24.09
                                                                           425
                                                                                 530
```

PJ MEPC 2





- Análises univariadas fornecem um perfil dos dados, a partir de medidas selecionadas. Por exemplo, pode-se relatar:
 Das 25 catedrais 64% são góticas e as demais romanescas. As alturas variam de 45 a 103 pés. Os comprimentos variam de 182 a 611 pés.
- Análises bivariadas permitem investigar relações entre as variáveis.
 As alturas médias e medianas são similares porém as góticas possuem valores mais heterogêneos. Por exemplo, pode-se relatar:
 Alturas e comprimentos são relacionadas com coeficiente de correlação linear de 0,64.

MEPC



Seed germination with different temperatures/concentrations $\mbox{Description:}$

Seed germination with different temperatures/concentrations Format:

A data frame with 64 observations on the following 5 variables.

'temp' temperature regimen

'rep' replication factor (not blocking)

'conc' chemical concentration

'germ' number of seeds germinating

'seeds' number of seeds tested = 50

Details:

The rep factor is NOT a blocking factor.

Source:

Roger Mead, Robert N Curnow, Anne M Hasted. 2002. Statistical Methods in Agriculture and Experimental Biology, 3rd ed. Chapman and Hall. Page 350-351.

PJ MEPC

```
UFPR
```

```
dim(agridat::mead.germination)
## [1] 64 5
head(agridat::mead.germination, n=12)
##
      temp rep conc germ seeds
##
                              50
## 2
                       21
                              50
##
                       40
                              50
##
        T2
                       19
                              50
##
## 6
        T2
                       33
                              50
        T2
                       43
                              50
## 8
        T2
                       48
                              50
                              50
##
##
                              50
                              50
               10.0
                              50
```

Descritiva univariada: Faz sentido?



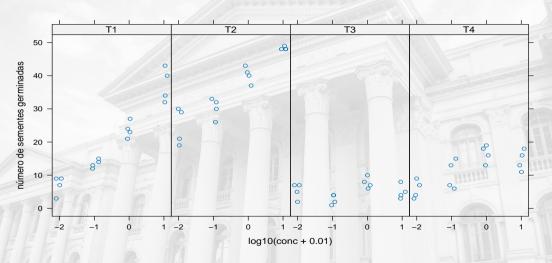


Figura 1. Germinação de sementes.

MEPC 2



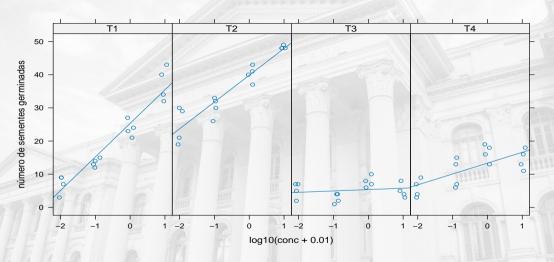


Figura 2. Germinação de sementes.

PI MEPC :

Uma palavra de cuidado



Descrições uni e bivariadas são sujeitas a efeitos de confundimento.

Influência de outra(s) variáveis não observadas.

Métodos multivariados e modelos estatísticos tratam múltiplas variáveis conjuntamente.

Referências bibliográficas



- BUSSAB, W. O.; MORETTIN, P. A. **Estatística Básica**. 9. ed. São Paulo: Saraiva, 2017.
- MAGALHÃES, M. N.; LIMA, A. C. P. de. **Noções de Probabilidade e Estatística**. 7. ed. São Paulo: Edusp, 2015.
- UTTS, J. M. **Seeing Through Statistics**. [S.l.: s.n.], 2005.
- WILD, C. J.; SEBER, G. A. F. **Chance Encounters: A First Course in Data Analysis and Inference**. [S.l.: s.n.], 2000.
- WILD, C. J.; SEBER, G. A. F. Encontros Com O Acaso. Primeiro Curso De Análise De Dados e Inferência. [S.l.: s.n.], 2004.
- ZEVIANI, W. et al. EstBas: Um curso em estatística básica. http://www.leg.ufpr.br/estbas>. 2021.

PJ MEPC