# Análise sintática: analisadores LL e LR

Adaptado dos slides da disciplina Complementos de Programação de Pedro Alexandre S. C. R. Pereira do Instituto Superior de Engenharia de Lisboa

# Construção de parsers preditivos

- O analisador sintático pode ser implementado usando o algoritmo recursivo descendente (parser preditivo):
- Cada produção da gramática corresponde a um método recursivo

| PRINT -> consome PRINT; ntE() | \_ -> erro "if, { ou print"

 $S \to \mathbf{if} \ E \ \mathbf{then} \ S \ \mathbf{else} \ S$ 

 $S \to \{ S L \}$ 

and ntL () = ... and ntE () = ...

# Construção de parsers preditivos: exemplo

```
S \to \mathbf{print} \ E
  L \rightarrow \}
  L \rightarrow : S L
  E \rightarrow \text{num} == \text{num}
let tk = ref EOF (* variável global para o token atual *)
let prox () = tk := Lexico.token !lexbuf
let consome t = if (!tk == t) then prox() else erro (to_str t)
let erro esp = ...
let rec ntS () =
  match !tk with
    IF -> consome IF; ntE(); consome THEN; ntS(); consome ELSE; ntS
         ()
  | ACHAVE -> consome ACHAVE; ntS(); ntL()
```

# Construção de parsers preditivos: dificuldades

#### E se a gramática fosse

 $S \to E$ \$

$$E \rightarrow E + T$$

$$E \rightarrow E - T$$

$$E \rightarrow T * F$$

$$T \rightarrow T * F$$

$$T \rightarrow F / F$$

$$F \rightarrow id$$

$$F \rightarrow num$$

$$F \rightarrow (E)$$

```
let rec ntS () = ntE(); consome EOF
and ntE () = ???
and ntT () = ???
and ntF () =
  match !tk with
   ID -> consome ID
   | NUM -> consome NUM
   | APAR -> consome APAR; ntE(); consome FPAR
   | _ -> erro "id, num ou ("
```

# Conjunto FIRST

- Dada a sequência  $\beta$  de símbolos terminais e não terminais,  $FIRST(\beta)$  é o conjunto de símbolos terminais que ocorrem no início de qualquer string derivada de  $\beta$ .
  - Ex:  $FIRST(T * F) = \{ id, num, ( \} \}$
- Uma gramática não permite a implementação de um parser preditivo se
  - Existem duas produções de  $X: X \to \beta_1$  e  $X \to \beta_2$  nas quais  $FIRST(\beta_1) \cap FIRST(\beta_2) \neq \emptyset$

$$T \rightarrow T * F T \rightarrow T / F T \rightarrow F$$

$$F \rightarrow id F \rightarrow num F \rightarrow (E)$$

- Seja  $\beta = ABC\cdots$
- $\bullet$  A é  $anul\'{a}vel$  se pode produzir a string vazia.
  - $\bullet\,$  No exemplo ao lado, Y e Xsão anuláveis.
- $FIRST(\beta) = FIRST(A)$ , se A não é anulável.
- $FIRST(\beta) = FIRST(A) \cup FIRST(B)$ , se A é anulável mas B não.
- $FIRST(\beta) =$   $FIRST(A) \cup FIRST(B) \cup FIRST(C)$ , se Ae B são anuláveis mas C não.
- • •

$$FIRST(Y) = FIRST(X) = FIRST(Z) =$$

$$\begin{array}{c} Z \to {\bf d} \\ Z \to X \ Y \ Z \end{array}$$

$$Y \to Y \to \mathbf{c}$$

$$X \to Y$$
  
 $X \to \mathbf{a}$ 

- Seja  $\beta = ABC\cdots$
- $\bullet$  A é  $anul\'{a}vel$  se pode produzir a string vazia.
  - $\bullet\,$  No exemplo ao lado, Y e Xsão anuláveis.
- $FIRST(\beta) = FIRST(A)$ , se A não é anulável.
- $FIRST(\beta) = FIRST(A) \cup FIRST(B)$ , se A é anulável mas B não.
- $FIRST(\beta) =$   $FIRST(A) \cup FIRST(B) \cup FIRST(C)$ , se Ae B são anuláveis mas C não.
- • •

$$FIRST(Y) = \{c\}$$
  
 $FIRST(X) =$   
 $FIRST(Z) =$ 

$$\begin{array}{c} Z \rightarrow \mathbf{d} \\ Z \rightarrow X \ Y \ Z \end{array}$$

$$Y \to Y \to \mathbf{c}$$

$$\begin{array}{c} X \to \ Y \\ X \to \ \mathbf{a} \end{array}$$

- Seja  $\beta = ABC\cdots$
- $\bullet \ A$ é  $anul\'{a}vel$  se pode produzir a string vazia.
  - $\bullet\,$  No exemplo ao lado, Y e Xsão anuláveis.
- $FIRST(\beta) = FIRST(A)$ , se A não é anulável.
- $FIRST(\beta) = FIRST(A) \cup FIRST(B)$ , se A é anulável mas B não.
- $FIRST(\beta) =$   $FIRST(A) \cup FIRST(B) \cup FIRST(C)$ , se Ae B são anuláveis mas C não.
- · · ·

$$FIRST(Y) = \{c\}$$
  
 $FIRST(X) = \{a, c\}$   
 $FIRST(Z) =$ 

$$\begin{array}{c} Z \to \mathbf{d} \\ Z \to X \ Y \ Z \end{array}$$

$$Y \to Y \to \mathbf{c}$$

$$X \to Y$$

$$X \to \mathbf{a}$$

- Seja  $\beta = ABC\cdots$
- $\bullet$  A é  $anul\'{a}vel$  se pode produzir a string vazia.
  - $\bullet\,$  No exemplo ao lado, Y e Xsão anuláveis.
- $FIRST(\beta) = FIRST(A)$ , se A não é anulável.
- $FIRST(\beta) = FIRST(A) \cup FIRST(B)$ , se A é anulável mas B não.
- $FIRST(\beta) = FIRST(A) \cup FIRST(B) \cup FIRST(C)$ , se A e B são anuláveis mas C não.
- • •

$$FIRST(Y) = \{c\}$$

$$FIRST(X) = \{a, c\}$$

$$FIRST(Z) = \{a, c, d\}$$

$$\begin{array}{c} Z \rightarrow \mathbf{d} \\ Z \rightarrow X \ Y \ Z \end{array}$$

$$Y \to \mathbf{c}$$
$$Y \to \mathbf{c}$$

$$X \to Y$$
  
 $X \to \mathbf{a}$ 

- FOLLOW(A) é o conjunto de símbolos terminais que podem ocorrer após A.
  - $t \in FOLLOW(A)$ , se existe uma derivação  $A\mathbf{t}$ .
  - $FIRST(B) \subset FOLLOW(A)$ , se existe uma derivação AB

$$FOLLOW(Z) = FOLLOW(Y) = FOLLOW(X) =$$

$$\begin{array}{c} Z \rightarrow \mathbf{d} \\ Z \rightarrow X \ Y \ Z \end{array}$$

$$Y \to Y \to \mathbf{c}$$

$$\begin{array}{c} X \to Y \\ X \to \mathbf{a} \end{array}$$

- FOLLOW(A) é o conjunto de símbolos terminais que podem ocorrer após A.
  - $t \in FOLLOW(A)$ , se existe uma derivação At.
  - $FIRST(B) \subset FOLLOW(A)$ , se existe uma derivação AB

$$FOLLOW(Z) = \{\}$$
  
 $FOLLOW(Y) =$   
 $FOLLOW(X) =$ 

$$Y \to Y \to \mathbf{c}$$

$$X \to Y$$
  
 $X \to \mathbf{a}$ 

- FOLLOW(A) é o conjunto de símbolos terminais que podem ocorrer após A.
  - $t \in FOLLOW(A)$ , se existe uma derivação  $A\mathbf{t}$ .
  - $FIRST(B) \subset FOLLOW(A)$ , se existe uma derivação AB

$$FOLLOW(Z) = \{\}$$
  
 $FOLLOW(Y) = \{a, c, d\}$   
 $FOLLOW(X) =$ 

$$\begin{array}{c} Z \to \mathbf{d} \\ Z \to X \ Y \ Z \end{array}$$

$$Y \to Y \to \mathbf{c}$$

$$X \to Y$$
  
 $X \to \mathbf{a}$ 

- FOLLOW(A) é o conjunto de símbolos terminais que podem ocorrer após A.
  - $t \in FOLLOW(A)$ , se existe uma derivação At.
  - $FIRST(B) \subset FOLLOW(A)$ , se existe uma derivação AB

$$FOLLOW(Z) = \{\}$$
  
 $FOLLOW(Y) = \{a, c, d\}$   
 $FOLLOW(X) = \{a, c, d\}$ 

$$Z \to \mathbf{d}$$

$$Z \to X Y Z$$

$$Y \to Y \to \mathbf{c}$$

$$X \to Y$$

 $X \to \mathbf{a}$ 

• Tabela que determina a próxima produção, sabendo:

$$Z \to \mathbf{d}$$
  
 $Z \to X Y Z$ 

- o símbolo não terminal no topo da pilha
- o símbolo terminal atual na entrada
- Para cada  $X \to \beta$ , colocar  $\beta$  na linha X e coluna t:
  - para cada  $t \in FIRST(\beta)$ ;
  - e se  $\beta$  é anulável, para cada  $t \in FOLLOW(X)$ .

Z	$\rightarrow$	$\mathbf{d}$		
Z	$\rightarrow$	X	Y	Z

$$Y \rightarrow Y \rightarrow \mathbf{c}$$

$$X \to Y$$

$$X \to \mathbf{a}$$

	anulável	FIRST	FOLLOW
X	Sim	ас	a c d
Y	$\operatorname{Sim}$	$\mathbf{c}$	a c d
Z	Não	a c d	

	a	c	d
X			
Y			
Z			

• Tabela que determina a próxima produção, sabendo:

$$Z \to \mathbf{d}$$
 $Z \to X V Z$ 

- o símbolo não terminal no topo da pilha
- o símbolo terminal atual na entrada
- Para cada  $X \to \beta$ , colocar  $\beta$  na linha X e coluna t:
  - para cada  $t \in FIRST(\beta)$ ;
  - e se  $\beta$  é anulável, para cada  $t \in FOLLOW(X)$ .

$$Z \to \mathbf{d}$$
 $Z \to X Y Z$ 

$$Y \to Y \to \mathbf{c}$$

$$X \to Y$$

$$X o \mathbf{a}$$

	anulável	FIRST	FOLLOW
X	Sim	ас	a c d
Y	$\operatorname{Sim}$	$\mathbf{c}$	a c d
Z	Não	a c d	

	a	c	d
X	a		
Y			
Z			

• Tabela que determina a próxima produção, sabendo:

$$Z \to \mathbf{d}$$
 $Z \to X Y Z$ 

- o símbolo não terminal no topo da pilha
- o símbolo terminal atual na entrada
- Para cada  $X \to \beta$ , colocar  $\beta$  na linha X e coluna t:
  - para cada  $t \in FIRST(\beta)$ ;
  - e se  $\beta$  é anulável, para cada  $t \in FOLLOW(X)$ .

$$\begin{array}{c} Z \to \mathbf{d} \\ Z \to X \ Y \ Z \end{array}$$

 $Y \rightarrow$  $Y \rightarrow \mathbf{c}$ 

 $X \to Y$ 

 $X \to \mathbf{a}$ 

	anulável	FIRST	FOLLOW
X	Sim	ас	a c d
Y	$\operatorname{Sim}$	$^{\mathrm{c}}$	a c d
Z	Não	a c d	

	a	c	d
X	a Y	Y	Y
Y			
$\mathbf{Z}$			

• Tabela que determina a próxima produção, sabendo:

$$Z \to \mathbf{d}$$
 $Z \to X Y Z$ 

- o símbolo não terminal no topo da pilha
- o símbolo terminal atual na entrada
- Para cada  $X \to \beta$ , colocar  $\beta$  na linha X e coluna t:
  - para cada  $t \in FIRST(\beta)$ ;
  - e se  $\beta$  é anulável, para cada  $t \in FOLLOW(X)$ .

$$\begin{array}{c} Z \to \mathbf{d} \\ Z \to X \ Y \ Z \end{array}$$

 $Y \rightarrow$  $Y \rightarrow \mathbf{c}$ 

 $X \to Y$ 

 $X \to \mathbf{a}$ 

	anulável	FIRST	FOLLOW
X	Sim	ас	a c d
Y	$\operatorname{Sim}$	$^{\mathrm{c}}$	a c d
$\mathbf{Z}$	Não	a c d	

	a	c	d
X	a Y	Y	Y
Y		$^{\mathrm{c}}$	
Z			

• Tabela que determina a próxima produção, sabendo:

$$Z \to \mathbf{d}$$
  
 $Z \to X Y Z$ 

- o símbolo não terminal no topo da pilha
- o símbolo terminal atual na entrada
- Para cada  $X \to \beta$ , colocar  $\beta$  na linha X e coluna t:
  - para cada  $t \in FIRST(\beta)$ ;
  - e se  $\beta$  é anulável, para cada  $t \in FOLLOW(X)$ .

Z	$\rightarrow$	d		
Z	$\rightarrow$	X	Y	2
17				

$$Y \to \mathbf{c}$$
 $X \to Y$ 

$$X \rightarrow \mathbf{a}$$

$$X o \mathbf{a}$$

	anulável	FIRST	FOLLOW
X	Sim	ас	a c d
Y	$\operatorname{Sim}$	c	a c d
$\mathbf{Z}$	Não	a c d	

	a	c	d
X	a Y	Y	Y
Y	$\varepsilon$	$\varepsilon$ c	$\varepsilon$
Z			

• Tabela que determina a próxima produção, sabendo:

$$Z \to \mathbf{d}$$
 $Z \to X Y Z$ 

- o símbolo não terminal no topo da pilha
- o símbolo terminal atual na entrada
- Para cada  $X \to \beta$ , colocar  $\beta$  na linha X e coluna t:
  - para cada  $t \in FIRST(\beta)$ ;
  - e se  $\beta$  é anulável, para cada  $t \in FOLLOW(X)$ .

$$Z \to \mathbf{d} \\ Z \to X Y Z$$

 $Y \rightarrow$  $Y \rightarrow \mathbf{c}$ 

 $X \to Y$ 

 $X \to \mathbf{a}$ 

	anulável	FIRST	FOLLOW
X	Sim	ас	a c d
Y	Sim	c	a c d
Z	Não	a c d	

	a	c	d
X	a Y	Y	Y
Y	$\varepsilon$	$\varepsilon$ c	$\varepsilon$
Z			d

• Tabela que determina a próxima produção, sabendo:

$$Z \to \mathbf{d}$$
 $Z \to X Y Z$ 

- o símbolo não terminal no topo da pilha
- o símbolo terminal atual na entrada
- Para cada  $X \to \beta$ , colocar  $\beta$  na linha X e coluna t:
  - para cada  $t \in FIRST(\beta)$ ;
  - e se  $\beta$  é anulável, para cada  $t \in FOLLOW(X)$ .

$$Z \to \mathbf{d} \\ Z \to X Y Z$$

 $Y \rightarrow$  $Y \rightarrow \mathbf{c}$ 

 $X \to Y$ 

 $X \to \mathbf{a}$ 

	anulável	FIRST	FOLLOW
X	Sim	ас	a c d
Y	$\operatorname{Sim}$	$\mathbf{c}$	a c d
Z	Não	a c d	

	a	c	d
X	a Y	Y	Y
Y	$\varepsilon$	$\varepsilon$ c	$\varepsilon$
$\mathbf{Z}$	XYZ	XYZ	d XYZ

Construa a tabela LL(1) para a gramática

$$S \to X \ Y \ Z$$

$$X\to \mathbf{a}\ X\ b$$

$$X \rightarrow$$

$$Y \rightarrow \mathbf{c} \ Y Z \mathbf{c} \ X$$

$$Y o \mathbf{d}$$

$$Z \to \mathbf{e} \ Z \ Y \mathbf{e}$$

$$Z \to \mathbf{f}$$

Depois, use-a para verificar se  $\mathit{abcdfcf}$  pertence à linguagem gerada pela gramática.

Construa a tabela LL(1) para a gramática

$$S \to X Y Z$$

$$X \to \mathbf{a} \ X \ b$$

$$X \rightarrow$$

$$Y \rightarrow \mathbf{c} \ Y \ Z \ \mathbf{c} \ X$$

$$Y \rightarrow \mathbf{d}$$

$$Z \to \mathbf{e} \ Z \ Y \mathbf{e}$$

$$Z \to \mathbf{f}$$

Depois, use-a para verificar se  $\mathit{abcdfcf}$  pertence à linguagem gerada pela gramática.

### Solução

Construa a tabela LL(1) para a gramática

$$S \to X \ Y \ Z$$

$$X \to \mathbf{a} \ X \ b$$

$$X \rightarrow$$

$$Y \rightarrow \mathbf{c} \ Y \ Z \ \mathbf{c} \ X$$

$$Y \rightarrow \mathbf{d}$$

$$Z \to \mathbf{e} \ Z \ Y \mathbf{e}$$

$$Z \to \mathbf{f}$$

Depois, use-a para verificar se  $\mathit{abcdfcf}$  pertence à linguagem gerada pela gramática.

### Solução

	anulável	FIRST	FOLLOW
S	Não	a c d	
X	Sim	a	bcdef
Y	Não	c d	e f
Z	Não	e f	c d

Construa a tabela LL(1) para a gramática

$$S \to X Y Z$$

$$X \to \mathbf{a} \ X \ b$$

$$X \rightarrow$$

$$Y \rightarrow \mathbf{c} \ Y \ Z \ \mathbf{c} \ X$$

$$Y \rightarrow \mathbf{d}$$

$$Z \to \mathbf{e} \ Z \ Y \mathbf{e}$$

$$Z \to \mathbf{f}$$

Depois, use-a para verificar se  $\mathit{abcdfcf}$  pertence à linguagem gerada pela gramática.

### Solução

	anulável	FIRST	FOLLOW
S	Não	a c d	
X	Sim	a	bcdef
Y	Não	c d	e f
$\mathbf{Z}$	Não	e f	c d

	a	b	c	d	e	f
S	XYZ		XYZ	XYZ		
X	aXb	ε	ε	ε	ε	ε
Y			cYZcX	d		
$\mathbf{Z}$					eZYe	f

Pilha	Entrada	Ação
S	abcdfcf	

	a	b	c	d	e	f
S	XYZ		XYZ	XYZ		
X	aXb	ε	ε	ε	ε	ε
Y			cYZcX	d		
Z					eZYe	f

Pilha	Entrada	Ação
S	abcdfcf	$S \to XYZ$

	a	b	c	d	e	f
S	XYZ		XYZ	XYZ		
X	aXb	ε	ε	ε	ε	ε
Y			cYZcX	d		
Z					eZYe	f

Pilha	Entrada	Ação
S	abcdfcf	$S \to XYZ$
XYZ	abcdfcf	

	a	b	c	d	e	f
S	XYZ		XYZ	XYZ		
X	aXb	ε	ε	ε	ε	ε
Y			cYZcX	d		
Z					eZYe	f

Pilha	Entrada	Ação
S	abcdfcf	$S \to XYZ$
XYZ	abcdfcf	$X \to aXb$

	a	b	С	d	e	f
S	XYZ		XYZ	XYZ		
X	aXb	ε	ε	ε	ε	ε
Y			cYZcX	d		
Z					eZYe	f
	S X Y Z	S XYZ	S XYZ	$\begin{array}{c cccc} S & XYZ & XYZ \\ X & aXb & \varepsilon & \varepsilon \end{array}$	$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$

Pilha	Entrada	Ação
S	abcdfcf	$S \to XYZ$
XYZ	abcdfcf	$X \to aXb$
aXbYZ	abcdfcf	

	a	b	c	d	e	f
S	XYZ		XYZ	XYZ		
X	aXb	ε	ε	ε	ε	ε
Y			cYZcX	d		
Z					eZYe	f

Pilha	Entrada	Ação
S	abcdfcf	$S \to XYZ$
XYZ	abcdfcf	$X \to aXb$
aXbYZ	abcdfcf	consome a

	a	b	c	d	e	f
S	XYZ		XYZ	XYZ		
X	aXb	ε	ε	ε	ε	ε
Y			cYZcX	d		
Z					eZYe	f

Pilha	Entrada	Ação
S	abcdfcf	$S \to XYZ$
XYZ	abcdfcf	$X \to aXb$
aXbYZ	abcdfcf	consome a
XbYZ	bcdfcf	

	a	b	c	d	e	f
S	XYZ		XYZ	XYZ		
X	aXb	ε	ε	ε	ε	ε
Y			cYZcX	d		
Z					eZYe	f

$\begin{array}{c cccc} S & abcdfcf & S \to XYZ \\ XYZ & abcdfcf & X \to aXb \end{array}$	Pilha	Entrada	Ação
$XYZ \mid abcdfcf \mid X \rightarrow aXb$	S	abcdfcf	$S \to XYZ$
	XYZ	abcdfcf	$X \to aXb$
aXbYZ   abcdfcf   consome a	aXbYZ	abcdfcf	consome a
XbYZ   bcdfcf   $X \to \varepsilon$	XbYZ	bcdfcf	$X \to \varepsilon$

	a	b	c	d	e	f
S	XYZ		XYZ	XYZ		
X	aXb	ε	ε	ε	ε	ε
Y			cYZcX	d		
Z					eZYe	f

Pilha	Entrada	Ação
S	abcdfcf	$S \to XYZ$
XYZ	abcdfcf	$X \to aXb$
aXbYZ	abcdfcf	consome a
XbYZ	bcdfcf	$X \to \varepsilon$
bYZ	bcdfcf	

	a	b	c	d	e	f
S	XYZ		XYZ	XYZ		
X	aXb	ε	ε	ε	ε	ε
Y			cYZcX	d		
Z					eZYe	f

Pilha	Entrada	Ação
S	abcdfcf	$S \to XYZ$
XYZ	abcdfcf	$X \to aXb$
aXbYZ	abcdfcf	consome a
XbYZ	bcdfcf	$X \to \varepsilon$
bYZ	bcdfcf	consome b
	•	

	a	b	c	d	e	f
S	XYZ		XYZ	XYZ		
X	aXb	ε	ε	ε	ε	ε
Y			cYZcX	d		
Z					eZYe	f

Pilha	Entrada	Ação
S	abcdfcf	$S \to XYZ$
XYZ	abcdfcf	$X \to aXb$
aXbYZ	abcdfcf	consome a
XbYZ	bcdfcf	$X \to \varepsilon$
bYZ	bcdfcf	consome b
YZ	cdfcf	

	a	b	c	d	e	f
S	XYZ		XYZ	XYZ		
X	aXb	ε	ε	ε	ε	ε
Y			cYZcX	d		
Z					eZYe	f

Pilha	Entrada	Ação
S	abcdfcf	$S \to XYZ$
XYZ	abcdfcf	$X \to aXb$
aXbYZ	abcdfcf	consome a
XbYZ	bcdfcf	$X \to \varepsilon$
bYZ	bcdfcf	consome b
YZ	cdfcf	$Y \rightarrow cYZcX$
'	•	'

	a	b	c	d	e	f
S	XYZ		XYZ	XYZ		
X	aXb	ε	ε	ε	ε	ε
Y			cYZcX	d		
Z					eZYe	f

Pilha	Entrada	Ação
S	abcdfcf	$S \to XYZ$
XYZ	abcdfcf	$X \to aXb$
aXbYZ	abcdfcf	consome a
XbYZ	bcdfcf	$X \to \varepsilon$
bYZ	bcdfcf	consome b
YZ	cdfcf	$Y \rightarrow cYZcX$
${ m cYZcXZ}$	cdfcf	
	'	•

	a	b	c	d	e	f
S	XYZ		XYZ	XYZ		
X	aXb	ε	ε	ε	ε	ε
Y			cYZcX	d		
Z					eZYe	f

	Pilha	Entrada	Ação
ſ	S	abcdfcf	$S \to XYZ$
	XYZ	abcdfcf	$X \to aXb$
	aXbYZ	abcdfcf	consome a
	XbYZ	bcdfcf	$X \to \varepsilon$
	bYZ	bcdfcf	consome b
	YZ	cdfcf	$Y \rightarrow cYZcX$
	$\mathrm{cYZcXZ}$	cdfcf	consome c
İ			'

	a	b	c	d	e	f
S	XYZ		XYZ	XYZ		
Χ	aXb	ε	ε	ε	ε	ε
Y			cYZcX	d		
Z					eZYe	f

Pilha	Entrada	Ação
S	abcdfcf	$S \to XYZ$
XYZ	abcdfcf	$X \to aXb$
aXbYZ	abcdfcf	consome a
XbYZ	bcdfcf	$X \to \varepsilon$
bYZ	bcdfcf	consome b
YZ	cdfcf	$Y \rightarrow cYZcX$
cYZcXZ	cdfcf	consome c
YZcXZ	dfcf	

	a	b	c	d	e	f
S	XYZ		XYZ	XYZ		
X	aXb	ε	ε	ε	ε	ε
Y			cYZcX	d		
Z					eZYe	f

Pilha	Entrada	Ação
S	abcdfcf	$S \to XYZ$
XYZ	abcdfcf	$X \to aXb$
aXbYZ	abcdfcf	consome a
XbYZ	bcdfcf	$X \to \varepsilon$
bYZ	bcdfcf	consome b
YZ	cdfcf	$Y \rightarrow cYZcX$
cYZcXZ	cdfcf	consome c
YZcXZ	dfcf	$Y \to d$

	a	b	С	d	e	f
S	XYZ		XYZ	XYZ		
X	aXb	ε	ε	ε	ε	ε
Y			cYZcX	d		
Z					eZYe	f

Pilha	Entrada	Ação
S	abcdfcf	$S \to XYZ$
XYZ	abcdfcf	$X \to aXb$
aXbYZ	abcdfcf	consome a
XbYZ	bcdfcf	$X \to \varepsilon$
bYZ	bcdfcf	consome b
YZ	cdfcf	$Y \rightarrow cYZcX$
cYZcXZ	cdfcf	consome c
YZcXZ	dfcf	$Y \to d$
dZcXZ	dfcf	

	a	b	c	d	e	f
S	XYZ		XYZ	XYZ		
X	aXb	ε	ε	ε	ε	ε
Y			cYZcX	d		
Z					eZYe	f

Pilha	Entrada	Ação
S	abcdfcf	$S \to XYZ$
XYZ	abcdfcf	$X \to aXb$
aXbYZ	abcdfcf	consome a
XbYZ	bcdfcf	$X \to \varepsilon$
bYZ	bcdfcf	consome b
YZ	cdfcf	$Y \to cYZcX$
cYZcXZ	cdfcf	consome c
YZcXZ	dfcf	$Y \to d$
dZcXZ	dfcf	consome d

	a	b	c	d	e	f
S	XYZ		XYZ	XYZ		
X	aXb	ε	ε	ε	ε	ε
Y			cYZcX	d		
Z					eZYe	f

Pilha	Entrada	Ação
S	abcdfcf	$S \to XYZ$
XYZ	abcdfcf	$X \to aXb$
aXbYZ	abcdfcf	consome a
XbYZ	bcdfcf	$X \to \varepsilon$
bYZ	bcdfcf	consome b
YZ	cdfcf	$Y \rightarrow cYZcX$
cYZcXZ	cdfcf	consome c
YZcXZ	dfcf	$Y \to d$
dZcXZ	dfcf	consome d
ZcXZ	fcf	

	a	b	c	d	e	f
S	XYZ		XYZ	XYZ		
X	aXb	ε	ε	ε	ε	ε
Y			cYZcX	d		
Z					eZYe	f

Pilha	Entrada	Ação
S	abcdfcf	$S \to XYZ$
XYZ	abcdfcf	$X \to aXb$
aXbYZ	abcdfcf	consome a
XbYZ	bcdfcf	$X \to \varepsilon$
bYZ	bcdfcf	consome b
YZ	cdfcf	$Y \rightarrow cYZcX$
cYZcXZ	cdfcf	consome c
YZcXZ	dfcf	$Y \to d$
dZcXZ	dfcf	consome d
ZcXZ	fcf	$Z \to f$
		l .

	a	b	c	d	e	f
S	XYZ		XYZ	XYZ		
X	aXb	ε	ε	ε	ε	ε
Y			cYZcX	d		
Z					eZYe	f

Pilha	Entrada	Ação
S	abcdfcf	$S \to XYZ$
XYZ	abcdfcf	$X \to aXb$
aXbYZ	abcdfcf	consome a
XbYZ	bcdfcf	$X \to \varepsilon$
bYZ	bcdfcf	consome b
YZ	cdfcf	$Y \rightarrow cYZcX$
cYZcXZ	cdfcf	consome c
YZcXZ	dfcf	$Y \to d$
dZcXZ	dfcf	consome d
ZcXZ	fcf	$Z \rightarrow f$
fcXZ	fcf	
	S XYZ aXbYZ XbYZ bYZ YZ cYZcXZ dZcXZ ZcXZ	S abcdfcf XYZ abcdfcf aXbYZ abcdfcf XbYZ bcdfcf bYZ bcdfcf YZ cdfcf cYZcXZ cdfcf YZcXZ dfcf dZcXZ dfcf ZcXZ fcf

	a	b	c	d	e	f
S	XYZ		XYZ	XYZ		
X	aXb	ε	ε	ε	ε	ε
Y			cYZcX	d		
Z					eZYe	f

Pilha	Entrada	Ação
S	abcdfcf	$S \to XYZ$
XYZ	abcdfcf	$X \to aXb$
aXbYZ	abcdfcf	consome a
XbYZ	bcdfcf	$X \to \varepsilon$
bYZ	bcdfcf	consome b
YZ	cdfcf	$Y \rightarrow cYZcX$
cYZcXZ	cdfcf	consome c
YZcXZ	dfcf	$Y \to d$
dZcXZ	dfcf	consome d
ZcXZ	fcf	$Z \rightarrow f$
fcXZ	fcf	consome f

	a	b	c	d	e	f
S	XYZ		XYZ	XYZ		
X	aXb	ε	ε	ε	ε	ε
Y			cYZcX	d		
Z					eZYe	f

Pilha	Entrada	Ação
S	abcdfcf	$S \to XYZ$
XYZ	abcdfcf	$X \to aXb$
aXbYZ	abcdfcf	consome a
XbYZ	bcdfcf	$X \to \varepsilon$
bYZ	bcdfcf	consome b
YZ	cdfcf	$Y \rightarrow cYZcX$
cYZcXZ	cdfcf	consome c
YZcXZ	dfcf	$Y \to d$
dZcXZ	dfcf	consome d
ZcXZ	fcf	$Z \rightarrow f$
fcXZ	fcf	consome f
cXZ	cf	

	a	b	c	d	e	f
S	XYZ		XYZ	XYZ		
X	aXb	ε	ε	ε	ε	ε
Y			cYZcX	d		
Z					eZYe	f

Pilha	Entrada	Ação
S	abcdfcf	$S \to XYZ$
XYZ	abcdfcf	$X \to aXb$
aXbYZ	abcdfcf	consome a
XbYZ	bcdfcf	$X \to \varepsilon$
bYZ	bcdfcf	consome b
YZ	cdfcf	$Y \rightarrow cYZcX$
cYZcXZ	cdfcf	consome c
YZcXZ	dfcf	$Y \to d$
dZcXZ	dfcf	consome d
ZcXZ	fcf	$Z \rightarrow f$
fcXZ	fcf	consome f
cXZ	cf	consome c

	a	b	c	d	e	f
S	XYZ		XYZ	XYZ		
X	aXb	ε	ε	ε	ε	ε
Y			cYZcX	d		
Z					eZYe	f

Pilha	Entrada	Ação
S	abcdfcf	$S \to XYZ$
XYZ	abcdfcf	$X \to aXb$
aXbYZ	abcdfcf	consome a
XbYZ	bcdfcf	$X \to \varepsilon$
bYZ	bcdfcf	consome b
YZ	cdfcf	$Y \rightarrow cYZcX$
cYZcXZ	cdfcf	consome c
YZcXZ	dfcf	$Y \to d$
dZcXZ	dfcf	consome d
ZcXZ	fcf	$Z \rightarrow f$
fcXZ	fcf	consome f
cXZ	cf	consome c
XZ	f	

	a	b	С	d	е	f
S	XYZ		XYZ	XYZ		
X	aXb	ε	ε	ε	ε	ε
Y			cYZcX	d		
Z					eZYe	f

Pilha	Entrada	Ação
S	abcdfcf	$S \to XYZ$
XYZ	abcdfcf	$X \to aXb$
aXbYZ	abcdfcf	consome a
XbYZ	bcdfcf	$X \to \varepsilon$
bYZ	bcdfcf	consome b
YZ	cdfcf	$Y \rightarrow cYZcX$
cYZcXZ	cdfcf	consome c
YZcXZ	dfcf	$Y \to d$
dZcXZ	dfcf	consome d
ZcXZ	fcf	$Z \rightarrow f$
fcXZ	fcf	consome f
cXZ	$\operatorname{cf}$	consome c
XZ	f	$X \to \varepsilon$
		•

	a	b	c	d	e	f
S	XYZ		XYZ	XYZ		
X	aXb	ε	ε	ε	ε	ε
Y			cYZcX	d		
Z					eZYe	f

Pilha	Entrada	Ação
S	abcdfcf	$S \to XYZ$
XYZ	abcdfcf	$X \to aXb$
aXbYZ	abcdfcf	consome a
XbYZ	bcdfcf	$X \to \varepsilon$
bYZ	bcdfcf	consome b
YZ	cdfcf	$Y \rightarrow cYZcX$
cYZcXZ	cdfcf	consome c
YZcXZ	dfcf	$Y \to d$
dZcXZ	dfcf	consome d
ZcXZ	fcf	$Z \rightarrow f$
fcXZ	fcf	consome f
cXZ	$\operatorname{cf}$	consome c
XZ	f	$X \to \varepsilon$
Z	f	
	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	'

	a	b	С	d	е	f
S	XYZ		XYZ	XYZ		
X	aXb	ε	ε	ε	ε	ε
Y			cYZcX	d		
Z					eZYe	f

Pilha	Entrada	Ação
S	abcdfcf	$S \to XYZ$
XYZ	abcdfcf	$X \to aXb$
aXbYZ	abcdfcf	consome a
XbYZ	bcdfcf	$X \to \varepsilon$
bYZ	bcdfcf	consome b
YZ	cdfcf	$Y \rightarrow cYZcX$
cYZcXZ	cdfcf	consome c
YZcXZ	dfcf	$Y \to d$
dZcXZ	dfcf	consome d
ZcXZ	fcf	$Z \rightarrow f$
fcXZ	fcf	consome f
cXZ	$\operatorname{cf}$	consome c
XZ	f	$X \to \varepsilon$
Z	f	$Z \to f$
	'	'

	a	b	С	d	е	f
S	XYZ		XYZ	XYZ		
X	aXb	ε	ε	ε	ε	ε
Y			cYZcX	d		
Z					eZYe	f

Pilha	Entrada	Ação
S	abcdfcf	$S \to XYZ$
XYZ	abcdfcf	$X \to aXb$
aXbYZ	abcdfcf	consome a
XbYZ	bcdfcf	$X \to \varepsilon$
bYZ	bcdfcf	consome b
YZ	cdfcf	$Y \rightarrow cYZcX$
cYZcXZ	cdfcf	consome c
YZcXZ	dfcf	$Y \to d$
dZcXZ	dfcf	consome d
ZcXZ	fcf	$Z \rightarrow f$
fcXZ	fcf	consome f
cXZ	cf	consome c
XZ	f	$X \to \varepsilon$
Z	f	$Z \rightarrow f$
f	f	
		'

	a	b	С	d	е	f
S	XYZ		XYZ	XYZ		
X	aXb	ε	ε	ε	ε	ε
Y			cYZcX	d		
Z					eZYe	f

Pilha	Entrada	Ação
S	abcdfcf	$S \to XYZ$
XYZ	abcdfcf	$X \to aXb$
aXbYZ	abcdfcf	consome a
XbYZ	bcdfcf	$X \to \varepsilon$
bYZ	bcdfcf	consome b
YZ	cdfcf	$Y \rightarrow cYZcX$
cYZcXZ	cdfcf	consome c
YZcXZ	dfcf	$Y \to d$
dZcXZ	dfcf	consome d
ZcXZ	fcf	$Z \to f$
fcXZ	fcf	consome f
cXZ	cf	consome c
XZ	f	$X \to \varepsilon$
Z	f	$Z \to f$
f	f	consome f
		'

	a	b	c	d	e	f
S	XYZ		XYZ	XYZ		
X	aXb	ε	ε	ε	ε	ε
Y			cYZcX	d		
Z					eZYe	f

Pilha	Entrada	Ação
S	abcdfcf	$S \to XYZ$
XYZ	abcdfcf	$X \to aXb$
aXbYZ	abcdfcf	consome a
XbYZ	bcdfcf	$X \to \varepsilon$
bYZ	bcdfcf	consome b
YZ	cdfcf	$Y \rightarrow cYZcX$
cYZcXZ	cdfcf	consome c
YZcXZ	dfcf	$Y \to d$
dZcXZ	dfcf	consome d
ZcXZ	fcf	$Z \rightarrow f$
fcXZ	fcf	consome f
cXZ	$\operatorname{cf}$	consome c
XZ	f	$X \to \varepsilon$
Z	f	$Z \to f$
f	f	consome f

	a	b	С	d	е	f
S	XYZ		XYZ	XYZ		
X	aXb	ε	ε	ε	ε	ε
Y			cYZcX	d		
Z					eZYe	f

Pilha	Entrada	Ação
S	abcdfcf	$S \to XYZ$
XYZ	abcdfcf	$X \to aXb$
aXbYZ	abcdfcf	consome a
XbYZ	bcdfcf	$X \to \varepsilon$
bYZ	bcdfcf	consome b
YZ	cdfcf	$Y \rightarrow cYZcX$
cYZcXZ	cdfcf	consome c
YZcXZ	dfcf	$Y \to d$
dZcXZ	dfcf	consome d
ZcXZ	fcf	$Z \rightarrow f$
fcXZ	fcf	consome f
$_{ m cXZ}$	cf	consome c
XZ	f	$X \to \varepsilon$
Z	f	$Z \rightarrow f$
f	f	consome f
		aceita

a	b	c	d	e	f
XYZ		XYZ	XYZ		
aXb	ε	ε	ε	ε	ε
		cYZcX	d		
				eZYe	f
	XYZ	XYZ	$\begin{array}{c cc} XYZ & XYZ \\ aXb & \varepsilon & \varepsilon \end{array}$	$\begin{array}{c cccc} XYZ & & XYZ & XYZ \\ aXb & \varepsilon & \varepsilon & \varepsilon \end{array}$	$ \begin{array}{c cccc} XYZ & XYZ & XYZ \\ aXb & \varepsilon & \varepsilon & \varepsilon & \varepsilon \\ & cYZcX & d & \\ \end{array} $

# Tabela do parser preditivo

- Mais que uma entrada por célula indica que o parser preditivo não é possível.
- Gramáticas LL(1):
  - O primeiro L (left) indica que a entrada é varrida da esquerda para direita;
  - O segundo L indica que a derivação é mais à esquerda;
  - Precisa olhar 1 símbolo na entrada para decidir qual regra usar;
  - Se for possível construir uma tabela preditiva com no máximo uma entrada por célula.
- Generalizando a noção de FIRST para os primeiros k símbolos de uma string
  - podemos ter gramáticas LL(2), LL(3), ..., LL(k)

# Parsers LR(k)

- O primeiro L significa que a entrada é varrida da esquerda para a direita;
- O R significa que a derivação é mais à direita;
- Precisa olhar k símbolos antecipadamente na entrada para decidir a regra a ser usada.

Pilha	Entrada	Ação
$S_1'$	(x, (x))\$	

 $S' \rightarrow S \$$   $S \rightarrow (L)$   $S \rightarrow \mathbf{x}$  $L \rightarrow S$ 

 $L \to L$ , S

- Desloca
  - Símbolo da entrada para a pilha
- Reduz

- Desempilha C, B e A do topo da pilha.
- Empilha X.

Pilha	Entrada	Ação
$S_1'$	(x, (x))\$	desloca
$S'_1$ (3	(x, (x))\$ $x, (x)$ \$	'

$$S' \rightarrow S \$$$
  
 $S \rightarrow (L)$   
 $S \rightarrow \mathbf{x}$   
 $L \rightarrow S$ 

 $L \rightarrow L$  , S

- Desloca
  - Símbolo da entrada para a pilha
- Reduz  $Y \rightarrow ABC$

$$X \to ABC$$

- Desempilha C, B e A do topo da pilha.
- Empilha X.

Pilha	Entrada	Ação
$S_1'$	(x, (x))\$	desloca
$S'_1$ (3	x, (x)	desloca
$S_1' \ (_3 \ x_2)$	, (x)	

 $S' \rightarrow S \$$   $S \rightarrow (L)$   $S \rightarrow \mathbf{x}$   $L \rightarrow S$  $L \rightarrow L, S$ 

- Desloca
  - Símbolo da entrada para a pilha
- Reduz

- Desempilha C, B e A do topo da pilha.
- Empilha X.

Pilha	Entrada	Ação
$S_1'$	(x, (x))\$	desloca
$S'_{1}$ (3	x, (x)	desloca
$S_1' \ (_3 \ x_2)$	, (x)	reduz $S \to x$
$S'_1 \ (_3 \ S_6)$	, (x ))\$	,

 $S' \rightarrow S \$$   $S \rightarrow (L)$   $S \rightarrow \mathbf{x}$   $L \rightarrow S$  $L \rightarrow L, S$ 

- Desloca
  - Símbolo da entrada para a pilha
- Reduz

- Desempilha C, B e A do topo da pilha.
- Empilha X.

Pilha	Entrada	Ação
$S_1'$	(x, (x))\$	desloca
$S_1'$ (3	x, (x)	desloca
$S_1' \ (_3 \ x_2)$	, (x ))\$	reduz $S \to x$
$S_1' \ (_3 \ S_6)$	, (x ))\$	reduz $L \to S$
$S_1' \ (_3 \ \overline{L_5})$	, (x)	'

 $S' \rightarrow S$ \$  $S \to (L)$   $S \to \mathbf{x}$   $L \to S$   $L \to L, S$ 

- Desloca
  - Símbolo da entrada para a pilha
- Reduz

- Desempilha C, B e A do topo da pilha.
- Empilha X.

Pilha	Entrada	Ação
$S_1'$	(x, (x))\$	desloca
$S'_1$ (3	x, (x)	desloca
$S_1' \ (_3 \ x_2)$	, (x ))\$	reduz $S \to x$
$S'_1 \ (_3 \ S_6 \ $	, (x ))\$	reduz $L \to S$
$S_1'$ (3 $\overline{L_5}$	, (x ))\$	desloca
$S_1'$ (3 $L_5$ ,8	(x ))\$	

 $S' \rightarrow S \$$   $S \rightarrow (L)$   $S \rightarrow \mathbf{x}$   $L \rightarrow S$   $L \rightarrow L, S$ 

- Desloca
  - Símbolo da entrada para a pilha
- Reduz

- Desempilha C, B e A do topo da pilha.
- Empilha X.

Pilha	Entrada	Ação
$S_1'$	(x, (x))\$	desloca
$S'_1$ (3	x, (x ))\$	desloca
$S_1' \ (_3 \ x_2)$	, (x ))\$	$\operatorname{reduz} S \to x$
$S_1' \ (_3 \ S_6)$	, (x ))\$	reduz $L \to S$
$S_1'$ (3 $\overline{L_5}$	, (x ))\$	desloca
$S_1' \ (_3 \ L_5 \ ,_8$	(x ))\$	desloca
$S_1'$ (3 $L_5$ ,8 (3	x ))\$	·

 $S' \rightarrow S$ \$  $S \rightarrow$  ( L )  $S \rightarrow$   $\mathbf{x}$ 

- $L \to S$  $L \to L , S$
- Desloca
  - Símbolo da entrada para a pilha
- Reduz
  - $X \to ABC$ 
    - Desempilha C, B e A do topo da pilha.
    - Empilha X.

Pilha	Entrada	Ação
$S_1'$	(x, (x))\$	desloca
$S_1'$ (3	x, (x)	desloca
$S_1' \ (_3 \ x_2)$	, (x ))\$	reduz $S \to x$
$S_1'$ (3 $S_6$	, (x)	reduz $L \to S$
$S_1'$ (3 $L_5$	, (x ))\$	desloca
$S_1' \ (_3 \ L_5 \ ,_8$	(x ))\$	desloca
$S_1' \ (_3 \ L_5 \ ,_8 \ (_3$	x ))\$	desloca
$S_1' \ (_3 \ L_5 \ ,_8 \ (_3 \ x_2)$	))\$	

 $S' \rightarrow S$ \$  $S \rightarrow$  ( L )  $S \rightarrow$   $\mathbf{x}$ 

- $L \rightarrow S$  $L \rightarrow L$  , S
- Desloca
  - Símbolo da entrada para a pilha
- Reduz
  - $X \to ABC$ 
    - Desempilha C, B e A do topo da pilha.
    - Empilha X.

Pilha	Entrada	Ação
$S_1'$	(x, (x))\$	desloca
$S_1'$ (3	x, (x)	desloca
$S_1'$ (3 $x_2$	, (x ))\$	reduz $S \to x$
$S_1'$ (3 $S_6$	, (x ))\$	reduz $L \to S$
$S_1' \ (_3 \ \overline{L_5})$	, (x)	desloca
$S_1' \ (_3 \ L_5 \ ,_8$	(x ))\$	desloca
$S_1'$ (3 $L_5$ ,8 (3	x ))\$	desloca
$S_1' (_3 L_5 ,_8 (_3 x_2)$	))\$	reduz $S \to x$
$S_1' (_3 L_5 ,_8 (_3 S_6))$	))\$	

 $S' \rightarrow S$ \$  $S \rightarrow$  ( L )  $S \rightarrow$   $\mathbf{x}$ 

 $L \to S$   $L \to L$ , S

- Desloca
  - Símbolo da entrada para a pilha
- Reduz

- Desempilha C, B e A do topo da pilha.
- Empilha X.

D:lla a	Entrodo	1020
Pilha	Entrada	Ação
$S_1'$	(x, (x))\$	desloca
$S_1'$ (3	x, (x)	desloca
$S_1'$ (3 $x_2$	, (x)	reduz $S \to x$
$S_1'$ (3 $S_6$	, (x ))\$	reduz $L \to S$
$S_1'$ (3 $L_5$	, (x)	desloca
$S_1'$ (3 $L_5$ ,8	(x ))\$	desloca
$S_1'$ (3 $L_5$ ,8 (3	x ))\$	desloca
$S_1'$ (3 $L_5$ ,8 (3 $x_2$	))\$	reduz $S \to x$
$S_1' (_3 L_5 ,_8 (_3 S_6))$	))\$	reduz $L \to S$
$S_1'$ (3 $L_5$ ,8 (3 $L_5$	))\$	

 $S' \rightarrow S$ \$  $S \rightarrow$  ( L )  $S \rightarrow$   $\mathbf{x}$ 

- $L \rightarrow S$  $L \rightarrow L$  , S
- Desloca
  - Símbolo da entrada para a pilha
- Reduz

- Desempilha C, B e A do topo da pilha.
- Empilha X.

Pilha	Entrada	Ação
$S_1'$	(x, (x))\$	desloca
$S_1'$ (3	x, (x ))\$	desloca
$S_1'$ (3 $x_2$	, (x ))\$	reduz $S \to x$
$S_1'$ (3 $S_6$	, (x ))\$	reduz $L \to S$
$S_1' \ (_3 \ L_5)$	, (x ))\$	desloca
$S_1' \ (_3 \ L_5 \ ,_8$	(x ))\$	desloca
$S_1'$ (3 $L_5$ ,8 (3	x ))\$	desloca
$S_1' \ (_3 \ L_5 \ ,_8 \ (_3 \ x_2)$	))\$	reduz $S \to x$
$S_1' \ (_3 \ L_5 \ ,_8 \ (_3 \ S_6)$	))\$	reduz $L \to S$
$S_1' \ (_3 \ L_5 \ ,_8 \ (_3 \ L_5 \ )$	))\$	desloca
$S_1' \ (_3 \ L_5 \ ,_8 \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \$	)\$	
·	,	,

 $S' \rightarrow S \$$   $S \rightarrow (L)$  $S \rightarrow \mathbf{x}$ 

- $L \to S$  $L \to L$ , S
- Desloca
  - Símbolo da entrada para a pilha
- Reduz  $X \to ABC$ 
  - Desempilha C, B e A do topo da pilha.
  - Empilha X.

Pilha	Entrada	Ação
$S_1'$	(x, (x))\$	desloca
$S'_1$ (3	x, (x)	desloca
$S_1' \ (_3 \ x_2)$	, (x ))\$	reduz $S \to x$
$S_1' \ (_3 \ S_6)$	, (x ))\$	reduz $L \to S$
$S_1'$ (3 $\overline{L_5}$	, (x)	desloca
$S_1' \ (_3 \ L_5 \ ,_8$	(x ))\$	desloca
$S_1'$ (3 $L_5$ ,8 (3	x ))\$	desloca
$S_1' \ (_3 \ L_5 \ ,_8 \ (_3 \ x_2)$	))\$	reduz $S \to x$
$S_1'$ (3 $L_5$ ,8 (3 $S_6$	))\$	reduz $L \to S$
$S_1' \ (_3 \ L_5 \ ,_8 \ (_3 \ L_5 )$	))\$	desloca
$S_1' \ (_3 \ L_5 \ ,_8 \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \$	)\$	reduz $S \to (L)$
$S_1' \ (_3 \ L_5 \ ,_8 \ S_9 \ $	)\$	

 $S' \rightarrow S \$$  $S \rightarrow (L)$ 

 $S \to \mathbf{x}$   $L \to S$   $L \to L$ , S

- Desloca
  - Símbolo da entrada para a pilha
- Reduz  $X \to ABC$ 
  - Desempilha C, B e A do topo da pilha.
  - Empilha X.

Pilha	Entrada	Ação
$S_1'$	(x, (x))\$	desloca
$S_1'$ (3	x, (x)	desloca
$S_1' \ (_3 \ x_2)$	, (x ))\$	reduz $S \to x$
$S_1'$ (3 $S_6$	, (x ))\$	reduz $L \to S$
$S_1'$ (3 $L_5$	, (x)	desloca
$S_1' \ (_3 \ L_5 \ ,_8$	(x ))\$	desloca
$S_1' \ (_3 \ L_5 \ ,_8 \ (_3$	x ))\$	desloca
$S_1' \ (_3 \ L_5 \ ,_8 \ (_3 \ x_2)$	))\$	reduz $S \to x$
$S_1' \ (_3 \ L_5 \ ,_8 \ (_3 \ S_6)$	))\$	reduz $L \to S$
$S_1' \ (_3 \ L_5 \ ,_8 \ (_3 \ \overline{L_5} \ )$	))\$	desloca
$S_1' \ (_3 \ L_5 \ ,_8 \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \$	)\$	reduz $S \to (L)$
$S_1'$ (3 $L_5$ ,8 $S_9$	)\$	reduz $L \to L, S$
$S_1'$ (3 $L_5$	)\$	

 $S' \rightarrow S \$$   $S \rightarrow (L)$ 

 $\begin{array}{c} S \rightarrow \mathbf{x} \\ L \rightarrow S \\ L \rightarrow L \ , \ S \end{array}$ 

- Desloca
  - Símbolo da entrada para a pilha
- Reduz  $X \to ABC$ 
  - Desempilha C, B e A do topo da pilha.
  - Empilha X.

T--4---1- A - ~ -

#### Parser desloca-reduz

D:11- -

Pilha	Entrada	Açao
$S_1'$	(x, (x))\$	desloca
$S'_1$ (3	x, (x ))\$	desloca
$S'_1 \ (_3 \ x_2)$	, (x ))\$	reduz $S \to x$
$S'_1 \ (_3 \ S_6)$	, (x ))\$	reduz $L \to S$
$S'_1 \ (_3 \ \overline{L_5})$	, (x ))\$	desloca
$S_1' \ (_3 \ L_5 \ ,_8$	(x ))\$	desloca
$S_1'$ (3 $L_5$ ,8 (3	x ))\$	desloca
$S_1' \ (_3 \ L_5 \ ,_8 \ (_3 \ x_2)$	))\$	reduz $S \to x$
$S'_1 \ (_3 \ L_5 \ ,_8 \ (_3 \ S_6)$	))\$	reduz $L \to S$
$S_1' \ (_3 \ L_5 \ ,_8 \ (_3 \ L_5 \ )$	))\$	desloca
$S_1' \ (_3 \ L_5 \ ,_8 \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \$	)\$	reduz $S \to (L)$
$S_1'$ (3 $L_5$ ,8 $S_9$	)\$	reduz $L \to L, S$
$S_1' \ (_3 \ L_5$	)\$	desloca
$S_1' (_3 L_5)_7$	\$	
	ı	!

 $S' \rightarrow S \$$   $S \rightarrow (L)$  $S \rightarrow \mathbf{x}$ 

 $L \to S$   $L \to L$ , S

- Desloca
  - Símbolo da entrada para a pilha
- Reduz  $X \to ABC$ 
  - Desempilha C, B e A do topo da pilha.
  - Empilha X.

Entrada

(x, (x))\$

### Parser desloca-reduz

Pilha

 $\overline{S_1'}$ 

$S'_{1}$ (3	(x, (x))\$	desloca	$S \to \mathbf{x}$
$S_1' (_3 x_2)$	, (x ))\$	reduz $S \to x$	$L \to S$
$S'_{1} (_{3} S_{6})$	, (x ))\$	reduz $L \to S$	L  o L , $S$
$S_1'$ (3 $\overline{L_5}$	, (x)	desloca	• Desloca
$S_1' \ (_3 \ L_5 \ ,_8$	(x ))\$	desloca	
$S_1' \ (_3 \ L_5 \ ,_8 \ (_3$	x ))\$	desloca	• Símbolo da entrada para
$S_1' \ (_3 \ L_5 \ ,_8 \ (_3 \ x_2)$	))\$	reduz $S \to x$	a pilha
$S_1' \ (_3 \ L_5 \ ,_8 \ (_3 \ S_6)$	))\$	reduz $L \to S$	• Reduz
$S_1' \ (_3 \ L_5 \ ,_8 \ (_3 \ L_5 \ )$	))\$	desloca	$X \to ABC$
$S_1' \ (_3 \ L_5 \ ,_8 \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \$	)\$	reduz $S \to (L)$	• Desempilha
$S_1' \ (_3 \ L_5 \ ,_8 \ S_9 )$	)\$	reduz $L \to L, S$	C, B e A do
$S_1' \ (_3 \ L_5$	)\$	desloca	topo da pilha.
$S_1' (_3 L_5)_7$	\$	reduz $S \to (L)$	• Empilha X.

\$

Ação

desloca

 $S' \rightarrow S$  \$

 $S \rightarrow (L)$ 

13 / 33

Pilha	Entrada	Ação	$S' \rightarrow S$ \$
$S_1'$	(x, (x))\$	desloca	$S \rightarrow S \oplus S \oplus S \rightarrow S \oplus S \rightarrow S \oplus S \rightarrow S \oplus S \rightarrow S \oplus S \oplus$
$S'_1$ (3	x, (x)	desloca	$S \to \mathbf{x}$
$S'_1 \ (_3 \ x_2 \ $	, (x ))\$	reduz $S \to x$	$L \to S$
$S'_1 \ (_3 \ S_6)$	, (x ))\$	reduz $L \to S$	$L \to L$ , S
$S'_1 \ (_3 \ L_5)$	, (x ))\$	desloca	• Desloca
$S_1' \ (_3 \ L_5 \ ,_8$	(x ))\$	desloca	
$S_1'$ (3 $L_5$ ,8 (3	x ))\$	desloca	• Síml entr
$S'_1 \ (_3 \ L_5 \ ,_8 \ (_3 \ x_2)$	))\$	reduz $S \to x$	a pil
$S'_1 \ (_3 \ L_5 \ ,_8 \ (_3 \ S_6)$	))\$	reduz $L \to S$	• Reduz
$S_1' \ (_3 \ L_5 \ ,_8 \ (_3 \ L_5 \ )$	))\$	desloca	$X \to AB$
$S'_1 (_3 L_5 ,_8 (_3 L_5 )_7)$	)\$	reduz $S \to (L)$	• Dese
$S'_1 \ (_3 \ L_5 \ ,_8 \ S_9 \ )$	)\$	reduz $L \to L, S$	C, E
$S'_1 \ (_3 \ L_5$	)\$	desloca	topo pilha
$S_1' \frac{(_3 L_5)_7}{}$	\$	reduz $S \to (L)$	• Emp
$S_1'$ $S_4$	\$	aceita	•

• Símbolo da entrada para a pilha

Reduz  $X \to ABC$ 

 $S' \to S$ \$  $S \rightarrow (L)$  $S \to \mathbf{x}$  $L \to S$  $L \rightarrow L$  , S

• Desempilha

C, B e A do topo da

pilha.

• Empilha X.

13 / 33

$$S' \rightarrow S \$$$

$$S \rightarrow (L)$$

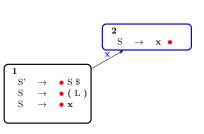
$$S \rightarrow \mathbf{x}$$

$$L \rightarrow S$$

$$L \rightarrow L, S$$



$$S' \rightarrow S \$$$
  
 $S \rightarrow (L)$   
 $S \rightarrow \mathbf{x}$   
 $L \rightarrow S$   
 $L \rightarrow L, S$ 



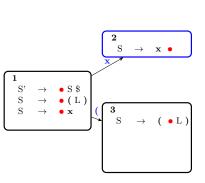
$$S' \rightarrow S \$$$

$$S \rightarrow (L)$$

$$S \rightarrow \mathbf{x}$$

$$L \rightarrow S$$

$$L \rightarrow L, S$$



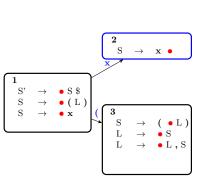
$$S' \to S \$$$

$$S \to (L)$$

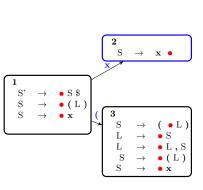
$$S \to \mathbf{x}$$

$$L \to S$$

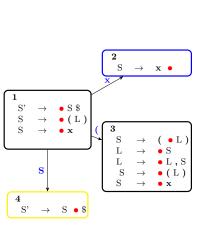
$$L \to L, S$$



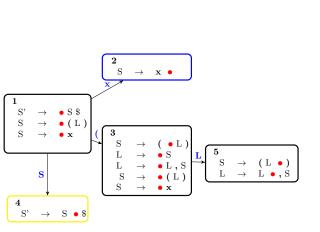




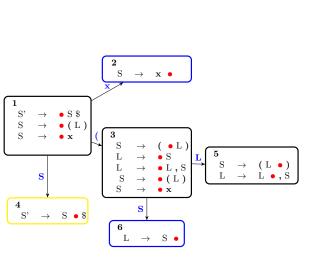
$$S' \rightarrow S \$$$
  
 $S \rightarrow (L)$   
 $S \rightarrow \mathbf{x}$   
 $L \rightarrow S$   
 $L \rightarrow L, S$ 



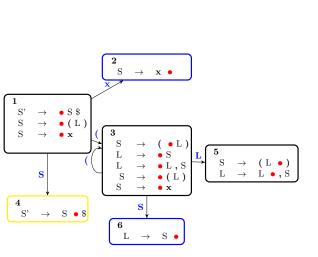




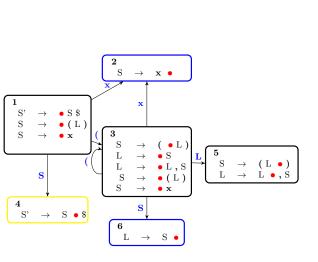
$$S' \rightarrow S \$$$
  
 $S \rightarrow (L)$   
 $S \rightarrow \mathbf{x}$   
 $L \rightarrow S$   
 $L \rightarrow L, S$ 



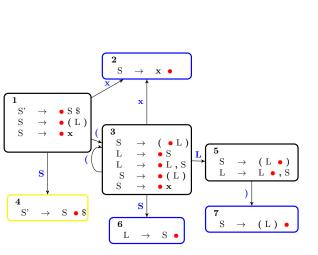
$$S' \rightarrow S \$$$
  
 $S \rightarrow (L)$   
 $S \rightarrow \mathbf{x}$   
 $L \rightarrow S$   
 $L \rightarrow L, S$ 



$$S' \rightarrow S \$$$
  
 $S \rightarrow (L)$   
 $S \rightarrow \mathbf{x}$   
 $L \rightarrow S$   
 $L \rightarrow L, S$ 



$$S' \rightarrow S \$$$
  
 $S \rightarrow (L)$   
 $S \rightarrow \mathbf{x}$   
 $L \rightarrow S$   
 $L \rightarrow L, S$ 



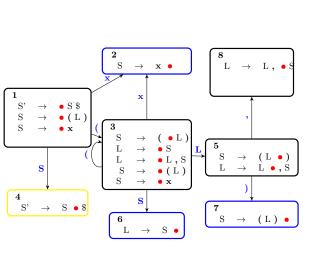
$$S' \to S \$$$

$$S \to (L)$$

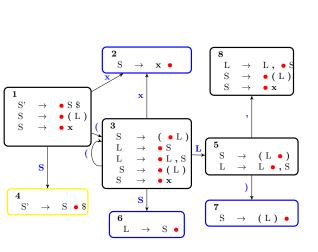
$$S \to \mathbf{x}$$

$$L \to S$$

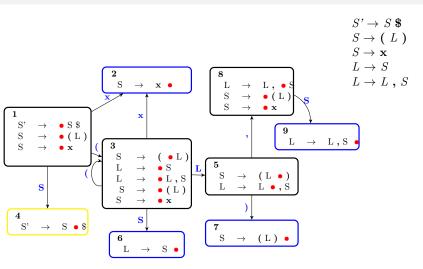
$$L \to L, S$$

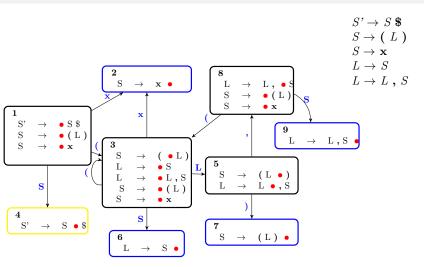


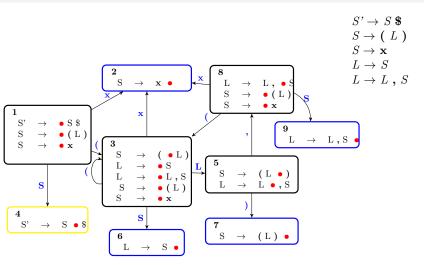
$$S' \rightarrow S \$$$
  
 $S \rightarrow (L)$   
 $S \rightarrow \mathbf{x}$   
 $L \rightarrow S$   
 $L \rightarrow L, S$ 



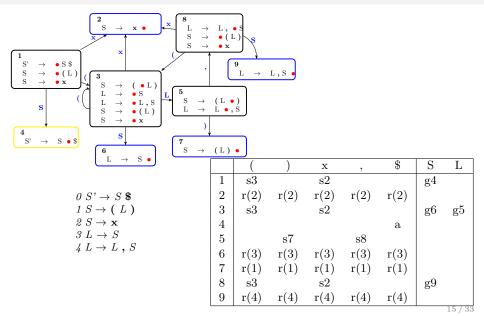
$$S' \rightarrow S \$$$
  
 $S \rightarrow (L)$   
 $S \rightarrow \mathbf{x}$   
 $L \rightarrow S$   
 $L \rightarrow L, S$ 







## Tabela de análise sintática LR(0)



### Funcionamento do parser LR

Pilha	Entrada	Ação
$S_1'$ $S_1'$ (3	(x, (x ))\$	desloca
$S'_{1}$ (3	x, (x ))\$	desloca
$S_1^{\dagger} \stackrel{\circ}{(_3)} x_2$	, (x ))\$	reduz $S \to x$
$S_1'$ (3 $S_6$	, (x ))\$	reduz $L \to S$
$S_1' \ (_3 \ L_5)$	, (x ))\$	desloca
$S_1' \ (_3 \ L_5 \ ,_8$	(x ))\$	desloca
$S_1'$ (3 $L_5$ ,8 (3	x ))\$	desloca
$S_1'$ (3 $L_5$ $S_1'$ (3 $L_5$ ,8 $S_1'$ (3 $L_5$ ,8 (3 $S_1'$ (3 $L_5$ ,8 (3 $x_2$	))\$	reduz $S \to x$
$S_1' \; (_3 \; L_5 \; ,_8 \; (_3 \; S_6)$	))\$	reduz $L \to S$
$S_1'$ (3 $L_5$ ,8 (3 $L_5$	))\$	desloca
$S_1' \ (_3 \ L_5 \ ,_8 \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \$	)\$	reduz $S \to (L)$
$S_1'$ (3 $L_5$ ,8 $S_9$	)\$	reduz $L \to L, S$
$S_1' \ (_3 \ L_5$	)\$	desloca
$S_1' (_3 L_5)_7$	\$	reduz $S \to (L)$
S' <sub>4</sub> S <sub>4</sub>	\$	aceita

$0 S' \rightarrow S \$$
$1 S \rightarrow (L)$
$2 S \rightarrow \mathbf{x}$
$3 L \rightarrow S$
$4 L \rightarrow L$ , $S$

	(	)	x	,	\$	S	L
1	s3		s2			g4	
2 3	r(2)	r(2)	r(2)	r(2)	r(2)		
3	s3		s2			g6	$g_5$
4					a		
5		s7		s8			
6	r(3)	r(3)	r(3)	r(3)	r(3)		
7	r(1)	r(1)	r(1)	r(1)	r(1)		
8	s3		s2			g9	
9	r(4)	r(4)	r(4)	r(4)	r(4)		

#### Exercício 2

Construa a tabela LR(0) para a gramática

$$S' \to E$$
\$

$$E \to E + T$$
$$E \to T$$

$$T 
ightarrow {f -} T$$

$$T \rightarrow \mathbf{num}$$

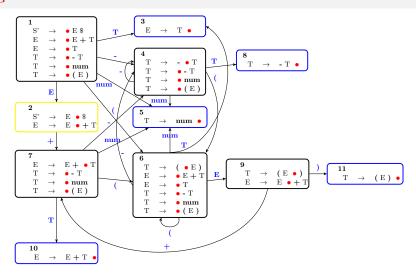
$$T\rightarrow$$
 (  $E$  )

Depois, use-a para verificar se

-(num + num) + num

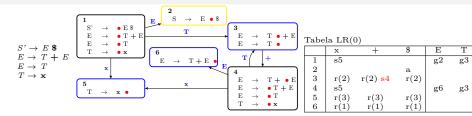
pertence à linguagem gerada pela gramática.

### Solução

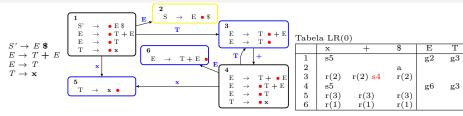


E num T ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** **	(E •) E •+T	) 11 T →	(E) •						
		-	+	(	)	num	\$	$\mathbf{E}$	${ m T}$
10 + E → E + T •	1	s4		s6		s5		g2	g3
	2		s7				$\mathbf{a}$		
$0 S' \rightarrow E \$$	3	r(2)	r(2)	r(2)	r(2)	r(2)	r(2)		
	4	s4	. ,	$\dot{s}6$	. ,	. ,	. ,		g8
$1 E \rightarrow E +$	5	r(4)	r(4)	r(4)	r(4)	r(4)	r(4)		O
T	6	$\mathbf{s}_{4}$	( )	s6	( )	s5	( )	g9	g3
$2 E \rightarrow T$	7	s4		s6		s5		0,	g10
	8	r(3)	r(3)	r(3)	r(3)	r(3)	r(3)		8+0
$3 T \rightarrow - T$	9	1(0)	s7	s11	1(0)	1(0)	1(0)		
$4 T \rightarrow$	_	(1)			m(1)	m(1)	n(1)		
num	10	r(1)	r(1)	r(1)	r(1)	r(1)	r(1)		
$5 \ T \rightarrow (E)$	11	r(5)	r(5)	r(5)	r(5)	r(5)	r(5)		19 / 33

#### Parser SLR



### Parser SLR



• O parser Simple LR (SLR) só reduz com  $X \to \beta$  se o símbolo corrente pertencer ao FOLLOW(X)

	x	+	\$	Е	Τ
1	s5			g2	g3
$\frac{1}{2}$			a		
3		s4	r(2)		
4	s5			g6	g3
4 5 6		r(3)	r(3)		
6			r(1)		

#### Exercício 3

Verifique que a gramática a seguir não é LR(0) e depois construa a tabela SLR para ela. Isso resolve o conflito? Justifique.

$$S' \rightarrow C$$
\$

$$C \to \mathbf{if} \ C$$

$$C \to \mathbf{if} \ C \mathbf{else} \ C$$

$$C \rightarrow \mathbf{outros}$$

De qualquer forma, use a tabela SLR para analisar a sentença:

if if outros else outros

#### Exercício 3

Verifique que a gramática a seguir não é LR(0) e depois construa a tabela SLR para ela. Isso resolve o conflito? Justifique.

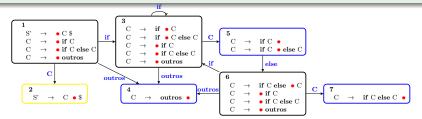
$$S' \to C$$
\$
 $C \to \mathbf{if} C$ 
 $C \to \mathbf{if} C \text{ else } C$ 

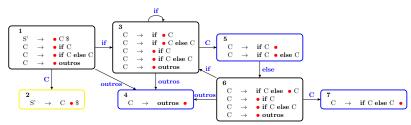
 $C \to \mathbf{if} \ C \ \mathbf{else} \ C$ 

 $C \rightarrow \mathbf{outros}$ 

De qualquer forma, use a tabela SLR para analisar a sentença:

if if outros else outros





#### Tabela LR(0)

	if	else	outros	\$	С
1	s3		s4		g2
2				$\mathbf{a}$	
3	s3		s4		g5
4	r(3)	r(3)	r(3)	r(3)	
5	r(1)	r(1) s6	r(1)	r(1)	
6	s3		s4		g7
7	r(2)	r(2)	r(2)	r(2)	

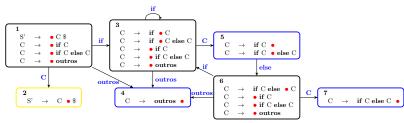


Tabela LR(0)

			- ( - )		
	if	else	outro	s \$	С
1	s3		s4		g2
2 3				a	
3	s3		s4		g5
4	r(3)	r(3)	r(3)	r(3)	
5	r(1)	r(1) s6	r(1)	r(1)	
6	s3		s4		g7
7	r(2)	r(2)	r(2)	r(2)	

		Tabela	SLR		
	if	else	outros	\$	С
1	s3		s4		g2
2				a	
3	s3		s4		g5
4		r(3)		r(3) r(1)	
5		r(1) s6		r(1)	
6	s3		s4		g7
7		r(2)		r(2)	

$$Follow(C) = \{ \$, else \}$$

A gramática é ambígua e assim, não pode ser SLR. Vamos usá-la assim mesmo para analisar a sentença: if if outros else outros \$ Pilha | Entrada | Ação

	if	else	outros	\$	C
1	s3		s4		g2
2 3				a	
3	s3		s4		g5
4		r(3)		r(3) r(1)	
5		r(1) s6		r(1)	
6	s3		s4		g7
7		r(2)		r(2)	

Optando por deslocar em detrimento de reduzir.

$$0 \ S' \rightarrow C \$$

$$1 \ C \rightarrow \text{if } C$$

$$2 \ C \rightarrow \text{if } C \text{ else } C$$

$$3 \ C \rightarrow \text{outros}$$

if if outr else outr \$

A gramática é ambígua e assim, não pode ser SLR. Vamos usá-la assim mesmo para analisar a sentença: if if outros else outros \$

	if	else	outros	\$	C
1	s3		s4		g2
2				a	
3	s3		s4		g5
4		r(3) r(1) s6		r(3) r(1)	
5		r(1) s6		r(1)	
6	s3		s4		g7
7		r(2)		r(2)	

Optando por deslocar em detrimento de reduzir.

$$0 \ S' \rightarrow C \$$

$$1 \ C \rightarrow \mathbf{if} \ C$$

$$2 \ C \rightarrow \mathbf{if} \ C \ \mathbf{else} \ C$$

$$3 \ C \rightarrow \mathbf{outros}$$

Ação

s3

if if outr else outr \$

if outr else outr \$

A gramática é ambígua e assim, não pode ser SLR. Vamos usá-la assim mesmo para analisar a sentença: if if outros else outros \$ Pilha | Entrada | Ação

	if	else	outros	\$	C
1	s3		s4		g2
2				a	
3	s3		s4		g5
4	İ	r(3)		r(3)	1
5		r(1) s6		r(1)	
6	s3		s4		g7
7		r(2)		r(2)	
$\overline{}$	. 1	1 1	1 .		1

$S'_1 if_3$ $S'_1 if_3 if_3$	if outr else outr \$ outr else outr \$	s3 s3
1		

if if outr else outr \$

$$0 S' \rightarrow C$$
\$

 $1 C \rightarrow \text{if } C$ 
 $2 C \rightarrow \text{if } C \text{ else } C$ 
 $3 C \rightarrow \text{outros}$ 

A gramática é ambígua e assim, não pode ser SLR. Vamos usá-la assim mesmo para analisar a sentença: if if outros else outros \$

	if	else	outros	\$	C
1	s3		s4		g2
2				a	
2 3	s3		s4		g5
4		r(3)		r(3)	
5		r(3) r(1) s6		r(1)	
6	s3		s4		g7
7		r(2)		r(2)	
$\overline{}$	, ,	1 1	1 .		1

$$0 \ S' \rightarrow C \$$$

$$1 \ C \rightarrow \text{if } C$$

$$2 \ C \rightarrow \text{if } C \text{ else } C$$

$$3 \ C \rightarrow \text{outros}$$

a. II II Outlos els	ο οπέτος φ	
Pilha	Entrada	Ação
$S_1'$	if if outr else outr \$	s3
$S_1'$ $if_3$	if outr else outr \$	s3
$S_1'$ $if_3$ $if_3$	outr else outr \$	s4
$S_1' if_3 if_3 outr_4$	else outr \$	,
	1	

A gramática é ambígua e assim, não pode ser SLR. Vamos usá-la assim mesmo para analisar a sentença: if if outros else outros \$

	if	else	outros	\$	С
1	s3		s4		g2
2 3				a	
3	s3		s4		g5
4		r(3)		r(3)	
5		r(1) s6		r(1)	
6	s3		s4		g7
7		r(2)		r(2)	
$\overline{}$	4 . 1 .			:	1.

Pilha	Entrada	Ação
$S_1'$	if if outr else outr \$	s3
$S_1'$ if <sub>3</sub>	if outr else outr \$	s3
$S_1'$ if 3 if 3	outr else outr \$	s4
$S_1' if_3 if_3 outr_4$	else outr \$	r(3)
$S_1'$ if 3 if 3 $C_5$	else outr \$	1(0)
I	1	I

A gramática é ambígua e assim, não pode ser SLR. Vamos usá-la assim mesmo para analisar a sentença: if if outros else outros \$

if	else	outros	\$	C
s3		s4		g2
			a	
s3		s4		g5
	r(3)		r(3)	
	r(1) s6		r(1)	
s3		s4		g7
l	r(2)		r(2)	
	s3 s3	s3 s3 r(3) r(1) s6 s3	s3 s4 s3 r(3) r(1) s6 s3 s4	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$

a. II II outlos els	e outlos a	
Pilha	Entrada	Ação
$S_1'$	if if outr else outr \$	s3
$S_1'$ if $_3$	if outr else outr \$	s3
$S_1'$ if 3 if 3	outr else outr \$	s4
$S_1' if_3 if_3$ outr <sub>4</sub>	else outr \$	r(3)
$S_1'$ if 3 if 3 $C_5$	else outr \$	s6
$S_1'$ if 3 if 3 $C_5$ else 6	outr \$	50

$$0 S' \rightarrow C$$
\$

$$\begin{array}{c} 1 \ C \rightarrow \mathbf{if} \ C \\ 0 \ G \end{array}$$

$$2 C \rightarrow \text{if } C \text{ else } C$$
  
 $3 C \rightarrow \text{outros}$ 

A gramática é ambígua e assim, não pode ser SLR. Vamos usá-la assim mesmo para analisar a sentença: if if outros else outros \$

if				
11	else	outros	\$	C
s3		s4		g2
			a	
s3		s4		g5
	r(3)		r(3)	
	r(1) s6		r(1)	
s3		s4		g7
	r(2)		r(2)	
	s3	s3 r(3) r(1) s6 s3 r(2)	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$

Optando por deslocar em detrimento de reduzir.

Ċ	i. II II outros els	e outros a	
	Pilha	Entrada	Ação
	$S_1'$	if if outr else outr \$	s3
	$S_1'$ $if_3$	if outr else outr \$	s3
	$S_1'$ if 3 if 3	outr else outr \$	s4
	$S_1' if_3 if_3 outr_4$	else outr \$	r(3)
	$S_1'$ if 3 if 3 $C_5$	else outr \$	s6
	$S_1'$ if 3 if 3 $C_5$ else 6	outr \$	s4
	$S_1'$ if 3 if 3 $C_5$ else 6 out $r_4$	\$	

$$0 S' \rightarrow C$$
\$

$$1 C \to \mathbf{if} C$$

$$2 C \rightarrow \mathbf{if} C \mathbf{else} C$$
  
 $3 C \rightarrow \mathbf{outros}$ 

A gramática é ambígua e assim, não pode ser SLR. Vamos usá-la assim mesmo para analisar a sentença

	if	else	outros	\$	C
1	s3		s4		g2
2				a	
3	s3		s4		g5
4		r(3)		r(3)	
2 3 4 5 6		r(1) s6		r(3) r(1)	
6	s3		s4		g7
7		r(2)		r(2)	

Optando por deslocar em detrimento de reduzir.

$$0 \ S' \rightarrow C \ \$$$

$$\begin{array}{c} 1 \ C \rightarrow \mathbf{if} \ C \\ 2 \ C \rightarrow \mathbf{if} \ C \ \mathbf{else} \end{array}$$

1	U -	7 11			
2	C $-$	→ if	C	$_{ m else}$	C
3	C $-$	<b>•</b> •	uti	ros	

a: if if outros els	e outros \$	
Pilha	Entrada	Ação
$S_1'$	if if outr else outr \$	s3
$S_1'$ if 3	if outr else outr \$	s3
$S_1'$ if 3 if 3	outr else outr \$	s4
$S_1' if_3 if_3 outr_4$	else outr \$	r(3)
$S_1'$ if 3 if 3 $C_5$	else outr \$	s6
$S_1'$ if 3 if 3 $C_5$ else 6	outr \$	s4
$S_1'$ if 3 if 3 $C_5$ else 6 outr 4	\$	r(3)
$S_1'$ if $3$ if $3$ $C_5$ else $6$ $C_7$	\$	

A gramática é ambígua e assim, não pode ser SLR. Vamos usá-la assim mesmo para analisar a sentença: if if outros else outros \$

if	else	outros	\$	С
s3		s4		g2
			a	
s3		s4		g5
	r(3)		r(3)	
	r(1) s6		r(1)	
s3		s4		g7
	r(2)		r(2)	
	s3 s3	s3 s3 r(3) r(1) s6 s3	s3 s4 s3 r(3) r(1) s6 s3 s4	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$

Optando por deslocar em detrimento de reduzir.

$$0 S' \rightarrow C$$
\$

$$\begin{array}{ccc} 1 & C \rightarrow \textbf{if} & C \\ 2 & C \rightarrow \textbf{if} & C \textbf{ else } C \end{array}$$

 $3 \ C \rightarrow \text{outros}$ 

a: if if outros els	e outros \$	
Pilha	Entrada	Ação
$S_1'$	if if outr else outr \$	s3
$S_1'$ $if_3$	if outr else outr \$	s3
$S_1'$ if <sub>3</sub> if <sub>3</sub>	outr else outr \$	s4
$S_1' if_3 if_3 outr_4$	else outr \$	r(3)
$S_1'$ if 3 if 3 $C_5$	else outr \$	s6
$S_1'$ if 3 if 3 $C_5$ else 6	outr \$	s4
$S_1'$ if 3 if 3 $C_5$ else 6 out $r_4$	\$	r(3)
$S_1' \ if_3 \ if_3 \ C_5 \ else_6 \ C_7$	\$	r(2)
$S_1'$ if $C_5$	\$	(2)
1	l	l

A gramática é ambígua e assim, não pode ser SLR. Vamos usá-la assim mesmo para analisar a sentença: if if outros else outros \$

	if	else	outros	\$	C
1	s3		s4		g2
2				a	
3	s3		s4		g5
4		r(3)		r(3)	
2 3 4 5 6		r(1) s6		r(3) r(1)	
6	s3		s4		g7
7		r(2)		r(2)	

Optando por deslocar em detrimento de reduzir.

$$0 S' \to C \$$$

$$1 C \to \mathbf{if} C$$

 $\begin{array}{ccc} 2 & C \rightarrow & \text{if } C \text{ else } C \\ 3 & C \rightarrow & \text{outros} \end{array}$ 

•	a. II II Outlos els	ε οπίτος φ	
	Pilha	Entrada	Ação
	$S_1'$	if if outr else outr \$	s3
	$S_1'$ $if_3$	if outr else outr \$	s3
	$S_1'$ $if_3$ $if_3$	outr else outr \$	s4
	$S_1' if_3 if_3 outr_4$	else outr \$	
	$S_1' if_3 if_3 C_5$	else outr \$	r(3)
	$S'_1$ if 3 if 3 $C_5$ else 6	outr \$	s6
	$S'_1$ if 3 if 3 $C_5$ else 6 out $T_4$	\$	s4
	1 10 10 0	\$	r(3)
	$S_1' if_3 if_3 C_5 else_6 C_7$	<b>a</b>	r(2)
	$S_1'$ if 3 $C_5$	\$	r(1)
	$S_1'$ $C_2$	\$	

A gramática é ambígua e assim, não pode ser SLR. Vamos usá-la assim mesmo para analisar a sentença: if if outros else outros \$

				ф	
	if	else	outros	\$	C
1	s3		s4		g2
2				a	
2 3 4 5 6	s3		s4		g5
4		r(3) r(1) s6		r(3)	
5		r(1) s6		r(1)	
6	s3		s4		g7
7		r(2)		r(2)	

Optando por deslocar em detrimento de reduzir.

$$\begin{array}{l} 0 \ S' \rightarrow \ C \ \$ \\ \\ 1 \ C \rightarrow \ \mbox{if} \ C \\ 2 \ C \rightarrow \ \mbox{if} \ C \ \mbox{else} \ C \\ 3 \ C \rightarrow \ \mbox{outros} \end{array}$$

۲,	a. II II Outlos els	ε οπείος φ	
	Pilha	Entrada	Ação
, [	$S_1'$	if if outr else outr \$	s3
ı	$S_1'$ $if_3$	if outr else outr \$	s3
	$S_1'$ $if_3$ $if_3$	outr else outr \$	s4
	$S_1' if_3 if_3$ outr <sub>4</sub>	else outr \$	r(3)
	$S_1'$ if 3 if 3 $C_5$	else outr \$	s6
	$S_1'$ if 3 if 3 $C_5$ else 6	outr \$	s4
	$S_1'$ if 3 if 3 $C_5$ else 6 out $r_4$	\$	r(3)
	$S_1'$ if $3$ if $3$ $C_5$ else $6$ $C_7$	\$	r(2)
	$S_1'$ if 3 $C_5$	\$	r(1)
	$S_1'$ $C_2$	\$	aceita
ł			

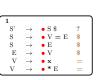
```
1
S' → •S$ ?
```

$$\begin{array}{l} 0 \ S' \rightarrow S \ \$ \\ 1 \ S \rightarrow V = E \\ 2 \ S \rightarrow E \\ 3 \ E \rightarrow V \\ 4 \ V \rightarrow \mathbf{x} \\ 5 \ V \rightarrow \ast E \end{array}$$

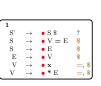


$$\begin{array}{l} 0 \ S' \rightarrow S \ \$ \\ 1 \ S \rightarrow V = E \\ 2 \ S \rightarrow E \\ 3 \ E \rightarrow V \\ 4 \ V \rightarrow \mathbf{x} \\ 5 \ V \rightarrow \ast E \end{array}$$

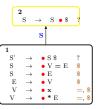
$$\begin{array}{l} 0 \ S' \rightarrow S \ \$ \\ 1 \ S \rightarrow V = E \\ 2 \ S \rightarrow E \\ 3 \ E \rightarrow V \\ 4 \ V \rightarrow \mathbf{x} \\ 5 \ V \rightarrow \ast E \end{array}$$



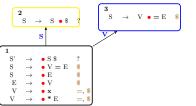
$$\begin{array}{l} 0 \ S' \rightarrow S \ \$ \\ 1 \ S \rightarrow V = E \\ 2 \ S \rightarrow E \\ 3 \ E \rightarrow V \\ 4 \ V \rightarrow \mathbf{x} \\ 5 \ V \rightarrow \ast E \end{array}$$



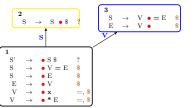
$$\begin{array}{l} 0 \ S' \rightarrow S \ \$ \\ 1 \ S \rightarrow V = E \\ 2 \ S \rightarrow E \\ 3 \ E \rightarrow V \\ 4 \ V \rightarrow \mathbf{x} \\ 5 \ V \rightarrow \$ \ E \end{array}$$



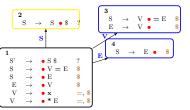
$$\begin{array}{l} 0 \ S' \rightarrow S \ \$ \\ 1 \ S \rightarrow V = E \\ 2 \ S \rightarrow E \\ 3 \ E \rightarrow V \\ 4 \ V \rightarrow \mathbf{x} \\ 5 \ V \rightarrow \ast E \end{array}$$



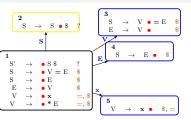
$$\begin{array}{l} 0 \ S' \rightarrow S \ \$ \\ 1 \ S \rightarrow V = E \\ 2 \ S \rightarrow E \\ 3 \ E \rightarrow V \\ 4 \ V \rightarrow \mathbf{x} \\ 5 \ V \rightarrow \ast E \end{array}$$



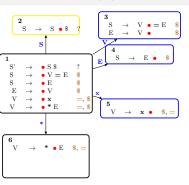
$$\begin{array}{l} 0 \ S' \rightarrow S \ \$ \\ 1 \ S \rightarrow V = E \\ 2 \ S \rightarrow E \\ 3 \ E \rightarrow V \\ 4 \ V \rightarrow \mathbf{x} \\ 5 \ V \rightarrow \ast E \end{array}$$



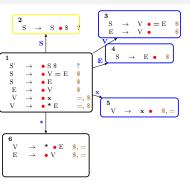
$$\begin{array}{l} 0 \ S' \rightarrow S \ \$ \\ 1 \ S \rightarrow V = E \\ 2 \ S \rightarrow E \\ 3 \ E \rightarrow V \\ 4 \ V \rightarrow \mathbf{x} \\ 5 \ V \rightarrow \ast E \end{array}$$



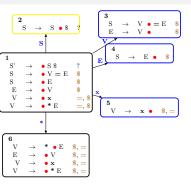
$$\begin{array}{l} 0 \ S' \rightarrow S \ \$ \\ 1 \ S \rightarrow V = E \\ 2 \ S \rightarrow E \\ 3 \ E \rightarrow V \\ 4 \ V \rightarrow \mathbf{x} \\ 5 \ V \rightarrow \ast E \end{array}$$



$$\begin{array}{l} 0 \ S' \rightarrow S \ \$ \\ 1 \ S \rightarrow V = E \\ 2 \ S \rightarrow E \\ 3 \ E \rightarrow V \\ 4 \ V \rightarrow \mathbf{x} \\ 5 \ V \rightarrow \ast E \end{array}$$

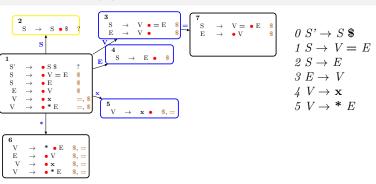


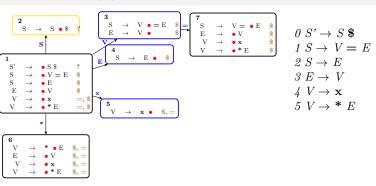
$$\begin{array}{l} 0 \ S' \rightarrow S \ \$ \\ 1 \ S \rightarrow V = E \\ 2 \ S \rightarrow E \\ 3 \ E \rightarrow V \\ 4 \ V \rightarrow \mathbf{x} \\ 5 \ V \rightarrow \ast E \end{array}$$

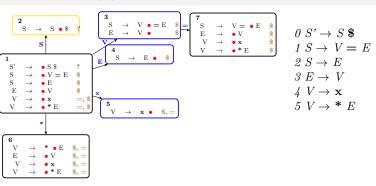


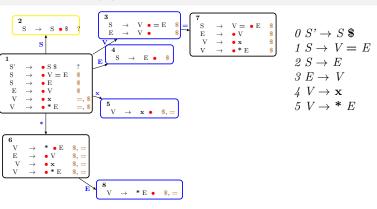
$$\begin{array}{l} 1 \ S \rightarrow \ V = E \\ 2 \ S \rightarrow E \\ 3 \ E \rightarrow \ V \\ 4 \ V \rightarrow \mathbf{x} \\ 5 \ V \rightarrow \ ^*E \end{array}$$

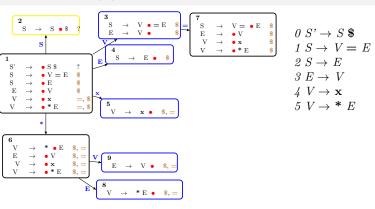
 $0 S' \rightarrow S$ \$

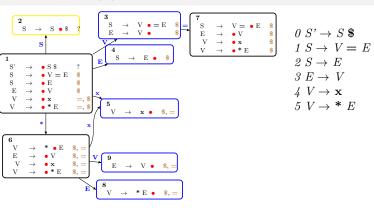


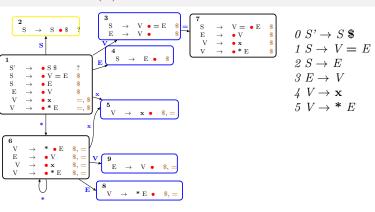


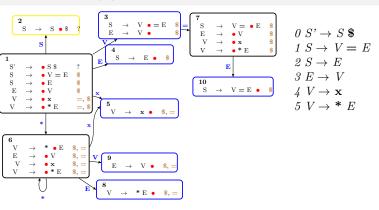


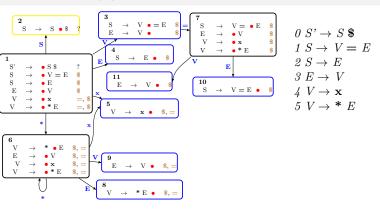


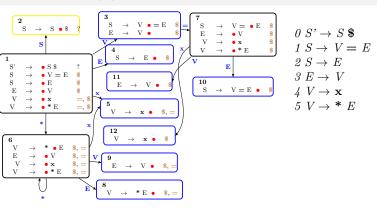


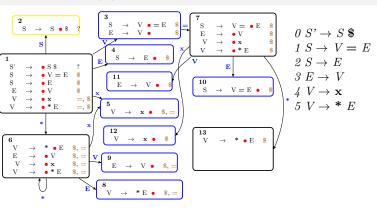


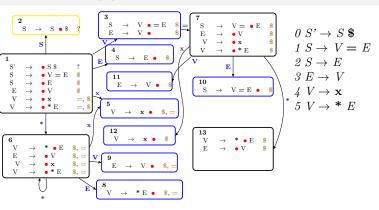


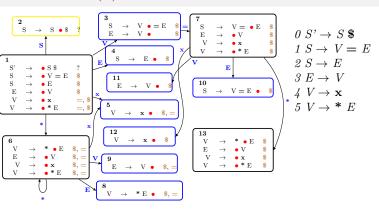


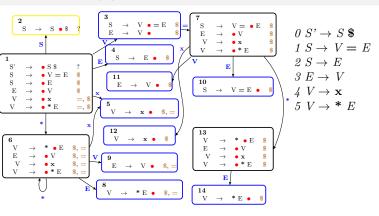


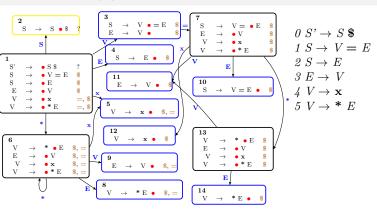


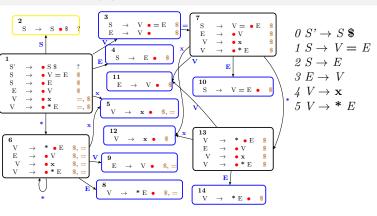


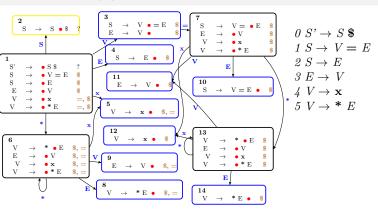


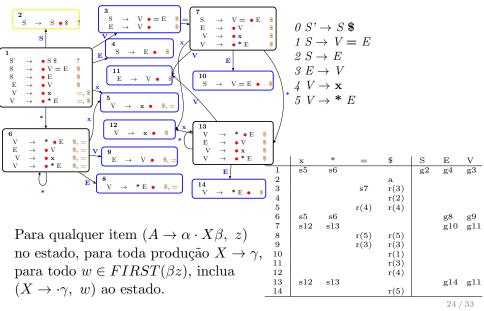












#### Exercício 4

Construa a tabela LR(1) para a gramática abaixo.

$$S' \rightarrow S$$
\$

$$S \to A$$

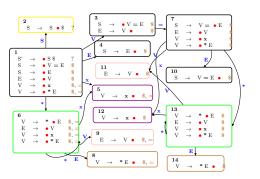
$$S \to \mathbf{x} \mathbf{b}$$

$$A \rightarrow \mathbf{a} \ A \ \mathbf{b}$$

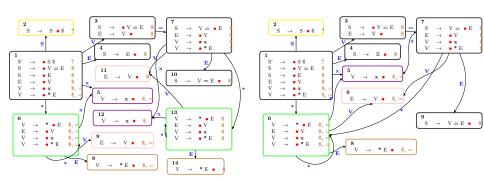
$$A \rightarrow B$$

$$B o \mathbf{x}$$

- Ignorando os conjuntos de *lookahead*, os estados (5 e 12), (6 e 13), (8 e 14) e (9 e 11) são iguais.
  - podemos simplificar a tabela caso isso não origine conflitos.



- Ignorando os conjuntos de *lookahead*, os estados (5 e 12), (6 e 13), (8 e 14) e (9 e 11) são iguais.
  - podemos simplificar a tabela caso isso não origine conflitos.



- Ignorando os conjuntos de lookahead os estados (6 e 13), (7 e 12), (8 e 11) e (10 e 14) são iguais.
  - podemos simplificar a tabela caso isso não origine conflitos.

	x	*	=	\$	$\mathbf{S}$	E	V
1	s8	s6			g2	g5	g3
2				a			
3			s4	r(3)			
2 3 4 5 6 7 8 9	s11	s13				g9	g7
5				r(2)			
6	s8	s6				g10	g12
7				r(3)			
8			r(4)	r(4)			
				r(1)			
10			r(5)	r(5)			
11				r(4)			
12			r(3)	r(3)			
13	s11	s13				g14	g7
14				r(5)			

	x	*	=	\$	$\mathbf{S}$	$\mathbf{E}$	V
1	s8	s6			g2	g5	g3
2 3 4 5				a			
3			s4	r(3)			
4	s8	s6				g9	g7
5				r(2)			
6	s8	s6				g10	g7
7			r(3)	r(3)			
7 8 9			r(4)	r(4)			
9				r(1)			
10			r(5)	r(5)			

#### Exercício 5

Construa a tabela LALR(1) para a gramática abaixo.

$$S' \rightarrow S$$
\$

$$S \to A$$

$$S \to \mathbf{x} \mathbf{b}$$

$$A \rightarrow \mathbf{a} \ A \mathbf{b}$$

$$A \rightarrow B$$

$$B o \mathbf{x}$$

## Resolução de ambiguidade em gramáticas

```
S \rightarrow if E then S else S

S \rightarrow if E then S

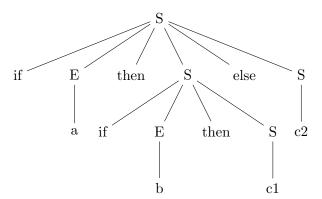
S \rightarrow Outros
```

 Como seria a árvore sintática para o comando if a then if b then c1 else c2

#### Resolução de ambiguidade em gramáticas

 $S \rightarrow$  if E then S else S  $S \rightarrow$  if E then S $S \rightarrow Outros$ 

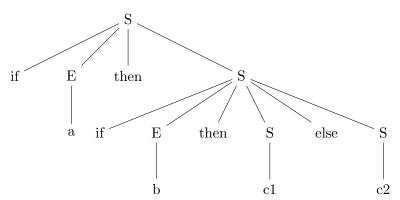
if a then { if b then c1 } else c2



### Resolução de ambiguidade em gramáticas

```
S \rightarrow if E then S else S
S \rightarrow if E then S
S \rightarrow Outros
```

if a then { if b then c1 else c2 }



#### Conflito

• Há um conflito do tipo desloca—reduz (shift-reduce)

 $S \rightarrow \mathbf{if} E \mathbf{then} S \bullet \mathbf{else}$ 

 $S \rightarrow \mathbf{if} E \mathbf{then} S \bullet \mathbf{else} S$  qualquer

• Existem várias formas para tratar o conflito, uma forma:

 $S \to M$ 

 $S \rightarrow U$ 

 $M \to \mathbf{if} \ E \mathbf{then} \ M \mathbf{else} \ M$ 

 $M \rightarrow outros$ 

 $U \to \mathbf{if} \ E \mathbf{then} \ S$ 

 $U \rightarrow \mathbf{if} \ E \mathbf{then} \ M \mathbf{else} \ U$ 

#### Conflito

Е

if

then

if

Ε

S o M S o U M o if E then M else M M o Outros U o if E then S U o if E then M else US

S

1

then

M

Outros

c1

else

Μ

Outros

c2