

Lista 1

Grupo MV:

Marcos Gabriel Leão Muñoz - 11611BCC026

Vitor Martins Basso - 11611BCC034

Exercise 1.2.2 (a) Modify program ssq1 to output the additional statistics \bar{l} , \bar{q} , and \bar{x} .

(b) Similar to the case study, use this program to compute a table of \bar{l} , \bar{q} , and \bar{x} for traffic

intensities of 0.6, 0.7, 0.8, 0.9, 1.0, 1.1, and 1.2. (c) Comment on how \bar{l} , \bar{q} , and \bar{x} depend

on the traffic intensity. (d) Relative to the case study, if it is decided that \bar{q} greater than

5.0 is not acceptable, what systematic increase in service times would be acceptable? Use

d.dd precision.

Resposta:

A)

No arquivo 122a.c

B)

No arquivo 122b.c tem o código usado para montar a tabela a seguir

Traffic Intensity	0.6	0.7	0.8	0.9	1.0	1.1	1.2
\bar{L} barra	1.56	2.37	3.76	8.33	26.38	69.99	106.45
\bar{Q} barra	0.96	1.67	2.96	7.43	25.39	69.00	105.46
\bar{X} barra	0.6	0.7	0.8	0.89	0.990995	0.994805	0.995954

C)

\bar{l} , \bar{q} e \bar{x} são relacionados diretamente com a intensidade do tráfego, de forma que se este cresce, as outras métricas crescem também, em proporções diferentes. O crescimento não é proporcional, visto que quanto mais perto de 1 \bar{x} se aproxima, maior o crescimento das outras métricas. Na tabela apresentada anteriormente, por exemplo, enquanto \bar{x} cresce em 0.001149 (0.12%), \bar{Q} barra cresce em 36.46 (52.84%).

D)

1.18 - 18%

Exercise 1.2.3 (a) Modify program `ssq1` by adding the capability to compute the maximum delay, the number of jobs in the service node at a specified time (known at compile time) and the proportion of jobs delayed. **(b)** What was the maximum delay experienced? **(c)** How many jobs were in the service node at $t = 400$ and how does the computation of this number relate to the proof of Theorem 1.2.1? **(d)** What proportion of jobs were delayed and how does this proportion relate to the utilization?

Resposta:

A)

Código c no arquivo 123a.c

B)

O delay máximo experimentado foi de 118.761 segundos

C)

O número de trabalhos em $t = 400$ no node é de 7. A relação se encontra no fato de que quando o arrival de um job é menor que o valor de t e o departure é maior, implica que o job ainda está no node. Fez-se isso com um IF no código, traduzindo essa prova de teorema para código c contando quantos trabalhos se encaixavam nessa situação.

D)

723 trabalhos sofreram delay, ou seja, 72,3% dos trabalhos. Isso se relaciona com a utilização do servidor no sentido de que quando se tem pelo menos um trabalho na fila (ou seja, sofrendo delay), o servidor está ocupado, considerando que esse é um modelo em que se há trabalho para ser executado o servidor não está idle. Dessa forma, pode-se dizer que quanto mais trabalhos sofrem delay, menor o tempo idle do servidor.

Exercise 1.2.6 The text file `ac.dat` consists of the arrival times a_1, a_2, \dots, a_n and the departure times c_1, c_2, \dots, c_n for $n = 500$ jobs in the format

```
a 1      c1
a 2      c2
.        .
.        .
.        .
a n      c n
```

(a) If these times are for an initially idle single-server FIFO service node with infinite capacity, calculate the average service time, the server's utilization and the traffic intensity.

(b) Be explicit: for $i = 1, 2, \dots, n$ how does s_i relate to a_{i-1}, a_i, c_{i-1} , and c_i ?

Resposta:

A)

O tempo médio de serviço é de 3.03 segundos, a utilização do servidor é de 0.7395 e a intensidade de tráfego é de 0.743145.

B)

O tempo de serviço de um trabalho pode se relacionar com os tempos anteriores. Dessa forma, separamos em dois casos: Caso c_{i-1} seja maior que o a_i , então o job i terá que esperar o job $i-1$ completar, havendo dessa forma $\text{delay} > 0$ e com o valor de $c_{i-1} - a_i$; Já no caso em que c_{i-1} é menor ou até igual a a_i , então não haverá delay, uma vez que esse tipo de modelo não aceita servidor idle se tiver jobs na fila, assim o $\text{delay} = 0$.

Exercise 1.2.8 (a) Similar to Exercise 1.2.2, modify program `ssq1` to output the additional statistics \bar{l} , \bar{q} , and \bar{x} . **(b)** By using the arrival times in the file `ssq1.dat` and an appropriate constant service time in place of the service times in the file `ssq1.dat`, use the modified program to compute a table of \bar{l} , \bar{q} , and \bar{x} for traffic intensities of 0.6, 0.7, 0.8, 0.9, 1.0, 1.1, and 1.2. **(c)** Comment on how \bar{l} , \bar{q} , and \bar{x} depend on the traffic intensity.

Resposta:

A)

No arquivo 128a.c

B)

Traffic Intensity	0.6	0.7	0.8	0.9	1.0	1.1	1.2
\bar{L}	1.06	1.50	2.24	4.24	12.55	51.12	87.65
\bar{Q}	0.46	0.80	1.44	3.35	11.57	50.12	86.65
\bar{X}	0.59964	0.69951	0.797298	0.893753	0.979353	0.997094	0.998248

C)

A métrica de intensidade de tráfego representa uma relação entre os trabalhos que estão entrando no node e seu tempo de serviço de forma a indicar uma propriedade de “tráfego” no nodo. Dessa forma, ela se relaciona com as medidas de \bar{l} , \bar{q} no sentido que estas dependem justamente da entrada e do tempo de serviço dos trabalhos, enquanto que a medida \bar{x} depende das duas outras métricas para averiguar o tempo de serviço do servidor.

Exercise 1.3.1 Verify that the results in Example 1.3.1 and the averages in Examples 1.3.2 and 1.3.3 are correct.

Resposta:

A)

Resolvido em 131a.c

Exercise 1.3.2 (a) Using the cost constants in Example 1.3.5, modify program `sis1` to compute all four components of the total average cost per week. (b) These four costs may differ somewhat from the numbers in Example 1.3.6. Why? (c) By constructing a graph like that in Example 1.3.7, explain the trade-offs involved in concluding that $s = 22$ is the optimum value (when $S = 80$). (d) Comment on how well-defined this optimum is.

Resposta:

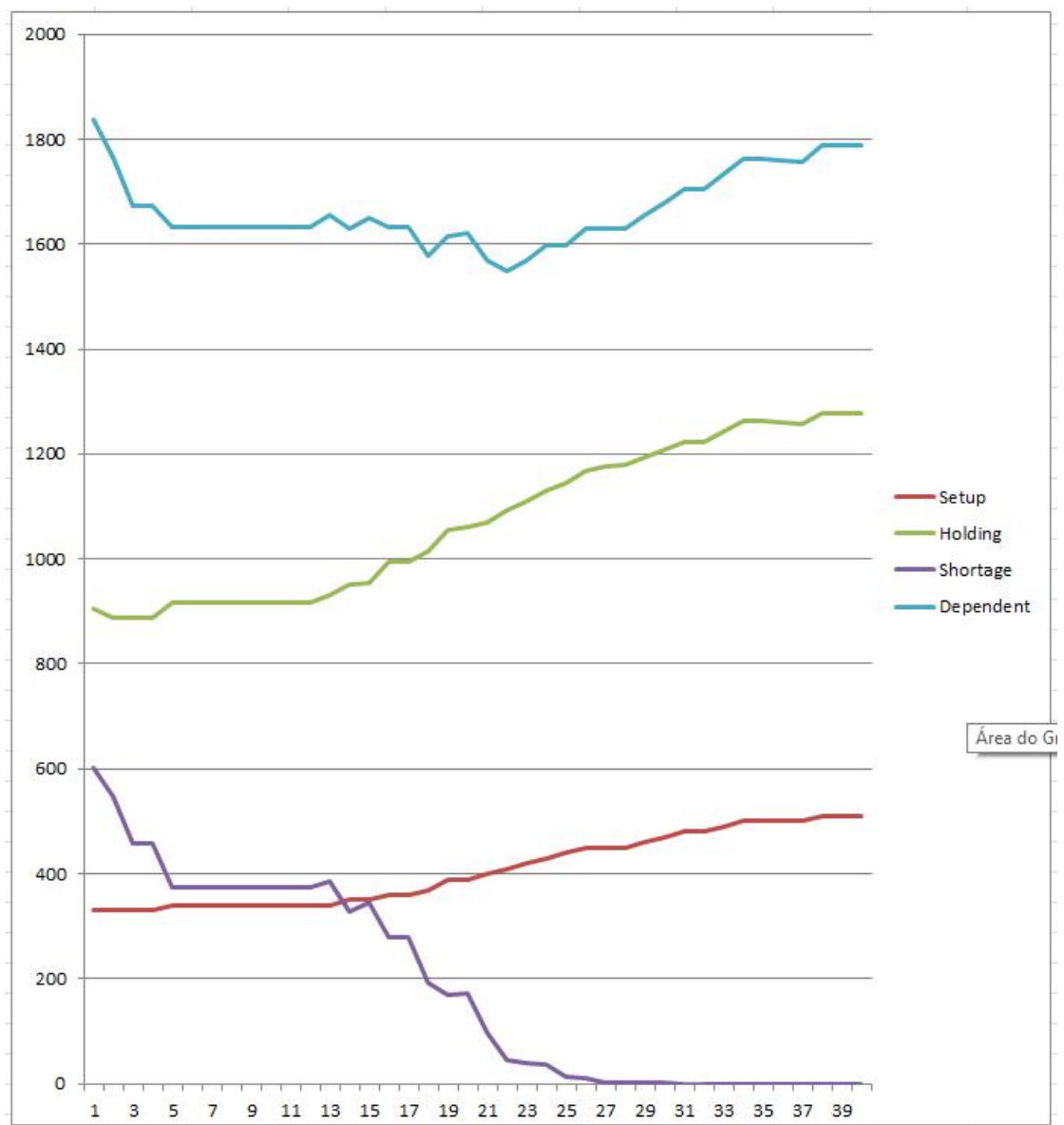
A)

Resolvido em 132a.c

B)

Os números no programa em C foram calculados e representados usando variáveis em ponto flutuante, enquanto os do livro provavelmente foram calculados com inteiros. Os valores são próximos o suficiente para parecer que foram arredondados.

c)



D)

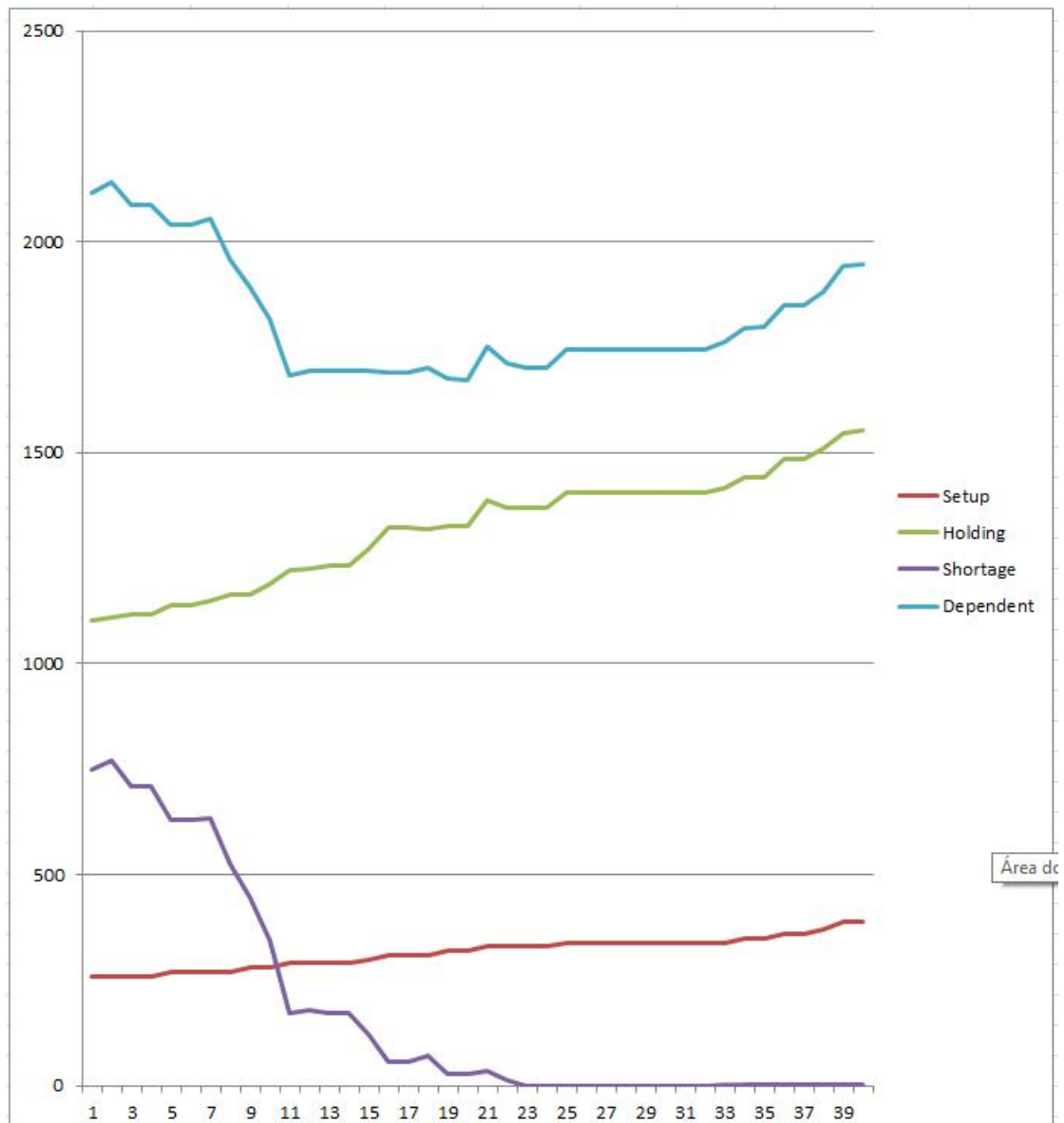
Com $S = 80$, o ponto mínimo é extremamente bem definido, com o custo subindo imediatamente antes e depois de $s = 22$

Exercise 1.3.4 (a) Construct a table or figure similar to Figure 1.3.7 but for $S = 100$ and $S = 60$. (b) How does the minimum cost value of s seem to depend on S ? (See Exercise 1.3.2.)

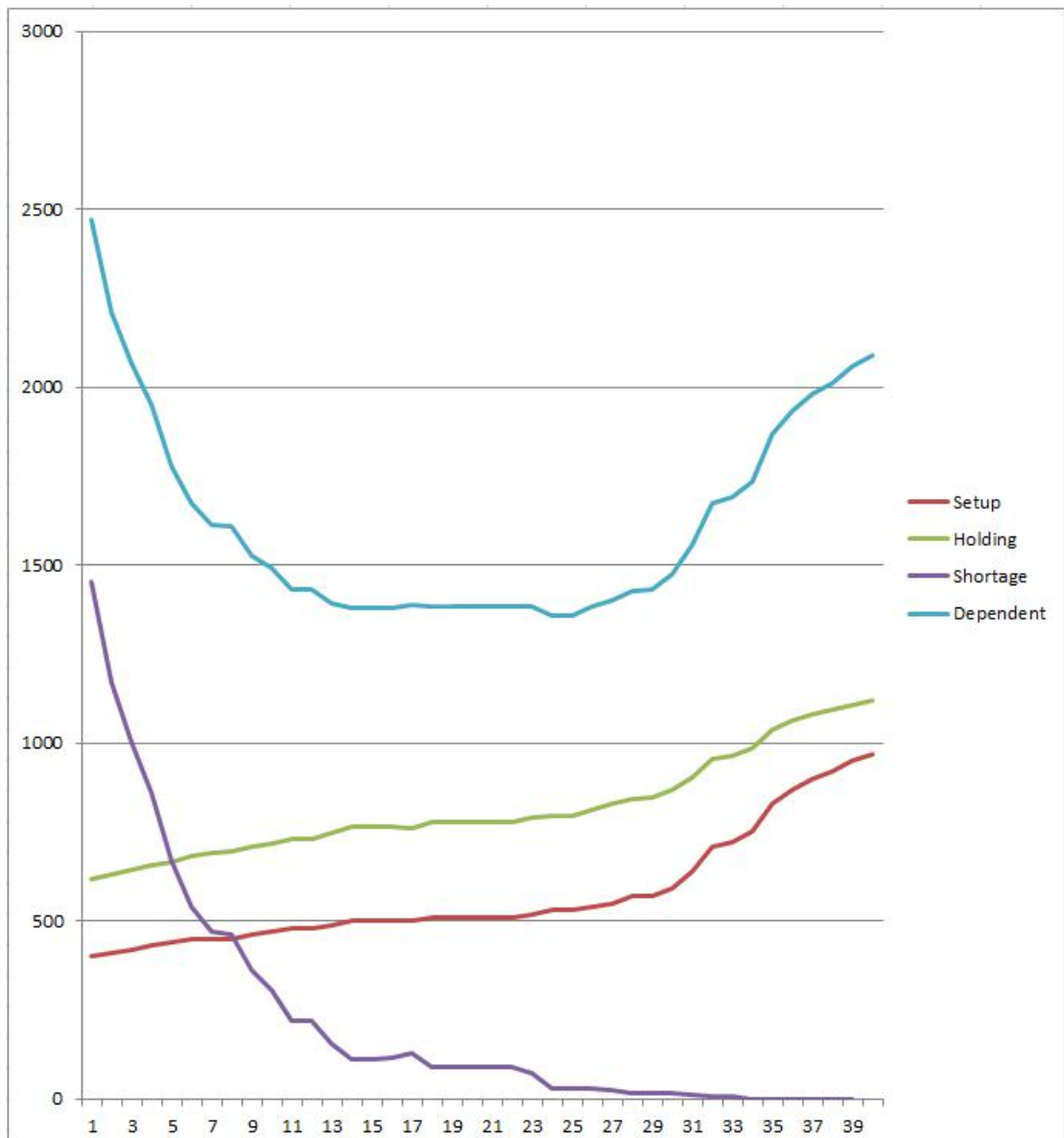
Resposta:

A)

Para $S = 100$



Para $S = 60$



B)

A tendência demonstrada pelos gráficos é que quanto maior S , maior as despesas totais. Em relação a s , quanto menor S , maior o valor de s para o custo mínimo.