REVISÃO PARA A PROVA N3 (Somente para estudos – não entregar)

OBSERVAÇÃO:

Essa revisão NÃO É O VT. O VTN3, no valor de 5 pontos já se encontra no AVA.

A matéria do VT – N3, **NÃO SERÁ COBRADA** na prova.

- 01) Classifique em verdadeiro ou falso as seguintes sentenças:
- a) () O teorema de Green estabelece uma relação entre uma integral de linha sobre uma curva ABERTA C e uma integral dupla na região R delimitada por C.
- b) () O Teorema de Green permite calcular a integral curvilínea por:

$$\oint_C (Pdx + Qdy) = \iint_R \left(\frac{\partial Q}{\partial x} - \frac{\partial P}{\partial y}\right) dA$$

- c) () Integrais de linha complexas NÃO podem ser calculadas de forma simples, através do teorema de Green.
- d) () O teorema de Green também é aplicado para calcular integrais curvilíneas em regiões abertas.
- e) () O Teorema de Green NÃO é usado para achar o trabalho realizado por uma força ao mover uma partícula ao longo de um caminho C.
- **02**) Ao aplicar o teorema de Green para calcular $\oint_C (e^y dx + 2xe^y dy) = \iint_R (\frac{\partial Q}{\partial x} \frac{\partial P}{\partial y}) dA$

Onde C é o quadrado de lados, C: $\begin{cases} 0 \le x \le 1 \\ 0 \le y \le 1 \end{cases}$; obtém-se:

 $\mathbf{03}$) Por meio do Teorema de Green calcule o trabalho realizado pelo campo de forças F(x,y), em uma partícula que percorre a curva C fechada no sentido anti-horário.

$$W = \oint_C F(x, y)dr = \oint_C (e^y dx + xy^2 dy)$$
. Onde, C: $\begin{cases} 0 \le x \le 2 \\ 0 \le y \le x \end{cases}$; obtém-se:

04) Encontre o trabalho W realizado pelo campo de forças F(x,y), em uma partícula que percorre uma vez o círculo $x^2 + y^2 = 1$ no sentido anti-horário.

$$W = \oint_{\mathcal{C}} F(x, y) dr = \oint_{\mathcal{C}} (x^2 - y^3) dx + (senx + x^3) dy. \text{ Onde, D: } \begin{cases} 0 \le \theta \le 2\pi \\ 0 \le r \le 1 \end{cases};$$

Aplicando o teorema de Green e coordenadas polares.

$$\oint_C (x^2 - y^3) dx + (senx + x^3) dy = \iint_D (\frac{\partial Q}{\partial x} - \frac{\partial P}{\partial y}) dA$$
$$x^2 + y^2 = r^2$$

$$dA = rdrd\theta$$