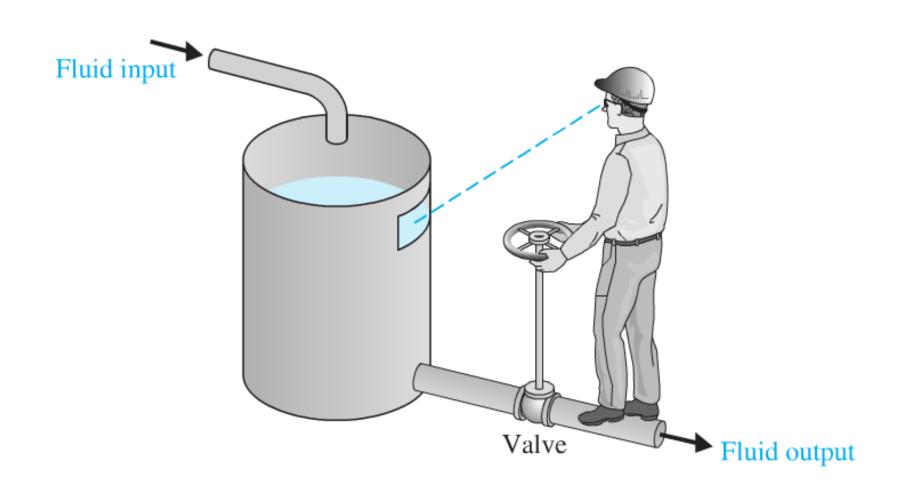
# Sistemas de Controle

Modelagem Matemática de Sistemas com Fluidos

## Sistemas com Fluidos



#### Sistemas com Fluidos

#### Conservação de Massa:

$$\frac{dm}{dt} = \dot{m}_{ent}(t) - \dot{m}_{sai}(t)$$

sendo:

 $\dot{m}$  - Fluxo de massa

onde:

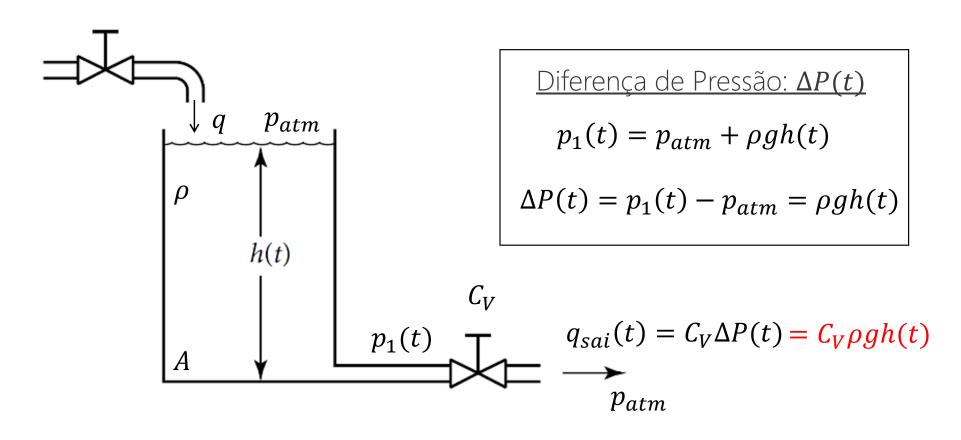
 $m=\rho V$ , sendo  $\rho$  a densidade e V o volume.

Assim, para  $\rho$  constante:

$$\frac{dV}{dt} = q_{ent}(t) - q_{sai}(t)$$
, sendo  $q$  a vazão do fluido.

#### Problema

Determine a equação diferencial do tanque abaixo, assumindo q constante.



## Resolução

Fluxo de saída:

$$q_{sai}(t) = C_V \rho g h(t)$$

Assim:

$$\frac{dV}{dt} = q - q_{sai}(t) = q - C_V \rho g h(t)$$

Sabendo que V(t) = Ah(t):

$$A\frac{dh}{dt} = q - C_V \rho g h(t)$$

## Resolução

Dividindo  $A\frac{dh}{dt} = q - C_V \rho g h(t)$  por  $C_V \rho g$ :

$$\frac{A}{C_V \rho g} \frac{dh}{dt} = \frac{q}{C_V \rho g} - h(t)$$

OU:

$$\tau \frac{dh}{dt} = kq - h(t)$$

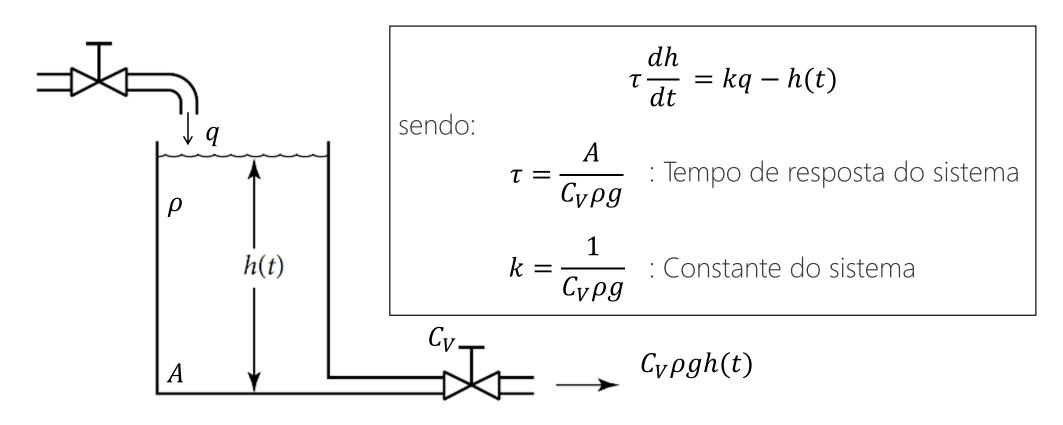
sendo:

au - Tempo de resposta do sistema

k - Constante do sistema

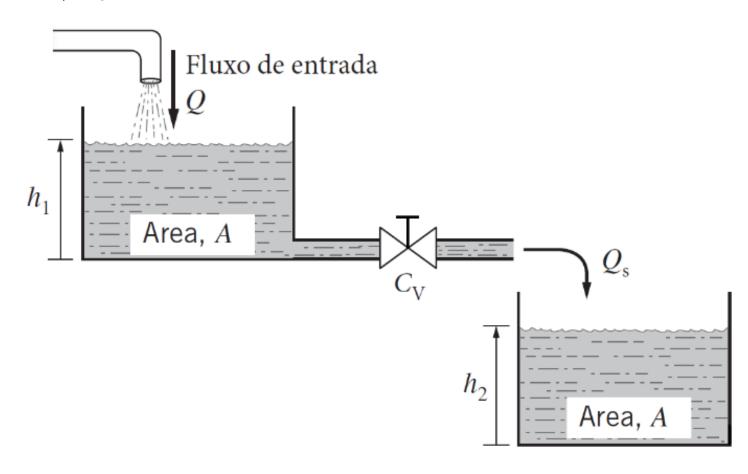
### Solução

Equação diferencial para o tanque abaixo com h(t), assumindo q constante.



### Exercício

Determine as equações diferenciais do sistema abaixo, assumindo  $\it Q$  constante.



# Dúvidas?

Grupo Whatsapp