Variável Complexa

Segunda Lista de Exercícios

01. Resolva, nos complexos, as equações a seguir.

(a)
$$z^2 = \sqrt{3} + 1$$

(e)
$$z^2 = 8 + 6i$$

(b)
$$z^2 = -1 + i$$

(f)
$$z^4 = -i$$

(c)
$$z^2 = i$$

(g)
$$z^2 - (2+i)z + (-1+7i) = 0$$

(d)
$$z^2 = 5 - 12i$$

(h)
$$z^2 - (3-2i)z + (5-5i) = 0$$

02. Calcule
$$|z|$$
 sabendo que $z + \frac{1}{z} = 1$.

03. Escreva o número complexo z na forma polar.

(a)
$$z = 3 - 3i$$

(d)
$$z = 2 + 2i$$

(g)
$$z = \frac{1}{1+i}$$

(b)
$$z = 5i$$

(e)
$$z = \sqrt{3} - i$$

(h)
$$z = 5$$

(c)
$$z = -7$$

(f)
$$z = 2\sqrt{3} - 2i$$
 (i) $z = -2i$

(i)
$$z = -2i$$

04. Calcule as potências abaixo. Expresse suas respostas na forma polar.

(a)
$$(2+2i)^5$$

(b)
$$(-1+i)^7$$

(c)
$$(\sqrt{3} - i)^{10}$$

(b)
$$(-1+i)^7$$
 (c) $(\sqrt{3}-i)^{10}$ (d) $(-1+\sqrt{3}i)^8$

05. Determines todos os inteiros
$$n \ge 2$$
 para os quais $(\sqrt{2} + \sqrt{2}i)^n$ é:

- (a) um número real;
- (b) um imaginário puro.

06. Calcule os possíveis valores de
$$\left(\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{1}{2}i\right)^n$$
, para n variando em \mathbb{Z} .

07. Dados números complexos z e w, mostre que o cosseno do ângulo θ formado por z e w (vistos como vetores do plano) é dado por

$$\cos \theta = \frac{z\bar{w} + w\bar{z}}{2|z||w|}.$$