

UNIVERSIDADE FEDERAL DO ESPÍRITO SANTO  
DEPARTAMENTO DE ESTATÍSTICA  
ANÁLISE DE SOBREVIVÊNCIA

**Relatório abordagem Análise de Sobrevida**

Aluna: Vitória Nascimento de Jesus Sesana

Professora: Agatha Sacramento Rodrigues

Vitória - ES  
2024

# Sumário

<b>1</b>	<b>Introdução</b>	<b>2</b>
<b>2</b>	<b>Metodologia</b>	<b>2</b>
2.1	Função de Sobrevivência . . . . .	2
2.2	Estimador Kaplan-Meier . . . . .	2
2.3	Teste de Log-Rank . . . . .	2
2.4	Modelos probabilísticos . . . . .	3
<b>3</b>	<b>Cenário 1: Doença de Hodkings</b>	<b>3</b>
3.1	Análise Descritiva . . . . .	3
3.2	Aplicações Não-Paramétricas . . . . .	3
3.2.1	Kaplan-Meier por Gêneros . . . . .	3
3.2.2	Kaplan-Meier por Faixas Etárias . . . . .	3
3.2.3	Kaplan-Meier por Tipos de Linfoma . . . . .	3
3.2.4	Kaplan-Meier por Estágios da Doença . . . . .	3
3.3	Conclusões . . . . .	3
<b>4</b>	<b>Cenário 2: Resistência de Isolentes Térmicos</b>	<b>4</b>
4.1	Análise Descritiva . . . . .	4
4.2	Modelagens Paramétricas . . . . .	4
4.3	Estimativas . . . . .	4
4.3.1	Tempo Mediano . . . . .	4
4.3.2	Tempo Médio . . . . .	4
4.3.3	Sobrevida de 80 % . . . . .	4
4.4	Conclusões . . . . .	4
<b>5</b>	<b>Conclusões Finais</b>	<b>4</b>
<b>6</b>	<b>Referências</b>	<b>5</b>
<b>7</b>	<b>Apêndices</b>	<b>6</b>
7.1	Códigos utilizados no Cnário 1 . . . . .	6
7.2	Códigos utilizados no Cnário 2 . . . . .	7

# 1 Introdução

A necessidade de analisar o tempo até a ocorrência de um evento é demandado em diversas áreas do conhecimento. Um exemplo, aplicado na área da saúde, seria o interesse em verificar o tempo até o óbito de pacientes após receberem um tratamento específico para uma doença grave, como câncer.

No entanto, é comum no processo da coleta dos dados haja unidades com imprecisão ou a não observação do tempo exato da ocorrência do evento. Diz-se que estas unidades são unidades censuradas ou que sofreram censura.

Intuitivamente, muitos optam por eliminar as observações que contém censura, mesmo com algum tipo de informação já coletada. Desse modo, a perda de informação impactaria nas conclusões finais relacionadas ao estudo. Diante disso, a Análise de Sobrevivência busca solucionar esse problema com um conjunto de técnicas que permitem incluir a censura em seus cálculos.

A análise de sobrevivência pode ser abordada por duas formas: paramétrica e não-paramétrica. Os métodos paramétricos, ao contrário dos métodos não-paramétricos, pressupõem que os dados são provenientes de um tipo de distribuição de probabilidade. Cada metodologia possui suas próprias técnicas a fim de concluir informações a respeito do problema em estudo.

O objetivo desse relatório é aplicar tais abordagens em dois cenários distintos. O primeiro cenário é relacionado ao tempo de vida de pacientes diagnosticados com a doença de Hodgkins, utilizando métodos não-paramétricos. Em contraponto, o segundo cenário possui como foco o tempo de resistência de isolantes térmicos até a sua ruptura, quando submetidos a altas tensões. Neste caso, será utilizado métodos paramétricos.

## 2 Metodologia

### 2.1 Função de Sobrevivência

Seja uma variável aleatória não negativa  $T$ , usualmente contínua, que mede o tempo até a ocorrência de um evento, também chamada como tempo de falha. A função sobrevivência indica a probabilidade da observação não falhar após o tempo  $t$ .

$$\begin{aligned} S(t) &= P(T \geq t) \\ &= 1 - P(T \leq t) \\ &= 1 - F(t) \end{aligned} \tag{1}$$

O objetivo geral é estimar a função de sobrevivência.

### 2.2 Estimador Kaplan-Meier

O estimador de Kaplan-Meier, ou estimador limite-produto, é um método não-paramétrico utilizado para estimar a função de sobrevivência  $S(t)$ . Uma de suas vantagens é a não necessidade de supor distribuição probabilística aos dados, ao mesmo tempo que considera as censuras em seus cálculos. No caso sem censura, o estimador Kaplan-Meier é a própria função de sobrevivência empírica:

$$\widehat{S}(t) = \frac{\text{nº de observações que não falharam até o tempo } t}{\text{nº total de observações no estudo}} \tag{2}$$

$$\begin{aligned} \widehat{S}(t) &= \prod_{j: t_j < t} \\ &= 1 - F(t) \end{aligned} \tag{3}$$

### 2.3 Teste de Log-Rank

$$\begin{aligned} H_0 &= S_1(t) = \dots = S_j(t); \forall t \in \epsilon \\ H_1 &= \epsilon \end{aligned} \tag{4}$$

## 2.4 Modelos probabilísticos

exponencial weibull log normal log logísticos

comparar  $S(t)$  klapan meier com os  $S(t)$  do modelo Estimação Para cada modelo probabilístico há um ou mais parâmetros que caracterizam seu comportamento para adequar ao contexto do problema. Esses valores são desconhecidos e para obtê-los são utilizadas técnicas estatísticas inferenciais. Há vários métodos de estimação, um dos mais convencionais é o método de mínimos quadrados. Entretanto, este desconsidera as censuras presentes. Desse modo, uma opção é utilizar o Método da Máxima Verossimilhança, pois este incorpora a censura em seus cálculos.

Computacional R e Latex

## 3 Cenário 1: Doença de Hodkings

Segundo o Ministério da Saúde, o linfoma ou doença de Hodkings é um câncer que afeta o sistema linfático, conjunto de tecidos e órgãos responsáveis pela imunidade e vasos que conduzem essas células através do corpo.

A partir disso, Bartolucci e Fraser (1977) apresentaram uma base de dados de 60 pessoas que receberam tratamento padrão para a doença com as seguintes variáveis:

- **id:** Identificação do paciente;
- **survivaltime:** Tempo de vida, em meses;
- **dead:** Indicador de falha/morte (0 - não; 1 - sim);
- **age:** Idade em anos;
- **sex:** Gênero (0 - feminino; 1- masculino);
- **stage:** Estágio da doença (0 - inicial; 1 - avançado);
- **hist:** Tipo de linfoma (1 - esclerose nodular; 2 - misto celular; 3 - depleção de linfócitos).

Neste cenário, a variável de interesse é o tempo de vida, em meses, dos pacientes com a doença de Hodkings (survivaltime) e a variável indicadora dos, as demais são covariáveis.

Será calculado as estimativas pelo método de Kaplan-Meier nos níveis das covariáveis *sex*, *age*, *hist* e *stage* a fim de analisar o comportamento do tempo de sobrevivência dos pacientes dos grupos. Não somente, também será aplicado o teste de Log-Rank para testar a proporcionalidade entre os níveis de cada covariável.

Vale ressaltar que a covariável *age* foi categorizada para se adequar a solução proposta.

- **age:** Idade intervalar ("53 anos ou mais"; "38 anos até menos 53 anos"; "25 anos até menos 38 anos"; "menos de 25 anos").

### 3.1 Análise Descritiva

### 3.2 Aplicações Não-Paramétricas

#### 3.2.1 Kaplan-Meier por Gêneros

A Figura 1

#### 3.2.2 Kaplan-Meier por Faixas Etárias

#### 3.2.3 Kaplan-Meier por Tipos de Linfoma

#### 3.2.4 Kaplan-Meier por Estágios da Doença

### 3.3 Conclusões

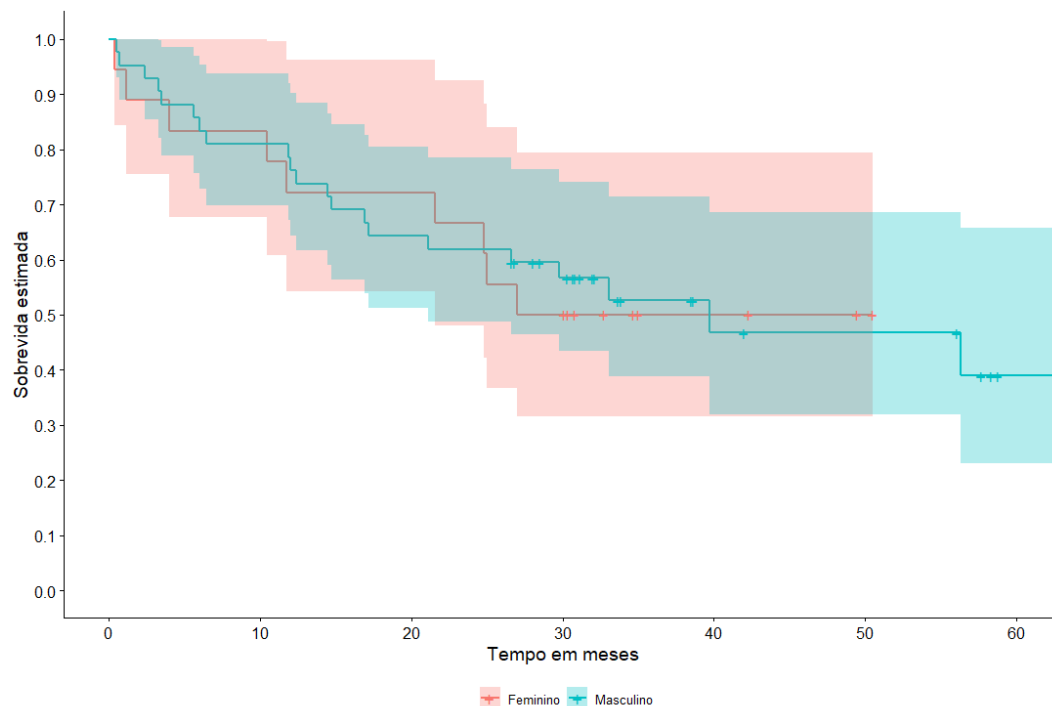


Figura 1: Estimativas por gênero da função de sobrevivência de pacientes com a doença de Hodkings utilizando Kaplan-Meier.

## 4 Cenário 2: Resistência de Isolentes Térmicos

0.19	0.78	0.96	1.31	2.78	3.16	4.67	4.85
6.50	7.35	8.27	12.07	32.52	33.91	36.71	

### 4.1 Análise Descritiva

### 4.2 Modelagens Paramétricas

### 4.3 Estimativas

Os resultados a seguir adotaram o modelo selecionado com base nos tópicos anteriores.

#### 4.3.1 Tempo Mediano

#### 4.3.2 Tempo Médio

#### 4.3.3 Sobrevida de 80 %

### 4.4 Conclusões

## 5 Conclusões Finais

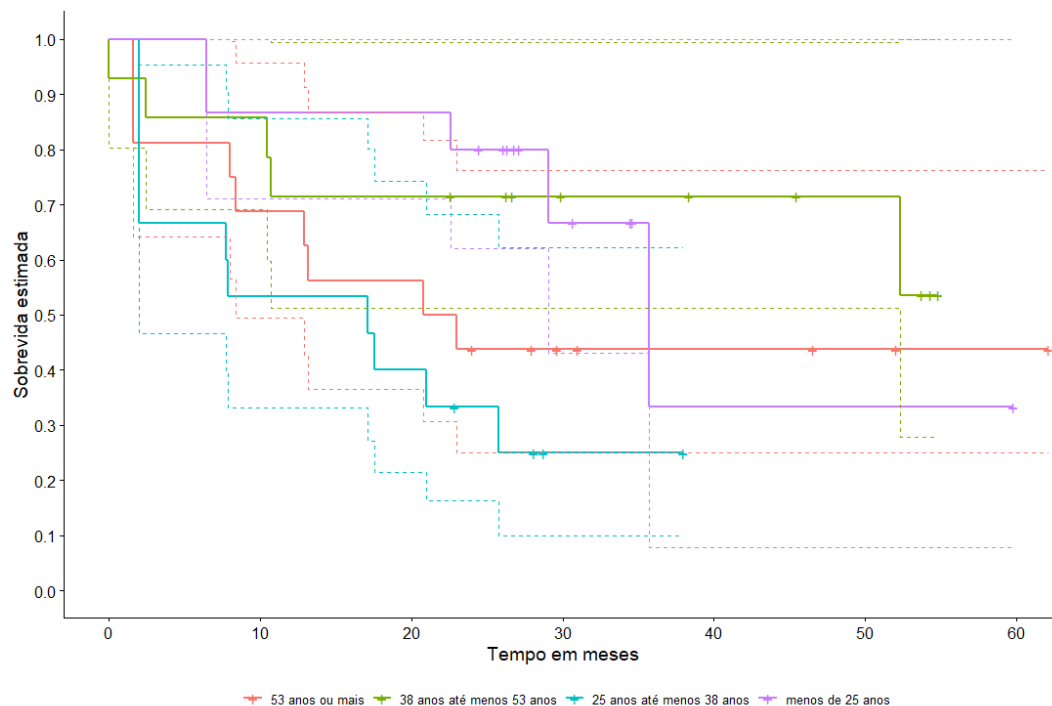


Figura 2: Estimativas por faixa etária da função de sobrevivência de pacientes com a doença de Hodkings utilizando Kaplan-Meier.

## 6 Referências

1. COLOSIMO, Enrico Antônio; GIOLO, Suely. Análise de sobrevivência aplicada. São Paulo: Blucher, c2006. 367p
2. Bartolucci, A. A., & Fraser, M. D. (1977). Comparative Step-Up and Composite Tests for Selecting Prognostic Indicators Associated with Survival. Biometrical Journal, 19(6), 437–448. doi:10.1002/bimj.4710190607
3. BRASIL. Ministério da Saúde. Instituto Nacional de Câncer - INCA. Linfoma de Hodgkin, 2022. Disponível em: <https://www.gov.br/inca/pt-br/assuntos/cancer/tipos/linfoma-de-hodgkin>. Acesso em: 01 mai. 2024.

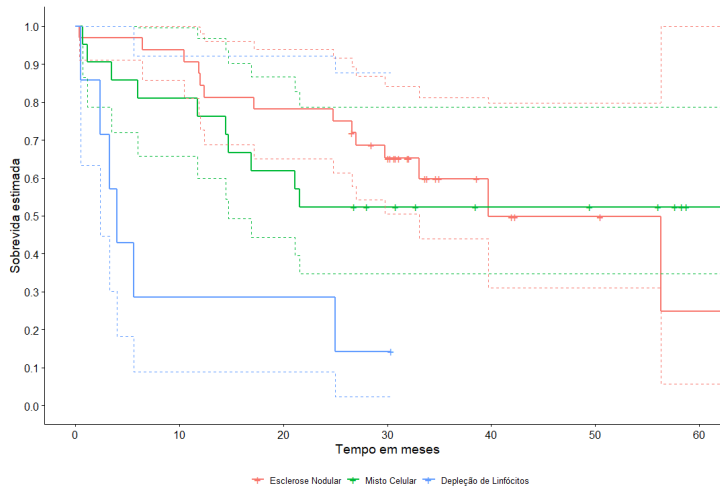


Figura 3: Estimativas por tipo de linfoma da função de sobrevivência de pacientes com a doença de Hodkings utilizando Kaplan-Meier.

## 7 Apêndices

### 7.1 Códigos utilizados no Cnário 1

```

1  require(survival)
2
3  tempos<-c(3,5,6,7,8,9,10,10,12,15,15,18,19,20,22,25,28,30,40,45)
4  cens<-c(1,1,1,1,1,1,1,0,1,1,0,1,1,1,1,1,1,1,1,0)
5
6  ajust1<-survreg(Surv(tempos,cens)~1,dist="exponential")
7  ajust1
8  alpha<-exp(ajust1$coefficients[1])
9  alpha
10
11  ajust2<-survreg(Surv(tempos,cens)~1,dist="weibull")
12  ajust2
13
14  alpha<-exp(ajust2$coefficients[1])
15
16  gama<-1/ajust2$scale
17  cbind(gama, alpha)
18
19
20
21  ajust3<-survreg(Surv(tempos,cens)~1,dist="lognorm")
22  ajust3
23
24  require(survival)
25  tempos<- c(1,2,3,3,3,5,5,16,16,16,16,16,16,16,16,1,1,1,1,4,5,7,8,10,10,12,16,16,16)
26  cens<-c(0,0,1,1,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,1,1,1,0,0,1,1,1,1,0,0,0,0,0)
27  grupos<-c(rep(1,15),rep(2,14))
28  ekm<- survfit(Surv(tempos,cens)~grupos)
29
30
31  time<-ekm$time
32  st<-ekm$surv
33  ste<- exp(-time/20.41)
34  stw<- exp(-(time/21.34)^1.54)
35  stln<- pnorm((-log(time)+ 2.72)/0.76)
36  still<-1 / (1+(time/alpha)^lambda)
37
38  cbind(time,st,ste,stw,stln, still)
39
40
41  par(mfrow=c(1,3))
42  plot(ste,st,pch=16,ylim=range(c(0.0,1)), xlim=range(c(0,1)), ylab = "S(t): Kaplan-Meier",
43        xlab="S(t): exponencial")

```

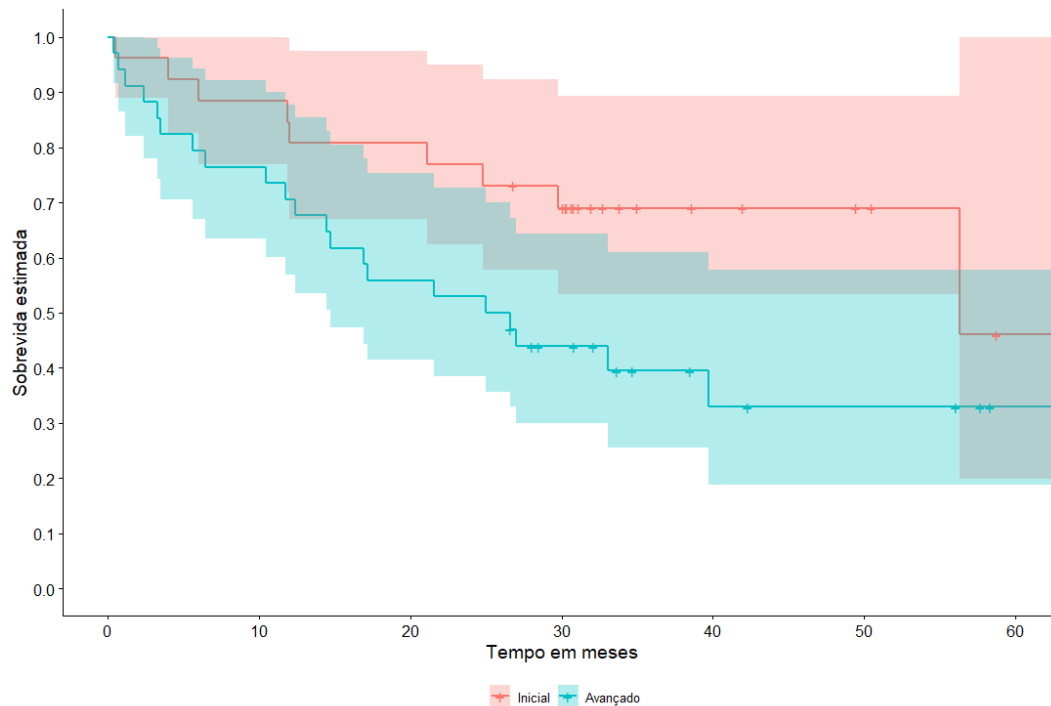


Figura 4: Estimativas por estágio da doença da função de sobrevivência de pacientes com a doença de Hodkings utilizando Kaplan-Meier.

```

44 lines(c(0,1), c(0,1), type="l", lty=1)
45 plot(stw,st,pch=16,ylim=range(c(0.0,1)), xlim=range(c(0,1)), ylab = "S(t): Kaplan-Meier",
46      xlab="S(t): Weibull")
47 lines(c(0,1), c(0,1), type="l", lty=1)
48 plot(stln,st,pch=16,ylim=range(c(0.0,1)), xlim=range(c(0,1)), ylab = "S(t): Kaplan-Meier",
49      xlab="S(t): log-normal")
50 lines(c(0,1), c(0,1), type="l", lty=1)

```

## 7.2 Códigos utilizados no Cnário 2

```

1 require(survival)
2
3 tempos<-c(3,5,6,7,8,9,10,10,12,15,15,18,19,20,22,25,28,30,40,45)
4 cens<-c(1,1,1,1,1,1,1,0,1,1,0,1,1,1,1,1,1,1,1,0)
5
6 ajust1<-survreg(Surv(tempos,cens)~1,dist="exponential")
7 ajust1
8 alpha<-exp(ajust1$coefficients[1])
9 alpha
10
11 ajust2<-survreg(Surv(tempos,cens)~1,dist="weibull")
12 ajust2
13
14 alpha<-exp(ajust2$coefficients[1])
15
16 gama<-1/ajust2$scale
17 cbind(gama, alpha)
18
19
20
21 ajust3<-survreg(Surv(tempos,cens)~1,dist="lognorm")
22 ajust3
23
24 require(survival)
25 tempos<- c(1,2,3,3,3,5,5,16,16,16,16,16,16,16,16,1,1,1,1,4,5,7,8,10,10,12,16,16,16)
26 cens<-c(0,0,1,1,1,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,1,1,1,0,0,1,1,1,1,1,0,0,0,0,0)
27 grupos<-c(rep(1,15),rep(2,14))
28 ekm<- survfit(Surv(tempos,cens)~grupos)

```



```

29
30
31 time<-ekm$time
32 st<-ekm$surv
33 ste<- exp(-time/20.41)
34 stw<- exp(-(time/21.34)^1.54)
35 stln<- pnorm((-log(time)+ 2.72)/0.76)
36 stll<-1 / (1+(time/alpha)^lambda)
37
38 cbind(time,st,ste,stw,stln, stll)
39
40
41 par(mfrow=c(1,3))
42 plot(ste,st,pch=16,ylim=range(c(0.0,1)), xlim=range(c(0,1)), ylab = "S(t): Kaplan-Meier",
43      xlab="S(t): exponencial")
44 lines(c(0,1), c(0,1), type="l", lty=1)
45 plot(stw,st,pch=16,ylim=range(c(0.0,1)), xlim=range(c(0,1)), ylab = "S(t): Kaplan-Meier",
46      xlab="S(t): Weibull")
47 lines(c(0,1), c(0,1), type="l", lty=1)
48 plot(stln,st,pch=16,ylim=range(c(0.0,1)), xlim=range(c(0,1)), ylab = "S(t): Kaplan-Meier",
49      xlab="S(t): log-normal")
50 lines(c(0,1), c(0,1), type="l", lty=1)

```