

# Estudo de caso de Deep Q-Learning

Vítor Kei Taira Tamada

*Curso:*

Bacharelado em Ciência da Computação

*Orientador:*

Prof. Dr. Denis Deratani Mauá

São Paulo, janeiro de 2019



# Estudo de caso de Deep Q-Learning

Esta é a versão revisada da monografia elaborada pelo aluno  
Vítor Kei Taira Tamada



# Resumo

TAMADA, V. K. T. **Estudo de caso de Deep Q-Learning**. Trabalho de Conclusão de Curso - Instituto de Matemática e Estatística, Universidade de São Paulo, São Paulo, 2018.

*Deep Q-Learning* é uma técnica de aprendizado de máquina que une rede neural convolucional com aprendizado por reforço para ensinar uma inteligência artificial a obter sucesso em um ambiente recebendo apenas imagens dele como entrada. Enquanto a rede é responsável pela visualização da imagem, detecção de características e tomada de decisão, o aprendizado por reforço faz a avaliação da ação executada por meio da recompensa recebida. Essa forma de se aprender se assemelha a como uma pessoa aprende a realizar uma tarefa nova sem receber ajuda ou instruções, como jogar um jogo eletrônico novo.

O objetivo do trabalho foi estudar e avaliar a capacidade de uma inteligência artificial aprender e ter sucesso no ambiente que está inserida, assim como as dificuldades de implementar e obter bons resultados quando o *Deep Q-Learning* é utilizado. Por não ser uma técnica abordada nas disciplinas de inteligência artificial da graduação, também foi um estudo mais aprofundado de aprendizado de máquina, redes neurais e aprendizado profundo.

Os experimentos foram realizados em três ambientes de características e graus de complexidade distintos para verificar a flexibilidade de se ter sucesso com essa técnica e da dificuldade em obtê-lo: *Gridworld*, *Pong* do Atari 2600, e *Asteroids* do Atari 2600, sendo o primeiro o mais simples, com poucos estados, regras, e ações possíveis, e o último o mais complexo. O desempenho foi avaliado pelo sucesso de se alcançar o objetivo, no caso do *Gridworld*, e pela pontuação obtida ao fim do jogo, no caso do *Pong* e do *Asteroids*.

Utilizando diferentes arquiteturas de rede e números de episódios de treinamento para cada ambiente, o agente obteve bons resultados no *Gridworld* e no *Pong*, mas não no *Asteroids*. Trabalhos relacionados indicam que *Asteroids* poderia ter uma pontuação melhor e até obter sucesso se as devidas otimizações, escolhas de hiper-parâmetros e tempo suficiente de treinamento fossem utilizados.

**Palavras-chave:** inteligência artificial, deep q-learning, estudo de caso



# Sumário

<b>1</b>	<b>Introdução</b>	<b>1</b>
1.1	Proposta e Motivação . . . . .	1
1.2	Ferramentas . . . . .	2
1.2.1	<i>Gridworld</i> . . . . .	2
1.2.2	<i>Pong</i> . . . . .	2
1.2.3	<i>Asteroids</i> . . . . .	3
1.2.4	Gym & Gym-Retro . . . . .	4
1.2.5	TensorFlow . . . . .	4
<b>2</b>	<b>Fundamentos</b>	<b>5</b>
2.1	Redes neurais . . . . .	5
2.2	Aprendizado profundo . . . . .	7
2.3	Redes neurais convolucionais . . . . .	7
2.4	Processo de Decisão de Markov . . . . .	9
2.5	Aprendizado por reforço . . . . .	10
2.6	<i>Q-Learning</i> . . . . .	10
2.7	<i>Approximate Q-Learning</i> . . . . .	12
2.8	<i>Deep Q-Learning</i> . . . . .	13
2.9	Aprimorando o aprendizado . . . . .	13
2.9.1	<i>Experience replay</i> . . . . .	14
2.9.2	Alvo fixo . . . . .	14
<b>3</b>	<b>Implementação</b>	<b>15</b>
3.1	Arquiteturas das redes . . . . .	16
3.1.1	<i>Gridworld</i> . . . . .	16
3.1.2	<i>Pong</i> . . . . .	16
3.1.3	<i>Asteroids</i> . . . . .	16
3.2	Experimentos . . . . .	17
3.2.1	<i>Gridworld</i> . . . . .	17
3.2.2	<i>Pong</i> . . . . .	17
3.2.3	<i>Asteroids</i> . . . . .	18
3.2.4	Pseudocódigo . . . . .	19
<b>4</b>	<b>Resultados</b>	<b>21</b>
4.1	<i>Gridworld</i> . . . . .	21
4.2	<i>Pong</i> . . . . .	22
4.3	<i>Asteroids</i> . . . . .	22
<b>5</b>	<b>Conclusão</b>	<b>25</b>
	<b>Referências Bibliográficas</b>	<b>27</b>





# Capítulo 1

## Introdução

Inteligência artificial, ou IA, é uma área de estudos que pode ser definida de diversas formas, como construir uma máquina que realize com sucesso tarefas tradicionalmente feitas por humanos, ou que aja como um humano. Diversas ciências mostraram-se importantes ao longo de sua história, como filosofia, matemática, computação e linguística, permitindo que profissionais de formações distintas pudessem contribuir para seus avanços.

É interessante a forma como seres humanos aprendem, em particular crianças pequenas e bebês. Eles fazem isso principalmente interagindo com o ambiente, tocando em objetos, tentando entender aquilo que os rodeia e qual o resultado de suas ações, mesmo que inconscientemente. Avanços em inteligência artificial nas últimas décadas permitiram que máquinas simulassem esse tipo de aprendizado por meio de **aprendizado por reforço**.

Entretanto, para muitos casos, somente esse tipo de técnica não é o suficiente. Utilizando jogos eletrônicos como exemplo, uma pessoa consegue inferir o que é inimigo e o que é terreno quando aparece na tela em poucos movimentos ou a partir de experiências passadas com jogos diferentes. Para um computador, um pixel que mude de posição já faz ele não conseguir mais distinguir o que está vendo, tendo que reaprender a cada nova combinação de pixels detectada. Em outras palavras, seres humanos conseguem abstrair as informações que enxergam com facilidade, enquanto computadores não. Se IAs não conseguem mais identificar um objeto na tela por causa de um pixel que esteja diferente, como sistemas de detecção de imagem funcionam? Utilizando uma variante de rede neural profunda chamada de **rede neural convolucional** (*convolutional neural network* (CNN)), é possível fazer uma máquina abstrair essas informações e inferir que um objeto em diferentes lugares da tela, assumindo diferentes tamanhos, são o mesmo.

### 1.1 Proposta e Motivação

*Deep Q-Learning* [Mni+13] é uma técnica de aprendizado de máquina que combina a visualização de imagens de redes neurais convolucionais com aprendizado profundo. Esse método permite que uma inteligência artificial aprenda a se comportar em certos ambientes, como jogos digitais, recebendo como entrada apenas imagens, a tela como uma pessoa veria em um monitor.

A proposta deste trabalho surgiu do interesse nessa técnica e consiste em fazer um estudo de caso quando uma *Deep Q-Network* (DQN) é utilizada por uma inteligência artificial em três ambientes com características e graus de complexidade distintos: *Gridworld*, *Pong* do Atari 2600, e *Asteroids* do Atari 2600. O estudo busca analisar a capacidade de um agente obter bons resultados utilizando este método, e as dificuldades enfrentadas no processo, além de aprofundar o conhecimento em aprendizado de máquina,

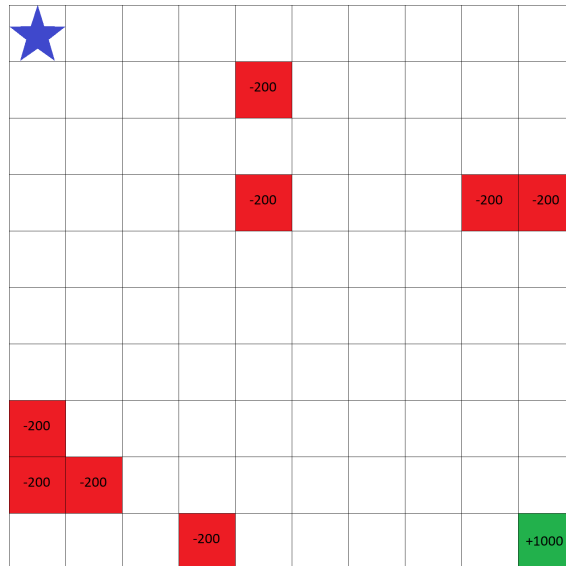
redes neurais e aprendizado profundo.

## 1.2 Ferramentas

Nesta seção, serão brevemente apresentados e descritos os ambientes e as principais ferramentas utilizadas no desenvolvimento deste trabalho.

### 1.2.1 *Gridworld*

*Gridworld* é um exemplo clássico em estudos e ensinamentos de aprendizado por reforço. Ele consiste em um mapa de espaços quadrados em que o agente começa em um deles e pode se mover para cima, direita, esquerda ou baixo, contanto que o espaço seja válido. Alguns dos espaços geram recompensa positiva (objetivo) e outros geram recompensa negativa (armadilha) ao ser alcançado, além de encerrarem o episódio e fazerem o agente retornar ao ponto inicial. O desenvolvedor pode optar por gerar pequenas recompensas positivas ou negativas a cada passo, mesmo que não alcance um estado terminal, para analisar seu comportamento em tais circunstâncias.



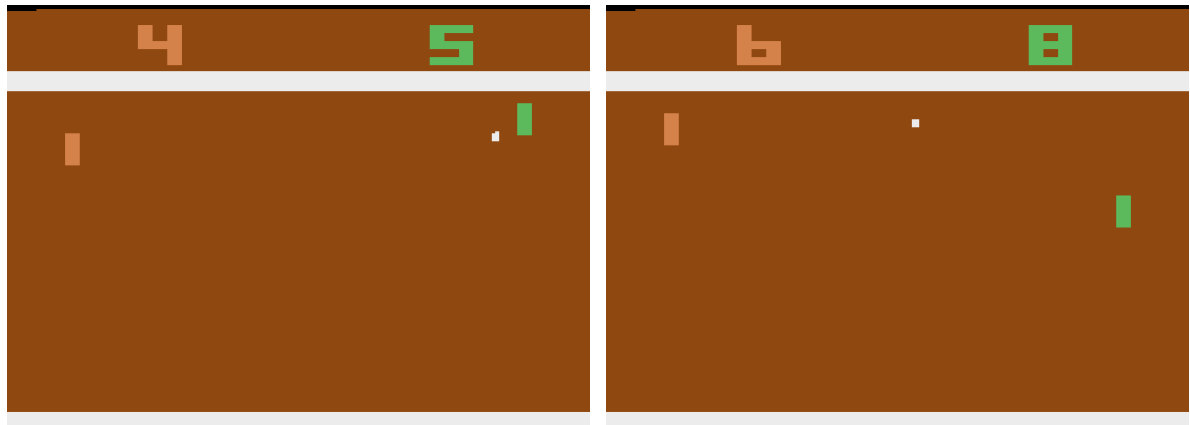
**Figura 1.1:** Mapa utilizado para os experimentos. A estrela azul indica a posição inicial do agente, o verde com +1000 representa o objetivo, e os vermelhos com -200 as armadilhas. Não há espaços inválidos.

O número de estados deste tipo de ambiente é igual ao número de espaços válidos, uma vez que são definidos pela posição em que o agente se encontra. Como os treinamentos foram feitos em um mapa de tamanho 10x10 sem espaços inválidos, o ambiente possui 100 estados com 4 ações possíveis em cada um. *Gridworld* é o ambiente mais simples estudado neste trabalho, pois possui poucas regras, estados possíveis, e ações válidas em cada um deles.

### 1.2.2 *Pong*

*Pong* foi um dos primeiros jogos criados e o primeiro desenvolvido pela Atari, lançado em novembro de 1972. O jogo simula uma partida de tênis de mesa por meio de duas barras verticais, uma do lado esquerdo e uma do lado direito, e uma bola que se move pela tela. Cada jogador controla uma das barras movendo-a para cima e para baixo, rebatendo a bola para evitar que chegue ao fim da tela do próprio lado enquanto tenta fazê-la chegar ao fim da tela do lado do adversário. A principal diferença entre as versões

do jogo é o número de pontos necessário para vencer, que é de 21 no caso da utilizada neste trabalho, do Atari 2600.



**Figura 1.2:** Exemplos de tela do jogo no emulador de Atari 2600, Stella [Mot+95]. Nestas imagens, o jogador controla a barra verde, do lado direito da tela, enquanto a IA criada pelos desenvolvedores do jogo controla a barra laranja, do lado esquerdo da tela. O ponto branco entre elas é a bola, as barras brancas horizontais que estendem desde o lado esquerdo até o lado direito da tela representam os limites superior e inferior do campo, e os números no topo indicam a pontuação de cada jogador.

Os estados são definidos pela tela do jogo, que é uma matriz de 210x160 pixels, cada um sendo representado por 3 canais cujos valores variam de 0 a 255 para determinar a cor do pixel dentre 128 cores disponíveis, o que significa que muitas das combinações resultam nas mesmas cores. Esses números se traduzem em 33600 pixels e, portanto,  $128^{33600}$  estados possíveis. Mesmo que apenas uma parcela deles sejam utilizados, é evidente que há muitos estados a mais que o *Gridworld*.

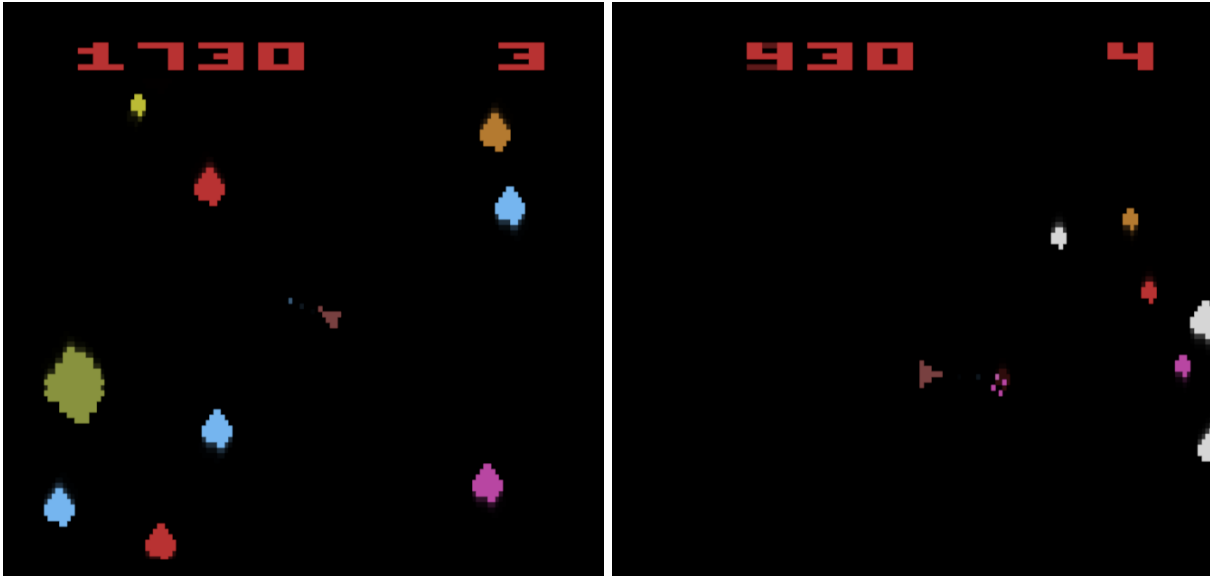
*Pong* é o ambiente de complexidade intermediária estudada neste trabalho, pois possui poucas regras, grande espaço de estados, e poucas ações possíveis em cada um deles.

### 1.2.3 Asteroids

*Asteroids* é um jogo de fliperama lançado em novembro de 1979 pela Atari. O jogador controla uma nave espacial em um campo de asteroides e seu objetivo é destruir todos os presentes na tela enquanto desvia deles. Quando um asteroide é destruído, outros menores aparecem no lugar. O jogador possui cinco ações disponíveis: mover-se para frente, girar a nave no sentido horário, girar a nave no sentido anti-horário, mover-se no hiperespaço, e atirar para frente. Mover-se para frente e girar são as principais formas de movimento no jogo, enquanto atirar é a de destruir asteroides e ganhar pontos. Mover-se no hiperespaço consiste em fazer a nave desaparecer por alguns instantes e reaparecer em um local aleatório da tela. As principais diferenças entre as iterações de *Asteroids* incluem a presença de naves espaciais inimigas que atiram contra o jogador, formatos e tamanhos diferentes dos asteroides, e direção em que se movem. A versão de *Asteroids* utilizada neste trabalho é a do Atari 2600, com 4 vidas inicialmente, sem naves espaciais inimigas e três tamanhos distintos de asteroides, com o maior gerando uma recompensa de 20 pontos ao ser destruído, o médio gerando 50, e o menor 100, todos com movimento principalmente vertical.

Assim como no *Pong*, os estados são compostos por uma matriz de 210x160 pixels, cada um sendo representado por 3 canais que determinam a cor, o que significa que possui a mesma quantidade de estados, com apenas uma parcela sendo utilizada.

*Asteroids* é o mais complexo dos ambientes estudados neste trabalho, pois possui mais regras que são mais complexas, o maior espaço de estados dentre os três ambientes, e mais ações possíveis.



**Figura 1.3:** Exemplos de tela do jogo no emulador de Atari 2600, Stella. O número no canto superior esquerdo é a pontuação e o no canto superior direito é a quantidade de vidas restante que o jogador tem. A nave é o triângulo no meio da tela, o ponto azul próximo dela na imagem da esquerda é um tiro e o restante é asteroide. Na imagem da direita, os quatro pequenos pontos rosas próximos da nave são um asteroide que acaba de ser destruído.

### 1.2.4 Gym & Gym-Retro

Gym é uma plataforma para pesquisa de aprendizado por reforço desenvolvida e mantida pela empresa de pesquisas em inteligência artificial OpenAI. Esta ferramenta auxilia na emulação de diversos ambientes diferentes, incluindo alguns jogos de Atari 2600, e ambientes 3D.

Gym-Retro é uma variante da Gym com ênfase em jogos eletrônicos antigos, como dos consoles Sega Genesis, Nintendo Entertainment System e Atari 2600. Para qualquer jogo que o usuário deseje emular, é necessário que ele tenha a ROM <sup>1</sup> do jogo.

Foram utilizados dois ambientes do Gym neste trabalho, o *Frozen Lake* e o *Pong*, e um do Gym-Retro, o *Asteroids*. O *Frozen Lake* é quase igual ao *Gridworld*, com a diferença de haver aleatoriedade nos movimentos, ou seja, é possível o agente escolher mover-se para um lado, mas deslocar-se para outro, e haver apenas duas configurações de mapa pré-existentes: um de quatro linhas por quatro colunas (4x4) e um de oito linhas por oito colunas de espaços (8x8). Para que ele pudesse ser utilizado como um *Gridworld* conforme descrito anteriormente, a aleatoriedade dos movimentos foi removida e mapas personalizados foram criados. O ambiente do *Pong* e do *Asteroids* foram utilizados conforme disponibilizados pelas respectivas ferramentas, que utilizam o emulador de Atari 2600, Stella.

### 1.2.5 TensorFlow

TensorFlow é um arcabouço de código aberto para computações numéricas de alta performance sobre tensores, desenvolvido e mantido pela Google. Seu núcleo de computação numérica flexível permite o uso da biblioteca em diversos campos científicos, oferecendo, em particular, grande suporte a aprendizado de máquina e aprendizado profundo. Esta ferramenta foi escolhida por oferecer uma API em Python estável, ter grande suporte, comunidade ativa, e ser de código aberto.

---

<sup>1</sup> *Read Only Memory*: Memória Somente de Leitura, no contexto de emulação de jogos eletrônicos, é um tipo de arquivo copiado do chip de memória somente de leitura de cartuchos de jogos digitais. Eles são utilizados por emuladores para serem jogados em plataformas diferentes.

## Capítulo 2

# Fundamentos

Para se criar e treinar uma inteligência artificial, diversos arcabouços são necessários. Por um lado, existe a parte teórica e matemática na qual a inteligência se baseia para aprender. Por outro, do lado computacional, existem as bibliotecas que auxiliam no desenvolvimento, efetuando as operações necessárias e, neste trabalho em particular, emulando o ambiente. Este capítulo tem o intuito de familiarizar o leitor com a teoria e técnicas utilizadas na modelagem e treinamento da inteligência artificial deste trabalho.

### 2.1 Redes neurais

Redes neurais artificiais, mais conhecidas como redes neurais, são uma forma de processamento de informação inspirada no funcionamento do cérebro. Assim como o órgão no qual foram baseadas, elas possuem uma grande quantidade de elementos de processamento de informação conectados entre si, chamados de neurônios, que trabalham em conjunto para resolver problemas. Dado que aprendem com exemplos, é considerada uma técnica de aprendizado supervisionado. Elas são muito utilizadas como aproximadoras de funções desconhecidas, que não são facilmente modeláveis matematicamente.

Com os avanços nos estudos dessa técnica nos últimos anos, diversos tipos diferentes de redes neurais foram desenvolvidos, como redes neurais convolucionais, o tipo utilizado neste trabalho, e redes neurais de memória de curto-longo prazo<sup>1</sup> (*Long/Short Term Memory*, LSTM), que não será abordada. Apesar de cada uma ter sua particularidade, redes neurais clássicas possuem duas características principais: a estrutura dividida em **camadas**, e os **neurônios** que as compõe. Existem redes que não são consideradas clássicas pela falta de estrutura em camadas, como Redes de Hopfield (*Hopfield Network*) e Máquinas de Boltzmann (*Boltzmann Machine*), que também não serão discutidas neste trabalho.

As camadas de uma rede neural são compostas por neurônios e podem ser separadas em três categorias: **entrada**, **oculta**, e **saída**. Quando um dado é suprido à rede, ele vem no formato de um vetor de forma que os neurônios da camada de **entrada** recebem seus elementos para serem processados ao longo da rede; as **ocultas** realizam o processamento do dado de entrada; e a de **saída** devolve um vetor de números que representa o resultado da rede neural para a entrada dada. Enquanto o formato da entrada e da saída da rede neural determinam seus respectivos números de neurônios, a quantidade de nós nas camadas ocultas são arbitrários, normalmente definidos por meio de tentativa e erro.

**Neurônios**, ou nós, são funções que recebem, como entrada, a saída de cada neurônio da camada anterior e devolvem um número cujo significado e como são usados variam de acordo com o objetivo da rede. Cada neurônio das camadas ocultas representa uma característica detectada ao longo do treina-

---

<sup>1</sup>Tradução livre feita pelo autor

mento. Se essa característica estiver presente na camada de entrada, então o neurônio correspondente será **ativado**. A ativação de um ou mais neurônios pode levar à ativação de outros neurônios na camada seguinte e assim sucessivamente. A forma mais comum de se utilizá-los em redes neurais é por meio da **combinação linear** dos valores dos neurônios de uma camada seguido por uma **função de ativação**.

Para um neurônio  $n$  de uma camada  $k$ ,  $k > 0$ , que não seja a de entrada, seja  $N$ ,  $N > 0$ , o número de neurônios da camada anterior  $k - 1$ ,  $w_i$ ,  $i = 1, \dots, N$ , o peso do  $i$ -ésimo neurônio da camada  $k - 1$ , e  $a_i$ ,  $i = 1, \dots, N$ , o valor de saída do  $i$ -ésimo neurônio da camada  $k - 1$ . A combinação linear dos neurônios é dada por:

$$w_1 a_1 + w_2 a_2 + \dots + w_n a_n \quad (2.1)$$

Antes de ser passada para a função de ativação, é comum, mas não obrigatório adicionar à somatória 2.1 um viés <sup>2</sup>  $b$ , uma constante que ajuda a melhor aproximar da função desconhecida. A função de ativação realiza uma transformação não-linear no número que recebe como argumento, a soma de 2.1 com o viés neste caso, para mapear seu resultado em um intervalo e determinar se o neurônio  $n$  deve ser ativado ou não. Tanto a transformação quanto a forma de mapear e o intervalo são determinados pela função utilizada.

Esse processo, que consiste em várias multiplicações e adições, precisa ser feito em todos os neurônios das camadas da rede neural, o que pode gerar problemas de ponto flutuante e de tempo de processamento. Portanto, é conveniente realizar esse processo utilizando matrizes, uma vez que existem diversas bibliotecas com funções que otimizam operações matriciais. Para um neurônio  $n$  de uma camada  $k$ ,  $k > 0$ , que não seja a de entrada, seja  $N$ ,  $N > 0$ , o número de neurônios da camada  $k - 1$ ,  $W$  uma matriz tal que  $w_{n,j}$ ,  $j = 1, \dots, N$ , o peso do  $j$ -ésimo neurônio da camada  $k - 1$ ,  $a_{k-1}$  o vetor com os valores de saída dos neurônios da camada  $k - 1$ , e  $b$  o viés. Os valores dos neurônios da camada  $k$  podem ser representados como resultado da seguinte operação:

$$W a_{k-1} + b \quad (2.2)$$

As funções de ativação mais comuns são a sigmoide (curva logística), ReLU (*Rectified Linear Unit*) e ELU (*Exponential Linear Unit*), sendo a sigmoide a mais antiga e a ELU a mais recente.

O próximo passo é entender como os valores dos neurônios e os respectivos pesos são utilizados para tentar devolver a resposta correta. Como rede neural é um tipo de aprendizado supervisionado, os exemplos inseridos nela possuem rótulos, saídas esperadas. Para que o computador saiba o quão próxima sua resposta estava da correta, é definida uma função de erro, também conhecida como função de custo. Naturalmente, quanto maior for o erro, mais incorreta foi a previsão.

Otimizar os pesos de forma a reduzir os erros obtidos com os exemplos parece ser o melhor caminho para melhorar o modelo, mas isso não é necessariamente verdade. Os exemplos utilizados nessa etapa compõe o **conjunto de treinamento**. Se o modelo tiver zero de erro em relação a esse conjunto, ele estará sofrendo de *overfitting*, ou seja, a rede neural se adequa tanto ao conjunto de treinamento que saberá o que fazer apenas nele, estando possivelmente muito diferente da função que se deseja aproximar. Para determinar o grau de *overfitting*, utiliza-se um **conjunto de validação**, exemplos diferentes do treinamento que são supridos à rede neural ocasionalmente e que não são utilizados para atualização dos pesos. Se o erro do conjunto de treinamento diminuir, mas o do conjunto de validação não, então o modelo estará começando a sofrer de *overfitting* e o treinamento deve ser interrompido. Por fim, utiliza-se um **conjunto de testes**, exemplos escolhidos pela mesma distribuição de probabilidade que o conjunto de treinamento para fazer uma avaliação do modelo obtido após o treinamento. Idealmente, um modelo

---

<sup>2</sup>*bias*, em inglês

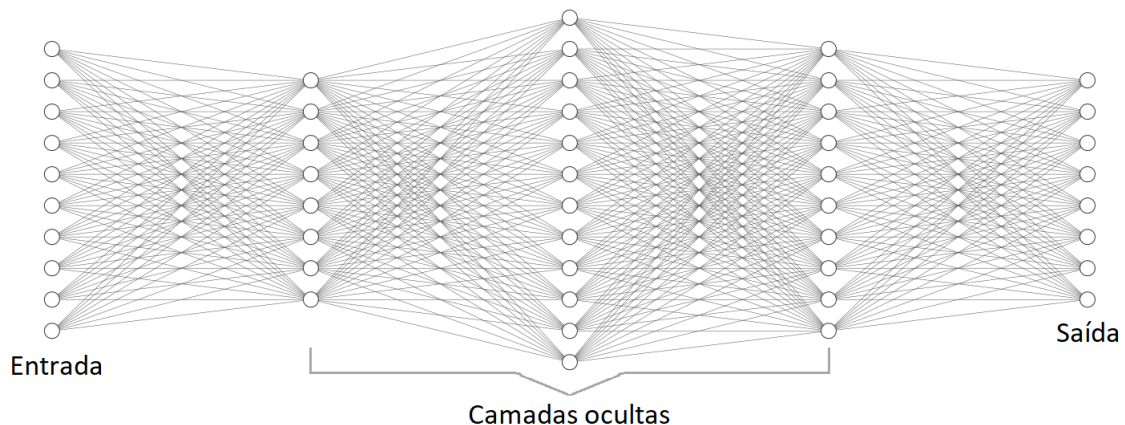
com erro baixo nos três conjuntos não tem problemas de *overfitting* e consegue resolver o problema para o qual foi criado.

De forma resumida, uma rede neural clássica aprende recebendo uma série de números como entrada (exemplo) e devolve uma saída; calcula-se o quão errada essa saída está em relação ao desejado para aquela determinada entrada (rótulo do exemplo), e ajusta os pesos conforme a necessidade para minimizar o erro; se a arquitetura da rede tiver sido contruída adequadamente, a IA deverá aprender a resolver o problema para o qual foi feita após exemplos suficientes serem supridos.

## 2.2 Aprendizado profundo

Como explicado anteriormente, redes neurais podem ser divididas em três tipos distintos de camadas: entrada, ocultas, e saída. Enquanto existe apenas uma camada de entrada e uma de saída, é possível haver mais de uma camada oculta. Se houver muitas ocultas, a rede neural passa a ser chamada de **rede neural profunda**. Atualmente, não existe uma definição exata de quantas camadas são necessárias para uma rede ser classificada como profunda e, mesmo que houvesse, esse número provavelmente mudaria com o passar do tempo.

Uma rede neural profunda que segue o modelo apresentado na seção anterior é chamada de *feedforward* e é o mais típico de *deep learning*. Ele recebe esse nome pois a informação flui da entrada para a saída sem haver conexões de *feedback* para que a previsão seja feita. Este tipo de rede neural forma a base para **redes neurais convolucionais**.

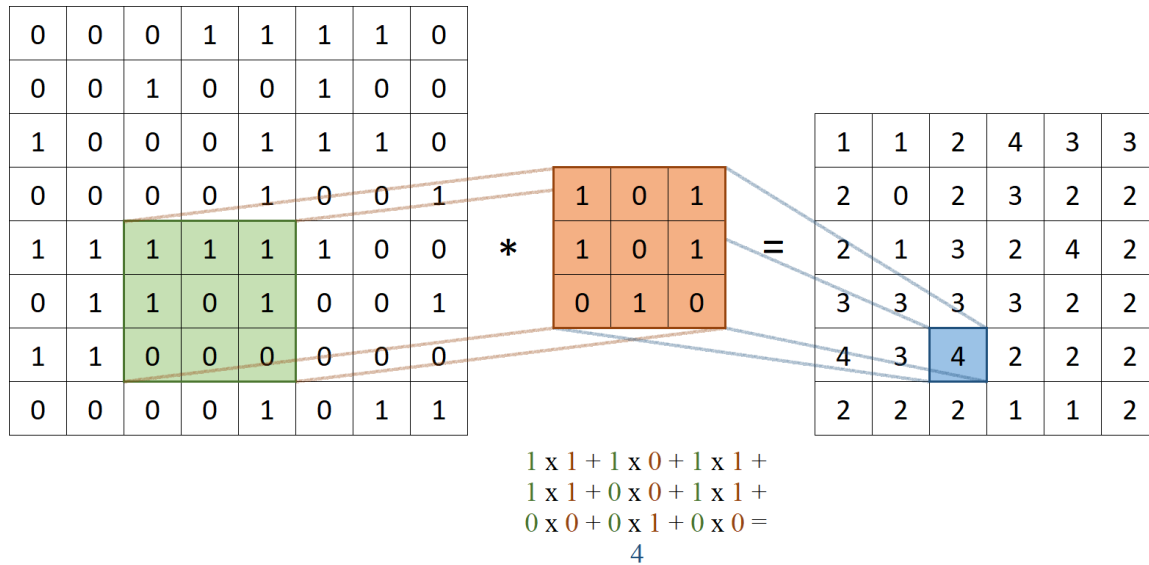


**Figura 2.1:** Esquema de uma rede neural profunda do tipo *feedforward*. Número de nós e camadas arbitrários para melhor representação. Diagrama feito em <http://alexlenail.me/NN-SVG/index.html>

## 2.3 Redes neurais convolucionais

Redes neurais convolucionais (*Convolutional Neural Networks*, CNN) são um tipo de rede neural profunda do tipo *feedforward* especializada em visualização e processamento de imagens. Sendo uma rede neural clássica, ela possui estrutura dividida em camadas que são formadas por neurônios, com apenas as camadas ocultas funcionando de maneira diferente. Elas podem ser de dois tipos diferentes: **convolucionais** ou *fully-connected*. Enquanto as *fully-connected* funcionam conforme descrito na seção 2.1, com todos seus neurônios conectados a todos da camada anterior, as convolucionais operam de uma forma diferente, tendo duas partes principais: a **etapa convolucional**, que dá o nome ao tipo da rede; e a **função de ativação**.

A detecção de características de uma CNN é feita na **etapa convolucional** pelos filtros convolucionais, também chamados de *kernel*, matrizes muito menores que a de entrada, mas com mesmo número de dimensões, que em muitos casos é 3: altura, largura, e canais de cor. Os filtros convolucionais são os elementos básicos no processamento de imagens, pois são responsáveis por aprender e detectar características nas imagens de entrada. Eles são deslizados pela matriz de entrada, realizando o produto escalar com a área sobre a qual estão e criando uma nova matriz chamada de *feature map*. Essa operação é feita para cada filtro e é chamada de convolução. Após os *feature maps* de cada filtro serem feitos, eles são juntados de forma que a saída da camada tem o formato  $N \times M \times D$ , onde  $N$  e  $M$  são a altura e largura do *feature map* e  $D$  é o número de *kernels*. A imagem 2.2 ilustra como convolução ocorre.



**Figura 2.2:** Exemplo de uma convolução. À esquerda, a matriz de entrada para a camada de convolução; no meio, o filtro; e, à direita, o *feature map* formado. Neste exemplo, a entrada possui apenas um canal de cor, sendo, na prática, uma matriz de duas dimensões.

Todos os filtros de uma camada de convolução têm as mesmas dimensões e deslocam-se a mesma quantidade de pixels quando são deslizados para fazer o produto escalar e gerar um ponto do *feature map* correspondente. O número de filtros por camada, seus tamanhos, e a distância que se movem, também chamada de passo, são hiper parâmetros e, portanto, são definidos previamente pelo desenvolvedor da rede. Em seguida, aplica-se a **função de ativação**, em geral a ReLU, em cada elemento de cada *feature map*, resultando na saída da camada convolucional. É comum, mas não obrigatório utilizar *pooling* depois da função de ativação para reduzir o tamanho dos *feature maps* enquanto preserva as informações importantes, mas essa técnica não foi utilizada neste trabalho.

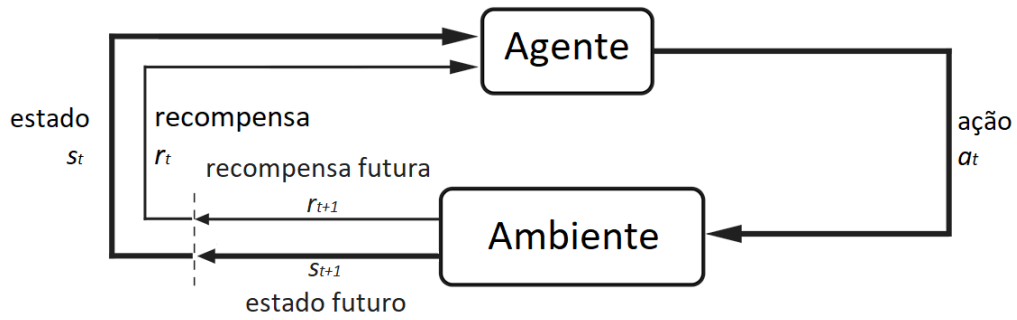
Por fim, a classificação da entrada é feita pela última camada *fully-connected*, que é a de saída, e avaliada como descrito na seção [Redes Neurais](#).

É possível haver mais de uma camada de convolução assim como pode haver mais de uma camada *fully-connected* além da de saída, o que pode ser mais vantajoso, uma vez que aumentar a profundidade da rede, em muitos casos, melhora a predição [GBC16]. Entretanto, não só o custo de tempo e de espaço aumentam, como há um limite para o quão melhor será o desempenho da IA. A partir de um certo ponto, a melhora se torna ínfima em comparação com o tempo despendido e, portanto, deixa de ser benéfico colocar mais camadas.



## 2.4 Processo de Decisão de Markov

Antes de falar sobre aprendizado por reforço, é necessário explicar o que é um **Processo de Decisão de Markov** (*Markov Decision Process* - MDP). Um MDP padrão possui as seguintes propriedades: a probabilidade de se chegar em um estado futuro  $S'$  dado que a inteligência artificial, também conhecida como agente, se encontra no estado  $S$  depende apenas da ação  $A$  tomada nesse estado  $S$ , o que caracteriza a **propriedade Markoviana**; existe um modelo probabilístico que caracteriza essa transição, dado por  $P(S'|S, A)$ ; todos os estados do ambiente e todas as ações que o agente pode tomar em cada estado são conhecidas; e a recompensa é imediatamente recebida após cada ação ser tomada.



**Figura 2.3:** Interação agente-ambiente em um processo de decisão de Markov[SB18]. Adaptação e tradução da imagem original feitas pelo autor.

As probabilidades de o agente tomar cada ação em um dado espaço são definidas por uma política  $\pi$ . A qualidade de uma política é medida por sua **utilidade esperada**, e a política ótima é denotada por  $\pi^*$ . Para calcular  $\pi^*$ , utiliza-se um algoritmo de iteração de valor que computa a utilidade esperada do estado atual: começando a partir de um estado arbitrário  $S$ , tal que seu valor esperado é  $V(S)$ , aplica-se a equação de Bellman até haver convergência de  $V(S)$ , denotado por  $V^*(S)$ , que é usado para calcular a política ótima  $\pi^*(s)$ .

Seja  $i$  a iteração atual,  $S$  o estado atual,  $S'$  o estado futuro,  $A$  a ação tomada no estado atual,  $R(S, A, S')$  a recompensa pela transição do estado  $S$  para o estado  $S'$  por tomar a ação  $A$ , e  $\gamma$  o valor de desconto (valor entre 0 e 1 que determina a importância de recompensas futuras para o agente), temos que:

Equação de Bellman:

$$V^{(i)}(S) = \max_A \sum_{S'} P(S'|S, A) [R(S, A, S') + \gamma V^{(i-1)}(S')] \quad (2.3)$$

$$\lim_{i \rightarrow \infty} V^{(i)}(S) = V^*(S) \quad (2.4)$$

Política gulosa para função valor ótima:

$$\pi^*(s) = \operatorname{argmax}_A \sum_{S'} P(S'|S, A) [R(S, A, S') + \gamma V^*(S')] \quad (2.5)$$

Um processo de decisão de Markov cuja função de probabilidade de transição  $P(S'|S, A)$  ou função de recompensa  $R(S, A, S')$  é desconhecida se torna um problema de **aprendizado por reforço**.

## 2.5 Aprendizado por reforço

Aprendizado por reforço, diferente do supervisionado e de redes neurais por consequência, não recebe exemplos rotulados para saber o quão correta ou incorreta sua resposta está para cada entrada. Ao invés disso, o agente interage com o ambiente e recebe recompensas positivas, negativas ou nulas por suas ações. Seu objetivo é explorar o espaço de estados a fim de aprender a recompensa esperada para cada ação tomada em cada um deles. Dessa forma, ele saberá o que fazer em cada situação do ambiente em que se encontra.

As recompensas esperadas de cada ação em cada estado são armazenadas em uma tabela que deve mapear todas as ações para todos os estados. Isso é possível em domínios simples, como um Jogo da Velha, mas se torna impraticável conforme o espaço de estados aumenta. No caso do *Pong* e do *Asteroids*, os *frames* do jogo são os estados. Um pixel que mude de cor já faz ser um estado completamente diferente do ponto de vista do computador. Em uma tela de 210x160 pixels, com cada pixel armazenando três números que vão de 0 à 255 para determinar sua cor, é evidente não ser possível armazenar na memória um mapeamento das ações para cada um desses estados. Mesmo que não houvesse esse obstáculo computacional, existem situações em que não é possível determinar qual ação retornará a maior recompensa, como na figura 2.4.



**Figura 2.4:** Quando a bola no *Pong* fica fora da tela, não é possível dizer qual a melhor ação a ser tomada por falta de informação ou porque todas terão o mesmo resultado. No *Pong*, não é possível ver a bola somente quando algum dos jogadores marca um ponto, pois ela saiu da tela pelo lado esquerdo ou direito; quando isso ocorre, todas as ações tomadas têm o mesmo resultado, pois é preciso esperar alguns instantes para uma nova bola aparecer e o jogo continuar.

Como dito no final da seção anterior, aprendizado por reforço é um MDP que não utiliza as probabilidades de transição ou a função de recompensa para aproximar a política ótima. No contexto deste trabalho, a política ótima será encontrada utilizando uma variante de ***Q-Learning***, uma técnica de aprendizado por reforço.

## 2.6 *Q-Learning*

Quando não se conhece as probabilidades de transição ou a função de recompensa, informações necessárias para se obter a função valor pela equação de Bellman, é possível estimar  $V(S)$  a partir de observações feitas sobre o ambiente. Logo, o problema passa a ser como extrair a política do agente de uma função valor estimada.

Seja  $Q^*(S, A)$  a função Q-valor<sup>3</sup> que expressa a recompensa esperada de se começar no estado  $S$ , tomar a ação  $A$  e continuar de maneira ótima.  $Q^*(S, A)$  é uma parte da política gulosa para função valor ótima e é dada por:

$$\begin{aligned} Q^*(S, A) &= \sum_{S'} P(S'|S, A) [R(S, A, S') + \gamma V^*(S')] \\ &= \sum_{S'} P(S'|S, A) [R(S, A, S') + \gamma \max_{A'} Q^*(S', A')] \end{aligned} \quad (2.6)$$

Logo, substituindo 2.6 em 2.5, temos que a política gulosa ótima para a função Q-valor ótima é dada por:

$$\pi^*(S) = \operatorname{argmax}_A Q^*(S, A) \quad (2.7)$$

O próximo passo será entender como atualizar a função Q-valor. Supondo que o agente se encontra no estado  $S$  e toma a ação  $A$ , que causa uma transição no ambiente para o estado  $S'$  e gera uma recompensa  $R(S, A, S')$ , como computar  $Q^{(i+1)}(S, A)$  baseado em  $Q^{(i)}(S, A)$  e em  $R(S, A, S')$ , sendo  $i$  o instante atual? Para responder a essa pergunta, duas restrições precisam ser feitas:  $Q^{(i+1)}(S, A)$  deve obedecer, pelo menos de forma aproximada, a equação de Bellman, e não deve ser muito diferente de  $Q^{(i)}(S, A)$ , dado que são médias de recompensas. A seguinte equação responde a essa questão.

Seja  $\alpha$  a taxa de aprendizado (valor entre 0 e 1 que determina o quão importantes informações novas são em relação ao conhecimento que o agente possui),

$$\begin{aligned} Q^{(i+1)}(S, A) &= (1 - \alpha)Q^{(i)}(S, A) + \alpha[R(S, A, S') + \gamma \max_{A'} Q^{(i)}(S', A')] \\ &= Q^{(i)}(S, A) + \alpha[R(S, A, S') + \gamma \max_{A'} Q^{(i)}(S', A') - Q^{(i)}(S, A)] \end{aligned} \quad (2.8)$$

A convergência de  $Q^{(i)}(S, A)$  em  $Q^*(S, A)$  é garantida mesmo que o agente aja de forma subótima contanto que o ambiente seja um MDP, a taxa de aprendizado seja manipulada corretamente, e se a exploração não ignorar alguns estados e ações por completo - ou seja, raramente. Mesmo que as condições sejam satisfeitas, a convergência provavelmente será demasiadamente lenta. Entretanto, é interessante analisar os problemas levantados pela segunda e pela terceira condição que garantem a convergência e maneiras de solucioná-los.

Se a **taxa de aprendizado** for muito alta (próxima de 1), a atualização do aprendizado se torna instável. Por outro lado, se for muito baixa (próxima de 0), a convergência se torna lenta. Uma solução possível para essa questão é utilizar valores que mudam de acordo com o estado: mais baixos em estados que já foram visitados muitas vezes, pois o agente já terá uma boa noção da qualidade de cada ação possível, então há pouco que aprender; e mais altos em estados que foram visitados poucas vezes, pois o agente precisa aprender melhor sobre ele.

Uma vez que a política é gulosa em relação ao Q-valor, o agente sempre tomará a ação que retorna a maior recompensa esperada. Ou seja, a ação escolhida depende do valor da taxa de desconto  $\gamma$ : recompensas imediatas serão mais buscadas se for próximo de 0, enquanto recompensas futuras serão mais valorizadas para valores próximos de 1. Isso é bom somente se todas as recompensas possíveis para aquele estados são conhecidas. Porém, se houver ações não exploradas, o agente pode perder uma recompensa maior do que as que ele já conhece apenas porque ignorou a ação que leva a ela. Essa situação caracteriza o dilema **Exploration versus Exploitation**: é melhor tomar a ação que retorna a maior recompensa ou buscar uma melhor? Da mesma forma que na taxa de aprendizado, uma forma de contornar esse problema é mudar a probabilidade de decidir explorar o ambiente (*explore*) de acordo com a situação.

<sup>3</sup>O nome "Q-valor" vem do valor da qualidade da ação

Conforme o mundo é descoberto, se torna cada vez mais interessante agir de forma gulosa (*exploit*) do que explorar em estados muito visitados, e vice-versa em estados pouco visitados. Esse comportamento pode ser definido por uma função de exploração.

Seja  $P_{ini}$  a probabilidade inicial e  $P_{min}$  a probabilidade mínima de o agente decidir explorar (*explore*) o ambiente,  $decay$  a taxa de decaimento e  $step$  o número de passos dados até o momento. A probabilidade de o agente explorar (*explore*) o ambiente é dada por:

$$P_{explore} = P_{min} + (P_{ini} - P_{min})e^{-step/decay} \quad (2.9)$$

Outro problema enfrentado por *Q-learning* é o de generalização. A política  $\pi^*(S)$  determina a melhor ação a se tomar em cada estado. Logo, utiliza-se uma tabela para armazenar todas essas escolhas. Porém, como mencionado anteriormente, isso se torna inviável para espaços de estado muito grandes. Portanto, se não é possível aprender os Q-valores, o melhor que se pode fazer é tentar achar uma aproximação deles.

## 2.7 Approximate Q-Learning

*Approximate Q-Learning* é o nome dado a um conjunto de métodos de aprendizado por reforço que busca aproximar o Q-valor das ações. Uma técnica comum desse conjunto consiste no uso de **funções lineares** que avaliam características dos estados.

Para lidar com o enorme espaço de estados que alguns ambientes possuem, o agente armazena e aprende apenas algumas propriedades determinadas pelo desenvolvedor, que são funções de valor real, para tomar as decisões. Tais informações são armazenadas em um vetor e cada elemento desse vetor recebe um peso que determina a respectiva importância para que escolhas sejam feitas. Ou seja, a função Q-valor é representada por uma combinação linear das propriedades e é dada da seguinte forma.

Sejam  $f_i(S, A)$  e  $\omega_i$ ,  $i = 1, \dots, n$ , a  $i$ -ésima característica do ambientes detectada pelo agente e seu respectivo peso, ambos representados por números reais.

$$Q(S, A) = \omega_1 f_1(S, A) + \omega_2 f_2(S, A) + \dots + \omega_n f_n(S, A) \quad (2.10)$$

Como o  $V(S')$  é o valor esperado e  $Q(S, A)$  é o valor previsto, a atualização pode ser interpretada como ajustar o Q-valor pela diferença desses dois números. Além disso, como o *approximate Q-learning* faz uma avaliação das características do estado em que o agente se encontra ( $f_i(S, A)$ ) para tomar uma decisão, apenas os pesos ( $\omega_i$ ) precisam ser atualizados.

A atualização do  $k$ -ésimo peso,  $\omega_k$ ,  $k = 1, \dots, n$ , ocorre conforme a equação 2.11 abaixo.

$$\omega_k^{(i+1)}(S, A) = \omega_k^{(i)}(S, A) + \alpha [R(S, A, S') + \gamma V(S') - Q^{(i)}(S, A)] f_k(S, A), k = 1, 2, \dots, n \quad (2.11)$$

Dois grandes vantagens de representar o Q-valor como uma combinação linear são evitar *overfitting*, e ser matematicamente conveniente, ter maneiras convenientes de calcular erro e funções que generalizem as decisões.

Percebe-se neste ponto uma semelhança bem grande com a forma como redes neurais profundas funcionam.

## 2.8 Deep Q-Learning

Agora que as técnicas de aprendizado profundo e de aprendizado por reforço foram apresentadas, falta falar do tipo de aprendizado obtido quando é feita a junção delas, que é o utilizado neste trabalho: **Deep Q-Learning**. Por se tratar de um tipo de aprendizado por reforço, mais precisamente *approximate Q-learning*, a inteligência artificial também será referida como agente.

Dado que o agente deve aprender enxergando a tela e tudo que ele vê são matrizes, a primeira etapa consiste em processar essas informações para poder aprender. Ou seja, o primeiro passo é passar as imagens da tela por uma **rede neural convolucional**. Essa etapa funciona conforme descrito na seção sobre [redes neurais convolucionais](#): as imagens são a entrada, ocorre o processamento nas camadas ocultas e, na camada de saída, cada neurônio tem um valor que determinam a ação tomada. Contudo, calcular o erro é diferente. Como as imagens passadas não são rotuladas, a IA precisa calcular o erro da saída da rede de outra forma, que será utilizando **aprendizado por reforço**. Conforme explicado [anteriormente](#), aprendizado por reforço aprende sem o uso de exemplos rotulados, mas precisa que as características que a IA deve aprender estejam bem definidas. Enquanto tais características são definidas pela rede, o cálculo do erro para a otimização dos pesos é feito pela parte de aprendizado por reforço.

O **cálculo do erro** é feito por funções que retornam valores altos quando o modelo devolve respostas muito distantes da correta, e próximos de zero caso contrário, como o erro quadrático médio, *cross-entropy* e *Huber loss* [Hub64]. Para minimizar o erro, normalmente utiliza-se o módulo do número retornado pela função de erro, para garantir que será positivo, com alguma variação do **método do maior declive**, também conhecido como **método do gradiente** [C1847]<sup>4</sup>, como o RMSProp [HSS14] e o Adam [KB14]. Em matemática, gradiente é uma generalização de derivada para múltiplas variáveis e, portanto, aponta para a direção de maior crescimento da função. O método do gradiente, por outro lado, utiliza o negativo do gradiente para apontar para a direção de maior decréscimo e, por consequência, para um mínimo local.

Seja  $F(x)$  uma função de múltiplas variáveis,  $x_t$  um ponto no instante  $t$  e  $\alpha$  um número real que multiplica o gradiente de  $F(x)$ . Em contexto de aprendizado de máquina,  $F(x)$  é a função de erro,  $x_t$  é o vetor de pesos na  $t$ -ésima iteração e  $\alpha$  é a taxa de aprendizado. A redução do erro é feita atualizando os pesos da seguinte forma:

$$x_{t+1} = x_t - \alpha \nabla F(x_t) \quad (2.12)$$

Intuitivamente, começa-se em um ponto  $x_0$  qualquer e utiliza-se esse algoritmo para deslocar-se para um ponto vizinho  $x_1$  que, se  $\alpha$  for pequeno o suficiente,  $F(x_0) \geq F(x_1)$ . Se isso for feito iterativamente, tem-se  $F(x_t) \geq F(x_{t+1})$  a cada passo. Importante notar que, se o  $\alpha$  for muito alto, a redução do erro é rápida, porém instável ou pode sequer acontecer. Por outro lado, se for muito pequeno, a redução é precisa, mas lenta. A figura 2.5 ilustra essas situações.

## 2.9 Aprimorando o aprendizado

*Deep Q-Learning* é a base para o aprendizado da inteligência artificial deste trabalho, mas esse processo se torna muito demorado conforme o problema se torna mais complexo. Nesta seção, serão apresentadas duas técnicas que ajudam a estabilizar e acelerar o aprendizado do programa: *experience replay* [Lin92] e **alvo fixo** [Mni+15].

---

<sup>4</sup> *Gradient descent*, em inglês



**Figura 2.5:** Se  $\alpha$  for muito alto, a diminuição se torna instável ou pode nem ocorrer (a esquerda); se for muito pequeno, se torna precisa, porém lenta (a direita). Curva representando função de erro desenhada com <https://www.desmos.com/calculator>

### 2.9.1 Experience replay

Estudado inicialmente como um método para acelerar a convergência em aprendizado por reforço, *experience replay* mostrou-se útil para *Deep Q-Learning* por ser uma técnica desse tipo de aprendizagem. Por conta da forma como *Deep Q-Learning* funciona, se a rede aprendesse com os *frames* conforme o agente os vê, a entrada seria composta por estados sequenciais altamente correlacionados. Isso significa que ela se atualizaria apenas com as experiências passadas mais recentes, esquecendo as mais antigas e sobrescrevendo os pesos obtidos no passado. Para contornar esse problema, utiliza-se um *buffer* de memória que armazena uma quantidade pré-determinada de experiências passadas.

Primeiro, o *buffer* de memória é preenchido com  $M$  tuplas  $t$  de formato  $(S, A, R, S', done)$  antes do treinamento, onde  $S$  é o estado atual,  $A$  é a ação tomada no estado  $S$ ,  $S'$  é o estado resultante por se tomar a ação  $A$  no estado  $S$ ,  $R$  é a recompensa obtida pela transição do estado  $S$  para o estado  $S'$  como resultado da ação  $A$ , e  $done$  é uma variável que sinaliza se o agente chegou a um estado terminal. Depois, no treinamento, uma tupla é armazenada na memória a cada passo, enquanto um conjunto de tuplas desse mesmo formato é escolhido aleatoriamente do *buffer* e suprido à CNN para a atualização dos pesos. Dessa forma, o aprendizado ocorre sem o esquecimento de experiências passadas, pois elas são utilizadas para atualização dos pesos a todo momento.

### 2.9.2 Alvo fixo

Para fazer o cálculo do erro da ação tomada, compara-se a saída da rede com um valor alvo dado por

$$Q_T(S, A) = R(S, A, S') + \gamma \max_{A'} Q(S', A') \quad (2.13)$$

Como os mesmos parâmetros da rede são utilizados para gerar sua saída e para calcular o  $Q_T(S, A)$ , quando os ajustes são feitos para reduzir o erro, os dois valores são alterados. Ou seja, a alteração dos pesos tenta aproximar a saída da rede de um alvo que está em movimento, o que gera uma grande oscilação no treinamento, desestabilizando-o. A solução proposta por Mnih et al.(2015) para amenizar esse problema foi utilizar uma segunda rede neural, inicialmente com os mesmos pesos da rede principal, que é atualizada periodicamente ao invés de a cada passo. Com um alvo que se move pouco, os ajustes dos parâmetros se tornam mais estáveis, melhorando o aprendizado.

## Capítulo 3

# Implementação

Antes de apresentar as arquiteturas das redes utilizadas e como os treinamentos foram feitos, serão formalizados os [MDPs](#) que modelam cada ambiente.

- **Gridworld:** Os estados  $S$  são o mapa em que o agente está inserido com o agente em uma das posições possíveis. Portanto, o número de estados existentes é igual ao número de espaços válidos. As ações possíveis  $A$  são mover-se para o espaço acima, abaixo, a direita ou a esquerda. As recompensas  $R(S, A)$  são definidas pelo desenvolvedor do ambiente. No caso deste trabalho, chegar ao objetivo (estado terminal de recompensa positiva) gera uma recompensa de 1000 pontos, chegar a uma armadilha (estado terminal de recompensa negativa) gera uma recompensa de -200 pontos, e estados não-terminais geram recompensas de -1 ponto. As probabilidades de transição  $P(S, A, S')$  são as probabilidades de o agente estar em um determinado espaço do mapa (estado  $S$ ) e, a partir do movimento para algum dos espaços adjacentes (ação  $A$ ), chegar a algum outro espaço do mapa (estado futuro  $S'$ ). Não existe aleatoriedade no movimento do agente, pois ele sempre se desloca para a direção que escolheu, não sendo possível, por exemplo, mover-se para a direita quando a ação de mover-se para cima for escolhida.
- **Pong:** Os estados  $S$  são a tela do jogo, uma matriz de 210x160x3 pixels. A parte "x3" representa o número de canais que conferem cor ao pixel. As ações possíveis  $A$  são mover a barra que o jogador controla para cima ou para baixo. As recompensas  $R(S, A)$  são de +1 ponto se fizer a bola chegar ao fim da tela do lado do oponente e de -1 ponto se a bola chegar ao fim da tela do lado do jogador. As probabilidades de transição  $P(S, A, S')$  são as probabilidades de o jogo estar em um estado  $S$ , por exemplo com a bola sendo rebatida pelo jogador, e transitar para algum outro estado futuro  $S'$ , como marcar um ponto, após tomar uma ação  $A$ , como mover a barra para cima. *Pong* é um jogo determinístico no sentido que não existe aleatoriedade na consequência das ações do jogador: se a bola colidir com a barra sempre no mesmo lugar, ela sempre será retornada na mesma direção com a mesma velocidade; marcar ponto sempre aumenta a pontuação do jogador em um. Por outro lado, existe um oponente contra o qual se está jogando e cujo comportamento configura um elemento de aleatoriedade no ambiente. Além disso, o jogador não conseguir rebater a bola como gostaria por falta de precisão também se aproxima de um elemento desse tipo.
- **Asteroids:** Os estados  $S$  são os *frames* do jogo que tem 210x160x3 pixels, cada um com três canais que determinam sua cor e intensidade, assim como no *Pong*. As ações possíveis  $A$  são mover-se para frente, girar no sentido horário, girar no sentido anti-horário, mover-se no hiper-espaço (se teletransportar para algum lugar aleatório da tela), e atirar para frente. As recompensas  $R(S, A)$  são de 20 pontos por destruir um asteroide grande, 50 pontos por destruir um médio e 100 pontos

por destruir um pequeno, podendo ser obtidas tanto atirando neles quanto colidindo, não havendo recompensa negativa (penalidade) por perda de vidas. As probabilidades de transição  $P(S, A, S')$  são as probabilidades de o jogo estar em um estado  $S$ , por exemplo o inicial em que o jogador tem zero pontos e todas as vidas, e transitar para algum outro estado futuro  $S'$ , como destruir algum asteroide e receber pontos por isso, após tomar uma ação  $A$ , como atirar para frente. Assim como em *Pong*, *Asteroids* é um jogo determinístico no sentido que não existe aleatoriedade na consequência das ações do jogador: se ele fizer um disparo, o tiro seguirá reto durante um certo tempo até desaparecer ou atingir um asteroide; cada tamanho de asteroide sempre aumenta a pontuação do jogador pela mesma quantidade quando destruído. Os fatores mais próximos de aleatoriedade existentes no jogo são o jogador ignorar, desconhecer, abstrair e/ou não perceber partes do jogo, como a posição dos asteróides.

## 3.1 Arquiteturas das redes

Com o MDP de cada ambiente formalizado, serão descritas as arquiteturas utilizadas nos três ambientes abordados neste trabalho e, em seguida, os respectivos treinamentos feitos.

### 3.1.1 *Gridworld*

Por ter poucos estados e ações possíveis em comparação com o *Pong* e o *Asteroids*, a arquitetura da rede do *Gridworld* foi muito simples. A rede neural convolucional utilizou uma camada de convolução seguida por uma *fully-connected*, a de saída. A convolucional tinha 8 filtros de tamanho 2x2, passo 1, função de ativação ReLU e inicializador de Xavier [GB10], enquanto a *fully-connected* tinha um nó de saída para cada ação possível, ou seja, um vetor de tamanho 4, sem função de ativação e inicializada com zeros. O cálculo de erro foi feito pela função *Huber loss* [Hub64] e a otimização pela função *Root Mean Square Propagation*, mais conhecida como RMSProp [HSS14]. A taxa de aprendizado  $\alpha$  foi igual a 0.05; e o *momentum*, variável que indica o quanto gradientes anteriores devem ser considerados para determinar a direção do movimento, foi igual a 0.1.

### 3.1.2 *Pong*

A arquitetura da rede do *Pong* precisou ser mais elaborada para que o agente pudesse obter sucesso. Foram utilizadas três camadas de convolução e duas camadas *fully-connected*, sendo a segunda delas a de saída. A primeira convolucional tinha 32 filtros de tamanho 8x8 e passo 4; a segunda tinha 64 filtros de tamanho 4x4 e passo 2; e a terceira tinha 64 filtros de tamanho 3x3 e passo 1. A primeira *fully-connected* tinha vetor de saída de tamanho 256; e a segunda tinha um nó de saída para cada ação possível, ou seja, um vetor de tamanho 2. Todas as camadas utilizaram função de ativação ReLU, com exceção da segunda *fully-connected* que não usou nenhuma, e inicializador de He <sup>1</sup> [He+15] para os pesos. O cálculo de erro foi feito pela função *Huber loss* e a otimização dos pesos pelo RMSProp. A taxa de aprendizado  $\alpha$  foi igual a 0.00025; o *momentum* foi igual a 0.1; e  $\epsilon$ , variável que impede a divisão por zero no cálculo feito pelo RMSProp, foi igual a 0.1.

### 3.1.3 *Asteroids*

O *Asteroids* foi testado com diversas arquiteturas diferentes, mas sem sucessos. Tentou-se utilizar diferentes números de camadas ocultas, número de filtros, tamanhos e passos, funções inicializadoras e

<sup>1</sup>No TensorFlow, esse inicializador é chamado pela função `variance_scaling_initializer()`



ativadoras, unidades de saída nas camadas *fully-connected*, funções de erro, de otimização e de exploração, taxas de aprendizado, de desconto e de atualização da rede alvo, assim como outras configurações externas à rede neural, como tamanho dos *mini-batches*, do *buffer* de memória e número de episódios de treinamento. Por conta da grande gama de hiper-parâmetros a serem ajustados e o tempo consumido para treinar, os testes com este ambiente foram os mais longos.

Para poder demonstrar um exemplo de resultados de treinamento para o capítulo [Resultados](#), foram registrados os resultados de um treinamento cuja rede neural tinha três camadas de convolução e duas *fully-connected*, sendo a segunda delas a de saída. A primeira convolucional tinha 48 filtros de tamanho 8x8 e passo 4; a segunda tinha 96 filtros de tamanho 4x4 e passo 2; e a terceira tinha 96 filtros de tamanho 3x3 e passo 1. A primeira *fully-connected* tinha vetor de saída de tamanho 512; e a segunda tinha um nó de saída para cada ação possível, ou seja, um vetor de tamanho 5. Assim como na rede do *Pong*, foi utilizada função de ativação ReLU em todas as camadas com exceção da segunda *fully-connected*, e inicializador de He para os pesos. O cálculo de erro foi feito pela função *Huber loss* e a otimização dos pesos pelo RMSProp. A taxa de aprendizado  $\alpha$  foi igual a 0.00025; o *momentum* foi igual a 0.95; e  $\epsilon$  igual a 0.1.

## 3.2 Experimentos

Os experimentos compõe a maior parte do trabalho por poderem levar alguns minutos, no caso do *Gridworld*, ou várias horas, podendo passar de um dia para o outro, como no caso do *Pong* e do *Asteroids*.

### 3.2.1 *Gridworld*

Por ser um ambiente com um número baixo de estados e ações possíveis, a arquitetura da rede neural pôde ser simples, com poucas camadas convolucionais e *fully-connected*, com poucos nós cada uma. Como resultado dessa baixa complexidade, foi possível realizar milhares de episódios de treinamento em poucas horas. Além disso, foi mais fácil analisar o aprendizado por ter poucos estados bem definido e por haver soluções evidentes de como chegar ao objetivo. A análise do sucesso do agente foi feita pela sua capacidade de conseguir chegar à recompensa positiva do mapa. O número de vezes que ele conseguiu chegar ao objetivo ao longo dos episódios de treinamento foi considerado como menos importante para avaliar o desempenho do aprendizado, pois há uma alta probabilidade de se tomar uma ação aleatória, de 40%.

O [mapa](#) utilizado para os experimentos tinha tamanho de 10x10, oito armadilhas espalhadas, o agente começava no canto superior esquerdo e o objetivo encontrava-se no canto inferior direito.

Foram 2000 episódios de treinamento, cada um com limite de 200 ações tomadas antes de o episódio ser terminado automaticamente; *mini-batches* de tamanho 200; taxa de desconto  $\gamma$  igual a 0.9; *buffer* de memória de tamanho 200 preenchido previamente com 200 ações tomadas aleatoriamente; e atualização da [rede alvo](#) feita a cada 200 passos. O dilema *exploration versus exploitation* utilizou  $P_{ini} = 0.9$ ,  $P_{min} = 0.4$  e  $decay = 200$ .

### 3.2.2 *Pong*

No caso do *Pong*, os treinamentos foram mais demorados, com episódios levando alguns minutos e passando várias horas para se perceber alguma melhoria no aprendizado uma vez que o espaço de estados é muito maior. Além disso, existem diversos momentos em que não há uma ação ótima bem definida a se tomar, como nos momentos em que a bola está se deslocando na direção do lado do adversário ou quando ela sai da tela, marcando ponto para um dos jogadores. Como os episódios só terminam quando um dos lados consegue 21 pontos (ou o número máximo de passos é excedido, o que não aconteceu neste

trabalho), a avaliação foi feita pela pontuação obtida pelo agente ao final de cada episódio e da partida realizada após o treinamento, em que foram tomadas apenas ações ótimas segundo o modelo construído: o mínimo possível é de -21 pontos, com o adversário marcando 21 pontos e o agente nenhum, e o máximo é de 21 pontos, sendo a situação oposta.

Como este ambiente é muito mais complexo que o *Gridworld*, os *frames* da tela do jogo passam por uma etapa de pré-processamento para reduzir o tempo de processamento pela rede neural. Primeiro, eles são convertidos para escalas de cinza. Em seguida, partes que não agregam informação para a IA conseguir jogar, como a área da pontuação, são removidas. Por fim, o que restou do *frame* é redimensionado para o tamanho 84x84 pixels. Para que o agente possa perceber o movimento dos objetos na tela, os últimos quatro *frames* vistos são inseridos em uma fila e supridos à rede de forma que a entrada tem formato 84x84x4.

O agente foi treinado por 298 episódios, o que equivale a aproximadamente um milhão de *frames*, cada um com limite de 18000 ações antes de o episódio ser terminado automaticamente; *mini-batches* de tamanho 32; taxa de desconto  $\gamma$  igual a 0.99; *buffer* de memória de tamanho 1000000 preenchido previamente com 50000 ações tomadas aleatoriamente; e atualização da rede alvo feita a cada 10000 ações. O dilema *exploration versus exploitation* utilizou  $P_{ini} = 1.0$ ,  $P_{min} = 0.1$  e  $decay = 20000$ .

Para acelerar o treinamento, foi utilizada uma técnica de pular *frames* [Bel+12] para economizar tempo. Ela consiste em o agente escolher uma ação a cada 4 *frames* e repeti-la nos três seguintes, ao invés de calcular qual a melhor em cada um deles, uma vez que é mais rápido avançar o emulador em um *frame* do que o agente selecionar uma ação. Esse comportamento é próprio do ambiente <sup>2</sup> utilizado, não havendo partes do código destinada a isso.

### 3.2.3 Asteroids

Por fim, *Asteroids* foi o ambiente em que mais experimentos foram feitos por conta do maior número de alterações feitas nos hiper-parâmetros e nas etapas do aprendizado. Assim como no *Pong*, os treinamentos levaram várias horas, chegando a passar de um dia para o outro em algumas ocasiões. O espaço de estados é mais complexo também, com mais informações na tela em cada instante e mais ações disponíveis. A análise de sucesso foi feita de forma semelhante ao *Pong*: pela pontuação obtida ao longo do treinamento e pelo modelo construído no final. Neste ambiente, a pontuação poderia assumir qualquer valor maior ou igual a zero dentro das restrições de tempo que cada episódio tinha. Uma vez que perder vida não gera recompensa negativa e colisão com asteróides gera pontos por sua destruição, a pontuação mínima que o agente poderia obter, sem exceder o número de passos definido, é de 80 pontos, que corresponde a destruição de quatro asteróides grandes por colisão com a nave.

Assim como no *Pong*, houve uma etapa de pré-processamento dos *frames* da tela do jogo que consistiu em convertê-los para escalas de cinza, remover partes sem informações relevantes da tela, redimensionar para um tamanho menor, e enfileirar para que o agente percebesse movimento, resultando em uma entrada de formato 84x84x4 para a rede neural.

O agente foi treinado por 100 episódios, o que corresponde a aproximadamente um milhão de *frames*, assim como no *Pong*, cada um com limite de 100000 ações tomadas por episódio antes de ser terminado automaticamente; *mini-batches* de tamanho 64; taxa de desconto  $\gamma$  igual a 0.99; *buffer* de memória de tamanho 1000000 preenchido previamente com 500 ações tomadas aleatoriamente; e atualização da rede alvo feita a cada 10000 ações. O dilema *exploration versus exploitation* utilizou  $P_{ini} = 1.0$ ,  $P_{min} = 0.1$  e  $decay = 20000$ .

Assim como no *Pong*, a técnica de pular *frames* foi utilizada, mas a escolha de ação foi feita a cada 3 *frames* ao invés de 4, pois a nave e os tiros aparecem em *frames* intercalados com os dos asteroides. Fazer

---

<sup>2</sup>PongDeterministic-v4 do Gym

a decisão de qual ação tomar a cada 3 *frames* permite que tanto a nave e os tiros quanto os asteroides sejam vistos pelo agente. Não existe um ambiente de *Asteroids* com esse comportamento no Gym-Retro, então essa técnica foi implementado no código.

### 3.2.4 Pseudocódigo

Apesar de cada ambiente ter suas particularidades nos treinamentos, como número de episódio e tamanho dos *mini-batches*, todos os treinamentos seguiram o mesmo formato. Seja *DQN* o nome da classe que possui a rede neural DQN e as operações de cálculo de erro e de otimização de pesos, *TN* o nome da rede alvo (*Target Network*) para a técnica *alvo fixo*, *N* o número de tuplas  $(S, A, R, S', done)$  inseridas no *buffer* de memória antes do treinamento começar, *M* o número de episódios de treinamento, e  $\tau$  o número de passos entre atualizações dos pesos da *TN*. As linhas marcadas com um asterisco não são executadas no *Gridworld*, uma vez que as entradas para a rede neste ambiente não necessitam de pré-processamento. As linhas marcadas com dois asteriscos, são executadas apenas pelo *Asteroids*, que compõe a técnica de pular *frames* descrita anteriormente. O pseudocódigo do treinamento encontra-se a seguir.

---

*Deep Q-Learning* com *Experience Replay* e alvo fixo

---

```

inicializa DQN e TN com pesos inicializados pelo inicializador de He;
inicializa o buffer de memória B;
inicia o ambiente e recebe estado inicial  $X_0$ ;
* cria  $X_0^p = X_0$  pré-processado;
* cria fila  $S_0 = \{X_0^p, X_0^p, X_0^p, X_0^p\}$ ;
para  $n = 0$  até  $N$  faça
    executa uma ação aleatória  $A_n$ ;
    recebe a recompensa  $R_n$ , estado seguinte  $X_{n+1}$  e variável done;
    se for estado terminal então
         $S_{n+1} \leftarrow$  vetor do formato de  $S_n$  preenchido com zeros;
        adiciona tupla  $(S_n, A_n, R_n, S_{n+1}, done)$  a B;
        reinicia o ambiente e recebe estado inicial em  $X_{n+1}$ ;
    * cria  $X_{n+1}^p = X_{n+1}$  pré-processado;
    * cria fila  $S_{n+1} = \{X_{n+1}^p, X_{n+1}^p, X_{n+1}^p, X_{n+1}^p\}$ ;
    senão
    * cria  $X_{n+1}^p = X_{n+1}$  pré-processado;
    * atualiza  $S_n$ , removendo o elemento do começo da fila e inserindo  $X_{n+1}^p$  no final, como  $S_{n+1}$ ;
    adiciona tupla  $(S_n, A_n, R_n, S_{n+1}, done)$  a B;
     $S_n \leftarrow S_{n+1}$ ;
para  $m = 0$  até  $M$  faça
    reinicia o ambiente e recebe estado inicial  $X_0$ 
    * cria  $X_0^p = X_0$  pré-processado;
    * cria fila  $S_0 = \{X_0^p, X_0^p, X_0^p, X_0^p\}$ ;
    passo  $\leftarrow 0$ ;
    enquanto número máximo de passos não for excedido faça
        passo  $\leftarrow$  passo + 1 ;
    ** se passo % 3  $\neq$  1 então
    **     repete última ação tomada e passa para a próxima iteração do "enquanto";
    escolhe uma ação  $A_m$  aleatoriamente com probabilidade  $\epsilon$ ;
    caso contrário, seleciona a melhor ação  $A_m$  segundo a rede neural;
    executa ação  $A_m$ ;
    recebe a recompensa  $R_m$ , estado seguinte  $X_{m+1}$  e variável done;
    se for estado terminal então
         $S_{m+1} \leftarrow$  vetor do formato de  $S_m$  preenchido com zeros;
        adiciona tupla  $(S_m, A_m, R_m, S_{m+1}, done)$  a B;
        reinicia o ambiente e recebe estado inicial em  $X_{m+1}$ ;
    * cria  $X_{m+1}^p = X_{m+1}$  pré-processado;
    * cria fila  $S_{m+1} = \{X_{m+1}^p, X_{m+1}^p, X_{m+1}^p, X_{m+1}^p\}$ ;
    senão
    * cria  $X_{m+1}^p = X_{m+1}$  pré-processado;
    * atualiza  $S_m$ , removendo o elemento do começo da fila e inserindo  $X_{m+1}^p$  no final, como  $S_{m+1}$ ;
    adiciona tupla  $(S_m, A_m, R_m, S_{m+1}, done)$  a B;
     $S_m \leftarrow S_{m+1}$ ;
    seleciona um mini-batch do buffer de memória;
    calcula o valor alvo  $Q_T$ ;
    calcula o erro do mini-batch;
    otimiza os pesos e atualiza a rede neural;
    se  $\tau$  passos tiverem passados desde a última atualização de TN então
        atualiza os pesos de TN;

```

---

## Capítulo 4

# Resultados

Os resultados foram parcialmente como o esperado. Neste capítulo, serão descritos os resultados e porque estiveram ou não dentro das expectativas. Por conta da natureza de cada ambiente e de seus resultados, formas diferentes de avaliação foram aplicadas.

### 4.1 *Gridworld*

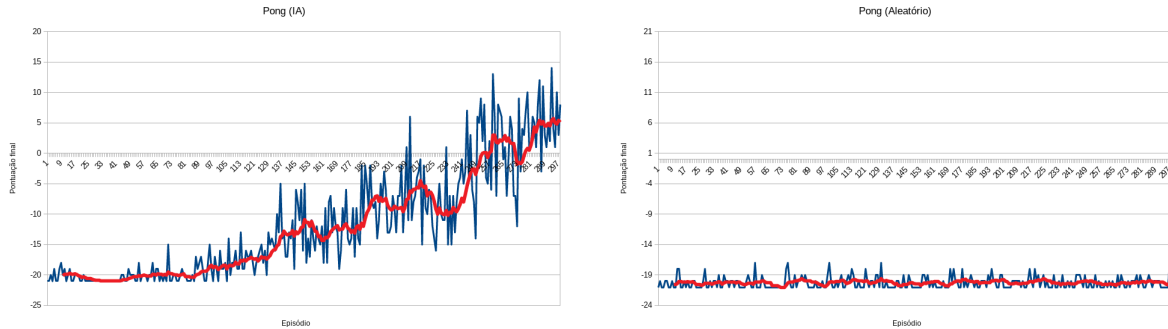
O agente se saiu bem no ***Gridworld*** conforme as expectativas, consistentemente encontrando um caminho para o objetivo com diferentes arquiteturas que não fossem drasticamente diferentes, mesmo que elas não tenham sido ótimas. A tabela abaixo apresenta a proporção média de vezes que o agente treinado por *Deep Q-Learning* e que um aleatório chegaram ao objetivo. Para o agente treinado, o número foi obtido após ele passar por cinco treinamentos de 2000 episódios cada no mapa de tamanho 10x10 apresentado anteriormente. O modelo final conseguiu fazer o agente chegar ao objetivo quatro vezes e exceder o número máximo de ações uma vez, pois chegou a uma célula da qual não conseguiu sair já que as melhores ações tomadas eram ir em direção às paredes adjacentes. Para o agente aleatório, o número foi obtido após 10000 tentativas de se chegar ao objetivo, equivalente ao número de episódios que o agente treinado teve para chegar ao objetivo.

Jogador	% de chegadas ao objetivo
Aleatório	1.74%
DQL	66.15%

Alguns experimentos diferentes, mas menos aprofundados, com menos treinamentos indicaram que número e posicionamento de armadilhas, e tamanho da *grid* têm considerável influência no modelo construído. Por um lado, o agente encontrou caminhos até o objetivo com mais velocidade e consistência, uma vez que há menos estados a serem explorados e calculados. Por outro, a quantidade de armadilhas e locais em que são colocadas tiveram maior impacto no aprendizado; quando há muitas armadilhas ou ficam muito próximas do objetivo, tornou-se mais comum o agente não conseguir alcançá-lo, pois ele tenta evitar as recompensas negativas a ponto de ficar preso em *loops* entre alguns estados ou tentar mover-se contra uma parede. Esses problemas poderiam ser resolvidos com a escolha de hiper-parâmetros melhores.

## 4.2 Pong

*Pong* mostrou uma arquitetura bem mais sensível, com pequenas alterações nos hiper-parâmetros fazendo o aprendizado se tornar muito mais lento ou sequer acontecer. Mesmo assim, os resultados se mostraram promissores dado tempo suficiente para o agente treinar e aprender.



**Figura 4.1:** A imagem da esquerda mostra a pontuação ao longo do aprendizado e a da direita de um agente aleatório, ambos ao longo de 298 episódios, o que corresponde a aproximadamente um milhão de *frames*. Cada episódio corresponde a uma partida. A linha azul é a pontuação por episódio enquanto a vermelha é a média dos últimos 10 episódios.

O crescimento lento, mas estável da pontuação total obtida por episódio reflete a capacidade do agente de aprender, ainda que com dificuldade, a se comportar neste ambiente de maneira positiva.

Nos experimentos, foram coletadas a pontuação final média obtida por uma pessoa experiente jogando com o mouse no emulador Stella, por um agente jogando aleatoriamente, e pela inteligência artificial treinada, cada um jogando cinco partidas contra a inteligência artificial padrão do jogo.

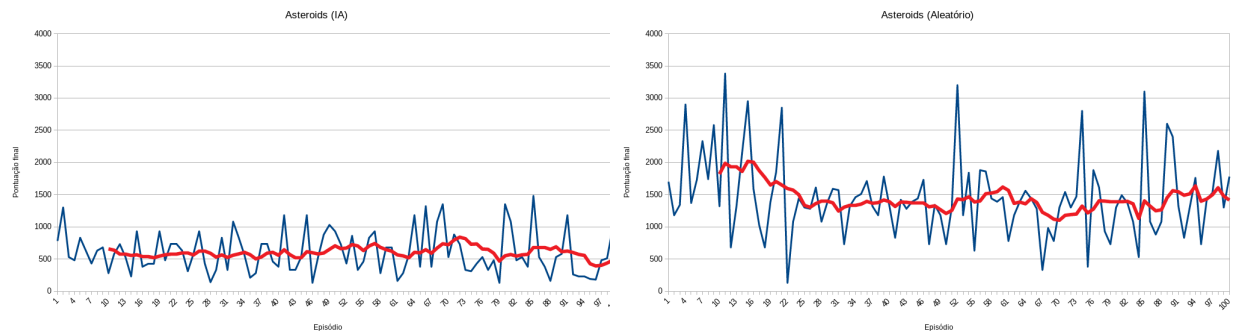
Jogador	Pontuação média
Humano	7
Aleatório	-20.27
DQL	21

## 4.3 Asteroids

O agente não obteve resultados positivos em *Asteroids* ao longo dos vários testes feitos. Apesar de ser um ambiente propício para o aprendizado por *Deep Q-Learning*, tendo todas as informações claras na tela, ações bem definidas e recebimento de recompensas simples e consistente, o agente teve grande dificuldade em conseguir aprender. Por conta dessas características, esperava-se que ele conseguisse aprender a se comportar nesse domínio, ainda que com dificuldade.

O gráfico abaixo foi obtido ao utilizar a arquitetura de rede e treinamento descritos no capítulo [Implementação](#) e exemplifica a pontuação obtida pelo agente nos treinamentos pelos quais passou, comparando com a pontuação obtida por um agente aleatório.

Percebe-se que o agente não conseguiu aprender ou sequer mostrar indícios de melhoria mesmo com um tempo de aprendizado (em *frames*) próximo do *Pong*. Nos experimentos, foram coletadas a pontuação final média de uma pessoa sem experiência, de um agente jogando aleatoriamente e da inteligência artificial treinada, cada um jogando cinco partidas. A pontuação de jogadores experientes não foi considerada por estar muito acima, passando com facilidade dos 30000 pontos, não sendo um bom parâmetro de comparação.



**Figura 4.2:** A imagem da esquerda mostra a pontuação ao longo do aprendizado e a da direita de um agente aleatório. A linha azul indica a pontuação final do agente nos episódios enquanto a vermelha indica a média da pontuação final dos 10 episódios anteriores.

Jogador	Pontuação média
Humano	1943.3
Aleatório	1458.1
DQL	607.8





## Capítulo 5

# Conclusão

Motivado pelo interesse em uma técnica de aprendizado de máquina não visto nas disciplinas de inteligência artificial da graduação, este trabalho buscou conhecer, estudar e explorar uma das formas utilizadas para ensinar um agente a se comportar em um domínio utilizando apenas imagens como entrada. Os ambientes de características e graus de complexidade distintos permitiram avaliar as capacidades e dificuldades que essa técnica apresenta, com resultados que refletiram as expectativas ainda que apenas em parte. Mesmo a falta de sucesso serviu como elemento de análise para este estudo.

O *Gridworld* apresentou sucesso consistente em encontrar um caminho até o objetivo. Isto estava dentro do esperado por conta da baixa dimensionalidade do problema: existem poucos estados, regras e ações disponíveis, e não há aleatoriedade. Há poucas informações para o agente aprender, podendo inclusive ser resolvido por técnicas mais simples sem grandes problemas.

O *Pong* já se mostrou mais complicado. Ainda que seu aprendizado tenha sido promissor para os hiper-parâmetros utilizados, ele foi lento e a arquitetura mostrou-se bem sensível, podendo não conseguir aprender por causa de pequenas alterações. Por possuir um espaço de estados bem maior que o *Gridworld*, mas bem menos situações diferentes e ações disponíveis que o *Asteroids*, esse resultado refletiu o grau de complexidade médio do ambiente neste trabalho: possível, mas precisa ser feito com cuidado. Um fato interessante é que, apesar de ainda haver espaço para o agente aprender, como é possível perceber no [gráfico de pontuação final do agente](#), ele obteve 21 pontos em média contra a IA nativa do jogo quando o modelo foi colocado a prova, o que significa que não deixou a bola passar nenhuma vez.

Por fim, o *Asteroids* não apresentou resultados promissores. Sendo o ambiente mais complexo dos três, com mais regras e ações para se aprender e uma variedade maior de estados possíveis, o agente não conseguiu criar um modelo que conseguisse uma pontuação boa com as arquiteturas testadas. Existem diversas técnicas que aceleram o aprendizado de *Deep Q-Learning* e que poderiam ser aplicadas neste ambiente para tentar obter resultados positivos, como *Double Deep Q-Learning* [HGS15], *Dueling Deep Q-Learning* [WFL15] e *Rainbow* [Hes+17]. Entretanto, isso seria uma garantia somente se um conjunto de hiper-parâmetros e funções boas fosse utilizado, o que já é um obstáculo por si só considerando a quantidade que existe para serem ajustados e o tempo consumido pelos treinamentos.

*Deep Q-Learning* apresentou resultados positivos em comparação com o que se esperava. Sua dificuldade de uso e tempo consumido são compensados pela capacidade de resolver problemas complexos sem que informações específicas do ambiente sejam utilizadas, como velocidade e direção de movimento de objetos da tela como da bola no *Pong* ou dos asteroides no *Asteroids*.



# Referências Bibliográficas

- [SB18] Sutton, R. S., Barto, A. G. *Reinforcement learning: an introduction*. 2nd ed. The MIT Press, 2018. ISBN: 9780262039246 9
- [HSS14] Hinton, G., Srivastava N., Swersky K. Aula 6.5 - Divide the gradient by running average of its recent magnitude. *COURSERA: Neural Networks for Machine Learning*, 4(2): 26–31. 13, 16
- [KB14] Kingma, D. P., Ba, J. *Adam: A Method for Stochastic Optimization*. Em: *CoRR* (dez. de 2014). ISSN: 1412.6980. 13
- [Mni+13] Mnih, V., Kavukcuoglu, K., Silver, D., Graves, A., Antonoglou, I., Wierstra, D., Riedmiller, M. A. *Playing Atari with Deep Reinforcement Learning*. Em: *CoRR* (dez. de 2013). ISSN: 1312.5602. 1
- [Hub64] Huber, P. J. *Robust Estimation of a Location Parameter*. Em: *Ann. Math. Statist.* 35 (mar. de 1964), no. 1, pp. 73–101. DOI: [10.1214/aoms/1177703732](https://doi.org/10.1214/aoms/1177703732). URL: <https://doi.org/10.1214/aoms/1177703732> 13, 16
- [He+15] He, K., Zhang, X., Ren, S., Sun, J. *Delving Deep into Rectifiers: Surpassing Human-Level Performance on ImageNet Classification..* Em: *CoRR* (fev. de 2015). ISSN: 1502.01852. 16
- [Lin92] Lin, L.J. *Self-improving reactive agents based on reinforcement learning, planning and teaching..* Em: *Machine Learning* 8(3–4) (mai. de 1992), pp. 293–321. ISSN: 1573-0565. DOI: [10.1007/BF00992699](https://doi.org/10.1007/BF00992699). URL: <https://doi.org/10.1007/BF00992699> 13
- [GB10] Glorot, X., Bengio Y. *Understanding the difficulty of training deep feedforward neural networks..* Em: *Proceedings of the Thirteenth International Conference on Artificial Intelligence and Statistics* 9 (mai. de 2010), pp. 249–256. URL: <http://proceedings.mlr.press/v9/glorot10a.html>. 16
- [Bel+12] Bellemare, M. G., Naddaf, Y., Veness, J., Bowling, M. *The Arcade Learning Environment: An Evaluation Platform for General*. Em: *CoRR* 47 (jun. de 2013), pp. 253–279. ISSN: 1207.4708. URL: <https://dblp.org/rec/bib/journals/corr/abs-1207-4708>. 18
- [HGS15] van Hasselt, H., Guez, A., Silver, D. *Deep Reinforcement Learning with Double Q-Learning*. Em: *CoRR* (set. de 2015). ISSN: 1509.06461. URL: <https://dblp.org/rec/bib/journals/corr/HasseltGS15>. 25
- [WFL15] Wang, Z., de Freitas, N., Lanctot, M. *Dueling Network Architectures for Deep Reinforcement Learning*. Em: *CoRR* (nov. de 2015). ISSN: 1511.06581. URL: <https://dblp.org/rec/bib/journals/corr/WangFL15>. 25
- [Hes+17] Hessel, M., Modayil, J., van Hasselt, H., Schaul, T., Ostrovski, G., Dabney, W., Horgan, D., Piot, B., Azar, M. G., Silver, D. *Rainbow: Combining Improvements in Deep Reinforcement Learning*. Em: *CoRR* (out. de 2017). ISSN: 1710.02298. URL: <https://dblp.org/rec/bib/journals/corr/abs-1710-02298>. 25
- [GBC16] Goodfellow, I., Bengio, Y., Courville, A. *Deep Learning*. The MIT Press, 2016. Seção 6.4.1, página 197. URL: <http://www.deeplearningbook.org/>. Último acesso em 06 de janeiro de 2019. 8
- [Mot+95] Mott, B. W., Anthony, S., The Stella Team. *Stella: A Multi-Platform Atari 2600 VCS Emulator*. URL: <https://stella-emu.github.io/>. Último acesso em 05 de janeiro de 2019. 3

- [C1847] Cauchy, A. *Méthode générale pour la résolution de systèmes d'équations simultanées*. Em: *Compte rendu des séances de l'académie des sciences* (1847), pp. 536–538. 13
- [Mni+15] Mnih, V., Kavukcuoglu, K., Silver, D., Rusu, A. A., Veness, J., Bellemare, M. G., Graves, A., Riedmiller, M., Fidjeland, A. K., Ostrovski, G., Petersen, S., Beattie, C., Sadik, A., Antonoglou, I., King, H., Kumaran, D., Wierstra, D., Legg, S., Hassabis, D. *Human-level control through deep reinforcement learning*. Em: *Nature* (518) (fev. de 2015), pp. 529–533. DOI: 10.1038/nature14236. URL: <https://doi.org/10.1038/nature14236>. 14, 13