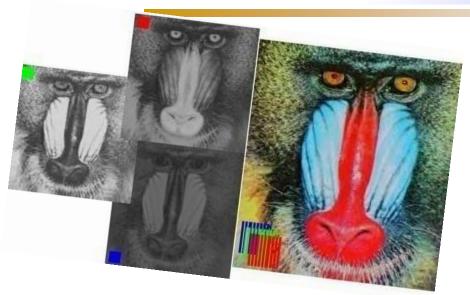
Prof. Dr. Leandro Alves Neves

Pós-graduação em Ciência da Computação



Aula 11

Processamento Digital de Imagens

^E Sumário

Representação, Descrição e Análise de Textura

- Conceitos
- Tipos
- Análise de Textura
 - Medida Estatística de Primeira Ordem
 - Medida Estatística de Segunda Ordem
 - Comprimento de Corrida de Cinza, Unidade de textura e LBP
 - Dimensão Fractal
 - Bases Públicas para testes de Métodos
 - Vetor de Características

Problema

 Computar de forma eficiente valores que descrevem/quantificam uma imagem (ou parte de uma imagem)

Descritores devem ser comparáveis

- Por meio de alguma métrica de similaridade ou dissimilaridade
- Discriminativos
 - Robusto com relação à transformação aplicada na imagem e nos objetos

- Alterações de intensidades na imagem
 - Formam padrões (repetidos) [Tuceryan, 1993].







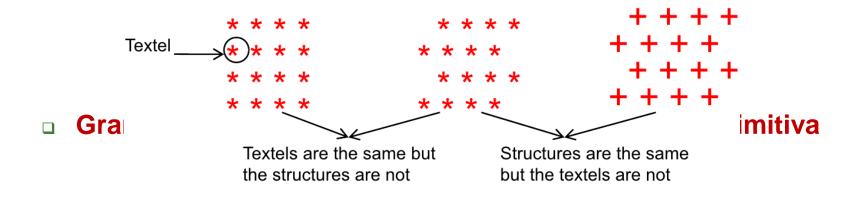




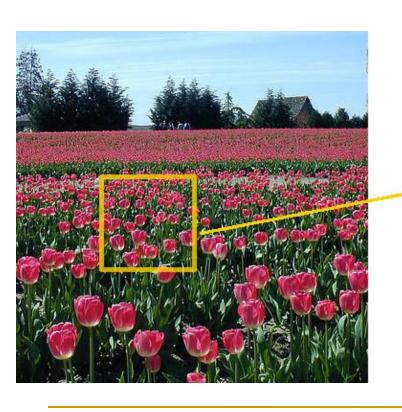
Exemplos de texturas

- Texturas em imagens: diferenças locais nos níveis de intensidade
 - Contraste, Direcionalidade (ou falta de direcionalidade) e outras

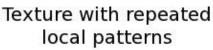
- □ Textura: Conjunto de texels primitivos com uma relação regular ou de repetição
- □ **Texel/textels**: Grupo de pixels com propriedades de intensidade similares
 - □ Intensidade média, contraste, regiões planas e outras



Exemplo: Definir detalhes em uma textura natural







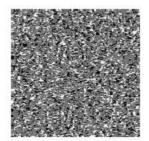


Local pattern

Propriedades de Textura







Estocástico (indeterminado, origem em eventos aleatórios)

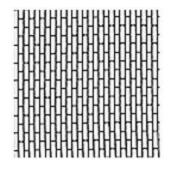


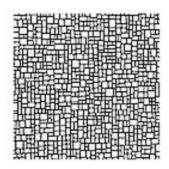


Repetição e Estocástico

Análise de Textura

- Abordagem estrutural
 - Decompor imagem em elementos básicos
 - Texels (texture elements) ou textels
 - Adequado para texturas artificiais





- Abordagem estatística
 - Caracterizar a textura por propriedades
 - Estatísticas de pequenos grupos de pixels
 - Adequado para texturas naturais





Abordagem Estatística

- Comparar medidas estatísticas
 - Medidas
 - Podem descrever uma textura
 - Útil para classificações





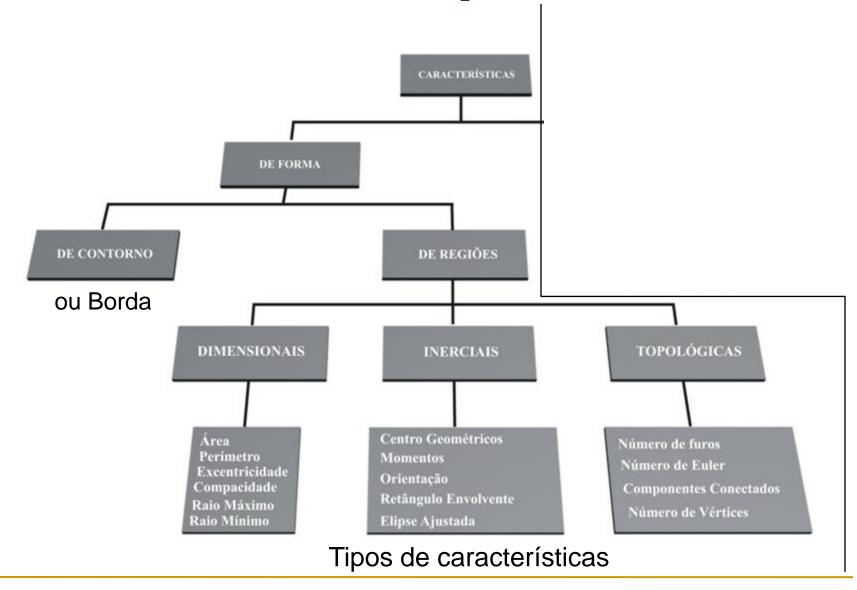
- Alguns princípios são comumente explorados no processo de análise de Textura
 - Vizinhança (4, 8 ou k)

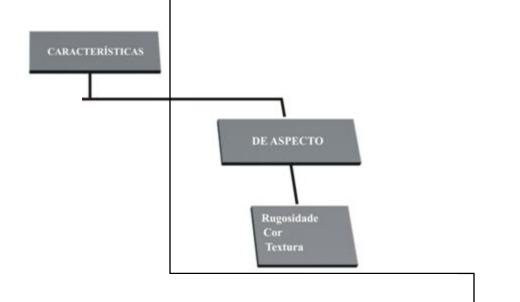
- Medidas de distância
 - Distância Euclidiana

$$D_E(f_1, f_2) = \sqrt{(x_1 - x_2)^2 + (y_1 - y_2)^2}$$

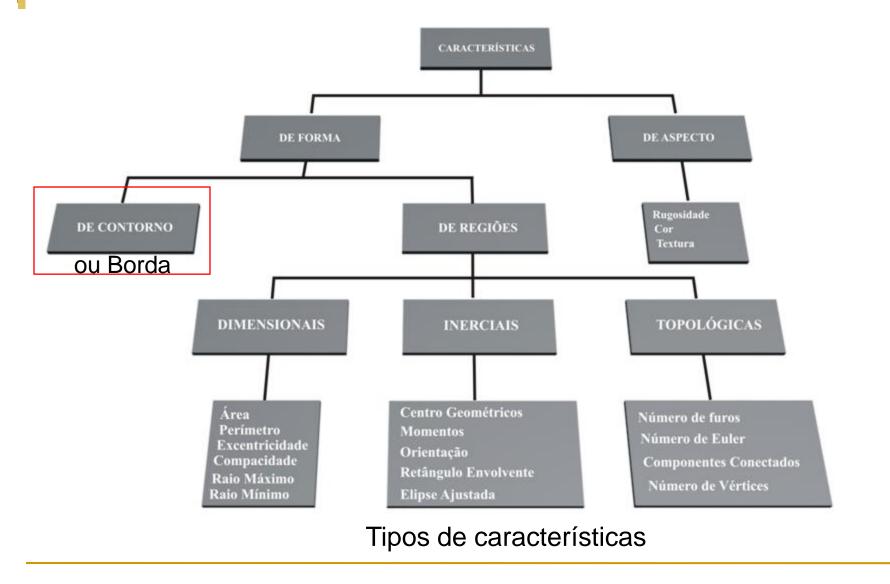
$$D_4(f_1, f_2) = |x_1 - x_2| + |y_1 - y_2|$$

$$D_8(f_1, f_2) = \max(|x_1 - x_2|, |y_1 - y_2|)$$



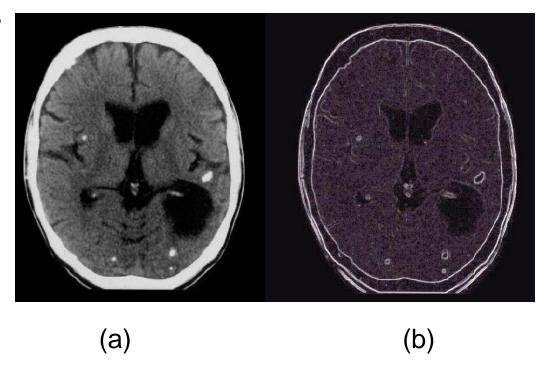


Tipos de características



Descritores de Forma: Contorno

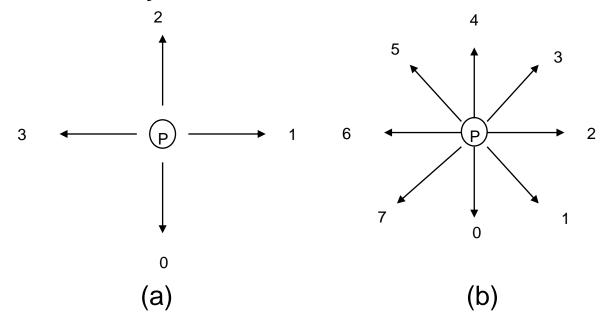
Exemplos



Exemplo de aplicação do filtro de gradiente (b) para acentuar o contorno em uma imagem de tomografia (a)

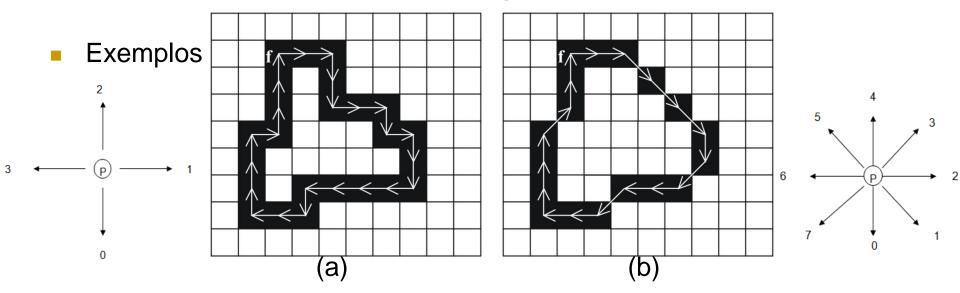
Descritores de Forma: Contorno

Exemplos de Codificação



Codificação vizinhança-d de p para o código da cadeia: $N_4(p)$ (a) para vizinhança-d de p; $N_8(p)$ para vizinhança-d de d

Descritores de Forma: Contorno



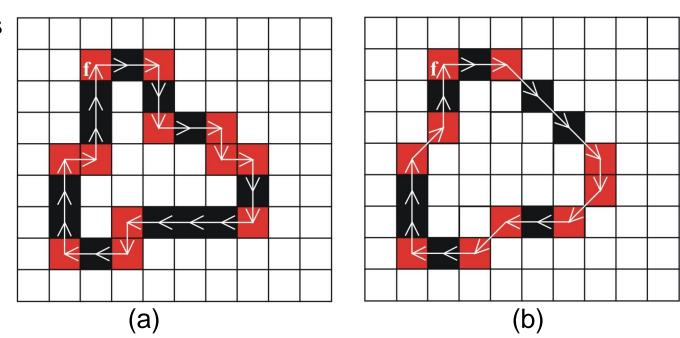
(a) Segmentados para o código da Cadeia: (a) código para vizinhança-4; (b) código para vizinhança-8 de *p* .

$$N_4(p)$$
 é CC = (1,1,0,0,1,1,0,1,0,0,3,3,3,3,0,3,3,2,2,2,1,2,2,2)

$$N_8(p)$$
 é CC = (2,2,1,1,1,0,7,6,6,7,6,6,4,4,4,3,4,4)

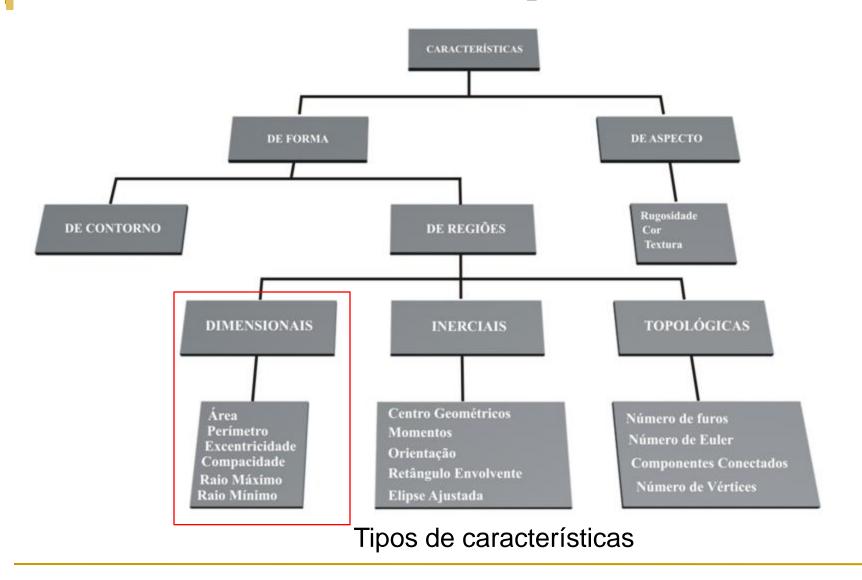
Descritores de Forma: Contorno

Exemplos



Descrição com base na diferença: Pontos onde o código se diferencia do vizinho

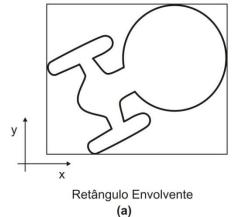
 $N_4(p)$ é CC = (1,1,0,0,1,1,0,1,0,0,3,3,3,0,3,3,2,2,2,1,2,2,2)

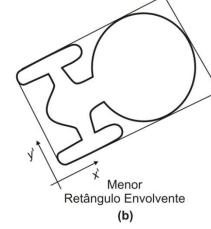


Descritores de Forma (Regiões): Dimensionais e

Inerciais

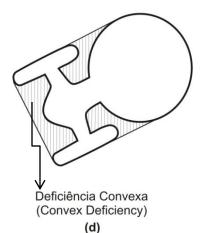
Exemplos

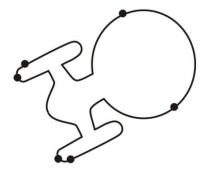






Medidas: Área, Perímetro e outras

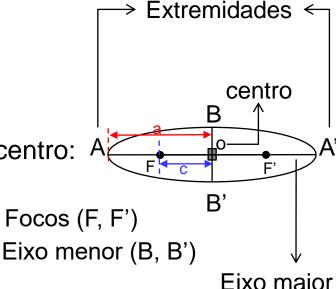




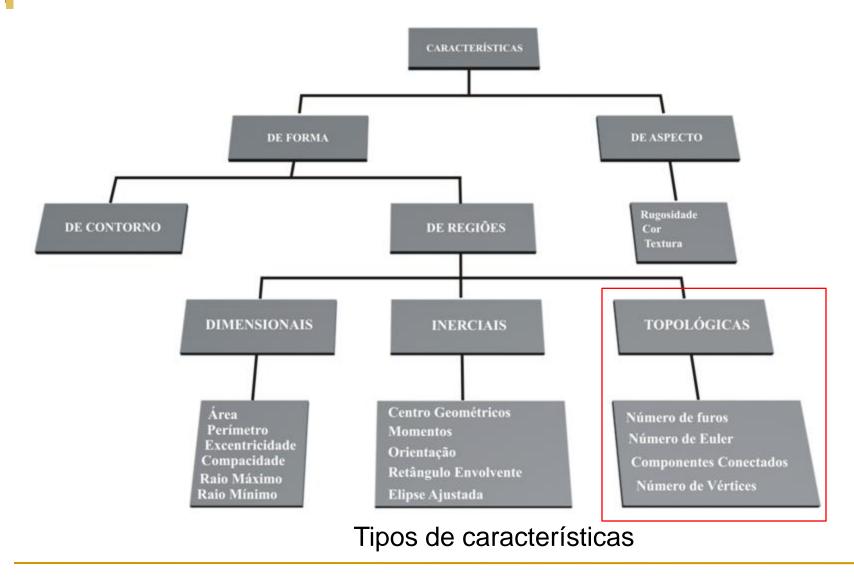
Descritores de Forma (Regiões): Dimensionais e Inerciais

- Exemplos
 - Diâmetro de um objeto
 - Excentricidade (e) distanciamento do centro:

$$e = \frac{c}{a}$$

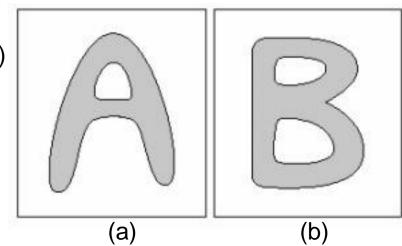


- Raios máximo e mínimo do objeto
 - Distâncias máxima e mínima da borda ao centro geométrico



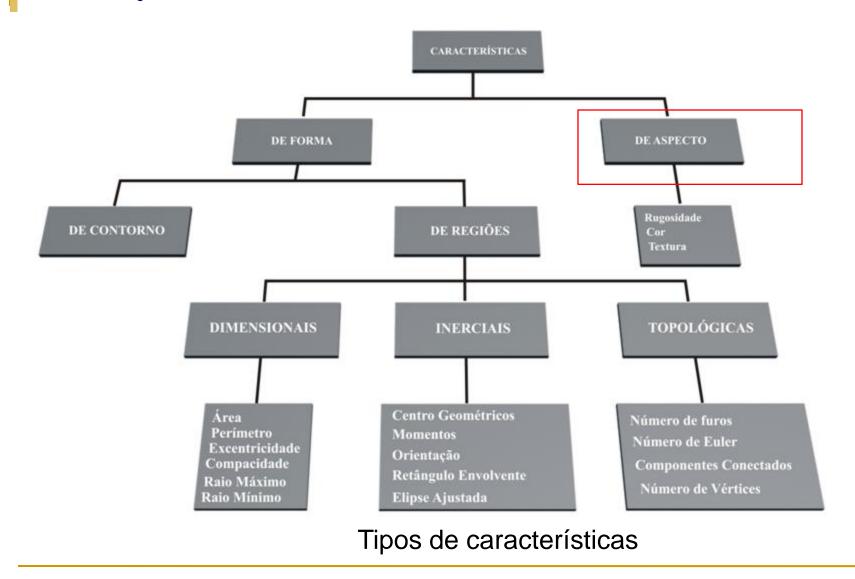
Descritores de Regiões: Topológicos

- Os Principais são:
 - (1) Número de componentes conectados (C)
 - (2) Número de furos (N_f)
 - (3) Número de Euler (ε): $\varepsilon = C N_f$



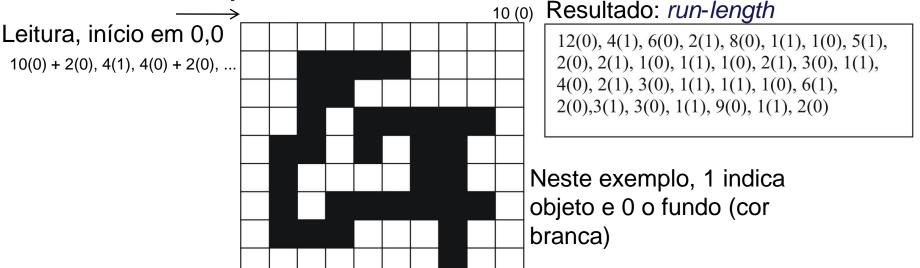
Considerando vizinhança-8 de p:

 a) 1 região conectada com 1 furo: número de Euler é 0; b) 1 região conectada com 2 furos: número de Euler é -1



Descritores de Aspecto

Exemplos



Codificação por Comprimento de Corrida (run-length)

- Descritores de Aspecto
 - Histograma de Projeção

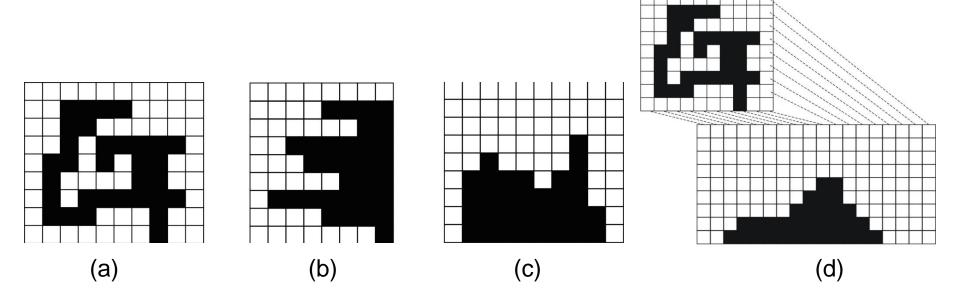
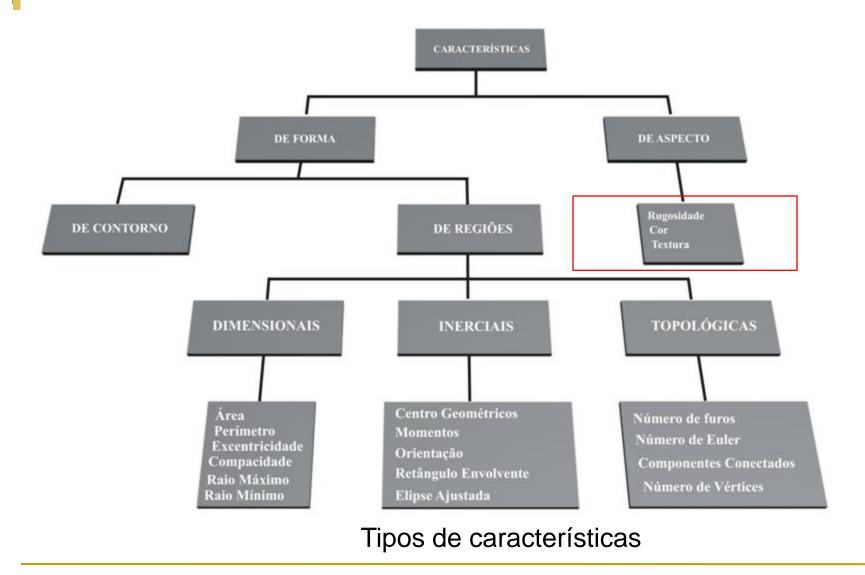


Imagem (a) e suas projeções horizontal (b), vertical (c) e diagonal (d)



- Abordagem Estatística
 - Definir e segmentar textels
 - Tarefa difícil para texturas naturais
 - Alternativa: comparar medidas estatísticas
 - Medidas
 - Podem descrever uma textura
 - Útil para classificações





Abordagem Estatística

- Algumas medidas de primeira ordem
 - Média, variância, desvio padrão, entropia, energia, assimetria e curtose

Medida Estatística de Primeira Ordem: Entropia

- Entropia ou Incerteza
 - Shannon (1948)
 - Medir a quantidade de informação transferida por um canal ou gerada por uma fonte.
 - Quanto maior o valor de entropia
 - Mais incerteza
 - Mais informação presente
 - Informação: Modelada como probabilística

Imagem

- A distribuição dos níveis de intensidade da imagem
 - Transformada em uma função densidade de probabilidade
 - Dividindo:
 - O número de pixels de intensidade *i*, denotado por *h(i)*, pelo número total *n* de pixels na imagem
- Portanto, a imagem é considerada um processo aleatório
 - Probabilidade p_i de um pixel assumir um valor i, em que i = 0, 1, ...,Lmax

$$p_i = \frac{h(i)}{n}$$
, em que $\sum_{i=0}^{L_{\text{max}}} p_i = 1$.

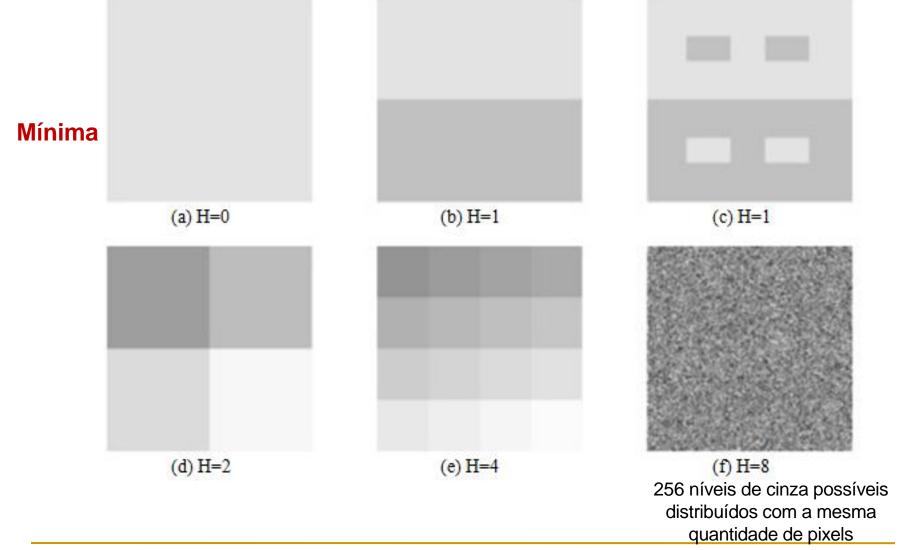
A entropia de Shannon para imagem é calculada por: $H = -\sum_{i=1}^{n} p_i \log p_i$.

Lmax

Valores de Entropia: Medida Positiva

- Considerando a base do logaritmo como 2
 - A unidade resultante é dada em bits

- Menor valor : 0
 - Todos os pixels possuem o mesmo valor de luminância
- Máxima entropia
 - Mesma quantidade de pixels para todas as intensidades



Máxima entropia

 Medida Estatística de Primeira Ordem: Outras Medidas Básicas

Média (μ): representa o valor esperado da distribuição dos níveis de cinza presentes na textura:

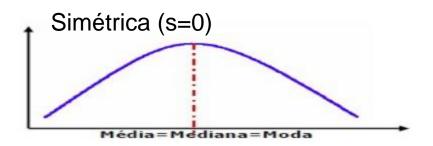
$$\mu = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} g_i$$

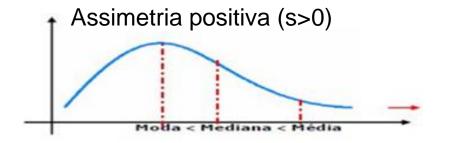
- ullet g_i representa o nível de cinza para o i-ésimo pixel; n o número de pixels presentes na textura
- Variância (σ^2)*: descreve quanto os valores estão dispersos em torno da média (μ): $\sigma^2 = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} (g_i \mu)^2$

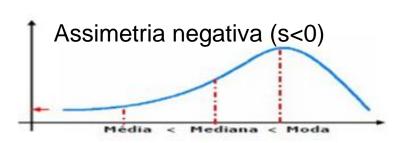
Imagem constante (mesmo nível de cinza), variância é 0

^{*}média quadrática dos desvios (σ) em relação à média aritmética (μ)

- Medida Estatística de Primeira Ordem: Outras Medidas Básicas
- Grau de Assimetria: indicador da concentração de valores em relação à mediana $s = \frac{1}{n\sigma^3} \sum_{i=1}^n (g_i - \mu)^3$
 - Distribuições como uma normal: assimetria nula

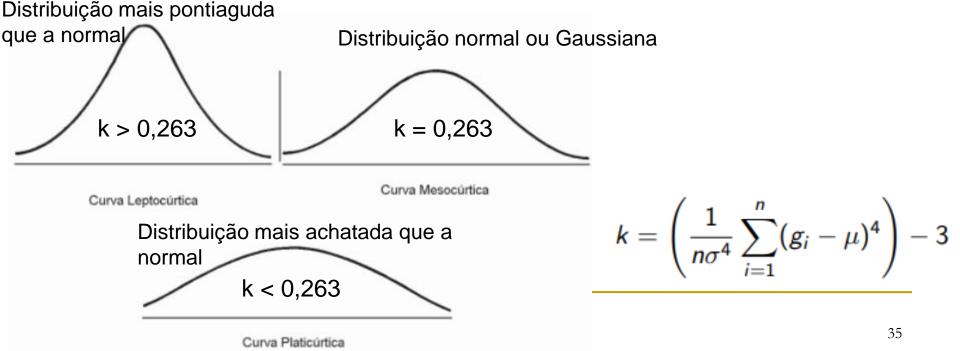






^{*}Em que σ indica o desvio padrão e μ denota o valor médio da distribuição

- Medida Estatística de Primeira Ordem: Outras Medidas Básicas
 - Curtose: indica o achatamento da função de distribuição
 - Valor negativo: distribuição com forma mais achatada que a Gaussiana
 - Valor igual a 0: mesmo comportamento da distribuição Gaussiana



- Medida Estatística de Primeira Ordem: Outras Medidas Básicas
- **Energia***: Seja uma imagem (ou textura) composta por *n* pixels, a função de massa de probabilidade pode ser determinada por meio da equação:
 - $P(i) = \frac{h(i)}{n}$, sendo h(i) o número de ocorrências de pixels com intensidade i.
 - A energia é dada por $E = \sum_{i=0}^{H_g} (P(i))^2$

Atenção: Entropia equivale à perda de energia ou até mesmo desordem

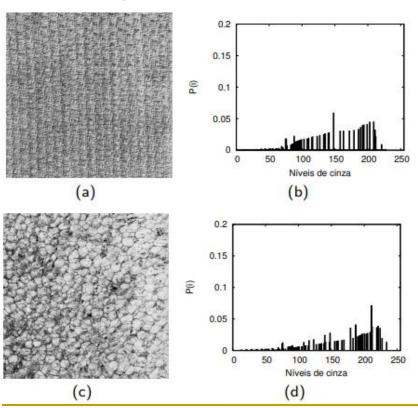
ullet H_g , denota o nível de cinza máximo presente na imagem

E=1: Indica uma imagem constante/homogênea (mesmo nível de cinza)

*Corresponde ao valor médio quadrático do sinal (nível de alteração na cor, intensidade, brilho ou magnitude dos pixels).

Medida Estatística de Primeira Ordem: Exemplos

Histogramas das texturas de duas imagens do álbum Brodatz



As medidas calculadas para a figura (a) são:

- $\mu = 146.74 \text{ (média)}$
- $\sigma^2 = 2290.21$ (variância)
- s = -0.28 (grau de assimetria)
- ▶ k = -1.03 (curtose)
- E = 0.03 (energia)
- ► *H* = 5.40 (entropia)

As medidas calculadas para a figura (c) são:

- $\mu = 167.33 \text{ (média)}$
- $\sigma^2 = 2542.54$ (variância)
- s = -0.82 (grau de assimetria)
- ▶ k = -0.30 (curtose)
- E = 0.02 (energia)
- ► H = 5.73 (entropia)

 Medida Estatística de Segunda Ordem: Matriz de Coocorrência (Gray level co-occurrence matrix - GLCM)

Métodos que consideram relações entre pixels

Características:

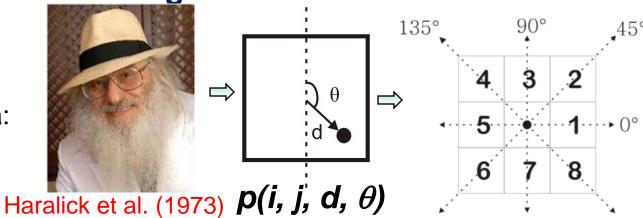
		1		3
0	P(0,0) P(1,0) P(2,0) P(3,0)	P(0,1)	P(0,2)	P(0,3)
1	P(1,0)	P(1, 1)	P(1, 2)	P(1, 3)
2	P(2,0)	P(2,1)	P(2, 2)	P(2,3)
3	P(3,0)	P(3,1)	P(3,2)	P(3,3)

Figura : Composição da matriz de coocorrência. Cada elemento é composto do número de transições que ocorrem entre dois níveis de cinza específicos.

- Número de linhas e colunas da matriz (Uma imagem com 4 níveis de cinza)
 - Definido pela quantidade de níveis de cinza contidos na textura
- Elemento P(m,n) da matriz representa o número de transições entre os níveis de cinza m e n que ocorrem na textura

Medida Estatística de Segunda Ordem: GLCM

- Está associada a:
 - □ ângulo (*q)*



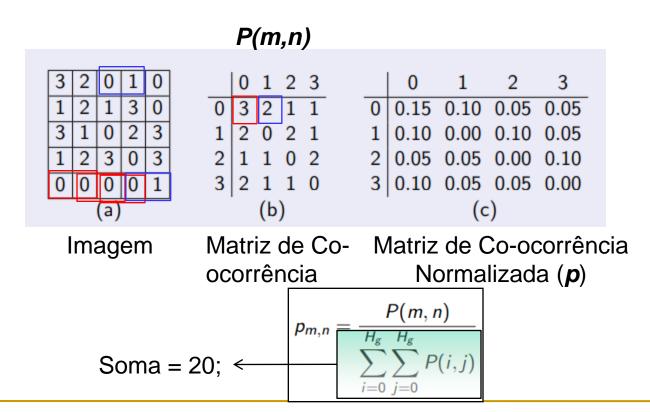
- □ distância (*d) entre os pixels (i, j):* _________
 - p(i, j, d, q)
- Características de texturas
 - Calculadas a partir da representação normalizada =

$$p_{m,n} = \frac{P(m,n)}{\sum_{i=0}^{H_g} \sum_{j=0}^{H_g} P(i,j)}$$

- Cada elemento da matriz é dividido pela soma de todos os seus componentes
 - □ em que H_g denota o nível de cinza máximo presente na imagem
 - \square m, n = 0, . . . , H_g

Medida Estatística de Segunda Ordem: GLCM

Exemplo: p(i, j, 1, 0)



- Medida Estatística de Segunda Ordem: GLCM
- Descritores de Haralick et al. (1973)
 - 14 medidas estatísticas
- Porém, seis delas apresentam maior relevância:
 - Segundo momento angular (Energia)
 - Entropia
 - Contraste
 - Heterogeneidade (Variância)
 - Correlação
 - Homogeneidade

- Medida Estatística de Segunda Ordem: GLCM
- Descritores de Haralick et al. (1973)
 - Segundo momento angular/Energia
 - Indica a uniformidade de uma textura

$$f_{\sf sma} = \sum_{i=0}^{H_g} \sum_{j=0}^{H_g} p_{i,j}^2$$

Nível de alteração na cor, intensidade, brilho ou magnitude dos pixels

Considera a matriz de co-ocorrência normalizada (p)

Texturas ásperas: poucos elementos da GLCM apresentam valores diferentes de zero e, quando ocorrem, são próximos de um: **Padrão Constante.**

- Medida Estatística de Segunda Ordem: GLCM
- Descritores de Haralick et al. (1973)
 - Entropia (medida de desordem da textura)

$$f_{\mathsf{ent}} = -\sum_{i=0}^{H_g} \sum_{j=0}^{H_g} p_{i,j} \log(p_{i,j})$$

Nível de informação

Considera a matriz de co-ocorrência normalizada (p)

- Medida Estatística de Segunda Ordem: GLCM
- Descritores de Haralick et al. (1973)
 - Contraste (diferença entre os níveis de cinza)

$$f_{con} = \sum_{i=0}^{H_g} \sum_{j=0}^{H_g} (i-j)^2 p_{i,j}$$

Nível de contraste

Imagem constante (mesmo nível de cinza), contraste é 0

Considera a matriz de co-ocorrência normalizada (p)

Medida Estatística de Segunda Ordem: GLCM

- Descritores de Haralick et al. (1973)
 - Correlação (indica a dependência linear entre os níveis de cinza)
 - Valores positivos: uma variável (nível de cinza i, por exemplo) tende a aumentar quando a outra aumenta (nível de cinza j)
 - Valores negativos: uma variável (nível de cinza i, por exemplo) tende a diminuir quando a outra aumenta (nível de cinza j)
 - Igual a zero: indica que uma variação em um nível de cinza (aumento ou redução) não influencia o outro.

$$f_{\text{corr}} = \frac{1}{\sigma_x \sigma_y} \sum_{i=0}^{H_g} \sum_{i=0}^{H_g} (i - \mu_i)(j - \mu_j) p_{i,j}$$

- \Box Em que σ_x e σ_v indicam o desvio padrão de cada distribuição
- \square μ_i e μ_i denotam os valores médios das distribuições

- Medida Estatística de Segunda Ordem: GLCM
- Descritores de Haralick et al. (1973)
 - Heterogeneidade (quanto os níveis de cinza desviam do nível de cinza médio, independente da localização dos elementos)

$$f_{\mathsf{var}_i} = \sum_{i=0}^{H_g} \sum_{j=0}^{H_g} (i - \mu_i)^2 p_{i,j}$$
 $f_{\mathsf{var}_j} = \sum_{i=0}^{H_g} \sum_{j=0}^{H_g} (j - \mu_j)^2 p_{i,j}$

■ Em que μ_i e μ_i denotam os valores médios das distribuições para:

$$\mu_i = \sum_{i,j=0}^{H_g} i P_{i,j} e \mu_j = \sum_{i,j=0}^{H_g} j P_{i,j}.$$

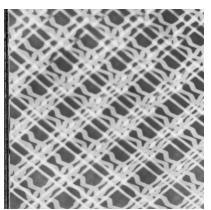
Medida Estatística de Segunda Ordem: GLCM

- Descritores de Haralick et al. (1973)
 - Homogeneidade (valores altos indicam que a textura apresenta pequenas variações de níveis de cinza entre pares de pixels)

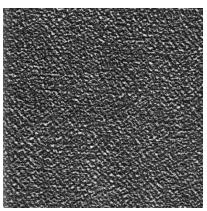
$$f_{\text{hom}} = \sum_{i=0}^{H_g} \sum_{j=0}^{H_g} \frac{1}{1 + (i-j)^2} p_{i,j}$$

 Medida apresenta correlação inversa com a medida de contraste Heterogeneidade

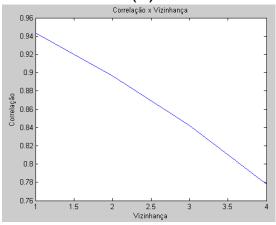
Medida Estatística de Segunda Ordem: GLCM

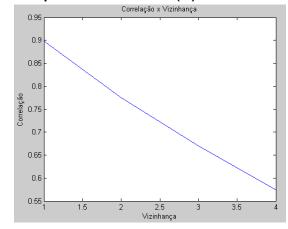






Texturas naturais monocromática (valores discretos). (a) Textura 1 - Entropia = 5.8766. (b) Textura 2 - Entropia = 5.9851. (c) Textura 3 - Entropia = 6.2731.





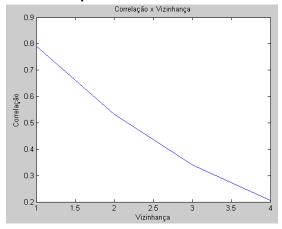
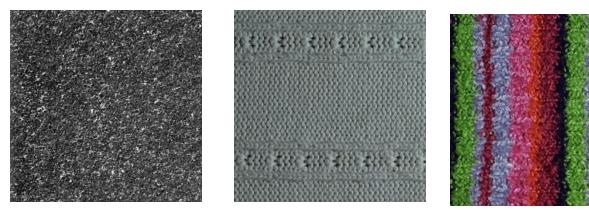
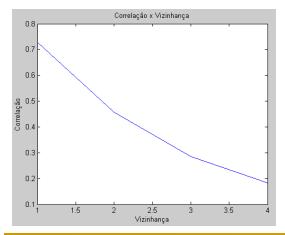


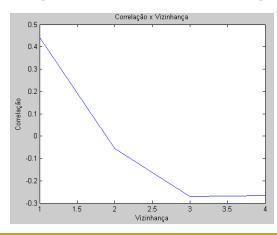
Gráfico de Correlação x Vizinhança da: (a) Textura 1; (b) Textura 2 e (c) Textura 3. (Análise de Comportamento)

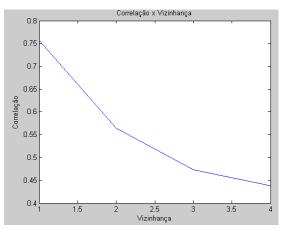
Medida Estatística de Segunda Ordem: GLCM



Texturas de Classes Desconhecidas (valores discretos): (a) Energia = 6.0881; (b) Energia = 5.1305 e (c) Energia = 6.1882.







Gráficos de Correlação x Vizinhança (Análise de Comportamento)

- Galloway (1975): Comprimento de corridas de cinza (GLRLM)
 - Sistema para sintetizar as informações obtidas a partir de corridas de cinza: amostragem de regiões colineares (pontos que pertencem a um mesmo segmento de reta)
 - Matrizes de comprimento de corridas de cinza (GLRLM, do inglês, Gray Level Run Length Matrices)
 - Interpretação:
 - Corridas relativamente longas: Texturas ásperas
 - Corridas curtas: Texturas finas (presença de bordas)

Galloway (1975): Comprimento de corridas de cinza (GLRLM)

Construção da GLRLM para a imagem mostrada em (a), considerando corridas horizontais. Dado que cada elemento $P(i,j|\theta)$ denota a frequência de corridas de tamanho j compostas por pixels que apresentam nível de cinza i, a soma dos elementos de cada linha representa o número de corridas de um dado nível de cinza, enquanto a soma efetuada para uma coluna denota o número de corridas com um tamanho específico.

3	2	0	1	0			
1	2	1	3	0			
3	1	0	2	3			
1	2	3	0	3			
0	0	0	0	1			
(a) Imagem							
	Im	age	m				

	iiia	a3 co	III u	III ta	manni	0 03	pecini	Tamanho/
		1	2	3	4	5		
	0	5	0	0	1	0	6	Comprimento (i ou i)
es	1	6	0	0	0	0	6	(rou j)
cores	2	4	0	0	0	0	4	
O	3	6	0	0	0	0	6	
		21	0	0	1	0		
				\	b)		,	
		Dc	<u>míni</u>	<u>o (21</u>	corrid	<u>as d</u>	<u>e nível</u>	1)

Unidade de Textura

- He e Wang (1990)
 - Unidade de textura:
 - Uma imagem texturizada pode ser considerada como um conjunto de pequenas unidades essenciais
 - Dada uma vizinhança de 3 × 3 pixels
 - \Box Composta pelos elementos $\{g_0, g_1, \ldots, g_8\},\$
 - g₀ representa o nível de cinza do pixel central e os demais g_i denotam os níveis de cinza de seus vizinhos mais próximos.
 - Unidade de textura (TU, do inglês, texture unit) é dada por:

 □ TU = {e₁, e₂, ..., e₈}, em que cada e_i determinado por meio de e_i = $\begin{cases} 0, & \text{se } g_i < g_0 \\ 1, & \text{se } g_i = g_0 \\ 2, & \text{se } g_i > g_0 \end{cases}$ □ para i = 1, 2, ..., 8

Unidade de Textura

- □ He e Wang (1990) : Exemplo
 - Distribuição de frequências das unidades de uma textura é denominada espectro de textura ou número da unidade de textura (N_{TU})

Obtenção da unidade de textura para vizinhança apresentada em (a).

$$e_i = \begin{cases} 0, & \text{se } g_i < g_0 \\ 1, & \text{se } g_i = g_0 \\ 2, & \text{se } g_i > g_0 \end{cases}$$

4	5	4
6	4	3
4	5	6
	(a)	

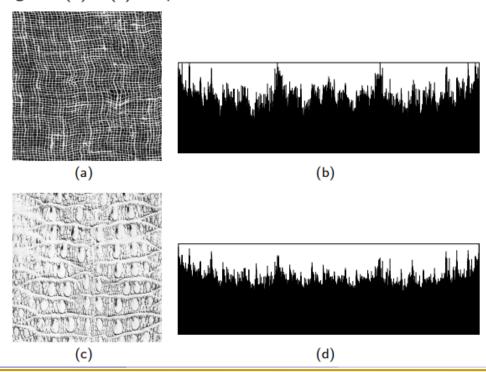
1	2	1
2		0
1	2	2
	(b)	

O valor de cada e_i é calculado e apresentado em (b). Considerando a ordenação da vizinhança definida em (c), o número da unidade de textura recebe o valor $N_{TU} = 1.3^0 + 2.3^1 + 1.3^2 + 0.3^3 + 2.3^4 + 2.3^5 + 1.3^6 + 2.3^7 = 5767$.

Unidade de Textura

He e Wang (1990) :

As figuras (b) e (d) apresentam o espectro das texturas mostradas nas figuras (a) e (c), respectivamente.



Unidade de Textura

- He e Wang (1990) :
 - Considerando apenas ordenações no sentido horário
 - Um elemento g_i, com i fixo, pode assumir oito posições distintas, de a até h.

a	b	С
h		d
g	f	e

Vizinhança utilizada para determinação da unidade de textura

Local Binary Patterns (LBP)

- Ojala et al. (1996)* :
 - Padrão binário da unidade de textura considerando: $e_i = \begin{cases} 0, & \text{se } g_i < g_0 \\ 1, & \text{se } g_i \geq g_0 \end{cases}$
 - O valor máximo que o LBP pode assumir é 255
 - Redução significativa no número de entradas do espectro de textura

$$LBP = \sum_{i=1}^{8} 2^{i-1} e_i$$

^{*}A comparative study of texture measures with classification based on featured distributions

Local Binary Patterns (LBP)

□ Ojala et al. (1996): Exemplo

$$e_{i} = \begin{cases} 0, \text{ se } g_{i} < g_{0} \\ 1, \text{ se } g_{i} \geq g_{0} \end{cases} \xrightarrow{ \begin{cases} 47 & 51 & 65 \\ 62 & 70 & 70 \\ 80 & 83 & 78 \end{cases}} \xrightarrow{ \begin{cases} -23 & -19 & -5 \\ -8 & 0 \\ 10 & 13 & 8 \end{cases}} \xrightarrow{ \begin{cases} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \end{cases}} \text{LBP} = \sum_{i=1}^{8} 2^{i-1} e_{i}$$

Figura : (a) região da imagem; (b) diferenças em relação ao ponto central; (c) limiarização; (d) valor correspondente ao padrão.

(d)

Local Binary Patterns (LBP)

□ Ojala et al. (1996) : Exemplo

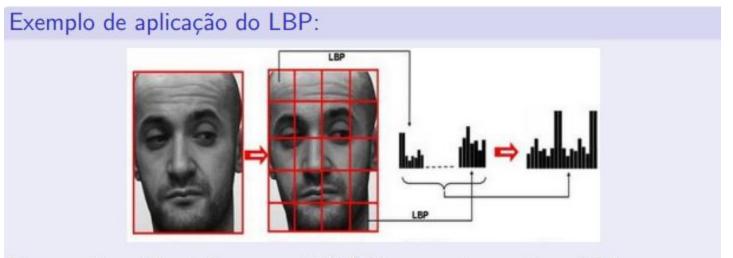


Figura: Descrição de faces com LBP. (a) imagem de uma face; (b) imagem dividida em blocos; (c) histograma para cada bloco; (d) histograma concatenado. Fonte: figura adaptada de M. Pietikäinen, A. Hadid, G. Zhao e T. Ahonen.

Computer Vision using Local Binary Patterns, 2011.

Abordagem Fractal: Medida de Rugosidade

Auto-semelhança

 Cada pequena porção de um objeto pode conter uma réplica reduzida do todo

Dimensão fractal

- Medida que quantifica a densidade dos fractais no espaço métrico
- Permite indicar a rugosidade de uma textura

Abordagem Fractal: Medida de Rugosidade

- Cálculo da Dimensão Fractal (DF): imagens binárias
 - Teorema da contagem de caixas (Box Counting Theorem)
 - Oferece um método simples para estimar a dimensão fractal de imagens binárias (2D)
 - Permite uma contagem do número de "quadrados" $N_n(A)$ de lado $1/2^n$ que "cobre" A:

$$DF(A) = \lim_{n\to\infty} \frac{\log(N_n(A))}{\log(2^n)}$$

O gráfico log-log de $N_n(A)$ por 2^n fornece uma aproximação de reta de coeficiente angular α , que representa a DF da imagem

Extração de Características: Análise de Textura log N_n (A

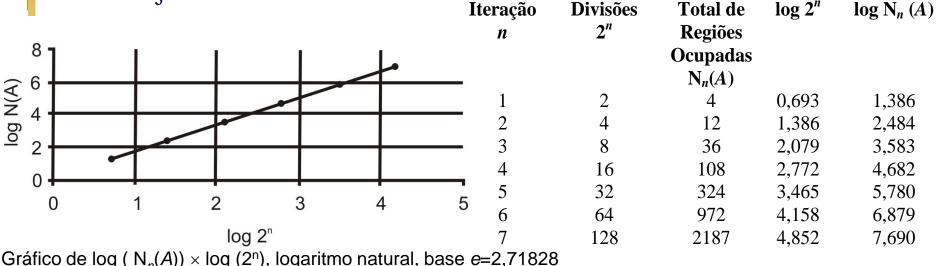


Gráfico de log ($N_n(A)$) × log (2ⁿ), logaritmo natural, base e=2,71828

Divisão recursiva da imagem triângulo de Sierpinsky

DF \approx 1,585

$$DF(A) = \lim_{n \to \infty} \frac{\log(N_n(A))}{\log(2^n)}$$

- Cálculo da Dimensão Fractal (DF): imagens em níveis de cinza
 - Método Box-Counting
 - Extensão do teorema da contagem de caixas para estimar a dimensão fractal (DF) de imagens em escala de cinza
 - BC considera a imagem como um objeto tridimensional
 - A terceira coordenada representa a intensidade do pixel
 - Uma superfície do terreno, cuja altura é proporcional ao valor da intensidade luminosa da imagem

 DF de uma imagem em escala de cinza pode assumir valores no intervalo entre 2 e 3

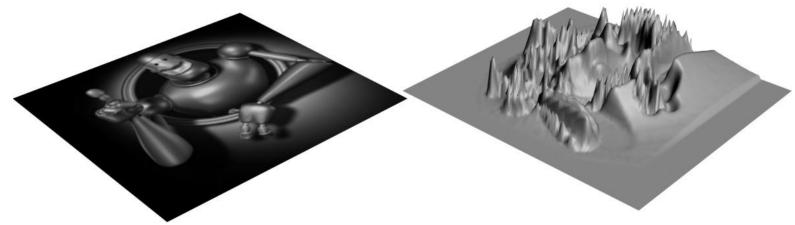
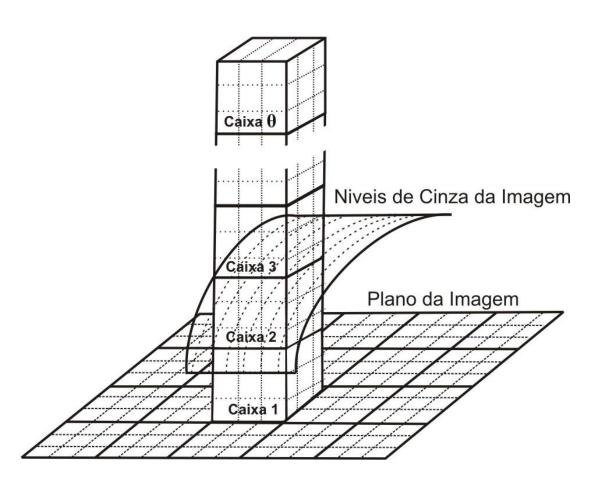


Imagem Original e como objeto ou superfície 3D



Contagem de "Cubos"

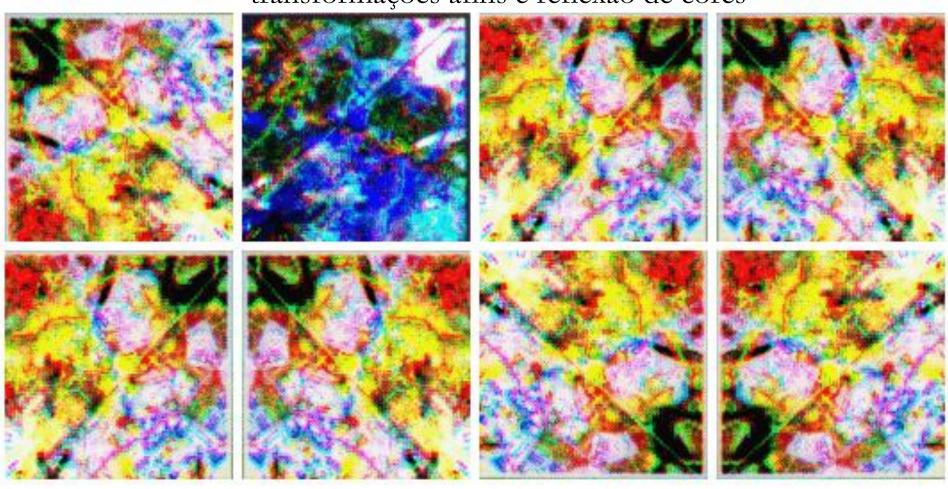
Dimensão	Divisões	$N_{n,A_{caixas}}$	Regra	r
	1	2	2^1	
1	2	4	2^2	
	3	2 4 8	2^3	
				r
Dimensão	Divisões	N _n , A _{caixas}	Regra	
	1	4	$2^{2} \\ 2^{4} \\ 2^{6}$	
2	2	16	2^4	
	3	64	2^{6}	
Dimensão	Divisõ	es N_n, A_c	_{ubos} Regra	Profundidade
	1	8	2^3	
3	2	64	$ \begin{array}{ccc} 2^3 \\ 2^6 \\ 2^9 \end{array} $	
	3	512	2^9	

Imagens	Dimensão (d)	Divisões (n)	N _n (A)	$log(N_n(A))$	log (2 ⁿ)	DF _n
Binárias		1	4	log (4)	log (2)	2
	2	2	16	log (16)	log (4)	2
		3	64	log (64)	log (8)	2
Em escala de cinza		1	8	log (8)	log (2)	3
(1 canal)	3	2	64	log (64)	log (4)	3
		3	512	log (512)	log (8)	3
(2 canais)		1	16	log (16)	log (2)	4
	4	2	256	log (256)	log (4)	4
		3	4096	log (4096)	log (8)	4
Coloridas		1	32	log (32)	log (2)	5
(3 bandas)	5	2	1024	log (1024)	log (4)	5
		3	32768	log (32768)	log (8)	5
Multingpootusis		1	64	log (64)	log (2)	6
Multiespectrais	6	2	4096	log (4096)	log (4)	6
(acima de 3 bandas)		3	262144	log (262144)	log (8)	6

$$DF(A) = \lim_{n \to \infty} \frac{log(N_n(A))}{log(2^n)}$$

Indicaões de limites superiores de DF_n

Invariância (DF ≅ 3,465) em transformações afins e reflexão de cores



PDI

Espaço de Características: Quantificações com múltiplas técnicas

	Caract. 1	Caract. 2	Caract. 3	 Caract. m
Imagem 1	10	15	98	 45
Imagem 2	54	26	54	 56
Imagem 3	32	98	98	 48
Imagem n	54	98	2	 54



- ☐Busca por classes de Padrões
 - □Obter propriedades comuns e definir as classes:
 - $\square w_1$, w_2 , w_3 , w_M , em que $M \in O$ número de classes

Considerações e Desafios

- Formalizar ou desenvolver descritores e/ou medidas
 - Tarefa extremamente difícil para garantir uma análise apropriada de imagens em diferentes domínios de aplicações
 - Tal dificuldade reflete em um número expressivo de métodos de análise de texturas encontrados na literatura
 - Dentre as principais aplicações que utilizam análise de texturas estão:
 - Classificação
 - Segmentação
 - Síntese de texturas

PDI

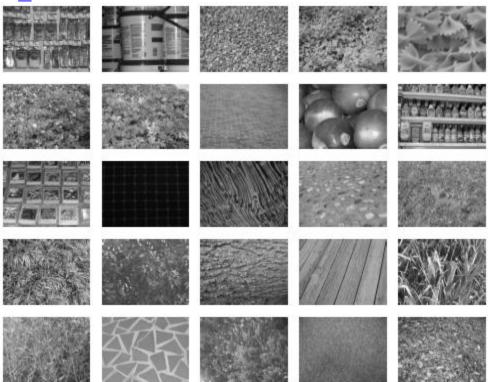
Extração de Características: Análise de Textura

Considerações e Desafios

- Aplicações como Segmentação e Classificação
- Mosaicos compostos por texturas distintas ou conjuntos com centenas de imagens para testar e validar técnicas
- Amostras de texturas podem ser obtidas a partir de álbuns como:
 - UMD, OuTex, VisTex, Brodatz, Barktex e Kylberg.

Considerações e Desafios

Algumas amostras de texturas da base UMD (Acesso em 03/2022)
 https://www.researchgate.net/publication/257789142_Evaluation_of_Feature_Descriptors_for_Texture_Classification



Considerações e Desafios

Algumas amostras de texturas da base OuTex (https://mldta.com/dataset/outex-texture-bench/) (Acesso em 03/2022)



Considerações e Desafios

Algumas amostras de texturas da base VisTex

(https://vismod.media.mit.edu/vismod/imagery/VisionTexture/) (Acesso em

03/2022)

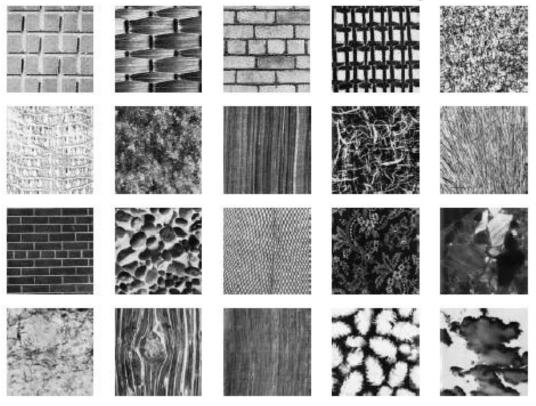


Considerações e Desafios

Algumas amostras de texturas da base Brodatz

(https://multibandtexture.recherche.usherbrooke.ca/original_brodatz.html) (Acesso

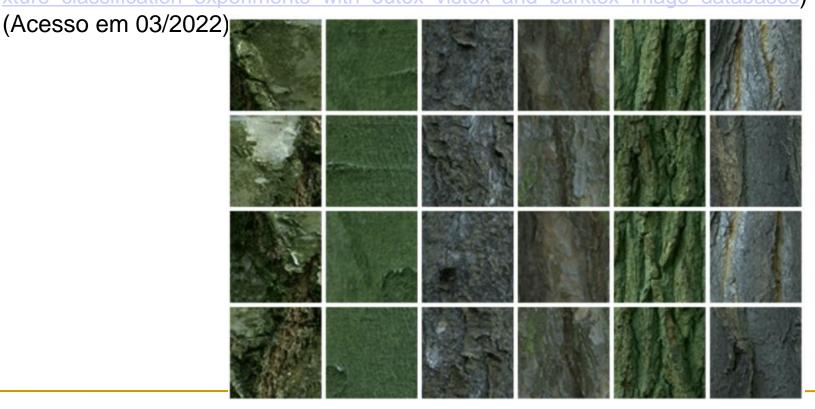
em 03/2022)



Considerações e Desafios

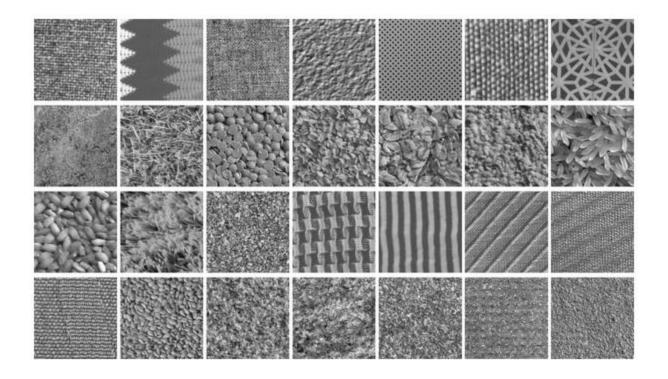
Algumas amostras de texturas da base BarkTex

(https://www.researchgate.net/publication/281417688 A multi color space approach for texture classification experiments with outex vistex and barktex image databases)



Considerações e Desafios

Algumas amostras de texturas da base Kylberg (https://www.cb.uu.se/~gustaf/texture/)
 (Acesso em 03/2022)



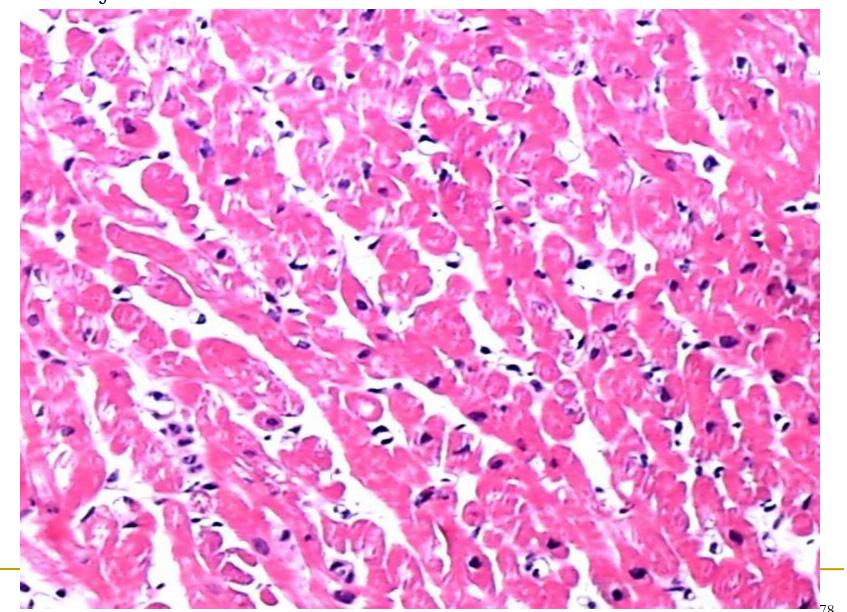
Construa um código para receber imagens monocromáticas como entrada, 8 bits de quantização. O código deve ser capaz de fornecer os valores de:

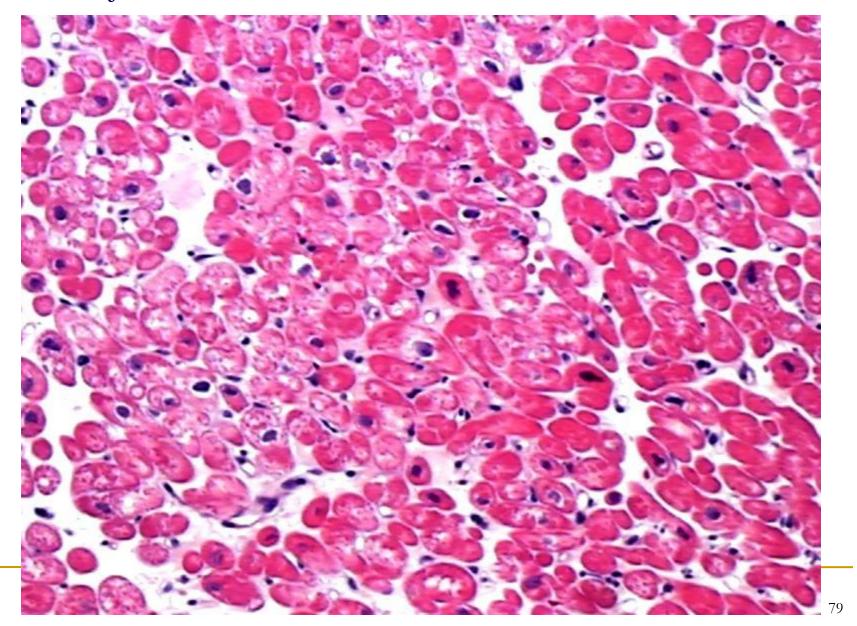
- -Haralick, com segundo momento angular, entropia e contraste. Use d=1 e θ =0;
- -LBP (especificar as condições utilizadas);
- Dimensão fractal (DF), usando *Box-couting*. A DF deve ser definida via coeficiente angular da regressão log x log. Os dois primeiros valores parciais de DF, em função das iterações 1 e 2, também devem ser apresentados.

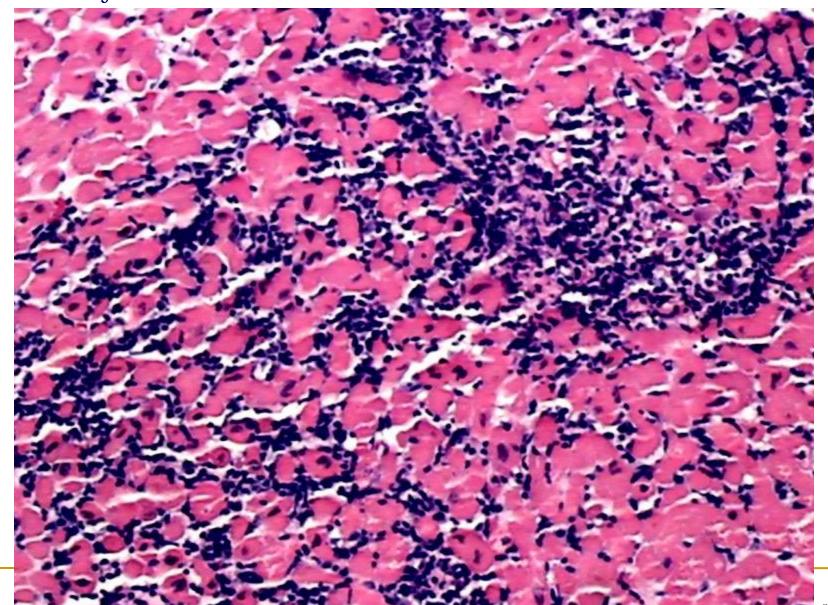
Os descritores devem ser organizados como vetores de características, respeitando a ordem posicional: momento angular; entropia; contraste; LBP; DF (coeficiente logxlog); DF iteração 1; DF iteração 2.

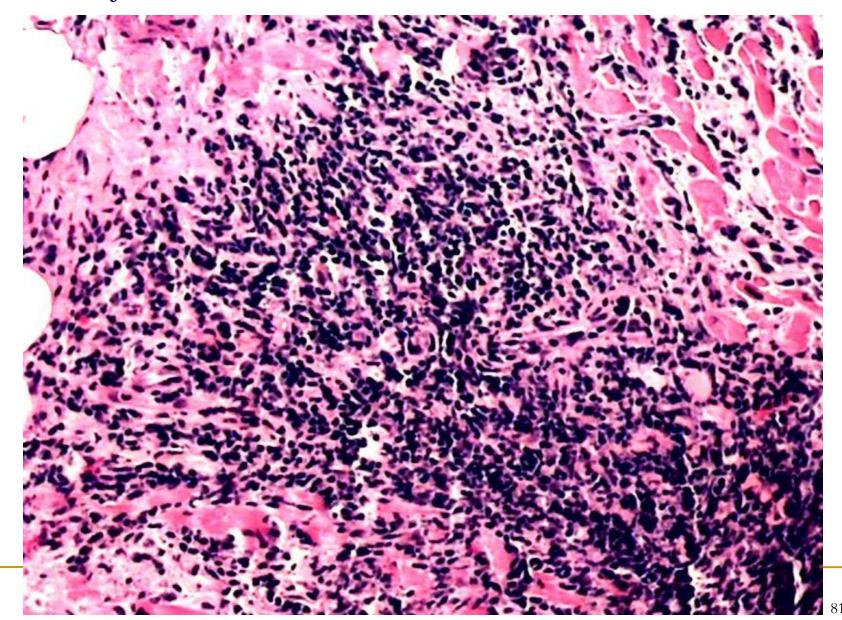
Apresente os vetores para cada imagem. As imagens são apresentadas nos próximos slides.

Em seguida, observe os resultados numéricos e indique quais descritores apresentam as maiores diferenças para separar as imagens R0 de R3. Apresente os gráficos para ilustrar as posições espaciais dos descritores. Por exemplo, eixo *x* representa momento angular, eixo *y* a entropia e eixo z o contraste. Use a mesma estratégia para DF. Cada imagem é um ponto espacial em função das suas coordenadas/descritores. Quais as dificuldades neste tipo de análise? Quais as soluções?









Referências

González, R. C., Woods, R. E. Processamento de Imagens Digitais. São Paulo: Edgard Blücher Itda, 2000.



Leitura: Capítulo 11, tópicos: 11.11 e 11.1.2; 11.2; 11.3.2 até página 552

Pedrini, H., Schwartz, W. R. Análise de Imagens Digitais: Princípios Algoritmos e Aplicações. São Paulo: Thomson Learning, 2008.





3. Conci, A., Azevedo, E., Leta, F. R. Computação Gráfica: Teoria e Prática. Rio de Janeiro: Elsevier, vol. 2, 2008.

Leitura: Capítulo 7, tópicos 7.1 a 7.7

