РГР по дискретной математике Четвертая задача

Клименко В. М. – М8О-103Б-22 – 11 вариант Май, 2023

Дано

- a) 1 0 1 0
- б) 0100101
- в) 0010010

Задание

Рассматривается (4, 7) — код Хэмминга. Для слова а) определить соответствующее ему кодовое слово. Пусть при приеме каждого из слов б), в) возможно была допущена ошибка (не более чем в одной позиции). Определить наличие и положение ошибки. Какие слова были переданы? Какие слова были закодированы?

Решение

По условию $(m, n) = (4, 7) \Rightarrow r = 3$

но условию
$$(m,n)=(4,1)\Rightarrow r=3$$
 $b=b_1\dots b_7$, где b_1,b_2,b_4 - вспомогательные символы, остальные - символы сообщения Вспомогательная матрица $M=\begin{pmatrix} 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 1 & 1 & 0 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 1 \end{pmatrix}$ $b\cdot M^T=0\Rightarrow \begin{cases} b_4+b_5+b_6+b_7=0 \\ b_2+b_3+b_6+b_7=0 \\ b_1+b_3+b_5+b_7=0 \end{cases}$

$$b \cdot M^T = 0 \Rightarrow \begin{cases} b_4 + b_5 + b_6 + b_7 = 0 \\ b_2 + b_3 + b_6 + b_7 = 0 \\ b_1 + b_3 + b_5 + b_7 = 0 \end{cases}$$

Пункт а

$$a = 1010 = b_3 b_5 b_6 b_7 \Rightarrow \begin{cases} b_4 + 0 + 1 + 0 = 0 \\ b_2 + 1 + 1 + 0 = 0 \\ b_1 + 1 + 0 + 0 = 0 \end{cases} \Rightarrow b_4 = 1, b_2 = 0, b_1 = 1 \Rightarrow \mathbf{b} = \mathbf{1011010}$$

Пункт б

a = 0100101

$$a\cdot M^T\Rightarrow egin{cases} 0+1+0+1=0 \ 1+0+0+1=0 \ 0+0+1+1=0 \end{cases}$$
 — все значения равны нулю, следовательно ошибки нет

Пункт в

a = 0010010

$$a\cdot M^T\Rightarrow egin{cases} 0+0+1+0=1 \ 0+1+1+0=0 \ 0+1+0+0=1 \end{cases}$$
 — не все значения равны нулю, следовательно есть ошибка:

 $101_2=5_{10}$, следовательно ошибка в пятой позиции слова, тогда изначальное переданное слово было равно **0010110**, а закодированное слово было **1110**

Ответ

- 1. b = 1011010
- 2. **0101**
- 3. 1110