Курсовая работа по дискретной математики Первая задача

Клименко В. М. – М8О-103Б-22 – 11 вариант
$${\rm Mapt},\, 2023$$

Дано

Матрица смежности орграфа

$$A = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & 1 & 0 \end{pmatrix}$$

Найти

- 1. матрицу односторонней связности
- 2. матрицу сильной связности
- 3. компоненты сильной связности
- 4. матрицу контуров

Решение

Найдем матрицу односторонней связности при помощи итерационного алгоритма:

1.

1.
$$T^{(0)} = E \lor A = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 0 \\ 1 & 1 & 1 & 1 \end{pmatrix}$$

$$2. \ T^{(1)} = ||t_{ij}^{(1)}||, t_{ij}^{(1)} = t_{ij}^{(0)} \lor (t_{i1}^{(0)} \& t_{1j}^{(0)}) = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 0 \\ 1 & 1 & 1 & 1 \end{pmatrix}$$

$$t_{13} = 0$$

$$t_{14} = 0$$

$$t_{24} = 0$$

$$t_{31} = 0$$

$$t_{34} = 0$$

$$3. \ T^{(2)} = ||t_{ij}^{(2)}||, t_{ij}^{(2)} = t_{ij}^{(1)} \lor (t_{i2}^{(1)} \& t_{2j}^{(1)}) = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 & 0 \\ 1 & 1 & 1 & 0 \\ 1 & 1 & 1 & 0 \\ 1 & 1 & 1 & 1 \end{pmatrix}$$

$$t_{13} = 1$$

$$t_{14} = 0$$

$$t_{24} = 0$$

$$t_{31} = 1$$

$$t_{34} = 0$$

4.
$$T^{(3)} = ||t_{ij}^{(3)}||, t_{ij}^{(3)} = t_{ij}^{(2)} \lor (t_{i3}^{(2)} \& t_{3j}^{(2)}) = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 & 0 \\ 1 & 1 & 1 & 0 \\ 1 & 1 & 1 & 0 \\ 1 & 1 & 1 & 1 \end{pmatrix}$$

$$t_{14} = 0$$

$$t_{24} = 0$$

$$t_{34} = 0$$

5.
$$T^{(4)} = ||t_{ij}^{(4)}||, t_{ij}^{(4)} = t_{ij}^{(3)} \lor (t_{i4}^{(3)} \& t_{4j}^{(3)}) = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 & 0 \\ 1 & 1 & 1 & 0 \\ 1 & 1 & 1 & 0 \\ 1 & 1 & 1 & 1 \end{pmatrix}$$

$$t_{14} = 0$$

$$t_{24} = 0$$

$$t_{34} = 0$$

Otbet:
$$T = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 & 0 \\ 1 & 1 & 1 & 0 \\ 1 & 1 & 1 & 0 \\ 1 & 1 & 1 & 1 \end{pmatrix}$$

2.

3.

Вершины в первой строке \overline{S} соотвествуют первой компоненте сильной связности, следовательно первая компонента сильной связности – $\{v_1, v_2, v_3\} \Rightarrow$

4.

Матрица контуров вычисляется как:
$$\overline{S}\&A = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}$$

Otbet:
$$\begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}$$