

第一題

(a) 前三行 if 的判斷式為初值的設定，後面的 else 是計算非初值的 $C(n,m)$ 的值，若 $com[n-1][m-1]$ 的值尚未被設定，因 $C(n,m) = C(n-1,m) + C(n-1,m-1)$ ，所以便到 $combiRec(n-1, m, com)$ 和 $combiRec(n-1, m-1, com)$ 遞迴尋找，但是若 $com[n-1][m-1]$ 的值被設定了，直接 $return com[n-1][m-1]$ ，複雜度為 $O(1)$ 。雖然有遞迴搜尋的步驟，但是表格只會被填一次，且表格的值不會再被更改，所以可解決重複計算的問題。

(b)

```
int** com = new int*[n];
for(int i = 0; i < n; i++)
{
    com[i] = new int[m]; //allocate memory to each row.
    for(int j = 0 ; j < m ; j++){
        com[i][j] = -1; //set each element to "-1".
    }
}
// declare an n by m dynamic array
// and initialize all elements in it to -1
```

(c)

```
int combiRec(int n, int m, int** com)
{
    for(int i = 0 ; i < n ; i++){
        if(i < m)
            com[i][i] = 1;
    }
    // if (n==m) return 1

    for(int i = 0; i < n ; i++){
        com[i][0] = i+1;
    }
    // if (m==1) return n

    for(int i = 1; i <= n ; i++){
        for(int j=1;j<=m;j++){
            if( i > j ){
                if(com[i-1][j-1] == -1){
                    com[i-1][j-1] = com[i-2][j-1] + com[i-2][j-2];
                }
            }
        }
    }
    // filling the table
    return com[n-1][m-1];;
}
```

(d) 將(a)小題展開之後，會得到跟(c)小題相同的 $n*m$ 的 matrix，所以以時間複雜度來說是相同等級的複雜度，(a)小題的好處是只用到需要的 $com[i][j]$ ，但壞處是每次遞迴呼叫需要用到 stack 保存變數；(c)小題的好處是不用用到遞迴呼叫可以減少一些執行時間，但是可能建到不需要用到的 $com[i][j]$

第二題

(a)

建一距離表格 $distance[m][n]$ ，其中 $distance[i][j]$ 表零售店 i 到物流中心 j 的距離

while(j^* 存在)

 找到的到 j^* 的零售店的 Count = 0

 for 零售店 $i = 1$ to m

 minDistance = 400

 minCenter = -1

 maxRemain = 0

 if(零售店還有需求)

 for 物流中心 $j = 1$ to n

 if(物流中心還有剩餘容量 && 銷貨毛利為正)

 找到的到 j^* 的物流中心的 Count++

 if($distance[i][j] < minDistance$)

 minDistance = $distance[i][j]$

 minCenter = j

 maxRemain = j 的剩餘容量

 else if($distance[i][j] == minDistance$

 && j 的剩餘容量 > maxRemain)

 minCenter = j

 maxRemain = j 的剩餘容量

 end of if

 end of if

 end of for

j_i^* 為 minCenter

 end of if

 end of for

 if(找到的到 j^* 的零售店的 Count == 0)

 設 i^* 存在為 false

 end of if

minDistance = 400

minStore = -1

maxNeed = 0

for 零售店 $i = 1$ to m

 if($j_i^* \neq -1$)

 if($distance[i][j_i^*] < minDistance$)

 minDistance = $distance[i][j_i^*]$

```

        minStore = i
        maxNeed = i 的需求數量
    else if(distance[i][j*] == minDistance && i 的需求數量 > maxNeed)
        minStore = i
        maxNeed = i 的需求數量
    end of if
end of if
end of for
i*即為 minStore
if(零售店 i*的未滿足需求 > 物流中心 j*的剩餘容量)
    補貨數量 = 物流中心 j*的剩餘容量
else
    補貨數量 = 零售店 i*的未滿足需求
end of if

利潤 += (價格-成本*距離) * 補貨數量
未滿足需求 -= 補貨數量
零售店 i*之需求數量 -= 補貨數量
物流中心 j 之剩餘容量 -=補貨數量
end of while

```

(b)

```

int main()
{
    int r = 3;
    int** array = new int*[r];
    for(int i = 0; i < r; i++)
    {
        array[i] = new int[i + 1];
        for(int j = 0; j <= i; j++)
            array[i][j] = j + 1;
    }
    print(array , r); // later
    for(int i = 0; i < r; i++){
        delete [] array[i];
    }
    delete [] array; // some delete statements
return 0;
}

```