

ACTIVITE (en deux parties) :

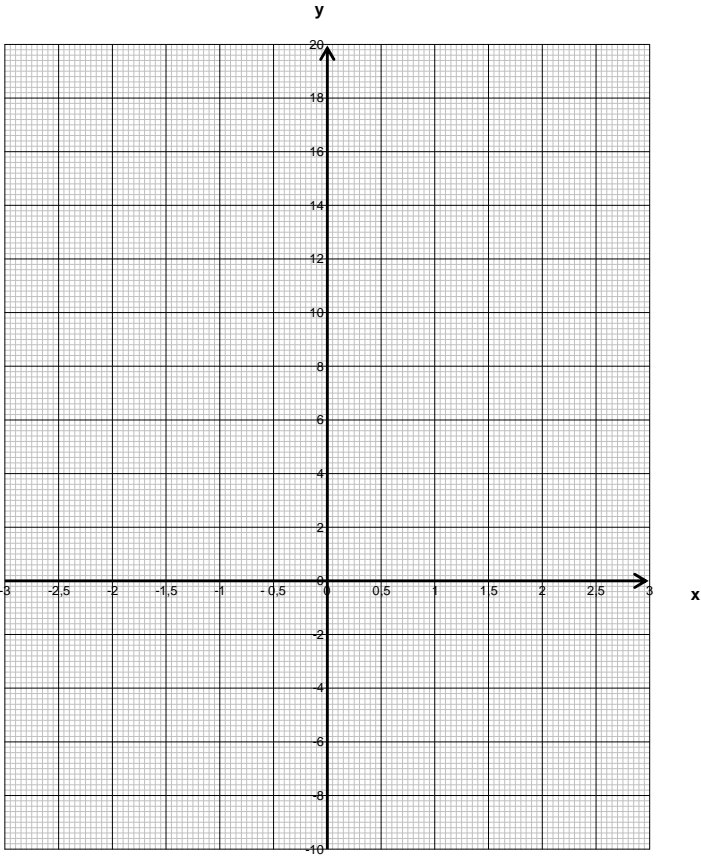
RESOLUTIONS D'EQUATIONS « DU SECOND DEGRE »

PARTIE 1 : Résolutions graphiques

En prenant des valeurs de x dans l'intervalle [-3 ; 3], on souhaite tracer la parabole P représentant la fonction du second degré $f(x) = 2x^2$ sur le repère orthogonal ci-dessous.

Pour cela compléter le tableau de valeurs ci-dessous :

x	-3	-2,5	-2	-1,5	-1	-0,5	0	0,5	1	1,5	2	2,5	3
y													



Etude n° 1 :

a) Sur le repère précédent tracer la droite D₁ d'équation $y = -x + 6$

Aide :

x		
$y = -x + 6$		

b) Résoudre graphiquement l'équation du second degré $2x^2 = -x + 6$

.....

.....

.....

Etude n° 2 :

a) Sur le repère précédent tracer la droite D₁ d'équation $y = -x - 2$

Aide :

x		
$y = -x - 2$		

b) Résoudre graphiquement l'équation du second degré $2x^2 = -x - 2$

.....

.....

.....

Etude n°3 :

a) Sur le repère précédent tracer la droite D₁ d'équation $y = 8x - 8$

Aide :

x		
$y = 8x - 8$		

b) Résoudre graphiquement l'équation du second degré $2x^2 = 8x - 8$

.....

.....

.....

CONCLUSION :

.....

.....

.....

.....

.....

PARTIE 2 : Résolutions par le calcul

En appliquant la méthode et les formules données dans le cours, résoudre par le calcul les équations du second degré étudiées graphiquement dans la partie 1.

Puis comparer avec les résultats obtenus précédemment.

Etude n°1 : Résolution de l'équation $2x^2 = -x + 6$

- 1)
- 2)
- 3)
- 4)
- 5)

Etude n°2 : Résolution de l'équation $2x^2 = -x - 2$

- 1)
- 2)
- 3)
- 4)

Etude n°3 : Résolution de l'équation $2x^2 = 8x - 8$

- 1)
- 2)
- 3)
- 4)
- 5)

TRAVAIL EN GROUPES**A SAVOIR :**

La représentation graphique des fonctions du second degré de la forme $f(x) = ax^2 + bx + c$ est une parabole.

L'« allure » de la parabole dépend du coefficient a qui est devant x^2 :

Si a est positif, la parabole a pour allure :



« Contente »

Si a est négatif, la parabole a pour allure :



« Pas contente »

1) Pour tout x appartenant à l'intervalle $[-4 ; 5]$, on définit les fonctions suivantes :

$$f_1(x) = -x^2 + x + 12$$

$$f_2(x) = 3x^2 - 12x + 9$$

$$f_3(x) = 2x^2 + 8x + 8$$

$$f_4(x) = 8x^2 + x + 1$$

$$f_5(x) = -5x^2 + 20x - 20$$

$$f_6(x) = x^2 + 5$$

Résoudre à l'aide des formules du cours les équations du second degré ci-dessous :

a) $f_1(x) = 0$

b) $f_2(x) = 0$

c) $f_3(x) = 0$

d) $f_4(x) = 0$

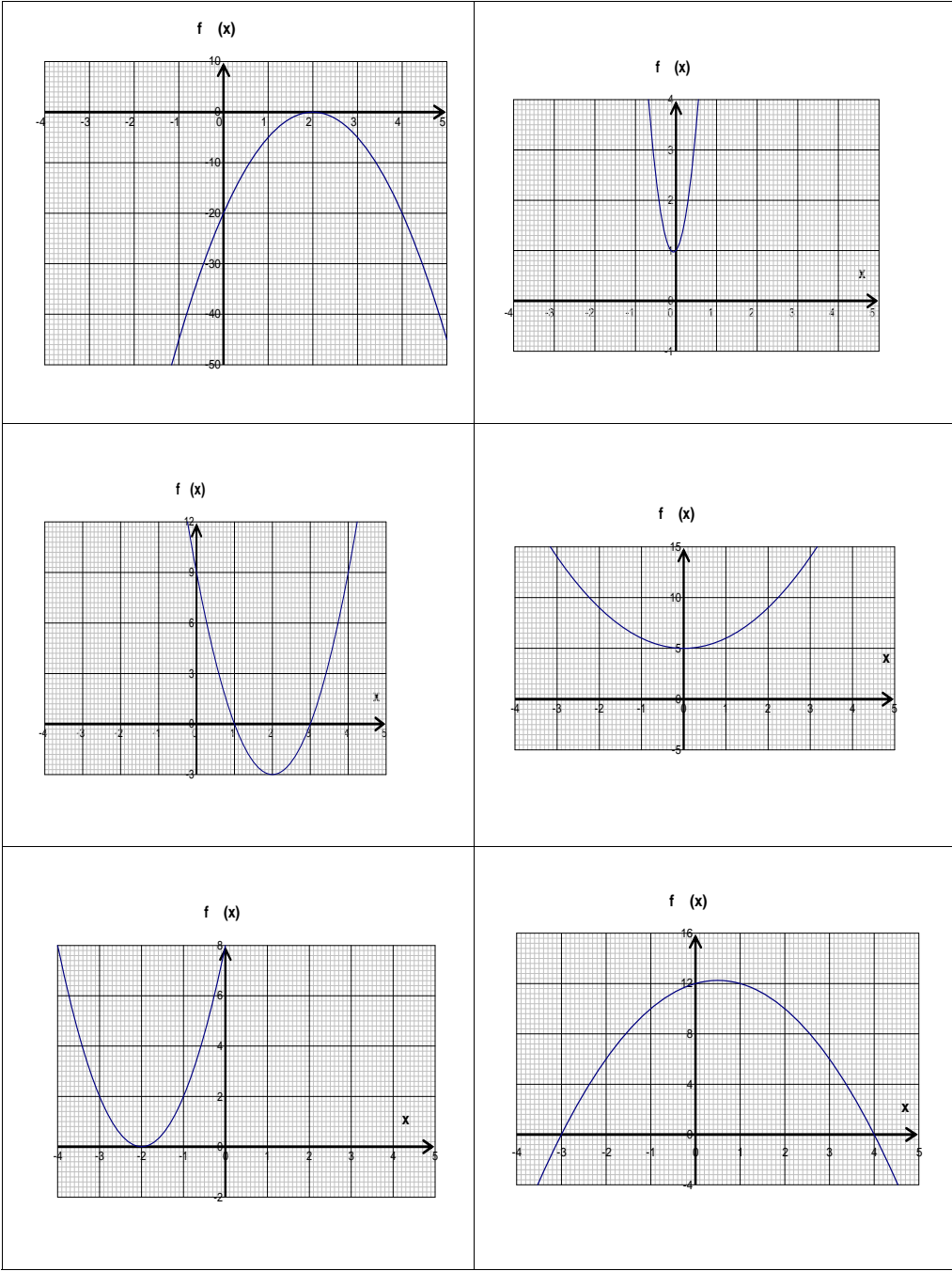
e) $f_5(x) = 0$

f) $f_6(x) = 0$

2) Les représentations graphiques de ces fonctions sont données ci-après.

Identifiez les paraboles qui correspondent à chacune de ces fonctions.

(Précisez sur l'axe des ordonnées la fonction reconnue)



Application

1) En vous servant de leurs représentations graphiques, et pour des valeurs de x comprises dans l'intervalle [-4 ; 5], compléter les tableaux de signe des fonctions f₂,..., f₆ étudiées dans l'exercice précédent.

x	
Signe de f ₂ (x) = 3x ² - 12x + 9	

x	
Signe de f ₃ (x) = 2x ² + 8x + 8	

x	
Signe de f ₄ (x) = 8x ² + x + 1	

x	
Signe de f ₅ (x) = - 5x ² + 20x - 20	

x	
Signe de f ₆ (x) = x ² + 5	

3) Résoudre les inéquations : (pour des valeurs de x comprises dans l'intervalle [-4 ; 5])

- f₂ (x) > 0
- f₃ (x) > 0
- f₄ (x) < 0
- f₅ (x) > 0
- f₆ (x) < 0

EXERCICES DIVERS

Exercice 1 :

1) Faites l'étude complète des fonctions du second degré proposées (quand est-ce qu'elles s'annulent, l'allure des paraboles, les tableaux de signes)

Rappel : Pensez à vous faire un dessin !!

- *Le signe de a indique l'allure de la parabole : dessinez là (sans repère),*
- *Puis le calcul de Delta nous informe du nombre de fois que la parabole coupe l'axe des abscisses (2 fois, 1 fois ou zéro fois),*
- *Enfin le tableau de signe s'écrit facilement par simple observation de votre dessin !*

a) $-6x^2 + 24x - 24$

b) $-7x^2 - 42x + 280$

c) $5x^2 - 180$

2) Résoudre sur $[-10 ; 10]$:

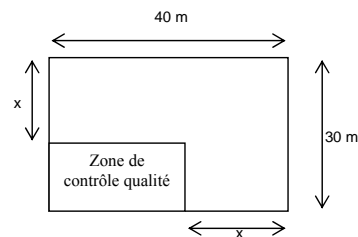
a) $-6x^2 + 24x - 24 \geq 0$

b) $-7x^2 - 42x + 280 \leq 0$

c) $5x^2 - 180 \leq 0$

Exercice 2 :

Lors de l'aménagement d'un atelier, il est prévu de réserver une zone pour le service chargé du contrôle qualité. Les conditions de cet aménagement figurent sur le schéma ci-dessous :



Le but de l'étude est de déterminer la dimension x correspondant à une aire de cette zone de 150 m^2 .

- 1) Exprimer la longueur et la largeur de la zone en fonction de x .
- 2) Déduisez-en l'expression de l'aire de la zone qualité en fonction de x .
- 3) Ecrivez l'équation permettant de calculer la valeur de x pour laquelle l'aire de la zone de contrôle est égale à 150 m^2 .
- 4) Résoudre cette équation et donnez la valeur de x solution du problème posé.

Exercice 3 :

Pour accéder à un port de plaisance entre 10 h et 18 h le 12 juillet 2006, un bateau a besoin d'une hauteur d'eau minimale de 2,10 m. La capitainerie doit communiquer au navigateur à quel moment de la journée il peut entrer dans le port.

A cette date, entre 10 h et 18 h, on peut approcher la hauteur d'eau h (en mètres) dans le port en fonction de l'heure t de la journée par la formule :

$$h(t) = -0,125t^2 + 3,5t - 22$$

- 1) Calculez la hauteur d'eau : à 13 h et à 18 h.
- 2) Résolvez l'équation : $h(t) = 2,10$
- 3) Déterminez les valeurs pour lesquelles : $h(t) \geq 2,10$
- 4) De la question précédente, déduisez, au quart d'heure près, à quel moment de la journée le bateau pourra pénétrer dans le port.

Exercice 4 :

La distance de freinage d'une voiture est la distance parcourue entre le moment où le conducteur voit un obstacle est freiné et l'arrêt du véhicule. On la notera : d

La distance de freinage dépend de la vitesse du véhicule.

Elle s'exprime par la relation : $d = 0,007v^2 + 0,8v$

v désigne la vitesse en km/h et d la distance en m.

- 1) Calculer d lorsque $v = 90 \text{ km/h}$.
- 2) Résoudre l'équation : $0,007v^2 + 0,8v = 50$
- 3) En déduire la vitesse correspondant à une distance de freinage de 50 m.