

Proyecto 1: Rutas Optimas (Algoritmo de Floyd)

Emily Sanchez
Viviana Vargas

Curso: Investigación de Operaciones
II Semestre 2025

11 de septiembre de 2025

1. Introducción

El algoritmo de Floyd-Warshall es un algoritmo para encontrar los caminos más cortos en un grafo ponderado. Fue publicado por Robert Floyd en 1962.

El algoritmo de Floyd se basa en el principio de la Programación Dinámica.


Complejidad espacial: $O(n^2)$

Complejidad temporal: $O(n^3)$

2. Descripción del Problema

Grafo con 9 nodos:


- Nodo A: A
- Nodo B: B
- Nodo C: C
- Nodo D: D
- Nodo E: E
- Nodo F: F
- Nodo G: G
- Nodo H: H
- Nodo I: I



I



H



G

3. Procedimiento del Algoritmo

3.1. Matriz de Distancias Inicial $D(0)$

	A	B	C	D	E	F	G	H	I
A	0	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞
B	∞	0	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞
C	∞	∞	0	∞	∞	∞	∞	∞	∞
D	∞	∞	∞	0	∞	∞	∞	∞	∞
E	∞	∞	∞	∞	0	∞	∞	∞	∞
F	∞	∞	∞	∞	∞	0	∞	∞	∞
G	∞	∞	∞	∞	∞	∞	0	∞	∞
H	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞	0	∞
I	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞	0

Cuadro 1: Matriz de distancias inicial $D(0)$

3.2. Matriz de Caminos Inicial $P(0)$

	A	B	C	D	E	F	G	H	I
A	-	-	-	-	-	-	-	-	-
B	-	-	-	-	-	-	-	-	-
C	-	-	-	-	-	-	-	-	-
D	-	-	-	-	-	-	-	-	-
E	-	-	-	-	-	-	-	-	-
F	-	-	-	-	-	-	-	-	-
G	-	-	-	-	-	-	-	-	-
H	-	-	-	-	-	-	-	-	-
I	-	-	-	-	-	-	-	-	-

Cuadro 2: Matriz de caminos inicial $P(0)$

3.3. Iteraciones del Algoritmo

3.3.1. Iteración 1 ($k = 1$) - Nodo intermedio: A

	A	B	C	D	E	F	G	H	I
A	0	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞
B	∞	0	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞
C	∞	∞	0	∞	∞	∞	∞	∞	∞
D	∞	∞	∞	0	∞	∞	∞	∞	∞
E	∞	∞	∞	∞	0	∞	∞	∞	∞
F	∞	∞	∞	∞	∞	0	∞	∞	∞
G	∞	∞	∞	∞	∞	∞	0	∞	∞
H	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞	0	∞
I	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞	0

Cuadro 3: Matriz de distancias $D(1)$ - Cambios resaltados en verde

Matriz de Distancias $D(1)$

	A	B	C	D	E	F	G	H	I
A	-	-	-	-	-	-	-	-	-
B	-	-	-	-	-	-	-	-	-
C	-	-	-	-	-	-	-	-	-
D	-	-	-	-	-	-	-	-	-
E	-	-	-	-	-	-	-	-	-
F	-	-	-	-	-	-	-	-	-
G	-	-	-	-	-	-	-	-	-
H	-	-	-	-	-	-	-	-	-
I	-	-	-	-	-	-	-	-	-

Cuadro 4: Matriz de caminos $P(1)$ - Cambios resaltados en azul

Matriz de Caminos $P(1)$

3.3.2. Iteración 2 ($k = 2$) - Nodo intermedio: B

Matriz de Distancias $D(2)$

Matriz de Caminos $P(2)$

3.3.3. Iteración 3 ($k = 3$) - Nodo intermedio: C

Matriz de Distancias $D(3)$

	A	B	C	D	E	F	G	H	I
A	0	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞
B	∞	0	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞
C	∞	∞	0	∞	∞	∞	∞	∞	∞
D	∞	∞	∞	0	∞	∞	∞	∞	∞
E	∞	∞	∞	∞	0	∞	∞	∞	∞
F	∞	∞	∞	∞	∞	0	∞	∞	∞
G	∞	∞	∞	∞	∞	∞	0	∞	∞
H	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞	0	∞
I	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞	0

Cuadro 5: Matriz de distancias D(2) - Cambios resaltados en verde

	A	B	C	D	E	F	G	H	I
A	-	-	-	-	-	-	-	-	-
B	-	-	-	-	-	-	-	-	-
C	-	-	-	-	-	-	-	-	-
D	-	-	-	-	-	-	-	-	-
E	-	-	-	-	-	-	-	-	-
F	-	-	-	-	-	-	-	-	-
G	-	-	-	-	-	-	-	-	-
H	-	-	-	-	-	-	-	-	-
I	-	-	-	-	-	-	-	-	-

Cuadro 6: Matriz de caminos P(2) - Cambios resaltados en azul

	A	B	C	D	E	F	G	H	I
A	0	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞
B	∞	0	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞
C	∞	∞	0	∞	∞	∞	∞	∞	∞
D	∞	∞	∞	0	∞	∞	∞	∞	∞
E	∞	∞	∞	∞	0	∞	∞	∞	∞
F	∞	∞	∞	∞	∞	0	∞	∞	∞
G	∞	∞	∞	∞	∞	∞	0	∞	∞
H	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞	0	∞
I	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞	0

Cuadro 7: Matriz de distancias D(3) - Cambios resaltados en verde

Matriz de Caminos P(3)

3.3.4. Iteración 4 (k = 4) - Nodo intermedio: D

Matriz de Distancias D(4)

	A	B	C	D	E	F	G	H	I
A	-	-	-	-	-	-	-	-	-
B	-	-	-	-	-	-	-	-	-
C	-	-	-	-	-	-	-	-	-
D	-	-	-	-	-	-	-	-	-
E	-	-	-	-	-	-	-	-	-
F	-	-	-	-	-	-	-	-	-
G	-	-	-	-	-	-	-	-	-
H	-	-	-	-	-	-	-	-	-
I	-	-	-	-	-	-	-	-	-

Cuadro 8: Matriz de caminos P(3) - Cambios resaltados en azul

	A	B	C	D	E	F	G	H	I
A	0	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞
B	∞	0	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞
C	∞	∞	0	∞	∞	∞	∞	∞	∞
D	∞	∞	∞	0	∞	∞	∞	∞	∞
E	∞	∞	∞	∞	0	∞	∞	∞	∞
F	∞	∞	∞	∞	∞	0	∞	∞	∞
G	∞	∞	∞	∞	∞	∞	0	∞	∞
H	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞	0	∞
I	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞	0

Cuadro 9: Matriz de distancias D(4) - Cambios resaltados en verde

	A	B	C	D	E	F	G	H	I
A	-	-	-	-	-	-	-	-	-
B	-	-	-	-	-	-	-	-	-
C	-	-	-	-	-	-	-	-	-
D	-	-	-	-	-	-	-	-	-
E	-	-	-	-	-	-	-	-	-
F	-	-	-	-	-	-	-	-	-
G	-	-	-	-	-	-	-	-	-
H	-	-	-	-	-	-	-	-	-
I	-	-	-	-	-	-	-	-	-

Cuadro 10: Matriz de caminos P(4) - Cambios resaltados en azul

Matriz de Caminos P(4)

3.3.5. Iteración 5 (k = 5) - Nodo intermedio: E

Matriz de Distancias D(5)

	A	B	C	D	E	F	G	H	I
A	0	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞
B	∞	0	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞
C	∞	∞	0	∞	∞	∞	∞	∞	∞
D	∞	∞	∞	0	∞	∞	∞	∞	∞
E	∞	∞	∞	∞	0	∞	∞	∞	∞
F	∞	∞	∞	∞	∞	0	∞	∞	∞
G	∞	∞	∞	∞	∞	∞	0	∞	∞
H	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞	0	∞
I	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞	0

Cuadro 11: Matriz de distancias D(5) - Cambios resaltados en verde

	A	B	C	D	E	F	G	H	I
A	-	-	-	-	-	-	-	-	-
B	-	-	-	-	-	-	-	-	-
C	-	-	-	-	-	-	-	-	-
D	-	-	-	-	-	-	-	-	-
E	-	-	-	-	-	-	-	-	-
F	-	-	-	-	-	-	-	-	-
G	-	-	-	-	-	-	-	-	-
H	-	-	-	-	-	-	-	-	-
I	-	-	-	-	-	-	-	-	-

Cuadro 12: Matriz de caminos P(5) - Cambios resaltados en azul

Matriz de Caminos P(5)

3.3.6. Iteración 6 (k = 6) - Nodo intermedio: F

	A	B	C	D	E	F	G	H	I
A	0	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞
B	∞	0	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞
C	∞	∞	0	∞	∞	∞	∞	∞	∞
D	∞	∞	∞	0	∞	∞	∞	∞	∞
E	∞	∞	∞	∞	0	∞	∞	∞	∞
F	∞	∞	∞	∞	∞	0	∞	∞	∞
G	∞	∞	∞	∞	∞	∞	0	∞	∞
H	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞	0	∞
I	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞	0

Cuadro 13: Matriz de distancias D(6) - Cambios resaltados en verde

Matriz de Distancias D(6)

	A	B	C	D	E	F	G	H	I
A	-	-	-	-	-	-	-	-	-
B	-	-	-	-	-	-	-	-	-
C	-	-	-	-	-	-	-	-	-
D	-	-	-	-	-	-	-	-	-
E	-	-	-	-	-	-	-	-	-
F	-	-	-	-	-	-	-	-	-
G	-	-	-	-	-	-	-	-	-
H	-	-	-	-	-	-	-	-	-
I	-	-	-	-	-	-	-	-	-

Cuadro 14: Matriz de caminos P(6) - Cambios resaltados en azul

Matriz de Caminos P(6)

3.3.7. Iteración 7 (k = 7) - Nodo intermedio: G

	A	B	C	D	E	F	G	H	I
A	0	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞
B	∞	0	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞
C	∞	∞	0	∞	∞	∞	∞	∞	∞
D	∞	∞	∞	0	∞	∞	∞	∞	∞
E	∞	∞	∞	∞	0	∞	∞	∞	∞
F	∞	∞	∞	∞	∞	0	∞	∞	∞
G	∞	∞	∞	∞	∞	∞	0	∞	∞
H	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞	0	∞
I	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞	0

Cuadro 15: Matriz de distancias D(7) - Cambios resaltados en verde

Matriz de Distancias D(7)

Matriz de Caminos P(7)

3.3.8. Iteración 8 (k = 8) - Nodo intermedio: H

Matriz de Distancias D(8)

Matriz de Caminos P(8)

3.3.9. Iteración 9 (k = 9) - Nodo intermedio: I

Matriz de Distancias D(9)

Matriz de Caminos P(9)

	A	B	C	D	E	F	G	H	I
A	-	-	-	-	-	-	-	-	-
B	-	-	-	-	-	-	-	-	-
C	-	-	-	-	-	-	-	-	-
D	-	-	-	-	-	-	-	-	-
E	-	-	-	-	-	-	-	-	-
F	-	-	-	-	-	-	-	-	-
G	-	-	-	-	-	-	-	-	-
H	-	-	-	-	-	-	-	-	-
I	-	-	-	-	-	-	-	-	-

Cuadro 16: Matriz de caminos P(7) - Cambios resaltados en azul

	A	B	C	D	E	F	G	H	I
A	0	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞
B	∞	0	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞
C	∞	∞	0	∞	∞	∞	∞	∞	∞
D	∞	∞	∞	0	∞	∞	∞	∞	∞
E	∞	∞	∞	∞	0	∞	∞	∞	∞
F	∞	∞	∞	∞	∞	0	∞	∞	∞
G	∞	∞	∞	∞	∞	∞	0	∞	∞
H	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞	0	∞
I	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞	0

Cuadro 17: Matriz de distancias D(8) - Cambios resaltados en verde

	A	B	C	D	E	F	G	H	I
A	-	-	-	-	-	-	-	-	-
B	-	-	-	-	-	-	-	-	-
C	-	-	-	-	-	-	-	-	-
D	-	-	-	-	-	-	-	-	-
E	-	-	-	-	-	-	-	-	-
F	-	-	-	-	-	-	-	-	-
G	-	-	-	-	-	-	-	-	-
H	-	-	-	-	-	-	-	-	-
I	-	-	-	-	-	-	-	-	-

Cuadro 18: Matriz de caminos P(8) - Cambios resaltados en azul

	A	B	C	D	E	F	G	H	I
A	0	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞
B	∞	0	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞
C	∞	∞	0	∞	∞	∞	∞	∞	∞
D	∞	∞	∞	0	∞	∞	∞	∞	∞
E	∞	∞	∞	∞	0	∞	∞	∞	∞
F	∞	∞	∞	∞	∞	0	∞	∞	∞
G	∞	∞	∞	∞	∞	∞	0	∞	∞
H	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞	0	∞
I	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞	0

Cuadro 19: Matriz de distancias D(9) - Cambios resaltados en verde

	A	B	C	D	E	F	G	H	I
A	-	-	-	-	-	-	-	-	-
B	-	-	-	-	-	-	-	-	-
C	-	-	-	-	-	-	-	-	-
D	-	-	-	-	-	-	-	-	-
E	-	-	-	-	-	-	-	-	-
F	-	-	-	-	-	-	-	-	-
G	-	-	-	-	-	-	-	-	-
H	-	-	-	-	-	-	-	-	-
I	-	-	-	-	-	-	-	-	-

Cuadro 20: Matriz de caminos P(9) - Cambios resaltados en azul

4. Resultados Finales

4.1. Matriz de Distancias Final D(9)

	A	B	C	D	E	F	G	H	I
A	0	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞
B	∞	0	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞
C	∞	∞	0	∞	∞	∞	∞	∞	∞
D	∞	∞	∞	0	∞	∞	∞	∞	∞
E	∞	∞	∞	∞	0	∞	∞	∞	∞
F	∞	∞	∞	∞	∞	0	∞	∞	∞
G	∞	∞	∞	∞	∞	∞	0	∞	∞
H	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞	0	∞
I	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞	0

Cuadro 21: Matriz de distancias final D(9)

4.2. Matriz de Caminos Final P(9)

	A	B	C	D	E	F	G	H	I
A	-	-	-	-	-	-	-	-	-
B	-	-	-	-	-	-	-	-	-
C	-	-	-	-	-	-	-	-	-
D	-	-	-	-	-	-	-	-	-
E	-	-	-	-	-	-	-	-	-
F	-	-	-	-	-	-	-	-	-
G	-	-	-	-	-	-	-	-	-
H	-	-	-	-	-	-	-	-	-
I	-	-	-	-	-	-	-	-	-

Cuadro 22: Matriz de caminos final P(9)

4.3. Rutas Óptimas

- No hay rutas válidas entre los nodos.