

Proyecto 1: Rutas Optimas (Algoritmo de Floyd)

Emily Sanchez
Viviana Vargas

Curso: Investigación de Operaciones
II Semestre 2025

September 18, 2025

1 Problema de la Mochila (Knapsack Problem)

El **problema de la mochila** es un clasico de la *optimizacion combinatoria*. Se dispone de una **mochila** con una **capacidad maxima** W y un conjunto de n objetos. Cada objeto i tiene un **peso** w_i y un **valor** v_i . El objetivo es seleccionar los objetos de manera que:

- La suma total de los pesos no exceda la capacidad W .
- Se maximice el valor total de los objetos elegidos.

1.1 Variantes principales

0/1 Knapsack Cada objeto puede elegirse una sola vez o no elegirse: decision binaria.

Bounded Knapsack Cada objeto puede seleccionarse un numero limitado de veces.

Unbounded Knapsack Se permite una cantidad ilimitada de cada objeto.

1.2 Solucion

0/1 Knapsack Se resuelve comunmente con **programacion dinamica**. Sea $dp[i][w]$ el valor maximo al considerar los primeros i objetos y capacidad w .

$$dp[i][w] = \begin{cases} dp[i-1][w] & \text{si } w_i > w, \\ \max(dp[i-1][w], v_i + dp[i-1][w - w_i]) & \text{si } w_i \leq w. \end{cases}$$

Unbounded Knapsack Similar al 0/1 pero permitiendo repeticiones:

$$dp[w] = \max(dp[w], v_i + dp[w - w_i]).$$

Tipo de problema: Bounded Knapsack
Capacidad máxima: 12
Número de objetos: 3

Datos del Problema

Objeto	Costo	Valor	Cantidad
A	5.00	10.00	3
B	10.00	12.00	2
C	4.00	15.00	6

Tabla de Programación Dinámica

Capacidad/Objetos	Ninguno	A	B	C
0	0	0	0	0
1	0	0	0	0
2	0	0	0	0
3	0	0	0	0
4	0	0	0	15
5	0	10	10	15
6	0	10	10	15
7	0	10	10	15
8	0	10	10	15
9	0	10	10	25
10	0	10	12	25
11	0	10	12	25
12	0	10	12	25

Solución Óptima

Valor máximo obtenido: 45
Objetos seleccionados: C, A
Capacidad utilizada: 9