

Resultados del Método Simplex

Problema: **prueba2**

Emily Sánchez
Viviana Vargas

Curso: Investigación de Operaciones
Semestre II: 2025

20 de noviembre de 2025

George Dantzig (1914-2005)
Creador del Método Simplex

Índice

1. El Algoritmo Simplex	3
1.1. Historia	3
1.2. Método de la Gran M	3
1.3. Propiedades Fundamentales	3
2. Formulación del Problema	3
2.1. Función Objetivo	3
2.2. Restricciones	4
2.3. Restricciones de No Negatividad	4
3. Método de Solución	4
3.1. Tabla Inicial del Método Simplex	4
4. Iteraciones del Método Simplex	5
4.1. Tabla Intermedia	5
4.2. Tabla Intermedia	5
4.3. Tabla Intermedia	5
4.4. Tabla Intermedia	5
4.5. Tabla Intermedia	6
4.6. Tabla Final - Solución Óptima	6
5. Resultados	6
5.1. Solución Encontrada	6
6. Conclusión	7

1. El Algoritmo Simplex

1.1. Historia

El método Simplex fue desarrollado por George Dantzig en 1947 mientras trabajaba para la Fuerza Aérea de los Estados Unidos.

Es uno de los algoritmos más importantes en la historia de la optimización matemática y ha sido fundamental en el desarrollo de la programación lineal. Usa operaciones sobre matrices hasta encontrar la solución óptima o determinar que el problema no tiene solución. Parte de un vértice de la región factible y ”salta.” vértices adyacentes que mejoren lo encontrado hasta encontrar la condición de salida.

1.2. Método de la Gran M

El método de la Gran M se utiliza cuando el problema tiene restricciones de tipo \geq o $=$ que requieren variables artificiales. Se asigna un coeficiente M muy grande en la función objetivo para las variables artificiales, donde:

- Para **maximización**: M es negativo grande ($-M$)
- Para **minimización**: M es positivo grande ($+M$)
- El valor de M utilizado es: 1000000

Esto fuerza a las variables artificiales a salir de la base en la solución óptima.

1.3. Propiedades Fundamentales

- **Convergencia:** El algoritmo converge a la solución óptima en un número finito de pasos
- **Optimalidad:** Garantiza encontrar la solución óptima global para problemas convexos
- **Factibilidad:** Mantiene la factibilidad en cada iteración

2. Formulación del Problema

Problema: prueba2

Tipo: Minimización

Número de variables: 2

Número de restricciones: 5

2.1. Función Objetivo

$$\text{Minimizar } Z = 20x_1 + 15x_2$$

2.2. Restricciones

$$\begin{cases} 0,30x_1 + 0,40x_2 \geq 2000 \\ 0,40x_1 + 0,20x_2 \geq 1500 \\ 0,20x_1 + 0,30x_2 \geq 500 \\ x_1 \leq 9000 \\ x_2 \leq 6000 \end{cases}$$

2.3. Restricciones de No Negatividad

$$x_1 \geq 0, \quad x_2 \geq 0$$

3. Método de Solución

Se utilizó el **método de la Gran M** debido a la presencia de restricciones de tipo \geq o $=$.

- Valor de M utilizado: **1000000**
- Se introdujeron variables artificiales para las restricciones relevantes
- El método garantiza encontrar una solución factible si existe

3.1. Tabla Inicial del Método Simplex

Variables básicas: a_1, a_2, a_3, s_1, s_2

Base	x_1	x_2	s_1	s_2	e_1	e_2	e_3	a_1	a_2	a_3	b
Z	0,9M	0,9M	0	0	-M	-M	-M	2M	2M	2M	4000M
a_1	0,30	0,40	0	0	-1	0	0	1	0	0	2000
a_2	0,40	0,20	0	0	0	-1	0	0	1	0	1500
a_3	0,20	0,30	0	0	0	0	-1	0	0	1	500
s_1	1	0	1	0	0	0	0	0	0	0	9000
s_2	0	1	0	1	0	0	0	0	0	0	6000

Nota: Se utilizó el método de la Gran M con $M = 1000000$

Variables artificiales: a_1, a_2, a_3

4. Iteraciones del Método Simplex

4.1. Tabla Intermedia

Iteración: 1

Variables básicas: a_1, a_2, a_3, s_1, s_2

Base	x_1	x_2	s_1	s_2	e_1	e_2	e_3	a_1	a_2	a_3	b
Z	0,9M	0,9M	0	0	-M	-M	-M	2M	2M	2M	4000M
a_1	0.30	0.40	0	0	-1	0	0	1	0	0	2000
a_2	0.40	0.20	0	0	0	-1	0	0	1	0	1500
a_3	0.20	0.30	0	0	0	0	-1	0	0	1	500
s_1	1	0	1	0	0	0	0	0	0	0	9000
s_2	0	1	0	1	0	0	0	0	0	0	6000

4.2. Tabla Intermedia

Iteración: 2

Variables básicas: a_1, a_2, x_2, s_1, s_2

Base	x_1	x_2	s_1	s_2	e_1	e_2	e_3	a_1	a_2	a_3	b
Z	0,3M	0	0	0	-M	-M	2,0M	2M	2M	-1,0M	2500,0M
a_1	0.03	0	0	0	-1	0	1.33	1	0	-1.33	1333.33
a_2	0.27	0	0	0	0	-1	0.67	0	1	-0.67	1166.67
x_2	0.67	1	0	0	0	0	-3.33	0	0	3.33	1666.67
s_1	1	0	1	0	0	0	0	0	0	0	9000
s_2	-0.67	0	0	1	0	0	3.33	0	0	-3.33	4333.33

4.3. Tabla Intermedia

Iteración: 3

Variables básicas: e_3, a_2, x_2, s_1, s_2

Base	x_1	x_2	s_1	s_2	e_1	e_2	e_3	a_1	a_2	a_3	b
Z	0,2M	0	0	0	0,5M	-M	0	0,5M	2M	M	500,1M
e_3	0.02	0	0	0	-0.75	0	1	0.75	0	-1	1000
a_2	0.25	0	0	0	0.50	-1	0	-0.50	1	0	500
x_2	0.75	1	0	0	-2.50	0	0	2.50	0	0	5000
s_1	1	0	1	0	0	0	0	0	0	0	9000
s_2	-0.75	0	0	1	2.50	0	0	-2.50	0	0	1000

4.4. Tabla Intermedia

Iteración: 4

Variables básicas: e_3, a_2, x_2, s_1, e_1

Base	x_1	x_2	s_1	s_2	e_1	e_2	e_3	a_1	a_2	a_3	b
Z	0,4M	0	0	-0,2M	0	-M	0	M	2M	M	300,1M
e_3	-0.20	0	0	0.30	0	0	1	0	0	-1	1300
a_2	0.40	0	0	-0.20	0	-1	0	0	1	0	300
x_2	0	1	0	1	0	0	0	0	0	0	6000
s_1	1	0	1	0	0	0	0	0	0	0	9000
e_1	-0.30	0	0	0.40	1	0	0	-1	0	0	400

4.5. Tabla Intermedia

Iteración: 5

Variables básicas: e_3, x_1, x_2, s_1, e_1

Base	x_1	x_2	s_1	s_2	e_1	e_2	e_3	a_1	a_2	a_3	b
Z	0	0	0	5	0	-50	0	M	1,0M	M	0,1M
e_3	0	0	0	0.20	0	-0.50	1	0	0.50	-1	1450
x_1	1	0	0	-0.50	0	-2.50	0	0	2.50	0	750
x_2	0	1	0	1	0	0	0	0	0	0	6000
s_1	0	0	1	0.50	0	2.50	0	0	-2.50	0	8250
e_1	0	0	0	0.25	1	-0.75	0	-1	0.75	0	625

4.6. Tabla Final - Solución Óptima

Variables básicas: e_3, x_1, x_2, s_1, s_2

Base	x_1	x_2	s_1	s_2	e_1	e_2	e_3	a_1	a_2	a_3	b
Z	0	0	0	0	-20	-35	0	1,0M	1,0M	M	92500
e_3	0	0	0	0	-0.80	0.10	1	0.80	-0.10	-1	950
x_1	1	0	0	0	2	-4	0	-2	4	0	2000
x_2	0	1	0	0	-4	3	0	4	-3	0	3500
s_1	0	0	1	0	-2	4	0	2	-4	0	7000
s_2	0	0	0	1	4	-3	0	-4	3	0	2500

Solución:

$$x_1 = 2000$$

$$x_2 = 3500$$

5. Resultados

5.1. Solución Encontrada

Valor óptimo de Z: 92500,00

Valores de las variables de decisión:

$$x_1 = 2000$$

$$x_2 = 3500$$

6. Conclusión

El problema tiene una **solución óptima única**.

El valor óptimo de la función objetivo es: **Z = 92500,00**

Mensaje: Solución óptima única encontrada

Recomendaciones:

- La solución encontrada es óptima y puede implementarse directamente.