Лекция 17 (продолжение) БГТУ, ФИТ, ПОИТ, 3 семестр Конструирование программного обеспечения

Алгоритмы синтаксического разбора. Продолжение.

1. Приведенные грамматики (КС-грамматики в каноническом виде) — это КС-грамматики, которые не содержат недостижимых и бесплодных символов, цепных и λ-правил («пустых» правил).

Основные цели преобразований КС-грамматик: упрощение правил грамматики и облегчение создания распознавателя языка.

Процесс приведения – упрощение грамматики.

Для приведения КС-грамматики к новому виду, необходимо выполнить следующие действия:

- удалить все бесплодные символы (нетерминальный символ называется бесплодным, если из него нельзя вывести ни одной цепочки);
- удалить все недостижимые символы (недостижимым символом называется символ, недостижимый ни в одном выводе из стартового символа S грамматики);
- удалить λ -правила (правила вида $A \rightarrow \lambda$;
- удалить цепные правила (правило вида $A \to B$, где $A, B \in N$ называется цепным).

Шаги преобразования должны выполняться именно в указанном порядке.

Внимание.

Алгоритмы приведения приведены в лекции 13.

2. Нормальная форма Грейбах:

Контекстно-свободная грамматика $G = \langle T, N, P, S \rangle$ имеет нормальную форму Грейбах, если она не леворекурсивная (не содержит леворекурсивных правил), а правила P имеют вид:

- 1) $A \to a\alpha$, где $a \in T$, $\alpha \in (T \cup N) \cup \{\lambda\}$; (или $\alpha \in (T \cup N)^*$, или $\alpha \in V^*$)
- 2) $S \to \lambda$, где $S \in N$ начальный символ, и если такое правило существует, то нетерминал S не должен встречаться в правой части правил.

3. Преобразование контекстно-свободной грамматики в грамматику Грейбах.

Правила грамматики:

 $S \rightarrow C|CS$

 $\underline{C \rightarrow tfi(F)\{B\};/m\{B\};}$ <- С – цепное правило (вид S \rightarrow C)

 $B \rightarrow NrE$;

 $N\rightarrow O|ON$

Определение. Правило вида $A \to B$, где $A, B \in N$ называется **цепным**.

 $O \rightarrow dti; |rE;|i=E;|dtfi(F);$

 $E \rightarrow i|l|(E)|EvE|i(W)$

F→ti|ti,F

 $W\rightarrow i|l|i,W|l,W$

4. Уберем цепные символы

 $S \rightarrow m\{B\}; |tfi(F)\{B\}; S|m\{B\}; S$

 $B \rightarrow NrE$;

 $N\rightarrow O|ON$

 $O \rightarrow dti;/rE;/i=E;/dtfi(F);$ <- O – цепное правило (вид N \rightarrow O)

 $E \rightarrow i|l|(E)|EvE|i(W)$

F→ti|ti,F

 $W\rightarrow i|l|i,W|l,W$

5. Уберем цепные символы

 $S \rightarrow m\{B\};|tfi(F)\{B\};S|m\{B\};S$

 $B \rightarrow NrE$;

 $N \rightarrow dti;|rE;|i=E;|dtfi(F);|dti;N|rE;N|i=E;N|dtfi(F);N$

 $E {\rightarrow} i|l|(E)|EvE|i(W)$

 $F \rightarrow ti|ti,F$

 $W \rightarrow i|l|i,W|l,W$

6. Построим нормальную форму Грейбах

 $S {\longrightarrow} \ m\{\textit{NrE}\}; |tfi(F)\{\textit{NrE}\}; S| m\{\textit{NrE}\}; S$

 $N \! \rightarrow dti; |rE;|i=E;|dtfi(F);|dti;N|rE;N|i=E;N|dtfi(F);N$

 $E \rightarrow i|l|(E)|\underline{\textit{EvE}}|i(W)$

 $F \rightarrow ti | ti, F$

 $W \rightarrow i|l|i,W|l,W$

Правило $E \rightarrow EvE$ не соответствует виду правил грамматики в нормальной форме Γ рейьах.

Введем нетерминал M, где $M \rightarrow vE/vEM$

Тогда добавятся правила:

 $E \rightarrow iM$, $E \rightarrow lM$, $E \rightarrow (E)M$, $E \rightarrow i(W)M$

7. Эквивалентная грамматика в нормальной форме Грейбах:

 $S \rightarrow m\{NrE;\}; |tfi(F)\{NrE;\}; S|m\{NrE;\}; S$

 $N \rightarrow dti;|rE;|i=E;|dtfi(F);|dti;N|rE;N|i=E;N|dtfi(F);N$

 $E \rightarrow i|l|(E)|i(W)|iM|lM|(E)M|i(W)M$

 $M \rightarrow vE|vEM$

 $F \rightarrow ti | ti, F$

 $W \rightarrow i|l|i,W|l,W$

МП-автомат
$$M=\langle Q,V,Z,\delta,q_0,z_0,F\rangle$$
:
$$Q=\{q_0\},V=\{d,f,i,l,m,r,t,v,\backslash\},\backslash\{,\backslash),\langle,;,=\}$$

$$Z=V\cup\{S,C,B,N,O,E,F,W\}\cup\{z_0\}$$

z₀ - начальное состояние (маркер дна)

S – стартовый символ

Функции переходов б:

a)
$$\forall A : (A \to \alpha) \in P \Rightarrow \delta(q_0, \lambda, A) = (q_0, \alpha^R)$$

	$\alpha^{R}(1)$	$\alpha^{R}(2)$	$\alpha^{R}(3)$	$\alpha^{R}(4)$	$\alpha^{R}(5)$	$\alpha^{R}(6)$	$\alpha^{R}(7)$
S	;}Er{m	S;};ErN{)F(ift	S;}ErN{	S;}ErN{m			
N	;itd	;Er	;E=i	;)F(iftd	N;itd	N;Er	N;E=i
Е	i	1)E()W(i	Mi	Ml	M)E(
M	Ev	MEv					
F	it	F,it					
W	i	1	W,i	W,1			

b)
$$\forall a \in T \Rightarrow \delta(q_0, a, a) = (q_0, \lambda)$$

аргументы	Значение
q_0,d,d	
q_0,f,f	
q_0,i,i	
q_0,r,r	q_0,λ
q_0,t,t	10,11
$q_0, \}, \}$	
$q_0, \{, \{$	
$q_0,(,($	
$q_{0},),)$	
q ₀ ,;,;	

c)
$$\delta(q_0, \lambda, z_0) = (q_0, \lambda)$$

Функция переходов для нетерминалов

	$\alpha^{R}(1)$	$\alpha^{R}(2)$	$\alpha^{R}(3)$	$\alpha^{R}(4)$	$\alpha^{R}(5)$	$\alpha^{R}(6)$	$\alpha^{R}(7)$	$\alpha^{R}(8)$
S	;}Er{m	S;};ErN{)F(ift	S;}ErN{	S;}ErN{m				
N	;itd	;Er	;E=i	;)F(iftd	N;itd	N;Er	N;E=i	N;)F(iftd
E	i	1)E()W(i	Mi	Ml	M)E(M)W(i
M	Ev	MEv						
F	it	F,it						
W	i	1	W,i	W,1				

8. Синтаксический разбор (красным цветом выделено подходящее правило – подбор альтернативы)

1	
Лента	tfi(ti,ti){dti;i=iv(ivi);ri;};tfi(ti,ti){dti;dtfi(ti,ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;};m{dti;dti;d
	ti;dti;dti;dtfi(ti);i=i;i=l;i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi;pi;pi(i);rl;};
Магазин	Z_0S
Правило	$S(2) \rightarrow S \rightarrow tfi(F)\{NrE;\};S$

2	
Лента	tfi(ti,ti){dti;i=iv(ivi);ri;};tfi(ti,ti){dti;dtfi(ti,ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;};m{dti;dti;d
	ti;dti;dti;dti;dtfi(ti);i=i;i=l;i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi;pi;pi(i);rl;};
Магазин	$Z_0 S;$;ErN{)F(ift
Лента	ti,ti){dti;i=iv(ivi);ri;};tfi(ti,ti){dti;dtfi(ti,ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;};m{dti;dti;dti;dti;dti;dti;dti;dti;dti;dti;
	ti;dti;dtfi(ti);i=i;i=l;i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi;pi;pi(i);rl;};
Магазин	$Z_0S;$ $ErN{)F}$
Правило	$F(2) \rightarrow F \rightarrow ti,F$

3	
Лента	ti,ti){dti;i=iv(ivi);ri;};tfi(ti,ti){dti;dtfi(ti,ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;};m{dti;dti;dti;dti;dti;dti;dti;dti;dti;dti;
	ti;dti;dtfi(ti);i=i;i=l;i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi;pi;pi(i);rl;};
Магазин	$Z_0 S;$; ErN{)F, it
Лента	ti){dti;i=iv(ivi);ri;}tfi(ti,ti){dti;dtfi(ti,ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;};m{dti;dti;dti;dti;
	dti;dtfi(ti);i=i;i=l;i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi;pi;pi(i);rl;};
Магазин	$Z_0 S;$;ErN{)F
Правило	$F(1) \rightarrow F \rightarrow ti$

4	
Лента	ti){dti;i=iv(ivi);ri;};tfi(ti,ti){dti;dtfi(ti,ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;};m{dti;dti;d
	ti;dti;dti;dtfi(ti);i=i;i=l;i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi;pi;pi(i);rl;};
Магазин	$Z_0S;$;ErN{)it
Лента	dti;i=iv(ivi);ri;};tfi(ti,ti){dti;dtfi(ti,ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;};m{dti;dti;dti;d
	ti;dti;dtfi(ti);i=i;i=l;i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi;pi;pi(i);rl;};
Магазин	$Z_0S;$;ErN
Правило	$N(1) \rightarrow N \rightarrow dti;$

5	
Лента	dti;i=iv(ivi);ri;};tfi(ti,ti){dti;dtfi(ti,ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;};m{dti;dti;dti;d
	ti;dti;dti;dtfi(ti);i=i;i=l;i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi;pi;pi(i);rl;};
Магазин	$Z_0S;$ }Er;itd
Лента	i=iv(ivi);ri;};tfi(ti,ti){dti;dtfi(ti,ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;};m{dti;dti;dti;dti;dti
	ti;dti;dtfi(ti);i=i;i=l;i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi;pi;pi(i);rl;};
Магазин	$Z_0S;$ }; E_r
Правило	Возврат на 4

6(4)	
Лента	dti;i=iv(ivi);ri;};tfi(ti,ti){dti;dtfi(ti,ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;};m{dti;dti;dti;dti}
	ti;dti;dtfi(ti);i=i;i=l;i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi;pi;pi(i);rl;};
Магазин	$Z_0S;$;ErN
Правило	$N(5) \rightarrow N \rightarrow dti;N$

6(4)	
Лента	dti;i=iv(ivi);ri;}tfi(ti,ti){dti;dtfi(ti,ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;};m{dti;dti;dt
	i;dti;dtfi(ti);i=i;i=l;i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi;pi;pi(i);rl;};
Магазин	Z_0S ;};ErN;itd
Лента	i=iv(ivi);ri;};tfi(ti,ti){dti;dtfi(ti,ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;};m{dti;dti;dti;dti;dti}
	ti;dti;dtfi(ti);i=i;i=l;i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi;pi;pi(i);rl;};
Магазин	$Z_0S;$;ErN
Правило	$N(3) \rightarrow N \rightarrow i=E;$

7	
Лента	i=iv(ivi);ri;};tfi(ti,ti){dti;dtfi(ti,ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;};m{dti;dti;dti;dti;dti}
	ti;dti;dtfi(ti);i=i;i=l;i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi;pi;pi(i);rl;};
Магазин	$Z_0S;$; $Er;E=i$
Лента	iv(ivi);ri;};tfi(ti,ti){dti;dtfi(ti,ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;};m{dti;dti;dti;dti;dti;
	dti;dtfi(ti);i=i;i=l;i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi;pi;pi(i);rl;};
Магазин	$Z_0S;$;Er;E
Правило	$E(5) \rightarrow E \rightarrow iM$

8	
Лента	iv(ivi);ri;};tfi(ti,ti){dti;dtfi(ti,ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;};m{dti;dti;dti;dti;dti;
	dti;dtfi(ti);i=i;i=l;i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi;pi;pi(i);rl;};
Магазин	$Z_0S;$;Er;Mi
Лента	v(ivi);ri;};tfi(ti,ti){dti;dtfi(ti,ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;};m{dti;dti;dti;dti;dti;
	dti;dtfi(ti);i=i;i=l;i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi;pi;pi(i);rl;};
Магазин	$Z_0S;$;Er;M
Правило	$M(1) \rightarrow M \rightarrow vE$

9	
Лента	v(ivi);ri;}tfi(ti,ti){dti;dtfi(ti,ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;};m{dti;dti;dti;dti;dti;dti}
	ti;dtfi(ti);i=i;i=l;i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi;pi;pi(i);rl;};
Магазин	$Z_0S;$;Er;Ev
Лента	(ivi);ri;};tfi(ti,ti){dti;dtfi(ti,ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;};m{dti;dti;dti;dti;dti
	(ivi);ri;};tfi(ti,ti){dti;dtfi(ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;};m{dti;dti;dti;dti;dti;dti;dti;dti;i;i=i;i=l;i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi;pi;pi(i);rl;};
Магазин	$Z_0S;$;Er;E
Правило	$E(3) \rightarrow E \rightarrow (E)$

10	
Лента	(ivi);ri;};tfi(ti,ti){dti;dtfi(ti,ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;};m{dti;dti;dti;dti;dti
	i;dtfi(ti);i=i;i=l;i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi;pi;pi(i);rl;};
Магазин	$Z_0S;$;Er;)E(
Лента	ivi);ri;};tfi(ti,ti){dti;dtfi(ti,ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;};m{dti;dti;dti;dti;dti
	;dtfi(ti);i=i;i=l;i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi;pi;pi(i);rl;};
Магазин	$Z_0S;$;Er;)E
Правило	$E(5) \rightarrow E \rightarrow iM$

11	
Лента	ivi);ri;};tfi(ti,ti){dti;dtfi(ti,ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;};m{dti;dti;dti;dti;dti
	;dtfi(ti);i=i;i=l;i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi;pi;pi(i);rl;};
Магазин	$Z_0S;$;Er;)Mi
Лента	vi);ri;};tfi(ti,ti){dti;dtfi(ti,ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;};m{dti;dti;dti;dti;dti;dti;
	dtfi(ti);i=i;i=l;i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi;pi;pi(i);rl;};
Магазин	$Z_0S;$;Er;)M
Правило	$M(1) \rightarrow M \rightarrow vE$

12	
Лента	vi);ri;};tfi(ti,ti){dti;dtfi(ti,ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;};m{dti;dti;dti;dti;dti;dti;
	dtfi(ti);i=i;i=l;i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi;pi;pi(i);rl;};
Магазин	$Z_0S;$;Er;)Ev
Лента	i);ri;};tfi(ti,ti){dti;dtfi(ti,ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;};m{dti;dti;dti;dti;dti;dti;dti
	tfi(ti);i=i;i=l;i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi;pi;pi(i);rl;};
Магазин	$Z_0S;$;Er;)E
Правило	$E(1) \rightarrow E \rightarrow i$

13	
Лента	i);ri;};tfi(ti,ti){dti;dtfi(ti,ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;};m{dti;dti;dti;dti;dti;dti;dti;dti;dti;dti;
	tfi(ti);i=i;i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi;pi;pi(i);rl;};
Магазин	$Z_0S;$;Er;)i
Лента	i;};tfi(ti,ti){dti;dtfi(ti,ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;};m{dti;dti;dti;dti;dti;dtfi(
	ti);i=i;i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi;pi;pi(i);rl;};
Магазин	$Z_0S;$;E
Правило	$E(1) \rightarrow E \rightarrow i$

14	
Лента	i;};tfi(ti,ti){dti;dtfi(ti,ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;};m{dti;dti;dti;dti;dti;dtfi(ti);i=i;i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi;pi(i);rl;};
Магазин	$Z_0S;$;i
Лента	tfi(ti,ti){dti;dtfi(ti,ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;};m{dti;dti;dti;dti;dti;dtfi(ti);i =i;i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi;pi(i);rl;};
Магазин	Z_0S
Правило	$S(2) \rightarrow S \rightarrow tfi(F)\{NrE;\};S$

15	
Лента	tfi(ti,ti){dti;dtfi(ti,ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;};m{dti;dti;dti;dti;dti;dti;dti;dti;dti;dti;
	=i;i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi;pi;pi(i);rl;};
Магазин	$Z_0S;$;ErN{)F(ift
Лента	ti,ti){dti;dtfi(ti,ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;};m{dti;dti;dti;dti;dti;dtfi(ti);i=i;
	i=1; i=1; i=i(i,i); i=i(i,i); p1; pi; pi; pi(i); r1;
Магазин	$Z_0S;$;ErN{)F
Правило	$F(2) \rightarrow F \rightarrow ti,F$

16	
Лента	ti,ti){dti;dtfi(ti,ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;};m{dti;dti;dti;dti;dti;dtfi(ti);i=i;
	i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi;pi;pi(i);rl;};
Магазин	$Z_0S;$;ErN{)F,it
Лента	ti){dti;dtfi(ti,ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;};m{dti;dti;dti;dti;dti;dtfi(ti);i=i;i=
	l;i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi;pi;pi(i);rl;};
Магазин	$Z_0S;$;ErN{)F
Правило	$F(1) \rightarrow F \rightarrow ti$

17	
Лента	ti){dti;dtfi(ti,ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;};m{dti;dti;dti;dti;dti;dtfi(ti);i=i;i=
	l;i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi;pi;pi(i);rl;};
Магазин	$Z_0S;$;ErN{)it
Лента	dti;dtfi(ti,ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;};m{dti;dti;dti;dti;dti;dtfi(ti);i=i;i=l;i=
	l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi;pi;pi(i);rl;};
Магазин	$Z_0S;$;ErN
Правило	$N(5) \rightarrow N \rightarrow dti;N$

18	
Лента	dti;dtfi(ti,ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;};m{dti;dti;dti;dti;dti;dtfi(ti);i=i;i=l;i=
	l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi;pi;pi(i);rl;};
Магазин	$Z_0S;$;ErN;itd
Лента	dtfi(ti,ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;};m{dti;dti;dti;dti;dti;dtfi(ti);i=i;i=l;i=l;i=
	l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi;pi;pi(i);rl;};
Магазин	$Z_0S;$;ErN
Правило	$N(4) \rightarrow N \rightarrow dtfi(F);$

18	
Лента	dtfi(ti,ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;};m{dti;dti;dti;dti;dti;dtfi(ti);i=i;i=l;i=l;i=
	l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi;pi;pi(i);rl;};
Магазин	$Z_0S;$;Er;)F(iftd
Лента	ti,ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;};m{dti;dti;dti;dti;dti;dtfi(ti);i=i;i=l;i=l;i=l;i=i
	(i,i);i=i(i,i);pl;pi;pi(i);rl;};
Магазин	$Z_0S;$ };Er;)F
Правило	$F(2) \rightarrow F \rightarrow ti,F$

19	
Лента	ti,ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;};m{dti;dti;dti;dti;dti;dtfi(ti);i=i;i=l;i=l;i=l;i=i (i,i);i=i(i,i);pl;pi;pi(i);rl;};
Магазин	$Z_0S;$; Er;)F, it
Лента	$ti,ti); i=i(i,l,l) \lor i; ri; \}; m\{dti;dti;dti;dti;dti;dti;dtfi(ti); i=i; i=l; i=l; i=l; i=i(i,l,l)); m\{dti;dti;dti;dti;dti;dti;dti;dti;dti;dti;$
	i);i=i(i,i);pl;pi;pi(i);rl;};
Магазин	$Z_0S;$;Er;)F
Правило	$F(2) \rightarrow F \rightarrow ti,F$

20	
Лента	ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;};m{dti;dti;dti;dti;dti;dtfi(ti);i=i;i=l;i=l;i=l;i=i(i,
	i);i=i(i,i);pl;pi;pi(i);rl;};
Магазин	$Z_0S;$;Er;)F,it
Лента	ti);i=i(i,l,l)vi;ri;};m{dti;dti;dti;dti;dti;dti;dtfi(ti);i=i;i=l;i=l;i=l;i=i(i,i)
	;i=i(i,i);pl;pi;pi(i);rl;};
Магазин	$Z_0S;$;Er;)F
Правило	$F(1) \rightarrow F \rightarrow ti$

	$\alpha^{R}(1)$	$\alpha^{R}(2)$	$\alpha^{R}(3)$	$\alpha^{R}(4)$	$\alpha^{R}(5)$	$\alpha^{R}(6)$	$\alpha^{R}(7)$	$\alpha^{R}(8)$
S	;}Er<{m	S;};ErN{)F(ift	S;}ErN{	S;}ErN{m				
N	;itd	;Er	;E=i	;)F(iftd	N;itd	N;Er	N;E=i	N;)F(iftd
E	i	1)E()W(i	Mi	Ml	M)E(M)W(i
M	Ev	MEv						
F	it	F,it						
W	i	1	W,i	W,1				