Измерване на дължината на средния свободен пробег на молекулите на въздух

Лабораторно упражнение №3.2

Виолета Кабаджова, ККТФ, фак. номер: 3РН0600026

Физически Факултет, Софийски Университет "Св. Климент Охридски" 28 май 2023 г.

1 Теоритична част

При движението на един реален флуид възникват сили на вътрешно триене, които се описват чрез ур. 1, където η - коефициент на вътрешно триене, $\left|\frac{\Delta v}{\Delta y}\right|$ - изменението на големината на скоростта, S - площта на триещите се слоеве.

$$F = \eta \left| \frac{\Delta v}{\Delta y} \right| S \tag{1}$$

Изследваме флуид в тръба, и тъй като той се движи под действие на разликата в налягания в двата края на тръбата, то потокът, който преминава през тръба, може да се опише посредством закона на Поазьой 3.

Използвайки формулата за потока флуид Q, преминаващ през тръбата, (закон на Поазьой 3), обема на изтеклия през тръбата флуид за време t (формила 4), както и изразяването на Δp под формата 2, получаваме работната ни формула 6 за коефициента на вътрешно триене η , която зависи от променливите V, t, Δh , които можем да измерим пряко при протичането на количество флуид през тръба.

$$\Delta p = p_1 - p_2 = \rho g h_1 - \rho g h_2 = \rho g \Delta h \tag{2}$$

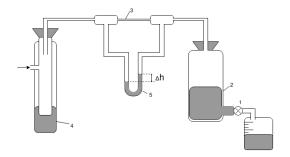
$$Q = \frac{\Delta p}{8nl} \pi r^4 \tag{3}$$

$$V = Qt = \frac{\Delta p}{8\eta l} \pi r^4 t \tag{4}$$

$$V = Qt = \frac{\rho g \Delta h}{8nl} \pi r^4 t \tag{5}$$

$$\eta = \frac{\rho g \Delta h}{8VI} \pi r^4 t \tag{6}$$

От друга страна молекулна-кинетичната теория ни давата връзка между коефициента на вътрешно триене на слоевете на флуид η и дължината на свободния пробег на молекулите $\bar{\lambda}$ чрез ур. 7, където ρ е плътността на флуида, а \bar{u} - средната топлинна скорост на молекулите.



Фигура 1: Схема на опитна постановка; 1 - кран, 2 - стъклен съд, 3 - капилярка, 4 - изсушител, 5 - диференциален манометър

$$\eta = \frac{1}{3}\rho\bar{u}\bar{\lambda} \tag{7}$$

От закона на Максуел за разпределението на молекулите по големината на скоростта за средната топлинна скорост \bar{u} се получава уравнение 8. Именно от 7 и 8 можем да изследваме дължината на свободния пробег на молекулите на флуид, протичащ през тръба, използвайки ур. 9.

$$\bar{u} = \sqrt{\frac{8kT}{\pi m}} = 1.6\sqrt{\frac{kT}{m}} = 1.6\sqrt{\frac{RT}{\mu}} \tag{8}$$

$$\bar{\lambda} = \frac{3\eta}{\rho \bar{u}} = \frac{3\eta}{1.6\rho} \sqrt{\frac{\mu}{RT}} \tag{9}$$

2 Експериментална част

2.1 Експериментална установка

2.2 Задача: Измерване коефициента на вътрешно триене и дължината на свободния пробег на молекулите на въздуха

Коефициентът на вътрешно триене η намираме посредством формула 6 и опитната постановка, илюстрирана на фиг. 1. От стъкления съд 2 се пуска да тече вода с постоянна скорост. Това предизвиква различно

налягане в тръбичките, като от едната страна на манометъра налягането е атмосферно, а от другата - промененото в следствие на теча на вода, което води до навлизане на повече въздух към съответната страна на диференциалния манометър през капилярката ("отдясно"на илюстрация 1). Измерва се обемът на изтеклото количество вода в съда, на който има поставена скала, засича се времето и се изчисляват съответните коефициенти, като резултатите записваме в таблица 1. В същата таблица записваме и изчислената средна дължина на свободниня пробег, използвайки формула 9, като от ур.8 получаваме $\bar{u}=399.02\pm0.07m/s^2$. В таблица 2 са записани константите, използвани при пресмятанията.

N	$h_i, [m]$	$t_i, [s]$	$\eta_i \cdot 10^{-6}, [-]$	$\bar{\lambda} \cdot 10^{-9}, [\text{m}]$	Re
1	0.105	39	50.7 ± 3.6	253 ± 19	104.06
2	0.107	35	46.4 ± 3.4	231 ± 18	126.79
3	0.082	50	50.8 ± 3.3	254 ± 17	81.07
4	0.126	33	51.5 ± 3.8	257 ± 20	121.12
5	0.094	40	46.6 ± 3.3	232 ± 17	110.50

Таблица 1: Измервания и резултати

Величина	Стойност и грешка	Мерна единица
Обем на изтеклото	$(300 \pm 50) \cdot 10^{-6}$	m^3
количество вода V		
Плътност на въздуха ρ_{air}	(1.293 ± 0.0005)	$kg \cdot m^3$
Земно ускорение g	(9.81 ± 0.005)	$\mathrm{m/s^2}$
Дължина на капилярка l	(0.134 ± 0.0005)	m
Стайна температура Т	(293.15 ± 0.005)	K
Моларна маса на въздуха μ_{air}	(0.289 ± 0.0005)	kg/mol
Универсална газова константа R	(6.1314 ± 0.00005)	$J \cdot mol^{-1} \cdot K^{-1}$

Таблица 2: Константи, използвани при пресмятанията

За да определим дали флуидът се е движил ламинарно в тръбата, използваме сравнение с числото на Рейнолдс Re, за което трябва да е изпълнено уравнение 10, където \bar{v} е средната скорост на изтичане, т.е.

скоростта, която би осигурила същия поток, ако всички слоеве на тръбата се движеха в нея (ур. 11). Числото на Рейнолдс записваме като последна колона в таблицата. Тъй като всички стойности са под 1200, заключваме, че флуидът се е движил ламинрно.

$$Re = \frac{r\bar{v}\rho}{\eta} < 1200 \tag{10}$$

$$\bar{v} = \frac{V}{\pi r^2 t} \tag{11}$$