

Хэш-функции

Калитеевский В.

271 группа

2012 г.

MD5

MD5 (англ. Message Digest 5) — 128-битный алгоритм хеширования.

Сообщение делится на блоки по 512 бит, затем от каждого блока вычисляется функция и все результаты функций собираются вместе в 128-битный хеш. Рассмотрим по очереди эти три этапа:

1. Разбиение на блоки.

- Записываем размер сообщения в виде 64-битного целого числа N .
- Добавляем к сообщению один бит равный 1.
- Добавляем к сообщению некоторое число нулевых битов и затем дописываем 64-битный N . Число нулевых битов выбираем так, чтобы длина сообщения была кратна 512 битам.



сообщение

512 б

MD5

2. Обработка 512-битного блока.

MD5 функция аналогична процессору, у которого 4 регистра по 32 бита (W_1, W_2, W_3, W_4). В начале эти регистры инициализируются константами:

$W_1 = 01\ 23\ 45\ 67$; $W_2 = 89\ ab\ cd\ ef$; $W_3 = fe\ dc\ ba\ 98$; $W_4 = 76\ 54\ 32\ 10$.

После инициализации процессору подают по очереди 512-битные блоки из дополненного сообщения, чтобы тот изменил свои регистры в зависимости от содержимого блока. Для обработки блока возьмем следующую функцию:

```
md5.T = function(i)
{
    return Math.floor(0x100000000 * Math.abs(Math.sin(i)))
}
```

MD5

Назовём обрабатываемый 512-битный блок массивом $X[0..15]$ из 16-ти 32-битных целых чисел. Процессор умеет выполнять команду $[abcd\ k\ s\ i]$ которая меняет один регистр:

$$W_a = W_b + ((W_a + X[k] + T(i + 1) + F_i(W_b, W_c, W_d)) \lll s)$$

Где $n \lll s$ означает циклический сдвиг влево на s бит. MD5 получает 512-битный блок, сохраняет регистры ($Q_i = W_i$) и выполняет 64 команды:

[0123 00 07 00]	[1230 07 22 07]	[2301 14 17 14]
[3012 01 12 01]	[0123 08 07 08]	[1230 15 22 15]
[2301 02 17 02]	[3012 09 12 09]	[0123 01 05 16]
[1230 03 22 03]	[2301 10 17 10]	[3012 06 09 17]
[0123 04 07 04]	[1230 11 22 11]	[2301 11 14 18]
[3012 05 12 05]	[0123 12 07 12]	[1230 00 20 19]
[2301 06 17 06]	[3012 13 12 13]

MD5

Назовём обрабатываемый 512-битный блок массивом $X[0..15]$ из 16-ти 32-битных целых чисел. Процессор умеет выполнять команду $[abcd\ k\ s\ i]$ которая меняет один регистр:

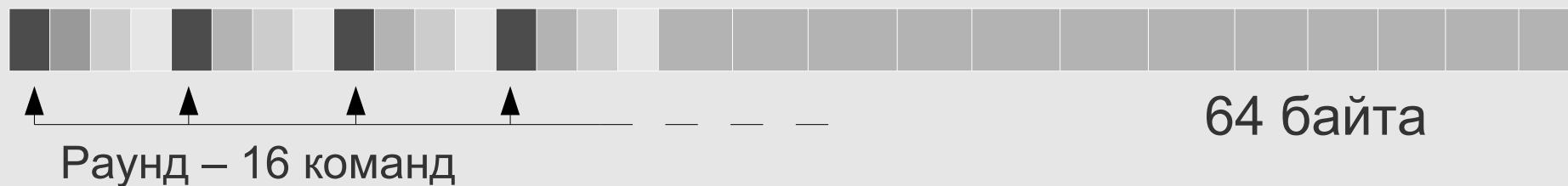
$$W_a = W_b + ((W_a + X[k] + T(i + 1) + F_i(W_b, W_c, W_d)) \lll s)$$

Где $n \lll s$ означает циклический сдвиг влево на s бит. MD5 получает 512-битный блок, сохраняет регистры ($Q_i = W_i$) и выполняет 64 команды:

[0123 00 07 00]	[1230 07 22 07]	[2301 14 17 14]
[3012 01 12 01]	[0123 08 07 08]	[1230 15 22 15]
[2301 02 17 02]	[3012 09 12 09]	[0123 01 05 16]
[1230 03 22 03]	[2301 10 17 10]	[3012 06 09 17]
[0123 04 07 04]	[1230 11 22 11]	[2301 11 14 18]
[3012 05 12 05]	[0123 12 07 12]	[1230 00 20 19]
[2301 06 17 06]	[3012 13 12 13]

MD5

Группа из 16-ти команд называется раундом. Параметры команды a , b , c , d , i можно вычислить по её номеру. Параметры k , s стандартны и берутся из таблицы. После выполнения всех 64 команд MD5 добавляет к регистрам их сохранённые значения: $W_i = W_i + Q_i$.



MD5

3. Получение хеша.

После того как MD5 обработал последний 512-битный блок, он соединяет свои регистры в 16-байтное число: $[W0, W1, W2, W3]$. Это число и есть MD5 хеш.

SHA1

1. Разбиение на блоки.

- Записываем размер сообщения в виде 64-битного целого числа N .
- Добавляем к сообщению один бит равный 1.
- Добавляем к сообщению некоторое число нулевых битов и затем дописываем 64-битный N . Число нулевых битов выбираем так, чтобы длина сообщения была кратна 512 битам.

2. Обработка 512-битного блока.

Как и у MD5 у SHA1 есть 5 регистров по 32 бита.

$H_0 = 01\ 23\ 45\ 67$

$H_1 = 89\ ab\ cd\ ef$

$H_2 = fe\ dc\ ba\ 98$

$H_3 = 76\ 54\ 32\ 10$

$H_4 = f0\ e1\ d2\ c3$

SHA1

Блок сообщения преобразуется из 16 32-битовых слов в 80 32-битовых слов. Получив очередной блок, SHA1 заполняет массив $W[0..79]$ из 32-битных чисел: первые 16 элементов копируются из блока, а остальные элементы вычисляются по очереди по формуле:

$$W_i = (W_{i-3} \text{ xor } W_{i-8} \text{ xor } W_{i-14} \text{ xor } W_{i-16}) \lll 1$$

После этого SHA1 запоминает значения своих регистров ($Q_i = H_i$) и делает 80 одинаковых шагов: он заменяет свои пять регистров $[H_0, H_1, H_2, H_3, H_4]$ на $[T, H_0, H_1 \lll 30, H_2, H_3]$, где T вычисляется на основе номера шага i и значений пяти регистров до замены:

$$T = (H_0 \lll 5) + F_i(H_1, H_2, H_3) + H_4 + W_i + K_i$$

SHA1

$F_i(H1, H2, H3)$	K_i	t
$H1 \& H2 \mid \sim H1 \& H3$	0x5a827999	$0 \leq t \leq 19$
$H1 \wedge H2 \wedge H3$	0x6ed9eba1	$20 \leq t \leq 39$
$H1 \& H2 \mid H1 \& H3 \mid H2 \& H3$	0x8f1bbcdc	$40 \leq t \leq 59$
$H1 \wedge H2 \wedge H3$	0xca62c1d6	$60 \leq t \leq 79$

После 80-ти шагов SHA1 добавляет к своим регистрам их сохранённые копии:
 $H_i = H_i + Q_i$.

SHA1

3. Получение хеша.

Обработав все блоки, SHA1 как и MD5 соединяет свои регистры и получает 160-битный хеш (5 регистров по 32 бита). Одно из отличий в том, что SHA1 нумерует байты регистров наоборот.