Лабораторная работа № 4 «Интерполяция алгебраическими многочленами»

Срок сдачи: 12.05.2022

На отрезке [a, b] заданы функции $f_1(x)$ и $f_2(x)$. Постройте многочлены степени n = 5, 10, 15, 20, интерполирующие каждую из них

- а) на сетке равноотстоящих узлов;
- б) на сетке чебышёвских узлов.

Постройте графики функции $f_1(x)$ ($f_2(x)$) и интерполяционных многочленов для каждого n. Оцените погрешность интерполирования в узлах сетки $\overline{x}_i = a + i \left(b - a\right)/100$, $i = \overline{0,100}$. Сравните полученные результаты. Сделайте выводы о сходимости интерполяционного процесса по равноотстоящим и чебышёвским узлам.

В содержание отчета должна быть включена следующая информация:

- Способ выбора узлов.
- Представление, использованное при построении интерполяционных многочленов.
- Графики функции $f_1(x)$ и интерполяционных многочленов $P_n(x)$ по равноотстоящим узлам. Графики функции $f_1(x)$ и интерполяционных многочленов $P_n^{ch}(x)$ по чебышёвским узлам.
- Графики функции $f_2(x)$ и интерполяционных многочленов $P_n(x)$ по равноотстоящим узлам. Графики функции $f_2(x)$ и интерполяционных многочленов $P_n^{ch}(x)$ по чебышёвским узлам.
- Оценка погрешности интерполирования функции $f_1(x)$, оформленная в виде таблицы 1 (см. ниже).
- Оценка погрешности интерполирования функции $f_2(x)$, оформленная в виде таблицы 2 (см. ниже).
 - Листинг программы с комментариями.

Варианты заданий

Номер варианта	Функции
1	$f_1(x) = e^{\cos x}, f_2(x) = x x -1 , [a,b] = [-2,2].$
2	$f_1(x) = x^3 \cos(3x-1), f_2(x) = 5\cos 3x + 3 , [a,b] = [-1,1].$
3	$f_1(x) = e^{\sin x}, f_2(x) = 2\sin 2x - 1 , [a, b] = [-2, 2].$
4	$f_1(x) = \sin x \cos x$, $f_2(x) = \frac{1}{1+12x^4}$, $[a,b] = [-3,3]$.
5	$f_1(x) = x\cos(x+5), f_2(x) = \frac{1}{1+25x^2}, [a,b] = [-5,5].$
6	$f_1(x) = \sin(\cos x), f_2(x) = x - 1 , [a, b] = [-2, 2].$
7	$f_1(x) = x^2 \cos 2x$, $f_2(x) = \frac{1}{1+5x^2}$, $[a,b] = [-2,2]$.
8	$f_1(x) = \sin 2x \ln(x+5), f_2(x) = \sqrt{2 x +x^2}, [a,b] = [-2,2].$
9	$f_1(x) = \sin x$, $f_2(x) = \sqrt{ x +4}$, $[a,b] = [-3,3]$.

10	$f_1(x) = x^2 \sin 2x$, $f_2(x) = x - 1$, $[a,b] = [-2,2]$.
11	$f_1(x) = \cos x$, $f_2(x) = \sin x + 1$, $[a,b] = [-2,2]$.
12	$f_1(x) = \sin 2x$, $f_2(x) = 2x-1 $, $[a,b] = [-2,2]$.
13	$f_1(x) = x \sin 2x$, $f_2(x) = 2\cos x - 1 $, $[a,b] = [0,3]$.

Структура таблицы 1:

n	5	10	15	20
$\max_{i=0,100} \left P_n\left(\overline{x}_i\right) - f_1\left(\overline{x}_i\right) \right $				
$\max_{i=0,100} \left P_n^{ch}\left(\overline{x}_i\right) - f_1\left(\overline{x}_i\right) \right $				

Структура таблицы 2:

n	5	10	15	20
$\max_{i=0,100} \left P_n\left(\overline{x}_i\right) - f_2\left(\overline{x}_i\right) \right $				
$\max_{i=0,100} \left P_n^{ch} \left(\overline{x}_i \right) - f_2 \left(\overline{x}_i \right) \right $				

По результатам лабораторной работы оформляется отчет. **Отчет** необходимо отправить на <u>yvolotovskaya@gmail.com</u>. **Тема письма:** «ЛР4 2к 9гр Фамилия».