

**Міністерство освіти і науки України  
Національному університеті "Львівська  
Політехніка"**

**Кафедра систем штучного інтелекту**

**Лабораторна робота № 4  
з дисципліни**

**Виконав:**

студент групи КН-114

Сиротюк Владислав

**Викладач:**

Мельникова Н.І.

Львів - 2019р.

## Лабораторна робота №4.

**Тема: Основні операції над графами. Знаходження остова мінімальної ваги за алгоритмом Пріма-Краскала**

**Мета роботи: набуття практичних вмінь та навичок з використання алгоритмів Пріма і Краскала.**

### ТЕОРЕТИЧНІ ВІДОМОСТІ ТА ПРИКЛАДИ РОЗВ'ЯЗАННЯ ЗАДАЧ

Теорія графів дає простий, доступний і потужний інструмент побудови моделей прикладних задач, є ефективним засобом формалізації сучасних інженерних і наукових задач у різних областях знань.

Графом  $G$  називається пара множин  $(V, E)$ , де  $V$  – множина вершин, перенумерованих числами  $1, 2, \dots, n = v$ ;  $V = \{v\}$ ,  $E$  –

множина упорядкованих або неупорядкованих пар  $e = (v', v'')$ ,  $v' \in V$ ,

$v'' \in V$ , називаних дугами або ребрами,  $E = \{e\}$ . При цьому не має примусового значення, як вершини розташовані в просторі або площині і які конфігурації мають ребра.

Неорієнтованим графом  $G$  називається граф у якого ребра не мають напрямку. Такі ребра описуються неупорядкованою парою

$(v', v'')$ . Орієнтований граф (орграф) – це граф ребра якого мають напрямок та можуть бути описані упорядкованою парою  $(v', v'')$ .

Упорядковане ребро називають дугою. Граф є змішаним, якщо наряду з орієнтованими ребрами (дугами) є також і неорієнтовані. При розв'язку задач змішаний граф зводиться до орграфа.

Кратними (паралельними) називаються ребра, які зв'язують одні і ті ж вершини. Якщо ребро виходить та й входить у дну і ту саму вершину, то таке ребро називається петлею.

Мультиграф – граф, який має кратні ребра. Псевдограф – граф, який має петлі. Простий граф – граф, який не має кратних ребер та петель.

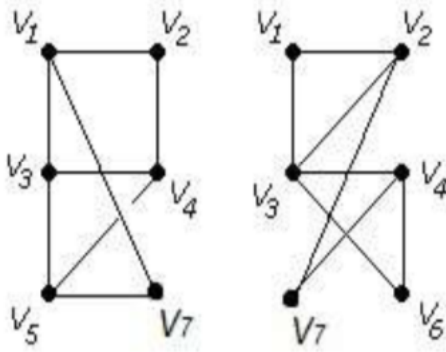
## ІНДИВІДУАЛЬНІ ЗАВДАННЯ

**Завдання № 1.** Розв'язати на графах наступні задачі:

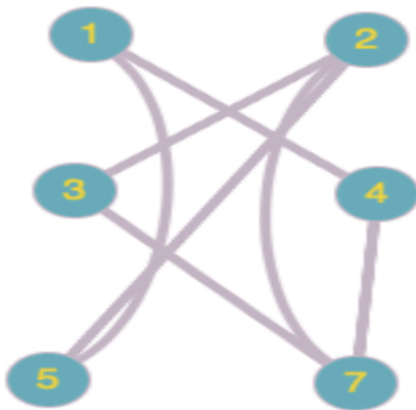
**1.** Виконати наступні операції над графами:

- 1) знайти доповнення до першого графу,
- 2) об'єднання графів,
- 3) кільцеву суму  $G_1$  та  $G_2$  ( $G_1 + G_2$ ),
- 4) розщепити вершину у другому графі,
- 5) виділити підграф  $A$ , що складається з 3-х вершин в  $G_1$  і знайти стягнення  $A$  в  $G_1$  ( $G_1 \setminus A$ ), 6) добуток графів.

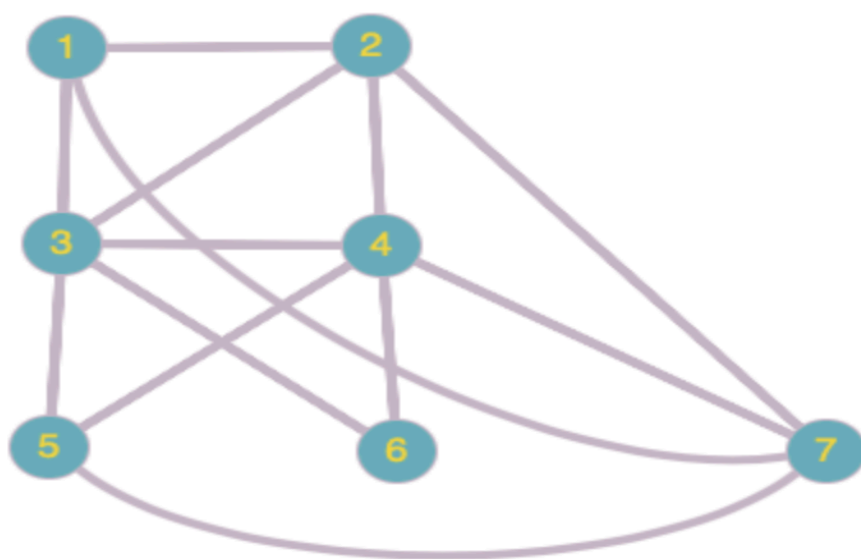
10



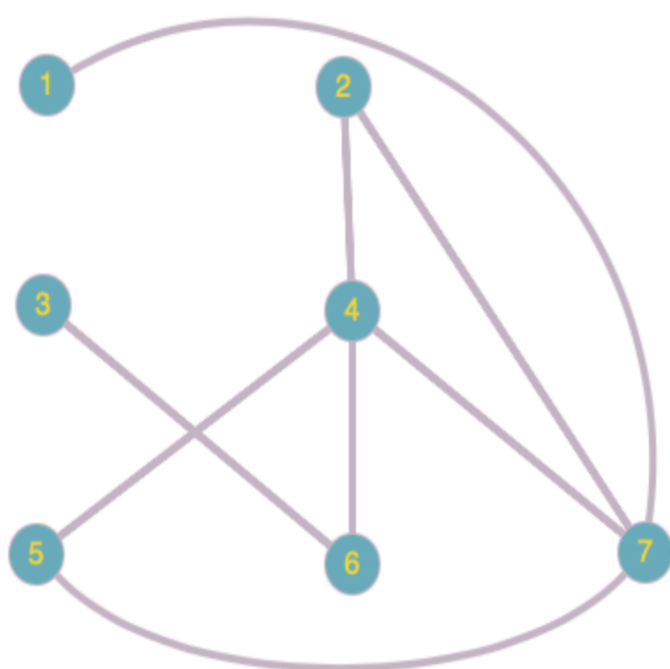
1)



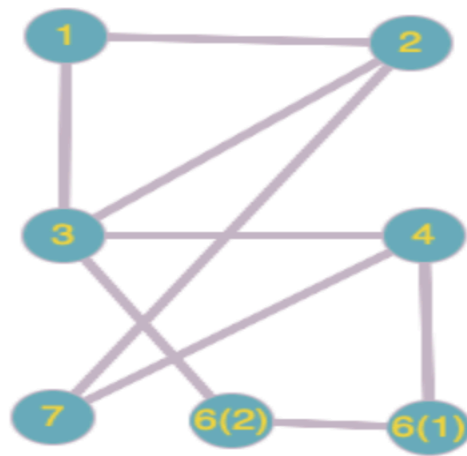
2)



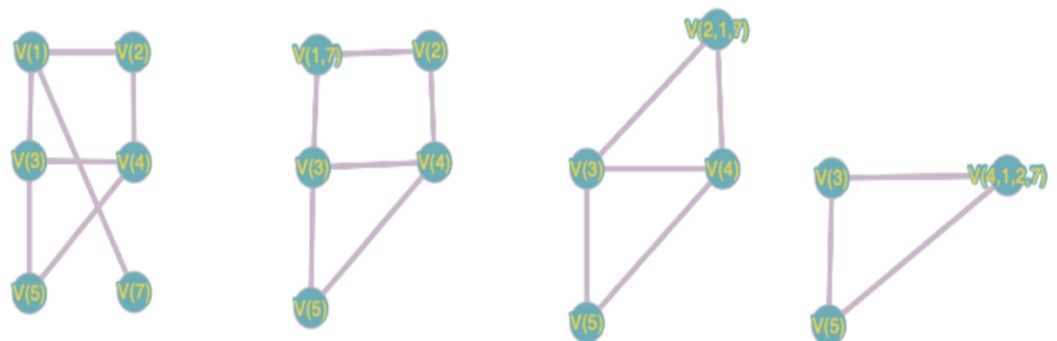
3)



4)



5)



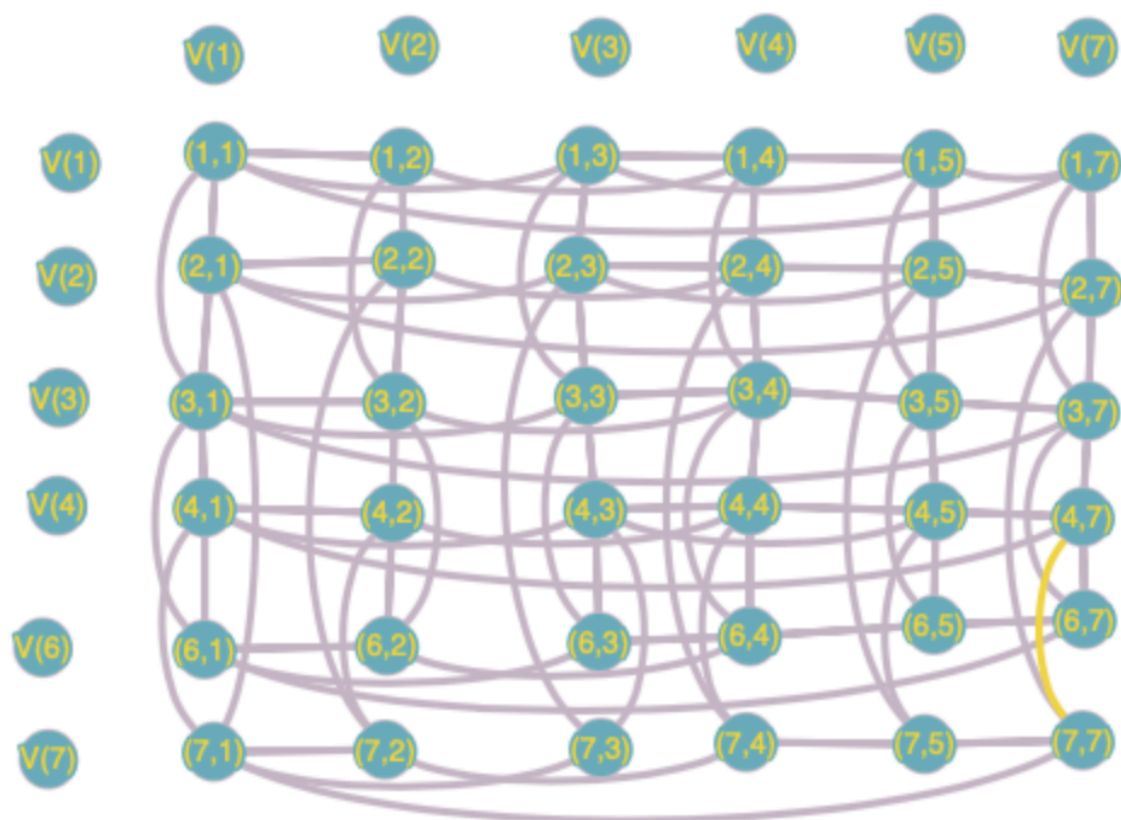
1)Стягуємо  $V(7)$

2)Стягуємо  $V(1,7)$

3)Стягуємо  $V(2,1,7)$

4)Вийшов підграф А,що складається з 3-ох вершин.

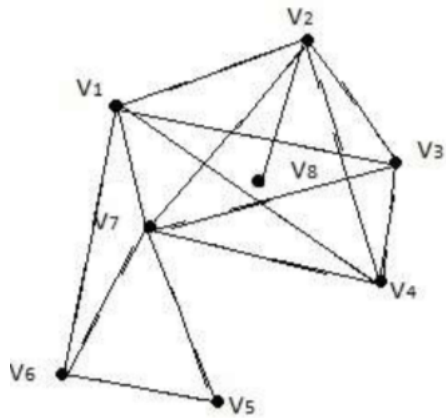
6)



6)

2. Знайти таблицю суміжності та діаметр графа.

10



	V1	V2	V3	V4	V5	V6	V7	V8
V1	0	1	1	1	0	1	1	0
V2	1	0	1	1	0	0	0	1
V3	1	1	0	1	0	0	1	0
V4	1	0	1	0	0	0	1	0
V5	0	0	0	0	0	1	1	0
V6	1	0	0	0	1	0	1	0
V7	1	1	1	1	1	1	0	0
V8	0	1	0	0	0	0	0	0

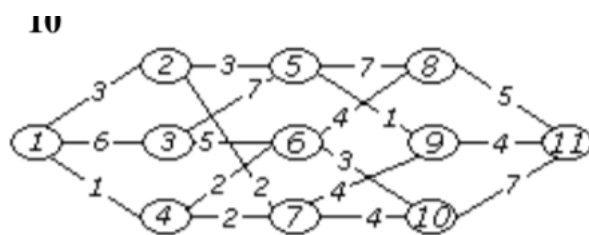
Діаметр графа = 3

Відстань між V8 і V5 є найдовшою.

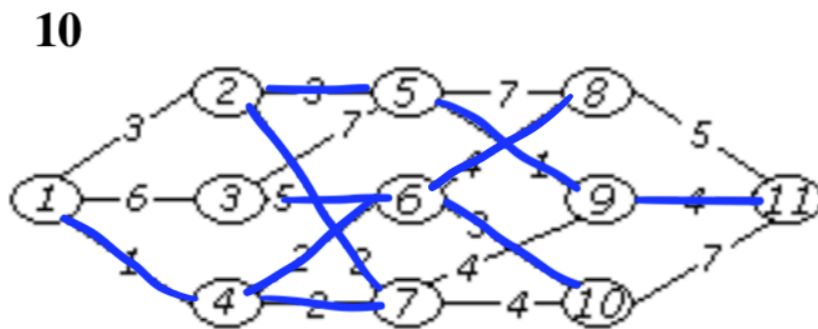
3)

3. Знайти двома методами (Краскала і Прима) мінімальне остове дерево графа.

1



Алгоритм Краскала:



1)(1;4)-1;

(5;9)-1

2)(4;7)-2



(7;2)-2

(4;6)-2

3)(2;5)-3

(6;10)-3

4)(9;11)-4

(6;8)-4

5)(3;6)-5

Weight = 27

Алгоритм Прима:

10



1)(1;4)-1;

2)(4;7)-2

3)(4;6) - 2

3)(7;2)-2

4)(2;5)-3

5)(5;9) - 1

6)(9;11)-4

(6;8)-4

5)(6;3)-5

6)(6;10) - 3

Weight = 27

**Завдання №2.** Написати програму, яка реалізує алгоритм знаходження остового дерева мінімальної ваги згідно свого варіанту.

## Варіант № 10

За алгоритмом Краскала знайти мінімальне остове дерево графа.  
Етапи розв'язання задачі виводити на екран. Протестувати розроблену програму на наступному графі:



```
#include <iostream>

using namespace std;

class Edge
{
public:
    int src, dest, weight;
};

class Graph
{
public:
    int V, E;

    Edge* edge;
};

Graph* createGraph(int V, int E)
{
    Graph* graph = new Graph;
    graph->V = V;
    graph->E = E;

    graph->edge = new Edge[E];

    return graph;
}

class subset
{
public:
    int parent;
    int rank;
};

int find(subset subsets[], int i)
```

```

{
    if (subsets[i].parent != i)
        subsets[i].parent = find(subsets, subsets[i].parent);

    return subsets[i].parent;
}

void Union(subset subsets[], int x, int y)
{
    int xroot = find(subsets, x);
    int yroot = find(subsets, y);

    if (subsets[xroot].rank < subsets[yroot].rank)
        subsets[xroot].parent = yroot;
    else if (subsets[xroot].rank > subsets[yroot].rank)
        subsets[yroot].parent = xroot;

    else
    {
        subsets[yroot].parent = xroot;
        subsets[xroot].rank++;
    }
}

int myComp(const void* a, const void* b)
{
    Edge* a1 = (Edge*)a;
    Edge* b1 = (Edge*)b;
    return a1->weight > b1->weight;
}

void KruskalMST(Graph* graph)
{
    int V = graph->V;
    Edge *result= new Edge[V];
    int e = 0;
    int i = 0;

    qsort(graph->edge, graph->E, sizeof(graph->edge[0]), myComp);

    subset* subsets = new subset[(V * sizeof(subset))];

    for (int v = 0; v < V; ++v)
    {
        subsets[v].parent = v;
        subsets[v].rank = 0;
    }
}

```

```

while (e < V - 1 && i < graph->E)
{
    Edge next_edge = graph->edge[i++];

    int x = find(subsets, next_edge.src);
    int y = find(subsets, next_edge.dest);

    if (x != y)
    {
        result[e++] = next_edge;
        Union(subsets, x, y);
    }
}

cout << "Following are the edges in the constructed MST\n";
for (i = 0; i < e; ++i)
    cout << result[i].src << " - " << result[i].dest << " = " <<
result[i].weight << endl;
return;
}

int main()
{
    int V, E;
    cout << "kil`kist vershyn: ";
    cin >> V;
    cout << "kil`kist reber: ";
    cin >> E;

    Graph* graph = createGraph(V, E);
    for (int index = 0; index < E; index++) {
        cout << "rebro[" << index << "]vershyna 1 =";
        cin >> graph->edge[index].src;
        cout << "rebro[" << index << "]vershyna 2 =";
        cin >> graph->edge[index].dest;
        cout << "rebro[" << index << "]vaga =";
        cin >> graph->edge[index].weight;
    }

    KruskalMST(graph);

    return 0;
}

```

**Висновок:** на цій лабораторній роботі я набув практичних вмінь та навичок з використання алгоритмів Прима і Краскала.