



CURSUL 1

Ordinea de zi:

1. Administrative stuff

2. Algorithm. Complexity

3. Complexity of Divide & Conquer Algorithms. + Master Theorem

@@ It IS a course on Fundamental Algorithms, learn (to):

- evaluate algorithm performance
- compare performance on different algorithms
- design efficient and optimal algorithms
- identify a solution to a given problem
- specific efficient algorithms on fundamental problems

nota: treia heap-ul pentru cursul 2

Ce vrem în algoritmi?

- corectitudinea MUST-HAVE se demonstrează formal
incorectitudinea se exemplifică (cauți contraexemplu pe dimensi. mici)
- eficiența VERY-GOOD-TO-HAVE NICE-TO-HAVE

Cu ajutorul complexității exprimăm (estimăm) numărul de resurse necesare

RESOURCE : \rightarrow timp !

\rightarrow memorie

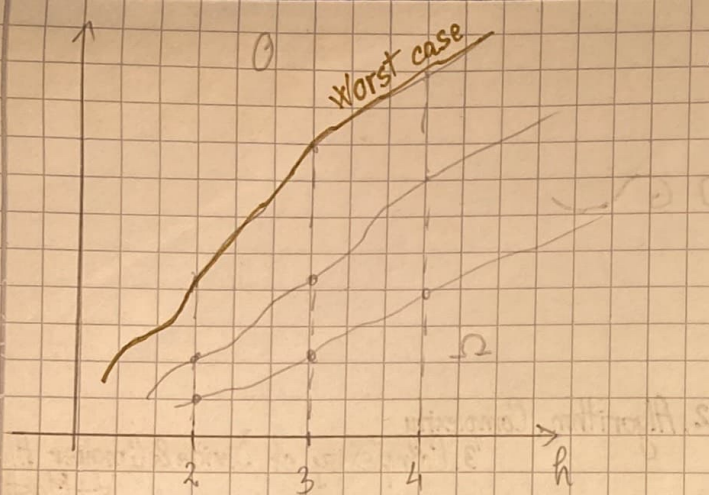
\rightarrow altele : operații

NU e o idee bună să măsurăm the actual time, fiindcă depinde mult de specificațiile tehnice (hardware) a calculatorului folosit.

Cazuri de luat în considerare: best 😊

average Meh

WORST Uh-oh 😞



Ne interesează comportamentul la
infinit, asimptotic. Îi dai pt. input mare?
Încercăm să limităm / mărginim superior.

În teorie: studiu caz rău

În practică: studiu caz mediu

notă: studiază, pt. Seminarul 1, sortarea prin inserare

Problemă de complexitate: care este cea mai MICĂ cantitate de resurse necesare ORICĂRUI posibil (<ne>cunoscut) algoritm care ar putea rezolve problema dată?

Eficiență:

- o **relativă**: comparații între algoritmi (de cele mai multe ori) în cazul mediu statistic
- o **absolută** → algoritmul este/nu este optim?

Ce înseamnă complexitatea dpdv practic?

O - expresses the asymptotic **upper bound** of a function

Ω - **lower bound**

Comparăm O cu Ω

Un algoritm este **OPTIM** dacă timpul de rulare (running time) al algoritmului - soluție în cazul worst este egal cu cel în cazul bun, iar **aditional** algoritmul folosește memorie aditională constantă: $O = \Omega$

Reguli de calcul

1. const & ignore

2. $O(\dots + \dots) = O(\dots) + O(\dots)$

3. $O(\dots * \dots) = O(\dots) * O(\dots)$

Values of $\Omega()$ for some problems:

- searching : $\Omega(\log n)$
- selection : $\Omega(n)$
- sorting : $\Omega(n \log n)$

Remarks

- $O(1)$ = constant time
- Ω caracterizează problema, iar O algoritmul

Complexity vs Computational Power

- avem 2 mașini, una cu o viteză superioară (let it be M_2 , alta M_1)
- deci în același timp (unitate de timp), cele 2 mașini vor avea dimensiune diferită.
 $\text{dimens-}M_2 > \text{dimens-}M_1$, adică în timpul T , mașina M_2 poate face mai multe operații.
e.g. ai un vector, 2 mașini. M_2 are viteză mai mare (număr de instrucțiuni per sec.)
va fi capabil să sorteze un vector mai mare decât M_1 (deci bigger dimension)

Complexity of Divide & Conquer Algorithms. Master Theorem

DIVIDE-ET-IMPERA (n, I, O)

1 if $n \leq n_0$

2 DIRECT-SOLUTION (n, I, O)

3 else

4 DIVIDE (n, I_1, I_2, \dots, I_a)

5 DIVIDE-ET-IMPERA ($\frac{n}{b}, I_1, O_1$)

6 ... // un număr de „a” apeluri recursive în total

7 DIVIDE-ET-IMPERA ($\frac{n}{b}, I_a, O_a$)

8 COMBINE (O_1, O_2, \dots, O_a, O)

$$T(n) = \begin{cases} T_0 & \text{dacă } n \leq n_0 \\ a \cdot T\left(\frac{n}{b}\right) + f(n) & \text{altfel} \end{cases}$$

- a numărul de apeluri recursive
- b factorul de divizare
- c gradul polinomial care descrie