## МИНОБРНАУКИ РОССИИ

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования «МИРЭА - Российский технологический университет» (РТУ МИРЭА)

Вступительное испытание по математике письменно 2019 г. (магистратура)

## ВАРИАНТ № 102-19

**РАЗДЕЛ (А)** Ответы на вопросы раздела (А) приводятся непосредственно на бланке задания. Впишите внутръ соответствующей рамки вариант полученного Вами ответа.

1. Найти аргумент комплексного числа  $z = \left(-1 + i\sqrt{3}\right)^6$  .

OTBET:

2. Найти наибольшее значение функции  $f(x) = x^3 - 9x^2 - 81x + 72$  на множестве x < 0.

OTBET:

3. Саша, Маша и еще 5 человек случайным образом садятся за круглый стол. Найти вероятность того, что Саша и Маша будут сидеть рядом.

OTBET:

РАЗДЕЛ (В) Для заданий раздела (В) проверяется развернутое решение.

4. Решить уравнение

$$\sin\left(x + \frac{\pi}{5}\right) + \sin\left(x + \frac{3\pi}{5}\right) + \sin\left(x + \frac{5\pi}{5}\right) + \sin\left(x + \frac{7\pi}{5}\right) + \sin\left(x + \frac{9\pi}{5}\right) = 0$$

5. Найти общее решение дифференциального уравнения

$$(x^3 - 2xy^2)dx + 3x^2ydy = xdy - ydx$$

6. Оператор поворота  $\hat{A}$  относительно некоторой прямой в пространстве  $R^3$  задан в каноническом базисе матрицей:

$$A = \begin{pmatrix} 2/3 & 2/3 & -1/3 \\ -2/3 & 1/3 & -2/3 \\ -1/3 & 2/3 & 2/3 \end{pmatrix}.$$

Найти направляющий вектор этой прямой и угол поворота.

Председатель предметной комиссии по математике: