## 9. CHARAKTERISTIKY TERMISTORU

#### Vlastnosti termistorů

Termistory jsou polovodičové rezistory, u nichž se využívá velké závislosti odporu na teplotě. Nejčastěji se používají termistory, jejichž odpor klesá s rostoucí teplotou, což znamená, že mají záporný součinitel odporu. Zmenšení odporu s rostoucí teplotou může být způsobeno zvyšováním koncentrace nositelů náboje, zvyšováním jejich pohyblivosti nebo fázovými přechody v materiálu polovodiče.

Zvyšování koncentrace nositelů náboje je charakteristické pro termistory z monokrystalů polovodičů typu A<sup>III</sup> B<sup>IV</sup> (křemík, germanium). V oblasti teplot, v níž převládá přímá vodivost, lze vyjádřit teplotní závislost odporu termistoru vztahem

$$R = R_{\infty} \exp(B/T) \ . \tag{1}$$

Veličina  $R_{\infty}$  je závislá na materiálu a rozměrech polovodiče, veličina B charakterizuje teplotní citlivost termistoru. Pro kovalentní polovodiče, v nichž s růstem teploty vzrůstá koncentrace nositelů, lze psát

$$B = \Delta U/(2k) , \qquad (2)$$

kde k je Boltzmannova konstanta a  $\Delta U$  je energie potřebná k ionizaci příměsi, tj. k tomu, aby se elektron z příměsového atomu dostal do vodivostního pásu (aktivační energie).

Převážná část průmyslově vyráběných termistorů se připravuje spékáním oxidů některých kovů jako niklu, kobaltu, uranu, železa a dalších, u nichž nejsou valenční sféry zcela zaplněny a při tvorbě oxidů vznikají ionty s rozdílnými náboji. Elektrická vodivost je způsobena výměnou elektronů mezi sousedními ionty. Energie potřebná k výměně nábojů je malá, takže elektrony (díry) je možno považovat za volné. Jejich koncentrace je prakticky nezávislá na teplotě. S růstem teploty však exponenciálně vzrůstá jejich pohyblivost a teplotní závislost odporu termistoru můžeme opět vyjádřit vztahem (1). Veličina B v tomto případě charakterizuje změnu pohyblivosti nositelů náboje.

### Teplotní součinitel odporu

Teplotní součinitel odporu je obecně definován vztahem

$$\alpha = \frac{1}{R(T)} \frac{\mathrm{d}R(T)}{\mathrm{d}T} \tag{3}$$

Po dosazení ze vztahu (1) dostaneme pro termistor:

$$\alpha_T = -B/T^2 \quad . \tag{4}$$

U termistorů není tedy teplotní součinitel konstantní. S rostoucí teplotou se zmenšuje úměrně kvadrátu teploty. V katalozích elektrotechnických součástek se zpravidla udává jeho hodnota při pokojové teplotě. Experimentálně zjišťujeme jeho hodnotu ze změny odporu termistoru odpovídající změně teploty o 1 K, tedy ze směrnice křivky udávající teplotní závislost odporu stanovené v bodě příslušném zvolené teplotě.

#### Aktivační energie

Materiálovou konstantu B můžeme stanovit ze dvou hodnot odporů  $R_1$  a  $R_2$  naměřených při známých teplotách  $T_1$  a  $T_2$  podle vztahu

$$B = \frac{2,3.\log(R_1/R_2)}{1/T_1 - 1/T_2} \tag{5}$$

Přesnost stanovení veličiny B bude tím větší, čím více se budou lišit teploty  $T_1$  a  $T_2$ .

Během měření v praktiku stanovujeme teplotní závislost odporu termistoru v širokém teplotním oboru. Vyneseme-li závislost  $\log R = f(1/T)$ , měli bychom získat přímku, popsanou rovnicí

$$\log R = \log R_{m} + 0.434B/T \tag{6}$$

plynoucí z (1). Extrapolací pro  $1/T \rightarrow 0$  můžeme určit veličinu  $R_{\infty}$ .

Ve fyzikální literatuře se aktivační energie uvádí buď v elektronvoltech (eV) nebo v J/mol. Hodnotu v elektronvoltech získáme ze vztahu (2), dosadíme-li hodnotu Boltzmannovy konstanty k v těchto jednotkách ( $k = 0.8617.10^{-4}$  eV). Údaj v J/mol získáme, vynásobíme-li Avogadrovým číslem  $N_A$  hodnotu aktivační energie získanou ze vztahu (2) po dosazení hodnoty  $k = 1,38.10^{-13}$  J/K. Protože  $kN_A = R$  je plynová konstanta ( $R = 8,314 \text{ J mol}^{-1} \text{ K}^{-1}$ ), dostaneme ze vztahu (2)

$$\Delta U = 2RB \quad . \tag{7}$$

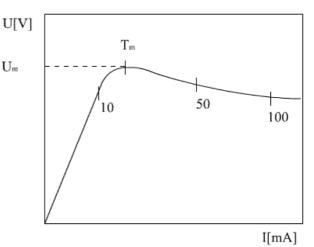
 $U_m$ 

Pro termistory je typická hodnota aktivační energie řádu 10 kJ/mol.

### Statická charakteristika

Tato charakteristika znázorňuje závislost napětí na termistoru na procházejícím proudu. Přibližný tvar charakteristiky je zakreslen na obr. 1.

Orientačně jsou u křivky uvedeny číselné hodnoty rozdílu teplot termistoru a jeho okolí. Průchodem proudu se totiž termistor ohřívá a jeho teplota se nastaví na hodnotu, při níž je v rovnováze elektrický příkon P a tepelný výkon odváděný z termistoru do okolí



Obr. 1: Přibližný tvar V-A charakteristiky termistoru

$$KP = T - T_0 (8)$$

V této rovnici znamená K tepelný odpor termistoru (v technické literatuře se též používá termín výkonová citlivost), T je teplota termistoru a  $T_0$  teplota okolí. Uvážíme-li že elektrický příkon lze vyjádřit jako poměr kvadrátu napětí U na termistoru a jeho odporu R ( $P = U^2/R$ ), můžeme závislost napětí na termistoru na jeho teplotě vyjádřit vztahem

$$U = \sqrt{\frac{R_{\infty}.(T - T_0).\exp(B/T)}{K}} \tag{9}$$

Největší napětí na termistoru bude, dosáhne-li jeho teplota hodnoty

$$T_{m} = \frac{1}{2} \left[ B - \sqrt{B \cdot (B - 4T_{0})} \right]. \tag{10}$$

Při dalším vzrůstu proudu termistorem se zvýší jeho teplota nad  $T_m$  a statická charakteristika bude mít zápornou směrnici. V této oblasti je diferenciální odpor termistoru dU/dI záporný. Kdyby byl termistor připojen ke zdroji s malým vnitřním odporem, proud termistorem by vzrůstal, až by došlo k jeho zničení. Do série s termistorem je proto nutno zařadit dostatečně velký ochranný odpor, který omezí proud v obvodu.

Z rovnice (10) vyplývá, že teplota a tím i odpor příslušný maximální hodnotě napětí resp. proudu termistoru závisí pouze na veličinách B a  $T_0$ . Maximu statické charakteristiky přísluší stále stejný odpor termistoru bez ohledu na to, jaký je jeho tepelný kontakt s okolím, jaký je jeho tepelný odpor. Hodnota tepelného odporu určuje pouze velikost maximálního napětí či proudu.

#### Stanovení tepelného odporu

Každému bodu statické charakteristiky je možno přiřadit určitou teplotu termistoru. Můžeme to provést tak, že stanovíme jeho odpor jako podíl napětí a proudu v daném bodě charakteristiky (R=U/I) a z grafu závislosti odporu na teplotě stanovíme hledanou teplotu. Známe-li teplotu okolí, můžeme z rovnice (8) vyhodnotit veličinu K. Za výkon P dosazujeme hodnotu součinu proudu a napětí v bodě charakteristiky, pro který jsme určili teplotu termistoru. Speciálně pro maximum charakteristiky bude platit

$$K = \frac{T_m - T_0}{U_m I_{_M}} \tag{11}$$

Indexem *m* jsou označeny hodnoty teploty, proudu a napětí při maximálním napětí na termistoru. Tepelný odpor by měl určovat, o kolik Kelvinů se zvětší teplota termistoru při jednotkovém příkonu.

#### Použití termistorů

Vlastnosti termistorů se využívají především při měření a regulaci neelektrických veličin, které přímo nebo nepřímo ovlivňují odpor termistoru. Jsou použitelné pro měření teploty, rychlosti proudění kapalin a plynů, měření tlaku plynů, tepelná vodivosti apod. V elektronických obvodech se užívají k omezení náběhových proudů, jako děličové stabilizátory a pod.

Pro jednotlivé účely se využívají různé části charakteristiky. Podle předpokládaného použití se volí polovodičový materiál, tvar a velikost termistoru. Pro měření teploty se volí materiál

s velkou hodnotou veličiny *B*, tedy s velkou tepelnou citlivostí a termistor se vyrábí co nejmenší, aby se termistor neohříval Jouleovým teplem a jeho teplota byla určena teplotou okolí. Obdobný termistor je možno použít k anemometrii nebo k měření a regulaci výšky hladiny kapaliny, ovšem měří se při mnohem větším proudu, kdy je termistor elektrickým proudem vyhřát nad teplotu vyšší než okolí. V elektronických obvodech se často používají termistory robustní konstrukce, které mohou vyzářit poměrně značný výkon.

# Postup při měření

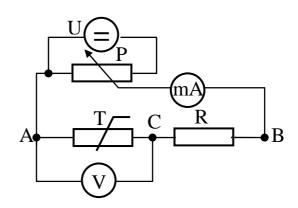
Termistor  $\mathbf{T}$  je spolu s platinovým odporovým teploměrem a ochranným odporem  $\mathbf{R}$  umístěn v držáku, který může být vytápěn topnou spirálou. Tento držák vkládáme do Dewarovy nádoby (termosky). Na horním víku držáku jsou zdířky označené písmeny  $\mathbf{A}$ ,  $\mathbf{B}$ ,  $\mathbf{C}$  (viz. obr. 2),  $\mathbf{R}_t$  (vývody platinového odporového teploměru Pt 100) a  $\mathbf{Z}$  (vývody topné spirály).

Odpor platinového odporového teploměru se mění lineárně s teplotou. Z odečtených hodnot odporu teploměru vypočítáme teplotu t (ve stupních Celsia) podle vztahu

$$t = \frac{R_t - R_0}{\alpha_{P_t} \cdot R_0} \tag{12}$$

kde  $R_t$  a  $R_0$  jsou odpory teploměru při teplotě t a při teplotě  $0^{\circ}$  C,  $\alpha_{Pt}$  je teplotní součinitel odporu platinového teploměru. Pro používaný odpor je  $R_0 = 100 \Omega$ ,  $\alpha_{Pt} = 3.85 \cdot 10^{-3} \text{ K}^{-1}$ .

Nejprve změříme statickou charakteristiku termistoru (závislost napětí termistoru na proudu) v zapojení podle obr. 2. .

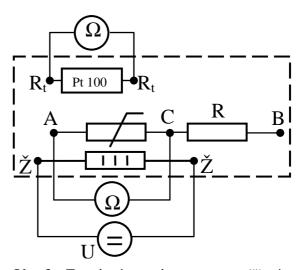


Obr. 2: Zapojení pro měření statické charakteristiky termistoru

Zdroj připojíme přes ochranný odpor R na svorky A a B.Maximální přípustný proud termistorem je 25 mA. Do 1 mA zvyšujeme proud po krocích 0.1 mA, pak po 1-2 mA až do maximálně

přípustného proudu Voltampérová charakteristika je zpočátku lineární, napětí se zvyšuje úměrně proudu, ale již při příkonu řádově 0,1 W se daný termistor znatelně ohřívá a lze pozorovat odchylky od lineárního průběhu.

Po proměření statické charakteristiky termistoru přikročíme k měření teplotní závislosti odporu termistoru. Multimetry použijeme jako ohmmetry a připojíme je ke zdířkám A, C a R<sub>t</sub> a R<sub>t</sub>. Ochladíme termistor v kapalném dusíku (provede učitel) a během oteplování



Obr. 3: Zapojení termistoru pro měření teplotní závislosti jeho odporu

zaznamenáváme současně dvojice odporů (odpor termistoru a platinového teploměru). Jestliže se oteplován0-í zpomalí, můžeme přitápět topnou spirálou (zdířky Ž Ž, maximální proud 0,9 A).

## Varianta úlohy se zápisem dat prostřednictvím PC.

Zápis měřených veličin a jejich průběžné zobrazení v grafu se provádí pomocí programu **Termistor** vytvořeného v prostředí TestPoint. Nejprve je potřeba smazat staré zobrazené hodnoty pomocí

Čti X (COM1) a

Čti Y (COM2)

Na monitoru se objeví aktuální hodnoty odečtené z multimetrů.

K měření napětí, proudu nebo odporu používáme digitální multimetry METEX MXD-4660A připojené k počítači sériovým rozhraním RS 232 jednak přímo (ampérmetr), jednak prostřednictvím vstupu USB (voltmetr). Ampérmetr dodává data zobrazovaná na ose *x* průběžně vyplňovaného grafu, voltmetr dodává data na osu *y*.

V pracovním úkolu 1 (volt-ampérová charakteristika) je multimetr se sériovým rozhraním (RS 232) nastaven jako ampérmetr (počínaje rozsahem 2 mA) a druhý multimetr se vstupem USB jako voltmetr (počínaje rozsahem 2 V). Polaritu přístrojů volte tak, aby měřily kladné hodnoty. Naměřené hodnoty proudu a napětí se včetně jednotek ukládají do souboru **data 1** ve složce **Data**. Nastavujte postupně hodnoty proudu od 0,2 mA s krokem 0,1 mA do 1 mA, poté po 1 mA do 25 mA. Vyčkejte vždy, až se teplota termistoru ustálí, tedy až se přestane měnit proud a napětí. Poté zaznamenejte bod stisknutím F1 nebo kliknutím myší na tlačítko

Zaznamenej.

Graf i soubor lze kdykoli vymazat tlačítky vymaž graf a smaž soubor

Pro uložení souboru naměřených dat stiskněte

File a zapíšeme název souboru ve formátu

Příjmení podtržník VA podtržník rok měsíc den (RRMMDD).txt

Např. liptak\_VA\_151018.txt

na displeji. Poznamenejte si výrobcem udanou neurčitost měření a zohledněte ji při zpracování naměřených dat.

Pro pracovní úkol 2 (teplotní závislost odporu termistoru) připojte k multimetru se seriovým rozhraním RS 232 platinový odporový teploměr (vodorovná osa x) a multimetr nastavte na měření odporu na rozsahu 200  $\Omega$ . K multimetru s připojením přes USB připojte termistor (svislá osa y), nastavte jej na měření odporů a zvolte vhodný rozsah odporu (do 200 k $\Omega$ ). Zaznamenávejte údaje do souboru data 2. Stiskněte

File a zapíšeme název souboru ve formátu

Příjmení podtržník RT podtržník rok měsíc den (RRMMDD).txt

Např. liptak\_RT\_151018.txt

Poznamenejte si odpory při pokojové teplotě. Ochlaďte kapalným dusíkem hliníkový blok s vloženým termistorem a teploměrem do blízkosti 180 K (vypočtěte si předem odpor platinového teploměru odpovídající této teplotě). Vyčkejte ustavení tepelné rovnováhy mezi termistorem a teploměrem (když oba prokazují vzrůst teploty) a stisknutím F1 nebo kliknutím myší na tlačítko na displeji zaznamenávejte hodnoty odporů při vzrůstu odporu platinového teploměru o  $\Delta R = 2~\Omega$  (tedy asi o  $\Delta T = 5~K$ ). Při zpomalení vzrůstu teploty v blízkosti 250 K začněte hliníkový blok zahřívat, nejprve proudem asi 0,5 A, později až 1 A. Zaznamenávejte odpory až k teplotě asi 360 K.

Pracovní úkoly 3 a 4 zpracujte s použitím shromážděných dat. Zohledněte nejistoty naměřených hodnot podle údajů výrobce multimetrů. Věnujte pozornost vypracování grafů.

#### Literatura:

- [1] Brož, J. a kol.: Základy fyzikálních měření I, SPN, Praha 1983, čl. 4.5.2.5, 4.5.3.5
- [2] Bakule R., Šternberk J.: Fyzikální praktikum II., SPN, Praha 1989
- [3] Frank H., Šnajder V.: Principy a vlastnosti polovodičových součástek, SNTL, Praha 1976, kap. 9.1.
- [4] Stránský J. a kol.: Polovodičová technika I., SNTL/ALFA, Praha 1981, kap. 3.2.3.