Лабораторная работа

1) Периодический сигнал прямоугольных импульсов x(t) можно представить в виде ряда Фурье $x(t)^*$. Ограничимся конечным числом N слагаемых, тогда ряд Фурье можно записать в виде:

$$x(t)^* = \frac{a_0}{2} + \sum_{n=1}^{N} [a_n \cos(nwt) + b_n \sin(nwt)],$$

где коэффициенты ряда определяются по формулам:

$$a_0 = \frac{2}{T} \int_{t_0}^{t_0 + T} x(t) dt ,$$

$$a_n = \frac{2}{T} \int_{t_0}^{t_0 + T} x(t) \cdot \cos(nwt) dt$$

$$b_n = \frac{2}{T} \int_{t_0}^{t_0 + T} x(t) \cdot \sin(nwt) dt$$

- (a) Напишите программу, которая выведет на экран аппроксимированную ϕ ункцию $x(t)^*$,
- (б) Постройте график погрешности приближения x(t) функцией $x(t)^*$. Погрешность приближения можно определить по формуле $\varepsilon = x(t) x(t)^*$.

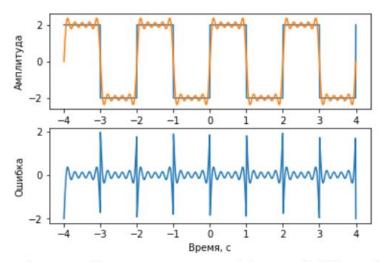
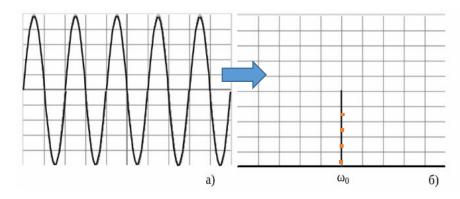


Рис. 20 Исходный сигнал x(t) аппроксимированный функцией $x^*(t)$, при N=10 и график погрешности приближение x(t) функцией $x(t)^*$.

Лабораторная работа

- №2) Убедиться в правильности работы алгоритма, который был разработан Вами в пункте 1 данной лабораторной работы. Для этого подать на вход программы вместо прямоугольного импульса сигнал косинуса x(t)=Acos(wt) с частотой равной f=100 Гц, где A заданная амплитуда сигнала.
 - а) Воспользоваться обратным преобразованием Фурье и убедиться, что в спектре сигнала x(t)=Acos(wt) присутствует только выделенная частота f. На рис.1 спектр данного сигнала представлен в виде сплошной темной линии.
 - б) Из результатов работы вашего алгоритма определить спектральный коэффициент ап и на график спектра разместить частоту сигнала, которой он соответствует. На рис.1 спектр данный спектр будет соответствовать пунктирной оранжевой линии.



Замечание:

- а) Циклическая частота w связана с частотой сигнала по формуле: w=2*pi*f
- б) В качестве преобразования Фурье можно использовать функцию дискретного преобразования Фурье встроенную в Python (numpy.fft)
- 3) Определить спектр прямоугольного сигнала с помощью встроенной функции fft и сопоставить определенный спектр с тем, который предсказывает ваш алгоритм.
- 4) Добавить к сигналу шум, посмотреть как шум будет изменять спектр сигнала, объяснить результат.
- 5) Готовую лабораторную работу отправить на проверку по адресу <u>i.kozulin@g.nsu.ru</u>