Métodos Cuantitativos

Estadística y Probabilidad

Vladimiro González-Zelaya Semestre 2023-2

Universidad Panamericana — Campus México Facultad de Ciencias Económicas y Empresariales Academia de Matemáticas



Estadística Descriptiva e Inferencial



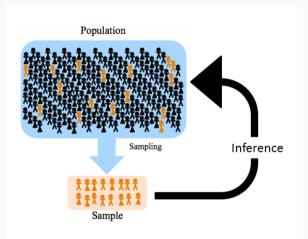
Descriptiva Sumariza y describe los datos **Inferencial** Análisis y predicciones sobre la población analizando muestras

Población y Muestra



Población El grupo completo de personas, cosas o elementos a analizar

Muestra Subconjunto de la población seleccionado para hacer inferencias



Parámetros y Estadísticos de Muestra



Parámetro se refiere a una cantidad que describe a una población. **Estadístico** se refiere a una cantidad obtenida de una muestra.

Los parámetros se suelen estimar mediante su estadístico correspondiente:

Medida	Parámetro	Estadístico
Tamaño	N	n
Media	μ	\bar{X}
Proporción	р	p
Desviación Estándar		

Parámetros y Estadísticos de Muestra



Parámetro se refiere a una cantidad que describe a una población.

Estadístico se refiere a una cantidad obtenida de una muestra.

Los parámetros se suelen estimar mediante su estadístico correspondiente:

Medida	Parámetro	Estadístico
Tamaño	N	n
Media	μ	$\bar{\chi}$
Proporción	p	ρ̂
Desviación Estándar	σ	S

Frecuencia Relativa y Acumulada



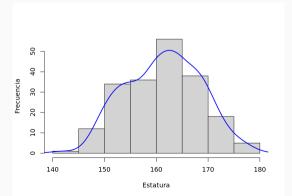
Relativa Proporción de ocurrencias iguales a un valor en la muestra **Acumulada** Prop. de ocurrencias menores o iguales a un valor en la muestra

Variable: Calificación	Frecuencia	Frecuencia Acumulada	Frecuencia Relativa	Frecuencia Relativa Acumulada
x	f	F	h	н
5	4	4	0.14	0.14
6	3	7	0.11	0.14+0.11= 0.25
7	2	9	0.07	0.25+0.07= 0.32
8	7	16	0.25	0.32+0.25= 0.57
9	8	24	0.29	0.57+0.29= 0.86
10	4	28	0.14	0.86+0.14= 1
SUMATORIA	28		1	

Distribución Muestral



La distribución muestral de un estadístico es una distribución probabilística resultante de obtener muchas muestras aleatorias de una tamaño dado *de la misma población*. Estas distribuciones nos permiten hacer inferencias estadísticas sobre la población.



Medidas de Tendencia Central (Las Tres M's)



Las medidas de tendencia central nos permiten encontrar el *centro* o *promedio* de una muestra. Las tres más comunes son:

Media La suma de todos los valores dividida entre el número de valores

Mediana El número de en medio con los datos ordenados

Moda El valor más frecuente en la muestra

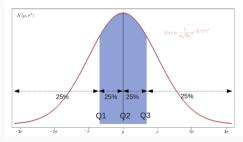
Cuantiles



- Puntos de corte de una distribución en intervalos con la misma probabilidad.
- ► Hay un cuantil menos que el número de intervalos generados.
- ► Cuantiles con nombre:

Cuartil Cuatro grupos
Quintil Cinco grupos
Decil Diez grupos
Prcentil Cien grupos

Cuartiles de distribución normal



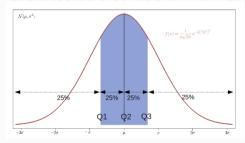
Cuantiles



- Puntos de corte de una distribución en intervalos con la misma probabilidad.
- ► Hay un cuantil menos que el número de intervalos generados.
- Cuantiles con nombre:

Cuartil Cuatro grupos
Quintil Cinco grupos
Decil Diez grupos
ercentil Cien grupos

Cuartiles de distribución normal



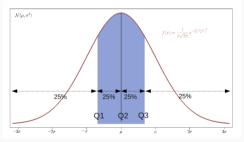
Cuantiles



- Puntos de corte de una distribución en intervalos con la misma probabilidad.
- ► Hay un cuantil menos que el número de intervalos generados.
- ► Cuantiles con nombre:

Cuartil Cuatro grupos
Quintil Cinco grupos
Decil Diez grupos
Percentil Cien grupos

Cuartiles de distribución normal



Medidas de Dispersión



- Las medidas de dispersión ayudan a describir la variabilidad de los datos.
- ► Son **positivas**, siendo 0 únicamente si todos los valores son iguales.
- ► Medidas de dispersión más comunes:

Rango La diferencia entre el valor mínimo y el valor máximo. **Varianza** El promedio de las distancia de los datos a la media

elevado al cuadrado.

Desviación Estándar La raíz cuadrada de la varianza.

Rango Intercuartil La distancia entre el primer y el tercer cuartil.

Desigualdad de Chebyshev



Para una distribución con media y varianza finitas conocidas,

- ▶ 75 % de las muestras estarán a menos de dos desviaciones de la media
- ▶ 90 % de las muestras estarán a menos de tres desviaciones de la media

Tarea de la Clase

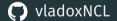


Calcular todas las medidas mencionadas en esta presentación, y verificar la desigualdad de Chebyshev para la siguiente muestra:

```
{11.524, 4.800, 13.752, 14.703, 0.245, 3.489, 10.639, 8.419, 9.916, 5.735,
14.397, 13.889, 10.330, 15.636, 12.338, 5.704, 11.844, 5.206, 14.392, 9.750,
9.076, 6.595, 16.113, 9.227, 7.858, 8.239, 12.662, 11.827, 12.064, 12.154}
```

¿Preguntas?

cvgonzalez@up.edu.mx





@vladoxNCL



@v1ad0x

