

**МИНОБРНАУКИ РОССИИ
САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ
ГОСУДАРСТВЕННЫЙ
ЭЛЕКТРОТЕХНИЧЕСКИЙ
УНИВЕРСИТЕТ**

«ЛЭТИ» ИМ. В.И. УЛЬЯНОВА (ЛЕНИНА)

Кафедра САПР

ОТЧЕТ

по лабораторной работе №3

**по дисциплине «Алгоритмы и структуры
данных»**

Тема: Двоичные деревья на примере языка C++

Вариант 1

Студент 0301

Сморжок В. Е.

Преподаватель

Тутуева А.В.

Санкт-Петербург,

2021

Задание на лабораторную работу:

Реализовать класс двоичного дерева в соответствии со своим вариантом.
(двоичное дерево поиска)

Список методов, которые реализует каждый вариант:

1. bool contains(int); // поиск элемента в дереве по ключу
2. void insert(int); // добавление элемента в дерево по ключу. Должен работать за $O(\log N)$
3. void remove(int); // удаление элемента дерева по ключу
4. Iterator create_dft_iterator(); // создание итератора, реализующего один из методов обхода в глубину (depth-first traverse)
5. Iterator create_bft_iterator() // создание итератора, реализующего методы обхода в ширину (breadth-first traverse)

Текст программы:

```
#include <iostream>

using namespace std;
size_t get_size;
int per = 0;
int firstgo = 0;
int sizeofstack = 0;

class Queue
{
private:
    class Node
    {
    public:
        int element;
        Node* next;
    };
    Node* head;
    Node* tail;
public:
    int size_queue;
    Queue()
    {
        Node* current = new Node;
        head = current;
        current->next = NULL;
        tail = head = current;
        size_queue = 0;
    }
    ~Queue()
    {
        while (head != tail)
            remove();
    }
    int getfirst()
    {
```

```

        if (size_queue != 0)
        {
            return head->element;
        }
        else
        {
            throw out_of_range("Empty list");
        }
    }
    void remove() // delete an element
    {
        head = head->next;
        size_queue--;
    }
    void insert(int element)
    {
        if (size_queue == 0)
        {
            head = new Node;
            head->element = element;
            tail = head;
        }
        else
        {
            tail->next = new Node;
            tail = tail->next;
            tail->element = element;
            tail->next = NULL;
        }
        size_queue++;
    }
};

```

```

class Stack
{
private:
    class Node
    {
    public:
        int element;
        Node* previous;
    };

public:
    Node* current;
    int size_stack;

    Stack()
    {
        Node* buffer = new Node;
        buffer->element = NULL;
        buffer->previous = NULL;
        size_stack = 0;
    }
    ~Stack()
    {
        Node* buffer;
        while (current)
        {
            buffer = current->previous;
            delete(current);
            current = buffer;
        }
    }
};

```

```

void add(int element)
{
    if (size_stack == 0)
    {
        Node* buffer = new Node;
        buffer->element = element;
        buffer->previous = nullptr;
        current = buffer;
    }
    else
    {
        Node* buffer = current;
        current = new Node;
        current->element = element;
        current->previous = buffer;
    }
    size_stack++;
}
void remove()
{
    Node* buffer = current;
    current = current->previous;
    delete(buffer);
    size_stack--;
}
int getlast()
{
    return current->element;
}
int size()
{
    if (sizeofstack == 0)
        return size_stack;
    else
        return 0;
}

};

```

```

class Iterator
{
public:
    virtual int next() = 0;
    virtual bool has_next() = 0;
};

```

```

class Tree
{
private:
    class Node
    {
    public:
        Node* left = NULL;
        Node* right = NULL;
        int element = NULL;
        int forstack = 0;
    };
    Node* parent;

public:

```

```

Iterator* create_BFT_iterator()
{
    return new ListIteratorBFT(parent);
}
Iterator* create_DFT_iterator()
{
    return new ListIteratorDFT(parent);
}

void push_back(int element)
{
    Node* buffer = new Node;
    buffer->element = element;
    if (parent->element == NULL)
    {
        parent = buffer;
        parent->left = NULL;
        parent->right == NULL;
    }
    else
    {
        Node* root = parent;
        while (1)
        {
            if (root->element >= buffer->element)
            {
                if (root->left == NULL)
                    root->left = new Node;
                root = root->left;
            }
            else {
                if (root->right == NULL)
                    root->right = new Node;
                root = root->right;
            }
            if (root->element == NULL)
            {
                root->element = (int)buffer->element;
                break;
            }
        }
    }
    get_size++;
}

Tree() // default constructor
{
    Node* buffer = new Node;
    buffer->left = buffer->right = NULL;
    buffer->element = NULL;
    parent = buffer;
}

```

```

class ListIteratorBFT : public Iterator
{
public:
    ListIteratorBFT(Node* buffer)
    {
        current = buffer;
        check = current;
        queue.insert(buffer->element);
    };
    bool has_next() override;
}

```

```

        int next() override;

private:
    Queue queue;
    Node* current;
    Node* check;

};

class ListIteratorDFT : public Iterator
{
public:
    ListIteratorDFT(Node* buffer)
    {
        current = buffer;
        checkstack = current;
        stack.add(buffer->element);
    };
    bool has_next() override;
    int next() override;

private:
    Stack stack;
    Node* current;
    Node* checkstack;

};

bool Contains(int value)
{
    Node* buffer;
    Node* root = parent;
    bool answer = false;
    if (root->element == value)
    {
        answer = true;
    }
    while (answer == false && (root->left != nullptr || root->right !=
nullptr))
    {
        if (value <= root->element)
        {
            root = root->left;
        }
        else
        {
            root = root->right;
        }
        if (root->element == value)
        {
            answer = true;
            break;
        }
    }
    return answer;
}

void insert(int value)
{
    Node* buffer = parent;
    bool answer = false;
    Node* root = parent;
    if (root->element >= value)

```

```

{
    root = root->left;
}
else root = root->right;
while (1)
{
    if (root != NULL)
    {
        if (root->left == NULL && root->right == NULL)
        {
            break;
        }
    }
    else
    {
        if (value <= buffer->element)
        {
            buffer->left = new Node;
            buffer->left->element = value;
        }
        else
        {
            buffer->right = new Node;
            buffer->right->element = value;
        }
        answer = true;

        break;
    }
    buffer = root;
    if (root->element >= value)
    {
        root = root->left;
    }
    else root = root->right;
}
if (answer == false)
{
    if (root->element >= value)
    {
        root->left = new Node;
        root->left->element = value;
    }
    else
    {
        root->right = new Node;
        root->right->element = value;
    }
}
}
void remove(int value)
{
    Node* root = parent;
    Node* buffer = parent;
    Node* help = parent;
    while (root->element != value)
    {
        if (root->element >= value)
        {
            buffer = root;
            root = root->left;
        }
        else
        {
            buffer = root;
            root = root->right;
        }
    }
}

```

```

    }
    if (root->left == nullptr && root->right == nullptr)
    {
        if (buffer->left == root)
        {
            buffer->left = nullptr;
        }
        else
            buffer->right = nullptr;
        delete(root);
    }
    else
    {
        if (root->left == nullptr)
        {
            root->element = root->right->element;
            root = root->right;
            buffer->right = nullptr;
            delete(root);
        }
        else
            if (root->right == nullptr)
            {
                root->element = root->left->element;
                root = root->left;
                buffer->left = nullptr;
                delete (root);
            }
        if (root->left != nullptr && root->right != nullptr)
        {
            buffer = root;
            buffer = buffer->right;
            while (buffer->left != nullptr)
            {
                help = buffer;
                buffer = buffer->left;
            }
            root->element = buffer->element;
            if (help != parent)
                help->left = nullptr;
            delete(buffer);
        }
    }
}

};

```

```

int Tree::ListIteratorBFT::next()
{
    int temp = queue.getfirst();

    if (queue.getfirst() == current->element && per == 0)
    {
        check = current;
        per = 1;
    }
    else
    {
        if (check != nullptr)
            current = check;
    }
    queue.remove();
    while (current->element != temp)
    {
        if (current->element > temp)
        {

```



```

        current = current->left;
    }
    else
    {
        current = current->right;
    }
}
if (current->left != nullptr)
{
    queue.insert(current->left->element);
}

if (current->right != nullptr)
{
    queue.insert(current->right->element);
}
return temp;
}

bool Tree::ListIteratorBFT::has_next()
{
    if (queue.size_queue == 0)
    {
        return false;
    }
    else
    {
        return true;
    }
}

int Tree::ListIteratorDFT::next()
{
    int per = 0;
    int temp = 0;

    if (current->element == stack.current->element && firstgo == 0)
    {
        firstgo = 1;
        temp = current->element;
        return temp;
    }
    else
    {
        current = checkstack;
        while (1)
        {
            if (current == checkstack)
                while (stack.getlast() != current->element)
                {
                    if (current->element > stack.getlast())
                    {
                        current = current->left;
                    }
                    else
                    {
                        current = current->right;
                    }
                }
            if (current->left != nullptr && current->left->forstack == 0)
            {
                current = current->left;
                stack.add(current->element);
                temp = current->element;
            }
        }
    }
}

```

```

        break;
    }
    else
        if (current->right != nullptr && current->right->forstack ==
0)
        {
            current = current->right;
            stack.add(current->element);
            temp = current->element;
            if (current->left == nullptr && current->right ==
nullptr)
            {
                stack.remove();
                current->forstack = 1;
            }
            break;
        }
        else
        {
            stack.remove();
            current->forstack = 1;
            current = checkstack;
        }
    }
}
if (checkstack->left->forstack == 1 && checkstack->left->forstack == 1)
{
    sizeofstack = 1;
    return temp;
}
else
    return temp;
}

bool Tree::ListIteratorDFT::has_next()
{
    if (stack.size() != 0)
    {
        return true;
    }
    else
    {
        return false;
    }
}

int main()
{
    int array[6] = {8,10,3,6,1,4};
    int* arraystek;
    int n = 6;
    arraystek = (int*)malloc(n * sizeof(int));
    Tree lst;
    for (int i = 0; i < n; i++)
    {
        lst.push_back(array[i]);
    }
    bool answer = lst.Contains(3);
    if (answer == 1)
    {
        cout << "this element is contained in a Tree" << endl;
    }
    else

```

```

        cout << "this element isn't contained in a Tree" << endl;
lst.insert(7);
lst.remove(4);
cout << "_____ " << endl;

cout << "BFT Iterator: " << endl;
Iterator* lst_iterator = lst.create_BFT_iterator();
while (lst_iterator->has_next())
{
    cout << lst_iterator->next() << ' ';

}
cout << endl;
cout << "DFT Iterator: " << endl;
Iterator* lst_iterator_DFT = lst.create_DFT_iterator();
while (lst_iterator_DFT->has_next())
{
    cout << lst_iterator_DFT->next() << ' ';

}
cout << endl;

return 0;
}

```

Описание реализуемых алгоритмов:

В данной программе реализован класс двоичного бинарного дерева. Класс содержит в себе ссылку на родителя, данные о содержимом узла графа – значение элемента, ссылку на правый и левый элементы дерева. Для этого дерева реализованы конструктор, деструктор, три метода: удаление, вставка и проверка на содержание в дереве элемента. Удаление листа происходит обнулением этого элемента и удалением всех ссылок на него. Удаление узла происходит по алгоритму:

Алгоритм удаления (delete/remove)

Случай 3: удаляемый узел имеет двух потомков

- Находим в правом поддереве относительно удаляемого узла самый левый листовой узел. В нем будет храниться наименьшее значение из этого поддерева, но которое больше корневого узла
- Заменяем удаляемый узел на значение из листового узла
- Удаляем листовой узел из его исходного положения

То же самое можно выполнить с левым поддеревом и его самым правым листовым узлом

Удаление узла с одним дочерним узлом происходит заменой этого элемента на листовой и удалением листового. Метод проверки на наличие элемента в дереве реализован с помощью обхода всего графа. Метод вставки реализован

с помощью обхода всего графа, сравнением всех элементов со вставляемыми и вставка в конец графа, то есть элемент становится листовым.

Для реализации обхода в ширину и глубину были реализованы сект и очередь, как классы. Для них были созданы методы добавления, удаления, конструкторы, деструкторы.

Обход в ширину:

Обход в ширину. Реализация

- Используем очередь
- Добавляем в очередь корневой элемент на первом шаге обхода
- На последующих шагах:
 - удаляем из очереди узел
 - при наличии у этого узла дочерних узлов заносим их в конец очереди
 - возвращаем значение узла, который мы удалили из очереди
 - переходим к следующей итерации

Обход в глубину:

Прямой обход. Реализация

- Используем стек
- Добавляем в стек корневой элемент на первом шаге обхода
- На последующих шагах:
 - обрабатываем текущий узел
 - при наличии правого поддерева добавляем его в стек для последующей обработки
 - переходим к узлу левого поддерева. Если левого узла нет, переходим к верхнему узлу из стека

Были созданы итераторы для каждого из обходов, также методы для них, с помощью которых и был выполнен обход. В методе next выполнялись вышеуказанные алгоритмы.

Оценка временной сложности каждого метода:

1. `bool contains(int)` – $O(\log N)$
2. `void insert(int)` – $O(\log N)$
3. `void remove(int)` – $O(\log N)$
4. `Iterator create_dft_iterator();`
5. `Iterator create_bft_iterator()`

Текст Unit – тестов

```
#include "pch.h"
#include "CppUnitTest.h"
#include "../3 lab.h"

using namespace Microsoft::VisualStudio::CppUnitTestFramework;

namespace UnitTestLab3
{
    TEST_CLASS(UnitTestLab3)
    {
    public:

        TEST_METHOD(ContainsFunction)
        {
            Tree lst;
            int array[] = { 16,6,20,2,12 };
            for (int i = 0; i < 5; i++)
            {
                lst.push_back(array[i]);
            }
            int temp = 0;
            for (int i = 0; i < 5; i++)
            {
                temp = lst.Contains(array[i]);
                Assert::IsTrue(temp == 1);
            }
        }

        TEST_METHOD(BFTFunction)
        {
            Tree lst;
            int array[7] = { 12,10,5,19,6,4,7 };
            for (int i = 0; i < 7; i++)
            {
                lst.push_back(array[i]);
            }
            int arraytest[] = { 12,10,19,5,4,6,7 };
            Iterator* lst_iterator = lst.create_BFT_iterator();
            int i = 0;
            int temp;
            while (lst_iterator->has_next())
            {
                temp = lst_iterator->next();
                Assert::IsTrue(temp == arraytest[i]);
                i++;
            }
        }

        TEST_METHOD(DFTFunction)
        {
            Tree lst;
            int array[7] = { 12,10,5,19,6,4,7 };
            for (int i = 0; i < 7; i++)
            {
                lst.push_back(array[i]);
            }
            int arraytest[] = { 12,10,5,4,6,7,19 };
            Iterator* lst_iterator = lst.create_DFT_iterator();
            int i = 0;
            int temp;
            while (lst_iterator->has_next())
            {
                temp = lst_iterator->next();
                Assert::IsTrue(temp == arraytest[i]);
                i++;
            }
        }
    }
}
```

```

    }
}
TEST_METHOD(InsertFunction)
{
    Tree lst;
    int array[5] = { 16,20,6,2,12 };
    for (int i = 0; i < 5; i++)
    {
        lst.push_back(array[i]);
    }
    int arraytest[] = { 16,6,20,2,12,14 };
    lst.insert(14);
    Iterator* lst_iterator = lst.create_BFT_iterator();
    int i = 0;
    int temp;
    for (int i = 0; i < 6; i++)
    {
        temp = lst_iterator->next();
        Assert::IsTrue(temp == arraytest[i]);
    }
}
TEST_METHOD(RemoveFunction)
{
    Tree lst;
    int array[7] = { 16,20,6,2,12,11,13 };
    for (int i = 0; i < 7; i++)
    {
        lst.push_back(array[i]);
    }
    int arraytest[] = { 16,11,20,2,12,13 };
    lst.remove(6);
    Iterator* lst_iterator = lst.create_BFT_iterator();
    int i = 0;
    int temp;
    for (int i = 0; i < 6; i++)
    {
        temp = lst_iterator->next();
        Assert::IsTrue(temp == arraytest[i]);
    }
    int arraytest1[5] = {16,11,20,2,12};
    lst.remove(13);
    Iterator* lst_iterator1 = lst.create_BFT_iterator();
    for (int i = 0; i < 4; i++)
    {
        temp = lst_iterator1->next();
        Assert::IsTrue(temp == arraytest[i]);
    }
}

};
}

```

Описание Unit – тестов

1. Contains – проверяет каждый элемент дерева этим методом. Выполняется, если все результаты будут равны 1.

2. BTF обход в ширину – проверяет, равен ли результат работы итератора и его методов массиву, который отсортировал элементы графа обходом в ширину
3. DFT – проверяет, равен ли результат работы итератора и его методов массиву, который отсортировал элементы графа обходом в глубину
4. Insert – проверяет, вставился ли элемент в дерево, с помощью обхода в ширину
5. Remove – проверяет, удалился ли элемент из дерева, с помощью обхода в ширину. Рассмотрены случаи удаления листа и узлового элемента

Пример работы программы:

```
this element is contained in a Tree  
BFT Iterator:  
8 3 10 1 6 7  
DFT Iterator:  
8 3 1 6 7 10
```

```
TEST_METHOD(ContainsFunction)  
{  
    Tree lst;  
    int array[] = { 16,6,20,2,12 };  
    for (int i = 0; i < 5; i++)  
    {  
        lst.push_back(array[i]);  
    }  
    int temp = 0;  
    for (int i = 0; i < 5; i++)  
    {  
        temp = lst.Contains(array[i]);  
        Assert::IsTrue(temp == 1);  
    }  
}  
  
TEST_METHOD(BFTFunction)  
{  
    Tree lst;  
    int array[7] = { 12,10,5,19,6,4,7 };  
    for (int i = 0; i < 7; i++)  
    {  
        lst.push_back(array[i]);  
    }  
    int arraytest[] = { 12,10,19,5,4,6,7 };  
    Iterator* lst_iterator = lst.create_BFT_iterator();  
    int i = 0;  
    int temp;  
    while (lst_iterator->has_next())  
    {  
        temp = lst_iterator->next();  
        Assert::IsTrue(temp == arraytest[i]);  
        i++;  
    }  
}  
  
TEST_METHOD(DFTFunction)
```

```

TEST_METHOD(DFTFunction)
{
    Tree lst;
    int array[7] = { 12,10,5,19,6,4,7 };
    for (int i = 0; i < 7; i++)
    {
        lst.push_back(array[i]);
    }
    int arraytest[] = { 12,10,5,4,6,7,19 };
    Iterator* lst_iterator = lst.create_DFT_iterator();
    int i = 0;
    int temp;
    while (lst_iterator->has_next())
    {
        temp = lst_iterator->next();
        Assert::IsTrue(temp == arraytest[i]);
        i++;
    }
}

TEST_METHOD(InsertFunction)
{
    Tree lst;
    int array[5] = { 16,20,6,2,12 };
    for (int i = 0; i < 5; i++)
    {
        lst.push_back(array[i]);
    }
    int arraytest[] = { 16,6,20,2,12,14 };
    lst.insert(14);
    Iterator* lst_iterator = lst.create_BFT_iterator();
    int i = 0;
    int temp;
    for (int i = 0; i < 6; i++)
    {
        temp = lst_iterator->next();
        Assert::IsTrue(temp == arraytest[i]);
    }
}

```

Проблемы не найдены.


```

TEST_METHOD(InsertFunction)
{
    Tree lst;
    int array[5] = { 16,20,6,2,12 };
    for (int i = 0; i < 5; i++)
    {
        lst.push_back(array[i]);
    }
    int arraytest[] = { 16,6,20,2,12,14 };
    lst.insert(14);
    Iterator* lst_iterator = lst.create_BFT_iterator();
    int i = 0;
    int temp;
    for (int i = 0; i < 6; i++)
    {
        temp = lst_iterator->next();
        Assert::IsTrue(temp == arraytest[i]);
    }
}

TEST_METHOD(RemoveFunction)
{
    Tree lst;
    int array[7] = { 16,20,6,2,12,11,13 };
    for (int i = 0; i < 7; i++)
    {
        lst.push_back(array[i]);
    }
    int arraytest[] = { 16,11,20,2,12,13 };
    lst.remove(6);
    Iterator* lst_iterator = lst.create_BFT_iterator();
    int i = 0;
    int temp;
    for (int i = 0; i < 6; i++)
    {

```

Проблемы не найдены