

Calcolo Numerico - die Beziehung

Saftoiu Vlad Alexandru

10 giugno 2018

Indice

1	Capitolo 4	2
1.1	Esercizio 4.1	2
1.2	Esercizio 4.2	2
1.3	Esercizio 4.3	2
1.4	Esercizio 4.4	2
1.5	Esercizio 4.5	2
1.6	Esercizio 4.6	3
1.7	Esercizio 4.7	3
1.8	Esercizio 4.8	3
1.9	Esercizio 4.9	3
1.10	Esercizio 4.10	3

1 Capitolo 4

1.1 Esercizio 4.1

Scrivere una function Matlab che implementi il calcolo del polinomio interpolante di grado n in forma di Lagrange. La forma della function deve essere del tipo `y = lagrange(xi, fi, x)`

```
function [y] = newton( xi, fi, x)
%NEWTON calcola il polinomio interpolante di grado n in forma di newton
% xi: vettore delle ascisse
% fi: vettore delle ordinate
% x: vettore dei punti dove calcolare il valore

n = length(xi) -1; % grado del polinomio interpolante

%calcolo le differenze divise
for j = 1:n
    for i = n+1 : -1 : j+1
        fi(i) = (fi(i)-fi(i-1)) / xi(i) - xi(i-j);
    end
end

end
```

1.2 Esercizio 4.2

Scrivere una function Matlab che implementi il calcolo del polinomio interpolante di grado n in forma di Newton. La forma della function deve essere del tipo `y = newton(xi, fi, x)`

1.3 Esercizio 4.3

Scrivere una function Matlab che implementi il calcolo del polinomio interpolante di Hermite. La forma della function deve essere del tipo `y = newton(xi, fi, f1i, x)`

1.4 Esercizio 4.4

Utilizzare le functions degli esercizi precedenti per disegnare l'approssimazione della funzione $\sin(x)$ nell'intervallo $[0, 2\pi]$, utilizzando le ascisse di interpolazione $x_i = i\pi, i = 0, 1, 2$.

1.5 Esercizio 4.5

Scrivere una function Matlab che implementi la `spline` cubica interpolante (naturale o *not-a-knot*, come specificato in ingresso) delle coppie di dati asse-

gnate. La forma della function deve essere del tipo: `y = spline3(xi, fi, x, tipo)`.

1.6 Esercizio 4.6

Scrivere una function Matlab che implementi il calcolo delle ascisse di Chebyshev per il polinomio interpolante di grado n , su un generico intervallo $[a, b]$. La function deve essere del tipo: `xi = ceby(n, a, b)`.

1.7 Esercizio 4.7

Utilizzare le function degli Esercizi 4.1 e 4.6 per graficare l'approssimazione della funzione di Runge sull'intervallo $[-6, 6]$ per $n = 2, 4, \dots, 40$. Stimare, numericamente, l'errore commesso in funzione del grado n del polinomio interpolante.

1.8 Esercizio 4.8

Relativamente al precedente esercizio, stimare numericamente, la crescita della costante di Lebesgue.

1.9 Esercizio 4.9

Utilizzare la function dell'esercizio 4.1 per approssimare la funzione di Runge sull'intervallo $[-6, 6]$, su una partizione uniforme di $n + 1$ ascisse, $n = 2, 4, \dots, 40$. Stimare le corrispondenti costanti di Lebesgue.

1.10 Esercizio 4.10

Stimare, nel senso dei minimi quadrati, posizione, velocità iniziale ed accelerazione relative a un moto rettilineo uniformemente accelerato per cui sono note le seguenti misurazioni delle coppie (tempo, spazio): (1, 2.9), (1, 3.1), (2, 6.9), (2, 7.1), (3, 12.9), (3, 13.1), (4, 20.9), (4, 21.1), (5, 30.9), (5, 31.1).