Osnove programiranja: Vežbe 3

Zadatak 1. Navedi rezultat svakog od sledećih izraza. Pri tome, obrati pažnju na tip izraza i njegov pravilan ispis. Ako izraz nije ispravan, obrazloži zašto.

```
• 4.0 / 10.0 + 3.5 * 2

• 10 % 4 + 6 / 2

• abs(4 - 20 / 3) ** 3

• sqrt(4.5 - 5.0) + 7 * 3

• 3 * 10 / 3 + 10 % 3

• 3L ** 3
```

Zadatak 2. Prevedi sledeće matematičke izraze u Python izraze. Možeš podrazumevati da je importovana math biblioteka.

```
• (3+4)*5

• \frac{n(n-1)}{2}

• 4 \neq r^2

• \sqrt{r(\cos a)^2 + r(\sin a)^2}

• \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1}
```

Zadatak 3. Odredi listu brojeva koja predstavlja rezultat ovih range izraza:

```
range(5)range(3, 10)range(4, 13, 2)range(15, 5, -2)range(5, 3)
```

Zadatak 4. Odredi izlaz koji bi generisao svaki od sledećih programskih fragmenata:

```
for i in range(1, 11):
    print i*i

for i in [1,3,5,7,9]:
    print i, ":", i**3
    print i

x = 2
y = 10
for j in range(0, y, x):
    print j,
    print x + y
print "done"
```

```
ans = 0
for i in range(1, 11):
    ans = ans + i*i
    print i
print ans
```

Zadatak 5. Napiši program koji izračunava zapreminu i površinu sfere za dati poluprečnik. Zapremina sfere se izračunava kao $V=\frac{4}{3}\pi r^3$ a površina kao $A=4\pi r^2$.

Zadatak 6. Napiši program koji izračunava cenu pice po kvadratnom centimetru za dati poluprečnik i cenu cele pice. $A=r^2\pi$.

Zadatak 7. Napiši program koji izračunava molekularnu masu molekula ugljovodonika zavisno od broja atoma ugljenika i vodonika koji ga čine. Mase atoma su sledeće:

| atom | masa |
|--------------|--------|
| Н | 1.0079 |
| \mathbf{C} | 12.011 |

Zadatak 8. Napiši program koji određuje udaljenost posmatrača od munje na bazi vremenske razlike trenutka pojavljivanja munje i trenutka kada zvuk stigne do posmatrača. Brzina zvuka iznosi 340 m/s.

Zadatak 9. Prodavnica kafe prodaje kafu za 105 dinara za kilogram. Za kućnu dostavu naplaćuje se 18 dinara po kilogramu i 15 dinara fiksnih troškova. Napiši program koji izraćunava ukupnu cenu kućne porudžbine.

Zadatak 10. Dve tačke u ravni date su koordinatama (x_1, y_1) i (x_2, y_2) . Napiši program koji izračunava nagib prave koja prolazi kroz date tačke. $m = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1}$

Zadatak 11. Za dve tačke u ravni (vidi prethodni zadatak) izračunati rastojanje između njih. $d=\sqrt{(x_2-x_1)^2+(y_2-y_1)^2}$

Zadatak 12. Epakt predstavlja starost meseca u danima na dan 1. januara. Koristi se za izračunavanje termina Uskrsa. Gregorijanski epakt se izračunava po sledećim formulama (int aritmetika):

$$C = year/100$$

$$epakt = (8 + C/4 - C + ((8C + 13)/25) + 11(year\%19))\%30$$

Napiši program koji od korisnika traži godinu kao 4-cifreni broj i izračunava epakt po gregorijanskom kalendaru.

Zadatak 13. Napiši program koji izračunava površinu trougla za date dužine stranica a, b i c. $s = \frac{a+b+c}{2}$, $A = \sqrt{s(s-a)(s-b)(s-c)}$

Zadatak 14. Napiši program koji izračunava dužinu merdevina za datu visinu koju treba dostići i ugao kojim se meri nagib merdevina. $d=\frac{visina}{\sin ugao}$

Zadatak 15. Napiši program koji izračunava zbir prvih n prirodnih brojeva, gde se n unosi sa tastature.

Zadatak 16. Napiši program koji izračunava zbir kvadrata prvih n prirodnih brojeva, gde se n unosi sa tastature.

Zadatak 17. Napiši program koji izračunava zbir brojeva koje unosi korisnik. Prvo je potrebno uneti broj brojeva koje treba sabrati. Potom treba uneti sve brojeve i na kraju ispisati vrednost zbira.

Zadatak 18. Napiši program koji izračunava prosek brojeva koje unosi korisnik (slično prethodnom zadatku). Prosek bi trebalo da bude float.

Zadatak 19. Napiši program koji izračunava aproksimaciju broja π kao delimičnu sumu ovog reda: $4/1 - 4/3 + 4/5 - 4/7 + 4/9 - 4/11 + \dots$ Program treba da zatraži broj članova ovog niza koje treba sabrati.

Zadatak 20. Fibonačijev niz brojeva je niz kod koga svaki broj predstavlja zbir prethodna dva. Ovaj niz počinje sa $1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, \dots$ Napiši program koji izračunava n-ti Fibonačijev broj gde n unosi korisnik. Fibonačijevi brojevi rastu vrlo brzo, program mora da rukuje vrlo velikim brojevima.

Zadatak 21. Paket math sadrži funkciju za izračunavanje kvadratnog korena. Potrebno je napisati sopstvenu funkciju za izračunavanje kvadratnog korena pomoću PiP ("probaj-i-ponovo") pristupa. Prvo pokušamo da pogodimo vrednost korena i uporedimo je sa pravom vrednošću (koju vraća sqrt). Onda napravimo sledeći pokušaj i približimo se rešenju. Postupak ponavljamo dok ne naiđemo na pravu vrednost korena ili njenu dovoljno dobru aproksimaciju. Za ovaj posao možemo koristiti Njutnov metod.

Neka je x broj čiji koren tražimo, i guess broj kojim pokušavamo da pogodimo koren. Pokušaj se može popraviti korišćenjem vrednosti $\frac{guess+x/guess}{2}$ u sledećem krugu. Napiši program koji implementira Njutnov metod. Program od korisnika traži broj čiji koren tražimo (x) i broj pokušaja. Početna vrednost za pokušaj je x/2. Na kraju rada ispisati dobijenu vrednost Njutnovom metodom i vrednost koju vraća sqrt.