Examen: Limbaje formale și automate Examenul din 19 Iunie 2025, Universitatea din București

durata examenului: 2 ore

Nume	Şl	prenume:	

Grupa: Varianta f C

Nota obţinută la laborator:

Numele tutorelui de laborator:

Examenul este format din 10 probleme fiecare având câte 10 puncte pentru un total de 100 de puncte.

1. (10 puncte) Considerăm numele de familie al dumneavoastră şi "spargem" acest cuvânt în grupuri de câte două litere cu un eventual ultim grup de 3 litere în mulțimea N. Spre exemplu, pentru numele Ionescu vom avea $N = \{io, ne, scu\}$. Considerăm limbajul N^* , dați un exemplu de cuvânt de 10 litere care aparține lui N^* şi un cuvânt de 10 litere care nu aparține lui N^* .

```
w_1 \in N^* de 10 litere, w_1 =
w_2 \notin N^* de 10 litere, w_2 =
```

Spuneți dacă următoarele patru afirmații sunt adevărate sau nu, justificați pe scurt răspunsul.

2.a (5 puncte) Fie limbajele L_1 , L_2 , L_3 , L_4 cu proprietatea că $L_1 \cap L_2 = L_3 \cap L_4$ şi $L_1, L_2, L_4 \in REG$. Avem aşadar că $L_3 \in REG$. Unde REG este familia limbajelor regulate (recunoscute de expresii regulate).

Afirmația este ADEVARATĂ/FALSĂ (încercuiți varianta corectă și apoi justificați răspunsul)

2.b (5 puncte) Fie limbajele L_1 , L_2 , L_3 , L_4 cu proprietatea că $L_1 \cap L_2 = L_3 \cap L_4$ şi $L_1, L_2, L_4 \in CF$. Avem aşadar că $L_3 \in CF$. Unde CF este familia limbajelor independente de context (recunoscute de gramatici independente de context).

Afirmația este ADEVARATA/FALSA (încercuiți varianta corectă și apoi justificați răspunsul)

3.a (5 puncte) E decidabil dacă un DFA acceptă toate cuvintele de lungime multiplu de 7 şi care încep cu abb.

Afirmația este ADEVARATĂ/FALSĂ (încercuiți varianta corectă și apoi justificați răspunsul)

3.b (5 puncte) E decidabil dacă un PDA cu acceptare cu stivă vidă acceptă cel puţin un cuvânt de lungime multiplu de 5 şi care se termină in a.

Afirmația este ADEVARATĂ/FALSĂ (încercuiți varianta corectă și apoi justificați răspunsul)

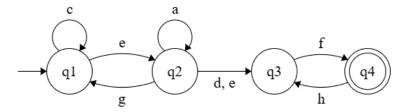
- 4. (10 puncte) a) Construiți un NFA care să nu fie DFA și care are cel puțin 8 stări accesibile din starea inițială dintre care cel puțin 2 să fie finale, are cel puțin 3 bucle și cel puțin un circuit de lungime minim 4 (pot exista și alte circuite mai scurte). Graful să nu poată fi simplificat, adică să nu existe stări inutile (care nu au drum către o stare finală) sau drumuri redundante (mai multe drumuri din graf care acceptă aceleași cuvinte).
- b) Să se construiască un DFA echivalent cu automatul de la punctul a) folosind algoritmul de la curs/seminar (să existe o corespondență între elementele NFA-ului și cele ale DFA-ului.

Nume și prenume:

grupa:

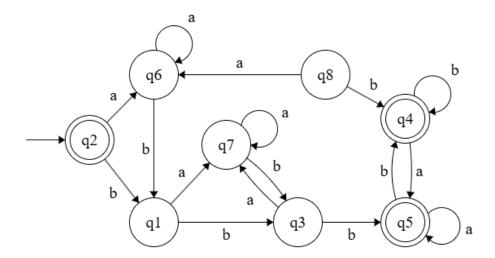
5. (10 puncte) Folosind algoritmul de la curs/seminar, transformați următorul automat finit într-o expresie regulată echivalentă (faceți desenele și pentru pașii intermediari).

ALTERNATIV pentru 5 puncte: Desenați o mașină Turing care să inverseze cuvantul de intrare (pentru orice intrare), adică pentru cuvântul de intrare 001122 să accepte cuvântul 221100.



6.a (5 puncte) Fie limbajul $L = \{aab, aabbb\}$. Daţi cât mai multe (preferabil 5) triplete de cuvinte (x, y, z) astfel încât perechea de cuvinte (x, y) nu este echivalentă conform L iar z este un cuvânt care face diferenţa pentru (x, y). Nu puteţi re-folosi un cuvânt în altă tripletă, adică pentru două răspunsuri corecte (x_1, y_1, z_1) şi (x_2, y_2, z_2) avem $\{x_1, y_1, z_1\} \cap \{x_2, y_2, z_2\} = \emptyset$.

6.b (5 puncte) Considerați DFA-ul următor, precizați care sunt echivalențele din acest automat și dați automatul minimal echivalent. Precizati pasii din algoritmul prezentat la curs sau seminar.



Nume și prenume:

grupa:

7. (10 puncte) Construiți și descrieți funcționarea unui automat pushdown (PDA) pentru limbajul $L = \{a^{m+1}b^{3n}|n \neq m\} \cup \{a^m \mid m \geq 1\} \cdot \{a^3b^3, \ a^3b^2, \ a^6b^2\}$ ALTERNATIV pentru 5 puncte: $L = \{0^m1^{m+4}2^n \mid m, n \geq 3\} \cup \{0110\}$

8. (10 puncte) Spuneți dacă limbajul următor este independent de context sau nu; dacă da, construiți o gramatică independentă de context care sa îl genereze, dacă nu, demonstrați folosind eventual lema de pompare că limbajul nu este independent de context.

 $L = \{w \mid w \in \{a,b,c\}^*, |w|_a = |w|_b + 2$ şi lungimea cuvantului w este pară $\} \cup \{ab, bbaabb\}$. ALTERNATIV pentru max 5 puncte: $L = \{0^{2k}1^{3k}0^{4k}11 \mid k \geq 3\}$.

Nume și prenume:

grupa:

9. (10 puncte) Spuneți dacă limbajul următor este sau nu regulat. Dacă limbajul este regulat construiți un automat finit determinist care să îl accepte, dacă nu, demonstrați folosind lema de pompare pentru REG că limbajul nu este regulat

 $L = \{a^k b^m c^r \mid (k \ge 5, m \le r) \text{ sau } (k \ge 5, m \ge 3r)\}.$ ALTERNATIV pentru max 5 puncte: $L = \{1^k 0^{l+2} 1^{2m+1} 0^l \mid k, l, m \ge 3\}.$

10. (10 puncte) Spuneți dacă limbajul următor este independent de context sau nu; dacă da, construiți o gramatică independentă de context care sa îl genereze, dacă nu, demonstrați folosind eventual lema de pompare că limbajul nu este independent de context.

 $L = \{a^i b^j c^k \mid \text{cand i par } i < j, i+2j+5 < k, \text{ cand i impar } i = 4j+2k+1\}.$ ALTERNATIV pentru max 5 puncte: L = $\{w \mid w \in \{0,1,2\}^*, \ |w|_0+1 \neq 2|w|_1 \text{ si } |w|_2 = |w|_0+|w|_1\}$

CIORNĂ: vC1

Nume și prenume:

grupa:

BONUS. (5 puncte) Spuncti daca urmatoarele limbaje sunt independente de context sau nu, pentru fiecare raspuns corect primiti 1 punct, pentru fiecare raspuns gresit pierdeti 0.5 puncte:

- a. $L = \{a^p \mid p \; prim\} \cup \overline{\{a^p \mid p \; par\}}$ pentru alfabetul $\Sigma = \{a\}$ DA NU b. $L = \{a^p \mid p \; prim\} \cup \overline{\{a^p \mid p \; par\}}$ pentru alfabetul $\Sigma = \{a,b\}$ DA NU c. $L = \{w \mid |w|_a \leq |w|_b \text{ si } b \geq 100\}$ pentru alfabetul $\Sigma = \{a,b\}$ DA NU d. $L = \{w \mid |w|_a = 2k+1, |w|_b = 5, 2|w|_c = |w|\}$ pentru alfabetul $\Sigma = \{a,b,c\}$ DA NU
- e. $L = \{a^i b^j a^k \mid \text{dacă } j \text{ este impar, atunci } k = i+j; \text{dacă } j \text{ este par, atunci } k = (i+j)^2+1\}$ DA NU

CIORNĂ: vC2
Nume și prenume:

grupa: