Mécanique des Fluides 4F – TD2

Dans tous les exercices qui suivent, on prendre les valeurs numériques suivantes :

$$r = 287 \,\mathrm{J\,kg^{-1}\,K^{-1}}$$
 et $\gamma = \frac{7}{5}$.

Exercice 1

Calculer la température d'arrêt sur le bord d'attaque de l'aile d'un avion volant à $1200\,\mathrm{km}\,\mathrm{h}^{-1}$ dans une atmosphère à $15\,\mathrm{^{\circ}C}$.

Exercice 2

Un avion vole à un nombre de Mach de 0.95 à une altitude où la pression atmosphérique est 0.2232 bar et la masse volumique de l'air 0.349 kg m⁻³.

- 1. Calculer la vitesse de l'avion.
- 2. Calculer la pression et la température du point d'arrêt sur le bord d'attaque de l'aile.

Exercice 3

Des gaz entrent dans une conduite à la vitesse de $275\,\mathrm{m\,s^{-1}}$ à la température de $741\,^{\circ}\mathrm{C}$. Leur vitesse de sortie est $564\,\mathrm{m\,s^{-1}}$. En supposant le gaz parfait et l'écoulement isentropique, déterminer la température de sortie des gaz et le nombre de Mach dans le conditions de sortie.

Exercice 4

Un réservoir contient de l'air sec à une pression de 1×10^6 Pa (environ 10 fois la pression atmosphérique) et une température de 300 K. Il est mis en communication isentropique avec l'atmosphère par un conduit convergent – divergent (tuyère de Laval) dont la section de col est de 755 mm² ($D\simeq 31$ mm). Le nombre de Mach atteint par l'écoulement en sortie du divergent est de 2.

- 1. Calculer la température du fluide dans la section de col.
- 2. Calculer la vitesse de l'écoulement au col.
- 3. Calculer le débit massique correspondant.
- 4. Trouver les valeurs de la vitesse et de la masse volumique en sortie du divergent.
- 5. En déduire l'aire de la section de sortie.
- 6. Calculer enfin la pression et la température de l'écoulement en sortie. Commenter les résultats.

Exercice 5

Une tuyère de Laval à section circulaire (diamètre au col de $D=10\,\mathrm{mm}$) est alimentée par une source d'air sec de température et pression génératrices constantes. Elle débouche dans un réservoir de très grande capacité dont la pression statique peut être maintenue à un niveau constant P_a quelconque. On mesure en sortie de tuyère une pression statique $P_s=0.39\times10^5\,\mathrm{Pa}$ et un nombre de Mach $M_s=0.2$. On donne $T_i=400\,\mathrm{K}$.

- 1. Que valent la célérité du son et la vitesse de l'écoulement en sortie de tuyère ?
- 2. Calculer la pression génératrice P_i .
- 3. Calculer la masse volumique du fluide en sortie de tuyère, le diamètre de la section de sortie et le débit massique du fluide éjecté.