



Universidade Federal do Rio Grande do Norte  
Departamento de Informática e Matemática Aplicada

## Relatório da 3<sup>a</sup> Unidade - Grafos

Alexandre Dantas, Andriel Vinicius, Gabriel Carvalho, Maria Paz e  
Vinicius de Lima

*Professor:* Matheus Menezes

11 de dezembro de 2025

# Sumário

<b>Lista de Figuras</b>	<b>ii</b>
<b>Lista de Tabelas</b>	<b>iii</b>
<b>Lista de Códigos</b>	<b>iv</b>
<b>1 Introdução</b>	<b>1</b>
1.1 Organização do relatório . . . . .	1
<b>2 Heurísticas e Buscas Locais</b>	<b>2</b>
<b>3 Algoritmo Genético e Memético</b>	<b>3</b>
3.1 Discussão sobre as decisões . . . . .	3
3.1.1 Algoritmo memético . . . . .	5
3.1.2 Resultados . . . . .	6
<b>4 Conclusão</b>	<b>8</b>
<b>Referências Bibliográficas</b>	<b>9</b>
<b>Appendices</b>	<b>10</b>
<b>A Atividades desenvolvidas por cada integrante</b>	<b>10</b>

# **Lista de Figuras**

# **Lista de Tabelas**

# **Lista de Códigos**

# **Capítulo 1**

## **Introdução**

O presente trabalho tem por objetivo descrever a implementação realizada para a avaliação prática da 3<sup>a</sup> Unidade de DIM0549 Grafos. A avaliação mencionada consiste em implementar computacionalmente as heurísticas do Vizinho Mais Próximo e Inserção Mais Próxima juntamente de Buscas Locais e as metaheurísticas do Algoritmo Genético e Memético. Cada heurística composta com busca local deve ser executada 1 vez em cada um dos 12 problemas e cada metaheurística deve ser executada 20 vezes em cada problema. Cada resultado dessas instâncias deve, então, ser computado e comparado com os resultados do trabalho fornecido pelo professor.

### **1.1 Organização do relatório**

No capítulo 02, iremos comentar acerca das heurísticas desenvolvidas e os resultados da aplicação dos problemas a elas.

No capítulo 03, iremos comentar acerca do Algoritmo Genético e Memético, as decisões tomadas neles e os resultados.

No capítulo 04, refletiremos sobre a implementação feita e traremos conclusões e possíveis pontos de melhoria.

No apêndice A, é possível conferir a lista completa das atividades desenvolvidas por cada integrante.

## **Capítulo 2**

# **Heurísticas e Buscas Locais**

### **Heurísticas**

As heurísticas são algoritmos úteis para encontrar soluções boas em problemas de larga escala, cujos algoritmos tradicionais levariam muito tempo. Neste trabalho, focamos nossa implementação em duas heurísticas: Nearest Neighbour e Nearest Insertion.

#### **Nearest Neighbour (Vizinho Mais Próximo)**

A heurística do Nearest Neighbour consiste em um algoritmo guloso que, dado um nó arbitrário, sempre escolhe a aresta de menor custo até o próximo vizinho sem se importar com as consequências futuras.

### **Buscas Locais**

#### **Resultados**

# Capítulo 3

## Algoritmo Genético e Memético

Neste capítulo, vamos abordar as implementações que realizamos para o algoritmo genético e para o algoritmo memético. Optamos por concentrar em um único capítulo dada à sua estreita ligação.

Quanto ao algoritmo genético, como uma implementação tradicional já é entendida, vamos apenas nos ater as principais decisões que tomamos quanto a implementação do nosso algoritmo para o problema. Tais decisões são divididas em 5 pontos principais:

- Como foi gerada a população inicial.
- Como indivíduos foram selecionados para cruzamento.
- Qual a foi a operação de crossover utilizada.
- Como escolhemos os hiper-parâmetros.

Antes de começar a abordar esses pontos é interessante ressaltar que uma das principais diferenças na nossa abordagem foi monomorfizar os dados do grafo através de uma procedural macro (proc-macro) que carrega os dados da instância em tempo de compilação:

```
1 use csv_macro::graph_from_csv;
2
3 graph_from_csv!("data/006/data.csv");
```

Isso permite que o compilador faça otimizações mais agressivas pois o grafo do problema é agora conhecido durante a compilação e não em execução. Outra vantagem das proc-macros é a capacidade de implementar o algoritmo sem realizar nenhuma alocação de memória na heap, ou seja, usando apenas a stack, o que também é mais eficiente.

### 3.1 Discussão sobre as decisões

Enfim começando a falar sobre o algoritmo, começamos pela estratégia utilizada para a geração da população inicial. Para tal a ideia foi gerar sequências aleatórias de 0 até  $n$  e popular a coleção de indivíduos com isso, ( $n$  é o número de nós do grafo). Nós fizemos isso primeiro definindo um intervalo e criando um arranjo a partir dele, depois, para cada indivíduo na população, embaralhamos esse arranjo e associamos ele a um indivíduo.

```

1 // Inicializa um intervalo [0..NODE_COUNT].
2 let mut rit = 0..NODE_COUNT;
3 // Cada elemento do intervalo é associado a um arranjo.
4 let mut r: [usize; NODE_COUNT] = array::from_fn(|_| unsafe {
5     rit.next().unwrap_unchecked() });
6 // Para cada indivíduo da população (não estarão inicializados).
7 for i in p {
8     // O arranjo é embaralhado com um gerador de números aleatório.
9     r.shuffle(rng);
10    // O indivíduo é associado ao arranjo embaralhado.
11    *i = r;
12 }

```

Para o cruzamento, apenas dividimos a população em duas metades "iguais" e realizamos o crossover pointwise de cada elemento das duas metades, após isso re-embaralhamos a população para sempre permitir que indivíduos diferentes tenham a oportunidade de sofrer crossover. É importante ressaltar que o crossover não tem a garantia de ser bem sucedido no nosso algoritmo, não no sentido de adicionar um indivíduo com fitness pior na nossa população, mas no de não aceitar a prole se ela não tiver o fitness melhor que pelo menos um dos pais. Entraremos em mais detalhes sobre isso brevemente, mas essa é implementação da seleção.

```

1 // Separa a população em duas metades.
2 let (h1, h2) = p.split_at_mut(p.len() / 2);
3 // Realiza o crossover pointwise em indivíduos das duas metades.
4 for (p1, p2) in h1.iter_mut().zip(h2) {
5     if let Some(i) = cross(p1, p2)
6         && rand::random_bool(mrate)
7     {
8         // Realiza uma mutação somente se o crossover foi bem sucedido e a
9         // prole foi sorteada.
10        mutate([p1, p2][i]);
11    }
12 }
13 // Re-embaralha a população.
p.shuffle(rng);

```

Quanto ao crossover, usamos o Sequential Constructive Crossover (SCX) ([AHMED, 2010](#)), que é considerado o melhor operador de crossover por alguns autores na literatura ([KHAN, 2015](#)). A principal vantagem desse operador é que ele mantém características positivas dos parentes enquanto possivelmente descobre outros bons genes. A ideia geral do algoritmo é iterativamente escolher nós dos pais aonde o próximo nó é um dos primeiros não visitados e o que compõe a menor distância para o nó atual da iteração. Esse primeiro nó não visitado é denominado nó legítimo pelo autor.

```

1 // Inicializa offspring como arranjo zerado.
2 let mut offspring = [0; NODE_COUNT];
3 // Inicializa arranjo de nós visitados.
4 let mut visited = [false; NODE_COUNT];
5 // Escolhe aleatoriamente o primeiro nó da prole.
6 let mut fst = [&p1, &p2][rand::random_range(0..2)][0];
7 offspring[0] = fst;
8 // Marca o primeiro nó como visitado.

```

```

9  visited[fst] = true;
10 // Para cada nó que não é o primeiro, é escolhido os
11 // nós legítimos a e b dos pais e o que tiver a menor
12 // distância para o nó atual da iteração é incorporado na prole.
13 for n in offspring.iter_mut().skip(1) {
14     let a = legitimate(fst, &mut visited, p1);
15     let b = legitimate(fst, &mut visited, p2);
16     *n = if g[fst][a] < g[fst][b] { a } else { b };
17     fst = *n;
18     visited[*n] = true;
19 }
20 // Sobrescreve o pai que tiver menor fitness que a prole (se houver).
21 [p1, p2].iter_mut().enumerate().find_map(|(i, p)| {
22     (fit(&offspring) < fit(p)).then(|| {
23         **p = offspring;
24         i
25     })
26 })

```

Quanto aos hiper-parâmetros, simplesmente realizamos o tuning do irace([LOPEZ-IBANEZ et al., 2016](#)) para as instâncias que tínhamos. Para as instâncias de tempo e distância foram usados os seguintes parâmetros respectivamente:

Tipo	Número de iterações	Tamanho da população	Taxa de mutação
Tempo (min)	2452	197	0.0193
Distância (km)	677	195	0.0152

### 3.1.1 Algoritmo memético

Quanto ao algoritmo memético, a principal diferença é a existência da busca local na fase de mutação. Esta se dá da seguinte forma:

```

1 // Mesma lógica de seleção.
2 let (h1, h2) = p.split_at_mut(p.len() / 2);
3 for (p1, p2) in h1.iter_mut().zip(h2) {
4     if let Some(i) = cross(p1, p2)
5         && rand::random_bool(mrate)
6     {
7         // Offspring que substitui um dos pais.
8         let offspring = &mut [p1, p2][i];
9         let s = {
10             mutate(offspring);
11             // Desta vez é chamado um construtor de Solution.
12             individual_to_solution(offspring)
13         };
14         // Usamos a instância de Solution para realizar a busca local escolhida
15         // aleatoriamente.
16         let s = match rand::random_range(1..=100) {
17             1..25 => s.shift(&g, s.route[0]),
18             25..50 => s.swap(&g, s.route[0]),
19             50..75 => s.two_opt(&g),
20             _ => s.or_opt(&g),
21         };
22         // Offspring se torna a versão modificada de s.
23         offspring.copy_from_slice(&s.route);

```

```

23     }
24 }
25 // Mesma lógica de embaralhamento.
26 p.shuffle(rng);

```

### 3.1.2 Resultados

Realizamos os testes do genético e do memético em duas máquinas diferentes, o genético numa com um Ryzen 9 5900X e o memético num Intel Core i7 Ultra 155H.

Estes são os resultados do algoritmo genético:

Instância	Mínimo	$\mu_{custo}$	$\sigma_{custo}$	$\mu_{tempo}$	$\sigma_{tempo}$	Execuções
1	1952.10	2042.73	25.97	0.16	0.01	11727.00
2	1996.00	2052.01	17.17	0.54	0.03	3497.00
3	1708.00	1777.23	21.29	0.09	0.01	20939.00
4	1663.00	1697.99	13.58	0.31	0.02	5996.00
5	1321.00	1346.34	10.26	0.04	0.00	41693.00
6	1223.00	1240.54	10.32	0.16	0.01	11950.00
7	672.70	673.08	2.29	0.02	0.00	101487.00
8	606.00	606.18	0.75	0.06	0.01	30650.00
9	438.30	438.30	0.15	0.01	0.00	169785.00
10	364.00	364.00	0.08	0.03	0.00	55279.00
11	344.90	344.90	0.00	0.01	0.00	192837.00
12	305.00	305.00	0.00	0.03	0.00	64604.00

Estes são os resultados do algoritmo memético:

Instância	Mínimo	$\mu_{custo}$	$\sigma_{custo}$	$\mu_{tempo}$	$\sigma_{tempo}$	Execuções
1	1942.30	1960.57	21.64	1.49	0.52	731.00
2	1973.00	1994.96	12.19	1.40	0.45	771.00
3	1695.00	1701.51	10.25	0.68	0.20	1583.00
4	1662.00	1669.38	7.37	0.60	0.18	1761.00
5	1321.00	1324.63	6.48	0.22	0.04	4845.00
6	1223.00	1225.33	4.72	0.22	0.04	4797.00
7	672.70	672.72	0.57	0.06	0.01	17421.00
8	606.00	606.01	0.16	0.06	0.01	16273.00
9	438.30	438.30	0.07	0.03	0.01	29911.00
10	364.00	364.00	0.00	0.03	0.01	29202.00
11	344.90	344.90	0.00	0.03	0.01	31797.00
12	305.00	305.00	0.00	0.03	0.01	30212.00

Um sumário dos resultados dos dois

Instância	Min. Genético	Min. Memético
1	1952.10	1942.30
2	1996.00	1973.00
3	1708.00	1695.00
4	1663.00	1662.00
5	1321.00	1321.00
6	1223.00	1223.00
7	672.70	672.70
8	606.00	606.00
9	438.30	438.30
10	364.00	364.00
11	344.90	344.90
12	305.00	305.00

# **Capítulo 4**

# **Conclusão**

# Referências Bibliográficas

- AHMED, Z. H. Genetic algorithm for the traveling salesman problem using sequential constructive crossover operator. *International Journal of Biometrics & Bioinformatics (IJBB)*, v. 3, n. 6, p. 96, 2010.
- KHAN, I. H. Assessing different crossover operators for travelling salesman problem. *International Journal of Intelligent Systems and Applications*, Modern Education and Computer Science Press, v. 7, n. 11, p. 19, 2015.
- LOPEZ-IBANEZ, M. et al. *The irace package: Iterated Racing for Automatic Algorithm Configuration*. 2016. 43–58 p.

## Apêndice A

# Atividades desenvolvidas por cada integrante

- **Alexandre Dantas:** Algoritmo de Kruskal, Algoritmo de Prim, Relatório (Cap. 03, 04), documentação.
- **Andriel Vinicius:** Algoritmo de Dijkstra, Algoritmo de Hierholzer, Relatório (Cap. 01, 02, 03, 04, 05), revisão de código, documentação.
- **Gabriel Carvalho:** Algoritmo de Bellman-Ford, Relatório (Cap. 03, 04), documentação, vídeo demonstrativo.
- **Maria Paz:** Algoritmo de Hierholzer, Relatório (Cap. 02, 03, 04), documentação.
- **Vinicius de Lima:** Algoritmo de Floyd-Warshall e descoberta do caminho mais curto, Relatório (Cap. 02, 03, 04), revisão de código, documentação.