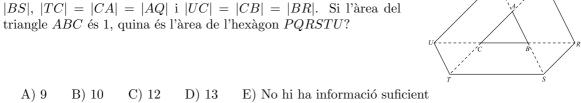
1. Hi ha 200 peixos er color groc hem de t	un aquari. L'1 % és		esta és de color groc. que queden siguin de	-	
A) 2	A) 2 B) 4		D) 50	E) 100	
2. Quin és el nombre i	nés gran?				
A) $\sqrt{2} - \sqrt{1}$	B) $\sqrt{3} - \sqrt{2}$	C) $\sqrt{4} - \sqrt{3}$	D) $\sqrt{5} - \sqrt{4}$	E) $\sqrt{6} - \sqrt{5}$	
A) 0 B) 1 C) 2 D) N'hi ha un nom E) N'hi ha un nom	ıbre finit però major		nombre $n^2 + n$ sigui u	n nombre primer?	
4. Na Mari, en Ville i gelats i cinc croissa		ın cafè. Cadascun d' antitats següents van		ssons de suc, dos	
			D) 36,20 €	E) 35,20 €	
que totes les altres s	s d'aquesta illa estar són mentideres. Totes	a col·locades en fila ín s les altres persones d es mentideres hi ha a	dia. La primera pers e la cua diuen que la p la cua?	ona de la cua diu	
6. Les circumferències f , de centre F i radi 13, i g , de centre G i radi 15, s'intersequen en els punts P i Q . La llargària del segment PQ és 24. Quina de les següents és la llargària del segment FG ?					
A) 2	B) 5	C) 9	D) 14	E) 18	
l'esperança de pren	ap de quin color són	els mitjons foradats. del mateix color. Qu	sabel sap que un terç o Pren mitjons de la ca ants mitjons ha de pr	ixa a l'atzar amb	
A) 2	B) 3	C) 6	D) 7	E) 8	
	quantes maneres difer	ents poden distribuir	rvir un cotxe de cinc p -se en els dos vehicles e que cada persona oc	tot suposant que	
A) 21	B) 42	C) 120	D) 441	E) 5040	
9. Els costats del tria arribar als punts P	ngle ABC es prolong, Q, R, S, T i U , de			P 0	



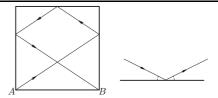
10. Volem pintar els quadrats de la taula utilitzant els colors A, B, C i D, de tal manera que els quadrats veïns no tinguin el mateix color (quadrats que comparteixen un vèrtex es consideren veïns). Alguns dels quadrats ja han estat pintats amb els colors com es mostra. Quins són els possibles colors per al quadrat gris?

\overline{A}	B		
C	D		
		B	
B			

A) $A \circ B$ B) Només C C) Només D D) $A, B, C \circ D$ E) $C \circ D$

Qüestions de 4 punts:

11. En un billar de forma quadrada de 2 metres de costat es tira una bola des de la cantonada A. Després de tocar tres costats, tal com indica la figura, acaba a la cantonada B. Quants metres recorre la bola? (Recorda que una bola rebota formant el mateix angle en sortir que en entrar, com es mostra a la figura de la dreta.)



A) $2\sqrt{13}$

B) $4\sqrt{3}$

C) $2(\sqrt{2} + \sqrt{3})$

D) 7

E) 8

12. Quants nombres de deu xifres existeixen els dígits dels quals són només 1, 2 o 3 i tenen una diferència entre dígits contigus igual a 1?

A) 16

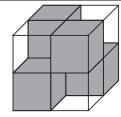
B) 32

C) 64

D) 80

E) 100

13. El cub de la figura està format per quatre cubs transparents i quatre cubs opacs. Els cubs opacs estan col·locats de tal manera que les sis vistes laterals són totalment opaques. Si formem un cub $3 \times 3 \times 3$ amb cubs transparents i opacs amb la mateixa propietat, quin és el mínim nombre de cubs opacs que necessitarem?



A) 8

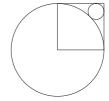
B) 9

C) 10

D) 12

E) 18

14. El quadrat de la figura té costat de longitud 1. Aleshores el radi del cercle menut és igual a



A) $\sqrt{2} - 1$ B) $\frac{1}{4}$ C) $\frac{\sqrt{2}}{4}$ D) $1 - \frac{\sqrt{2}}{2}$ E) $(1 - \sqrt{2})^2$

15. Quin és el darrer dígit del nombre $1^2 - 2^2 + \cdots - 2008^2 + 2009^2$?

A) 1

B) 2

C) 3

D) 4

E) 5

16. Un triangle equilàter de costat 3 i un cercle de radi 1 se superposen de manera que els centres de les dues figures coincideixen. Quant mesura el perímetre de la figura que s'obté així?

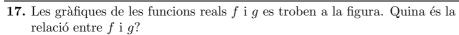


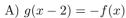
A) $6 + \pi$

B) $3 + 2\pi$ C) $9 + \frac{\pi}{3}$

D) 3π

E) $9 + \pi$



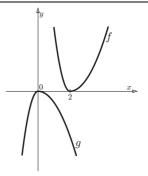


B)
$$g(x) = f(x+2)$$

C)
$$g(x) = -f(-x+2)$$

D)
$$g(-x) = -f(-x+2)$$

E)
$$g(2-x) = -f(x)$$



- 18. S'han proposat quatre problemes a cadascun dels 100 participants d'una olimpíada matemàtica. 90 concursants van resoldre el primer problema, 85 van resoldre el segon problema, 80 van resoldre el tercer problema i 70 van resoldre el quart problema. Quin és el mínim nombre possible de concursants que van resoldre els quatre problemes?
 - A) 10
- B) 15
- C) 20
- D) 25
- E) 30
- 19. A la figura de la dreta es veuen la vista frontal i la vista des de dalt d'un sòlid geomètric. Quina de les figures següents descriu la vista des de l'esquerra?





A)



B)



C)



Cap de les anteriors

- 20. Dos corredors donen voltes al voltant d'un estadi. Tots dos corren de manera continuada a una velocitat constant. A corre més ràpid que B. A triga 3 minuts a fer una volta. A i B comencen en el mateix moment. Passats 8 minuts, A passa B per primera vegada. Quant triga B a fer una volta?
 - A) 6 min

- B) 8 min C) 4 min 30 s D) 4 min 20 s E) 4 min 48 s

Qüestions de 5 punts:

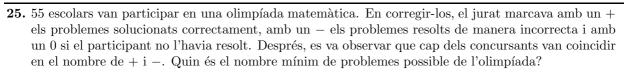
21. Hem construït una taula de 3×3 . S'ha emplenat amb nombres de manera que la suma a cada fila, a cada columna i a cada diagonal sigui la mateixa. A la figura es mostren dos dels nombres que hem col·locat. Quin és el nombre en la posició a?

a		
		47
	63	

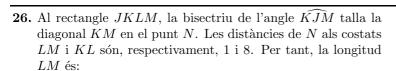
- A) 16
- B) 32
- C) 55
- D) 110
- E) És impossible determinar-lo
- 22. Sigui Z la quantitat de nombres formats per 8 dígits diferents, cap dels quals no és 0. Quants d'aquests nombres són divisibles per 9?

- A) $\frac{Z}{8}$ B) $\frac{Z}{3}$ C) $\frac{Z}{9}$ D) $\frac{8Z}{9}$ E) $\frac{7Z}{8}$

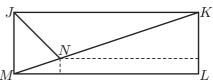
	23. Elegim a l'atzar tres vèrtexs diferents d'un polígon regular de 40 costats. Quina és la probabilitat que siguin els vèrtexs d'un triangle rectangle?						
	A) $\frac{1}{39}$	B) $\frac{3}{38}$	C) $\frac{1}{38}$	D) $\frac{1}{13}$	E) Cap d	e les anteriors	
24. Per a quants enters $n \ge 3$ hi ha un polígon convex de n costats els angles dels quals estiguin a la raó, $1:2:\cdots:n$?							
	A) 1		B) 2	C	C) 3	D) 5	E) Més de 5



C) 10



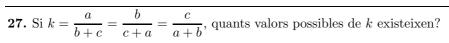
B) 9



E) 12

D) 11

A)
$$8 + 2\sqrt{2}$$
 B) $11 - \sqrt{2}$ C) 10 D) $8 + 3\sqrt{2}$ E) $11 + \frac{\sqrt{2}}{2}$



A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 6

28. Els nombres 1, 2, 3, ..., 99 estan distribuïts en n grups d'acord amb les condicions següents:

• cada nombre pertany a un sol grup,

A) 6

- almenys hi ha dos nombres a cada grup, i
- si dos nombres estan al mateix grup la seva suma no és divisible per 3.

El nombre n més petit amb aquesta propietat (que permet tal distribució) és:

- A) 3 B) 9 C) 33 D) 34 E) 66
- 29. La Susana i les seves tres germanes van al teatre. Tenen una llotja amb quatre seients. La Susana i dues de les seves germanes arriben més d'hora i ocupen tres dels quatre seients a l'atzar. Quina és la probabilitat que la Susana hagi de canviar de seient si en arribar la Maria, la germana petita, aquesta insisteix a ocupar el seient que tenia assignat i també insisteixen a fer-ho qualssevol de les germanes que s'hagin hagut d'aixecar a causa d'això?
 - A) $\frac{1}{2}$ B) $\frac{1}{3}$ C) $\frac{3}{4}$ D) $\frac{1}{4}$ E) $\frac{1}{6}$
- **30.** La successió de nombres enters a_n està definida de la manera següent: $a_0=1, a_1=2, a_{n+2}=a_n+(a_{n+1})^2$ per $n\geq 0$. El residu de la divisió de a_{2009} per 7 és:

A) 0 B) 1 C) 2 D) 5 E) 6