Разработка комплекса программ для исследования и визуализации столкновения двух медленных ударных волн в проводящей среде с магнитным полем

Пушкарь Е. А., Крылова А. П.

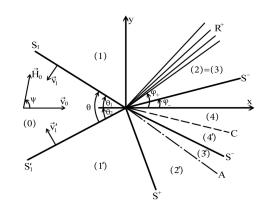
Московский Государственный Индустриальный Университет

22 декабря 2010 г.

Постановка задачи

Начальные условия:

- состояние среды $\rho_0, p_0, \vec{H}_0,$
- число Альфвена N,
- числа Маха M_1 , M'_1 ,
- \bullet угол ψ ,
- угол θ .



Число Маха набегающего потока: $M = \frac{\sqrt{(M_1^2 + 2M_1M_1'\cos\theta + M_1'^2)}}{\sin\theta}$

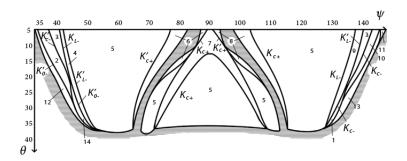
Граничные условия:

$$v_{x4} = v'_{x4}, \quad v_{y4} = v'_{y4}, \quad |\vec{H}_4| = |\vec{H}'_4|, \quad p_4 = p'_4.$$

$$|\vec{H}_4| = |\vec{H}_4'|, \quad p_4 = p_4'$$

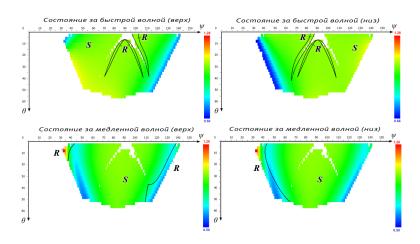


Бифуркационная карта решений $(N=2, M_1=M_1'=1)$

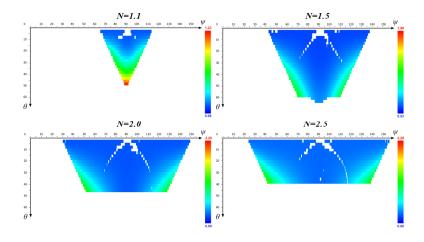


$$\begin{array}{llll} 1 \ S^{+}AR^{-}/S^{+}S^{-} & 8 \ R^{+}S^{-}/S^{+}S^{-} \\ 2 \ S^{+}AS^{-}/S^{+}AR^{-} & 9 \ S^{+}AS^{-}/S^{+}S^{-} \\ 3 \ S^{+}AS^{-}/S^{+}AS^{-} & 10 \ S^{+}AR^{-}/S^{+}AS^{-} \\ 4 \ S^{+}S^{-}/S^{+}AS^{-} & 11 \ S^{+}R^{-}/S^{+}AR^{-} \\ 5 \ S^{+}S^{-}/S^{+}S^{-} & 12 \ S^{+}AS^{-}/S^{+}R^{-} \\ 6 \ S^{+}S^{-}/R^{+}S^{-} & 13 \ S^{+}R^{-}/S^{+}AS^{-} \\ 7 \ R^{+}S^{-}/R^{+}S^{-} & 14 \ S^{+}S^{-}/S^{+}AR^{-} \end{array}$$

Напряженность магнитного поля H $(N = 2.0, M_1 = 1.2, M'_1 = 1.0)$

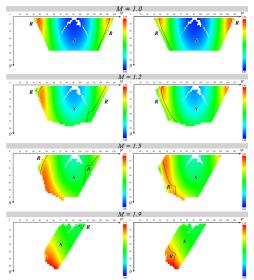


Скорость за медленными волнами $(M_1 = M_1' = 1.0)$

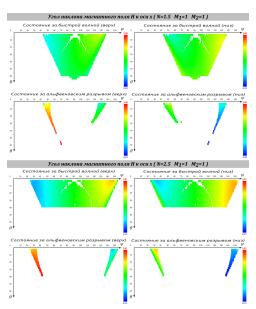


Плотность на контактном разрыве

$$(N = 2.0, M_1' = 1.0)$$



Угол наклона магнитного поля H к оси x



Выводы

- Разработан комплекс программ для визуализации процесса взаимодействия двух медленных ударных волн;
- Проведено исследование влияния изменения определяющих параметров на волновую картину течения;
- При усилении магнитного поля область существования решения увеличивается по углу ψ и сужается по θ ;
- Квазиодномерный случай характеризуется наличием сильных волн разрежения, а двумерный – сильных ударных волн;
- Медленные ударные волны близкие к «выключающим» генерируют скачкообразные перестройки решения.