OTE Semestrální úloha – Kapacitní snímač výšky hladiny

Vojtěch Michal

27. května 2022

1 Přenos kapacitního snímače

Pro odvození přenosu kapacitního snímače z budicího napětí U_1 (uzel buzeni ve schématu 1) na výstupní napětí U_2 (uzel 15 ve schématu 1) je použit virtuální zkrat mezi vstupy operačního zesilovače U3A s imedančním děličem ve zpětné vazbě. Nechť Z_A označuje impedanci obecného prvku A, poté se dá virtuální zkrat vstupů popsat rovnicí

$$U_1 = U_2 \cdot \frac{Z_{C_x} || Z_{R_x}}{(Z_{C_x} || Z_{R_x}) + Z_{C_1}}.$$
(1)

Odtud je přenos ze vstupu na výstup roven

$$\frac{U_{2}}{U_{1}} = \frac{(Z_{C_{x}}||Z_{R_{x}}) + Z_{C_{1}}}{Z_{C_{x}}||Z_{R_{x}}} = \frac{\frac{\frac{R_{x}}{j\omega C_{x}}}{R_{x} + \frac{1}{j\omega C_{x}}} + \frac{1}{j\omega C_{1}}}{\frac{R_{x}}{R_{x} + \frac{1}{j\omega C_{x}}}}$$

$$= \frac{\frac{R_{x}}{R_{x}j\omega C_{x} + 1} + \frac{1}{j\omega C_{1}}}{\frac{R_{x}}{R_{x}j\omega C_{x} + 1}} = \frac{\frac{R_{x}j\omega C_{x} + 1 + R_{x}j\omega C_{1}}{j\omega C_{1}(1 + R_{x}j\omega C_{x})}}{\frac{R_{x}}{j\omega C_{x}R_{x} + 1}}$$

$$= \frac{1 + R_{x}j\omega (C_{x} + C_{1})}{j\omega R_{x}C_{1}} = \frac{1}{j\omega R_{x}C_{1}} + \frac{C_{x} + C_{1}}{C_{1}}$$

$$= \frac{C_{x} + C_{1}}{C_{1}} - j\frac{1}{\omega R_{x}C_{1}}.$$
(2)

Pro měření neznámé kapacity C_x je tak postačující synchronním detektorem sledovat reálnou složku výstupního signálu (spínač bude řízen ve fázi s budicím signálem), jež bude afinní funkcí neznámé kapacity

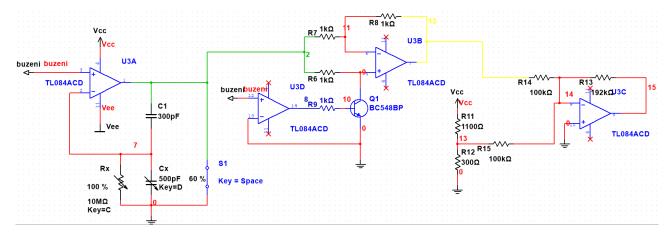
$$U_{\text{out}} = \left(1 + \frac{C_{\text{x}}}{C_{\text{1}}}\right) U_{\text{in}}.\tag{3}$$

Velikost ztrátového odporu $R_{\rm x}$ nemá ideálně na měřenou reálnou složku žádný vliv.

2 Návrh obvodu

Pro praktickou realizaci byl použit obvod Wienova oscilátoru napájeného z ± 5 V, kterému je ve zpětné vazbě nastaven trimmer R1 na 38 % rozsahu $50\,\mathrm{k}\Omega$ tak, aby budicí signál měl amplitudu 1 V. Pro rozkmitání obvodu je potřeba na okamžik snížit nastavení R1 na 37 % rozsahu. Měřicí obvod je postaven ze čtyřnásobného operačního zesilovače TL084CD (součástka U3A) a jako spínač v synchronním detektoru je použit NPN tranzistor BC548BP (součástka Q1).

V měřicí části obvodu, viditelné na obrázku 1, je buzení vedeno na neinvertující vstup U3A, v jehož zpětné vazbě je zapojena měřená impedance R_x , C_x . Byla zvolena kapacita $C_1 = 300 \,\mathrm{pF}$, aby bylo zesílení měřicího obvodu dle rovnice (3) omezeno na rozsah 1 až 2 a nedocházelo tak k saturaci operačního zesilovače, který dle produktového listu není rail-to-rail.



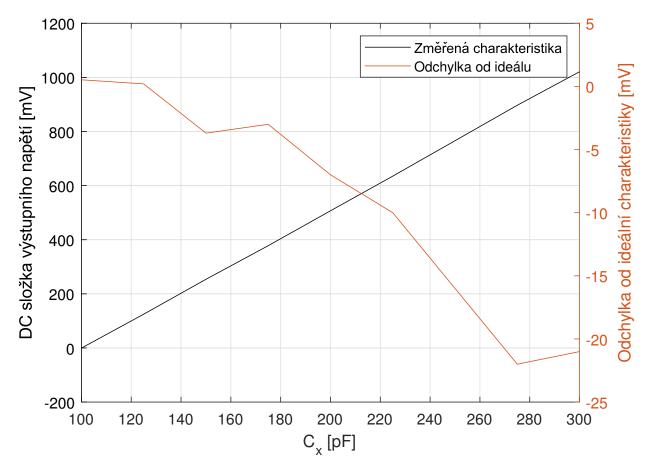
Obrázek 1: Simulační schéma

Kanál U3B slouží jako zesilovač s přepínatelným zesílením ± 1 , jehož spínající tranzistor je řízen kanálem U3D použitým v roli komparátoru budicího signálu s nulou. Poslední kanál v pouzdře TL084 je použit jako sčítací zesílovač, který odstraňuje experimentálně naměřenou stejnosměrnou složku 1070 mV z výstupu synchronního detektoru a zajišťuje, že výstup celého obvodu (uzel 15) je v rozsahu 0 až 1 V dle požadavků zadání. Pro realizaci obvodu byla zvolena řada odporů E24, proto dělič R11, R12 s výstupím napětím 1070 mV sestává z odporů $1100\,\Omega$ a $300\,\Omega$ a ve zpětné vazbě U3C je odpor $192\,\mathrm{k}\Omega$, jenž lze vytvořit seriovým zapojením odporů $180\,\mathrm{k}\Omega$ a $12\,\mathrm{k}\Omega$.

3 Měření kapacity C_x

3.1 Harmonické buzení bez rušení

Bez připojení rušivého napětí byla změřena charakteristika uvedená v tabulce 1 a na obrázku 2. Směrodatná odchylka od ideální lineární převodní charakteristiky je $\sigma = 8.7 \,\mathrm{mV}$ a rozptyl $\sigma^2 = 75.78 \,\mathrm{mV}^2$.



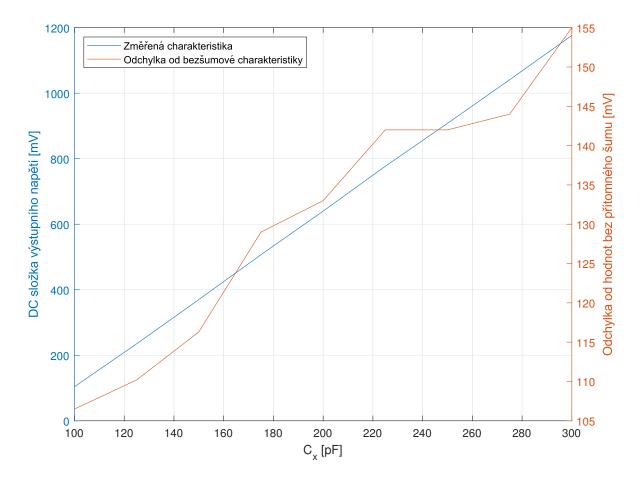
Obrázek 2: Převodní charakteristika z kapacity $C_{\rm x}$ na výstup bez rušení

kapacita $C_{\mathbf{x}}$ [pF]	Změřený výstup [mV]	Ideální výstup [mV]	Odchylka [mV]
100	-0.5	0	0.5
125	124	125	0.2
150	253	250	-3.7
175	378	375	-3
200	507	500	-7
225	635	625	-10
250	766	750	-16
275	897	875	-22
300	1021	1000	-21

Tabulka 1: Změřené body převodní charakteristiky z kapacity $C_{\rm x}$ na výstup bez rušení

3.2 Harmonické buzení s rušením

Po připojení rušivého napětí o amplitudě $100\,\mathrm{mV}$ a frekvenci $50\,\mathrm{Hz}$ byly změřeny body charakteristiky uvedené v tabulce 2 a na grafu 3. Je vidět, že rušivé napětí způsobilo přibližně lineárně rostoucí odchylku od měření provedeného bez rušení (tabulka 1), jejíž směrodatná odchylka je $\sigma=16.74\,\mathrm{mV}$ a rozptyl $\sigma^2=280.48\,\mathrm{mV}^2$. Je očekávatelné, že je na výstupu odlišné napětí, protože modulované rušení způsobilo nepřesnost synchronní detekce. Proto se na výstup začala propisovat i imaginární složka signálu.



Obrázek 3: Převodní charakteristika z kapacity $C_{\rm x}$ na výstupní napětí s rušením

kapacita C_x [pF] | Změřený výstup [mV] | Ideální výstup [mV] | Odchylka [mV]

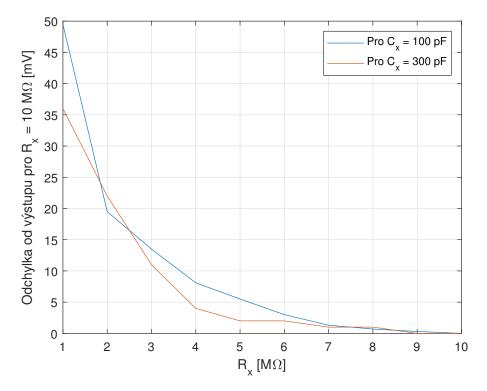
Tabulka 2: Změřené body převodní charakteristiky z kapacity $C_{\rm x}$ na výstupní napětí s rušením

3.3 Obdélníkové buzení

Při buzení obvodu pomocí $clock\ voltage$ o frekvenci 1 kHz a amplitudě 1 V se nepodařilo změřit žádné rozumné charakteristiky, protože výstupy operačních zesilovačů rychle odcházely do saturace bez zřejmé závislosti na velikosti neznámé kapacity $C_{\rm x}$.

4 Potlačení změny Rx

Výstupní napětí by dle (3) mělo být málo závislé na velikosti ztrátového odporu $R_{\rm x}$. V tabulce 3 a na grafu 4 jsou zachyceny body převodní charakteristiky obvodu. Hodnoty v grafu jsou vztaženy k "ideálním"hodnotám naměřeným při největším nastaveném odporu $R_{\rm x}=10\,{\rm M}\Omega$.



Obrázek 4: Převodní charakteristika z odporu $R_{\rm x}$ na výstup

odpor $R_{\rm x}~[{\rm M}\Omega]$	Výstup pro $C_{\rm x}=100{\rm pF}~{\rm [mV]}$	Výstup pro $C_{\rm x} = 300{\rm pF~[mV]}$
1	47	1055
2	17	1041
3	11	1030
4	5.6	1023
5	3.0	1021
6	0.5	1021
7	-1.2	1020
8	-1.8	1020
9	-2.2	1019
10	-2.5	1019

Tabulka 3: Změřené body převodní charakteristiky z odporu $R_{\rm x}$ na výstup