Coronavirus

Roger Vilà

23/3/2020

1. Llibreries

- Tidyverse: per al data cleaning i els plots
- Readxl: per a llegir excels
- Lubridate: per al tractament de dates
- Knitr: per al format del document
- Ggpmisc: inclou extensions utils per a ggpglot
- Growthmodels: per a models no lineals de Gompertz
- Minpack.lm: extensió per a models no lineals
- Rmarkdown: per a generar informes en foramt Lattex

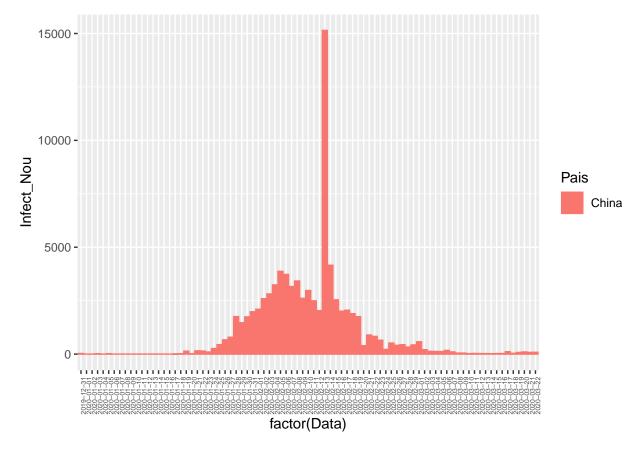
2. Carregar dades

- Font: https://www.ecdc.europa.eu/en/publications-data/download-todays-data-geographic-distribution-covid-19-cases-worldwide
- Actualització: 23/03/2020 10:35

3. Preparació dades

- Transformació de tipus i noms de variables
- Acumulat d'infectats

249 observacions fins a la data



S'observen dos pics els dies 13 i 14 de febrer; es tracta de punts que no segueixen la tendència i inclús sobresurten de forma exagerada. Aquests punts es tracten com a outliers.

3. Analisis Exploratori Inicial

Han passat 83 dies des de la primera dada contabilitzada el dia d'any nou a Xina (31/12/2019)

Pais	Infectats
China	62202
Italy	53578
United_States_of_America	26747
Spain	24926
Germany	21463
Iran	20610
France	14459
South_Korea	8897
Switzerland	6077
${\bf United_Kingdom}$	5018

A dia 23/03 Espanya és el quart país en número d'infectats per darrere només de Xina, Italia i els EEUU.

Pais	Morts
Italy	4827

Pais	Morts
China	3000
Iran	1556
Spain	1326
France	562
United_States_of_America	340
United_Kingdom	233
Netherlands	136
South_Korea	104
Belgium	67

Espanya és, també, el quart en número de morts per darrere de Italia, Xina i Iran.

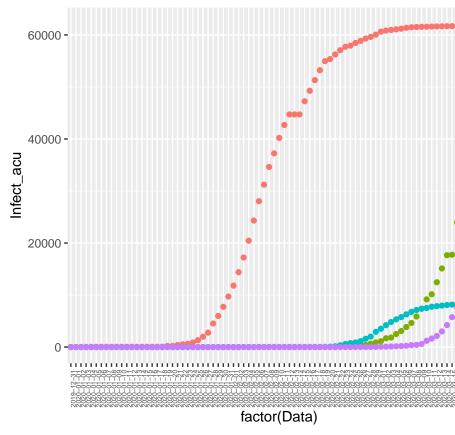
4. Què podem dir del nombre d'infectats?

Italia, Xina i Espanya són, de moment, els paisos més afectats pel COVID-19.

El model epidemiologic prediu que el creixement d'una epidemia és exponencial fins que assoleix un màxim i aleshores decau. El acumulat d'infectats passa de tenir una forma exponencial a sigmoidal. Finalment, s'entra en una fase de recuperació i la curva decau. https://es.wikipedia.org/wiki/Modelaje_matem%C3% A1tico_de_epidemias

Les noticies anuncien que Xina ja ha superat la crisis. Des del dia 22/03 (dos mesos despres de les primeres mesures adoptades) les mesures de confinament es comencen a relaxar al pais asiatic. Vol dir això que ha superat la fase exponencial? Mirarem d'aprendre per què?

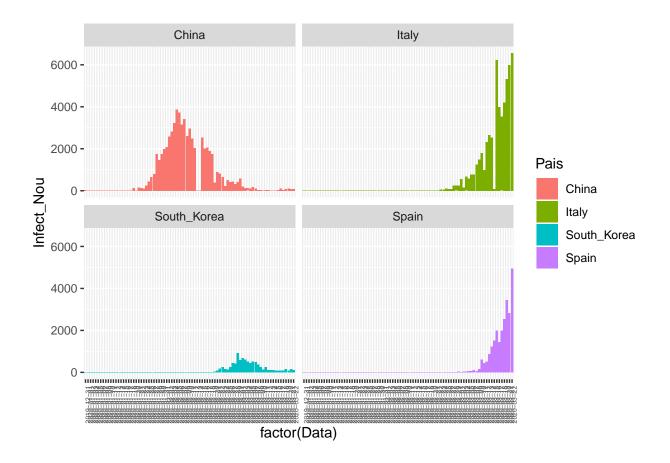
- Començarem filtrant per aquests tres paisos i també per Corea del Sud ja que és un cas paradigmatic
- Plotejarem el nombre d'acumulats per veure si te un creixement exponencial



Començarem per veure l'evolució dels infectats

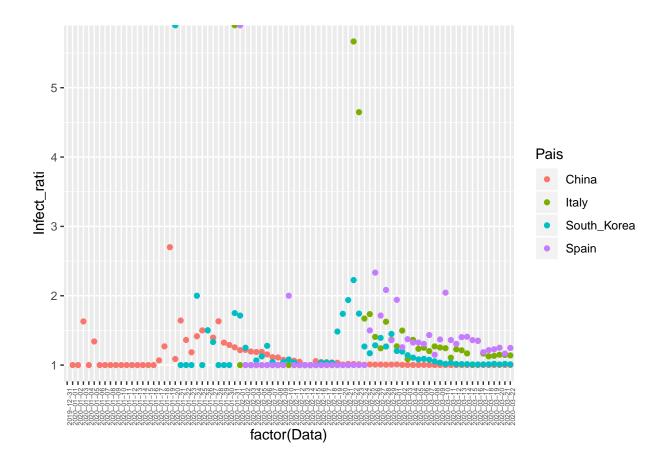
Observacions:

- Sembla que Xina ja ha superat la fase de creixement exponencial i s'estabilitza en forma de sigmoide. Mirarem l'evolució de nous casos de contagi.
- S'observa que tant Itàlia com Espanya encara es troben en una fase de creixement exponencial.
- Significatiu el cas de Corea del Sud: ha tingut un baix creixement exponencial i sembla estar ja en fase d'estabilització.
- Els primers casos de coronavirus a Espanya apareixen 10-11 dies mes tard que a Italia. Podem esperar que, si evoluciona igual, les mesures s'allarguin 10-11 dies respecte a Itàlia?
- Des del 11-03-2020, Espanya canvia el criteri de tests i només es realitza a qui presenti quadres clínics aguts. Les dades no comptabilitzen casos amb síntomes lleus de coronavirus. No obstant, aquest fet no es pot veure als gràfics

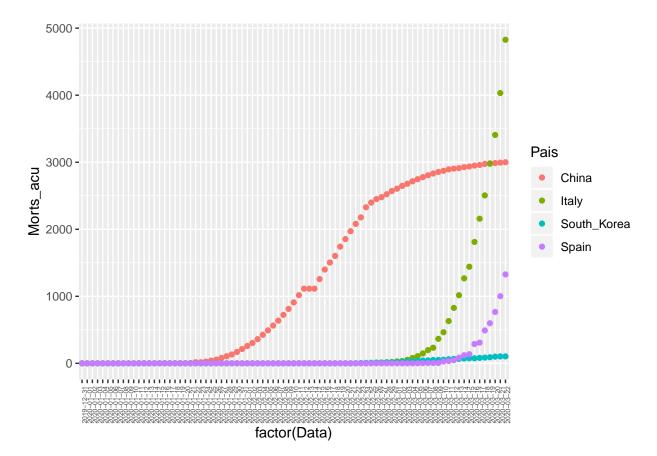


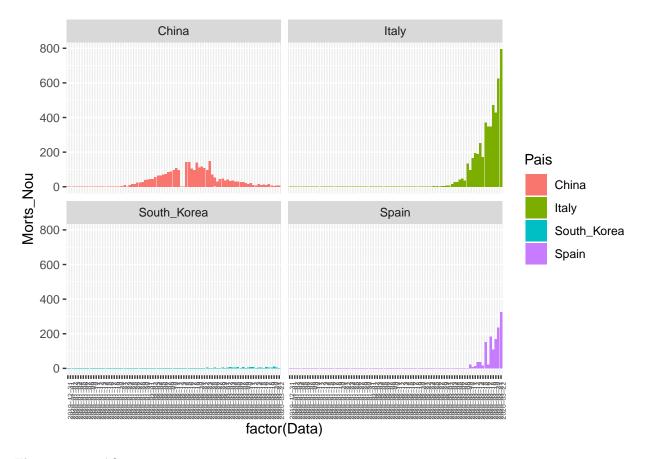
- A la Xina, el número de nous infectats augmenta continuament fins al dia 05/02/2020 on assoleix un màxim de 3872 nous infectats. Posteriorment, la tendència és decreixent. Sembla doncs que, efectivament la Xina ha superat la fase de creixement de nous infectats i ara passarà a una fase d'estabilització
- Amb les mesures preses pel govern xinés s'aconsegueix que la fase de creixement exponencial duri dues setmanaes (del 22/01/2020 a 05/02/2020), però no és fins dos mesos desprès (22/03/2020) que el govern xinès començarà a rebaixar les mesures de confinament i activitat.
- Itàlia porta un periode aproximat de 18 dies de creixement contínu des de que la corva es dispara. En el cas de Xina, aquest període va ser de aprox. 15 dies. Espanya porta aprox. 13 dies de creixement exponencial contínu.
- Tant Itàlia com Espanya han superat a la Xina en nombre de nous casos, la qual cosa sembla -a priorisorprenent tenint en compte que la Xina és un pais amb molt més nombre d'habitants que aquests paisos.

També és interessant veure com evoluciona el rati d'infectats, definits com els infectats totals avui entre els infectats totals ahir. Veiem com Corea i Xina estan amb un rati de 1 o proper, que vol dir que el nombre d'infectats d'avui es pràcticament igual al nombre d'infectats d'ahir. Per tal de limitar l'expanció del coronavirus les mesures han d'anar encaminades a reduir aquest índex fins a 1. Espanya i Itàlia a dia 23 tenen índex de 1.25 i 1.14 respectivament. Es tracta d'un valor puntual, més endavant mirarem quin és aquest factor mitjançant la modelització de les dades.



5. Què podem dir del nombre de morts?





Els anteriors gràfics mostren com:

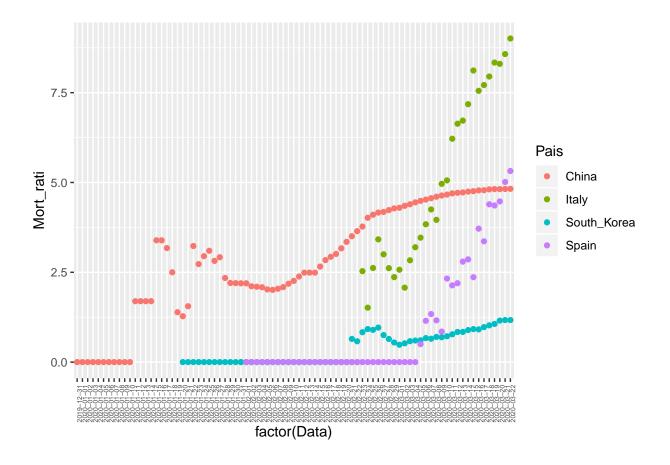
- Itàlia ha superat a Xina en nombre de morts acumulats (dalt)
- Com Espanya i Itàlia tenen un nombre de morts diaris major que a Xina (baix).
- Per la seva banda, Corea del Sud compta amb pocs casos de mort per coronavirus.

El temps que passa des que es confirma el primer cas fins que apareix el primer mort per coronavirus és força variable entre paisos: a Xina es donà al cap de 11 dies mentre que a Corea del Sud i Espanya ha de transcorre un més. Es tracta d'una dada que tampoc aporta massa informació.

Pais	Primera_infeccio	Primera_mort	Temps_mort
China	2019-12-31	2020-01-11	11 days
Italy	2020-01-31	2020-02-23	23 days
South_Korea	2020-01-20	2020-02-21	32 days
Spain	2020-02-01	2020-03-05	33 days

Pel que fa al índex de mortalitat del coronavirus, definit com el total de morts dividit entre el total de casos, veiem com evoluciona amb el temps:

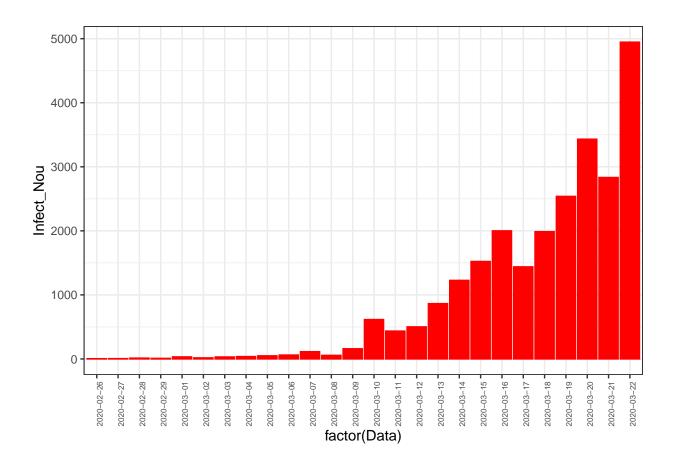
- A Xina el rati s'ha estabilitzat entorn al 5 morts per cada 100 infectats
- A Italia i Espanya el rati segueix un creixement lineal des de 1 fins al 9% aproximat a Italia i de 1 al 5% per a Espanya. De moment, no sembla que s'estabilitzi.
- A Corea, l'index es situa entorn al 1%.



6. Prediccions per al cas d'Espanya

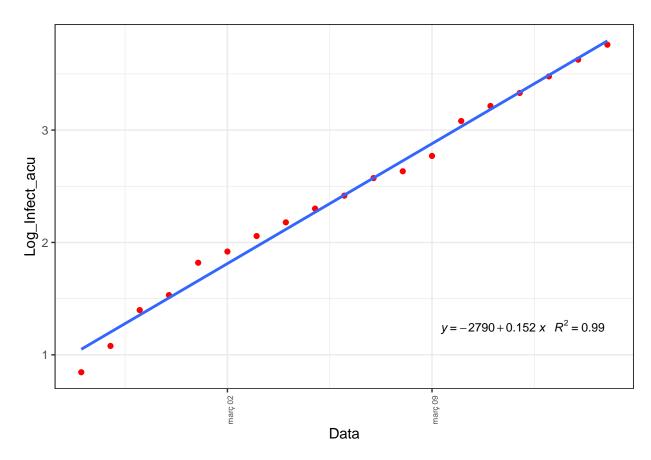
De l'apartat anterior se'n despren que Espanya encara es troba en una fase de creixement exponencial i encara no ha arribat al seu màxim.

A continuació crearem un model per als casos d'Espanya per tal de predir-ne el comportament en els pròxims dies. Per fer-ho, primer filtrarem els valors apartir del dia 25/02/2020 on els casos començen a ser rellevants. Al gràfic, veiem peró, que no és fins el dia 08/03/2020 que comença la fase de creixement exponencial de contagi.

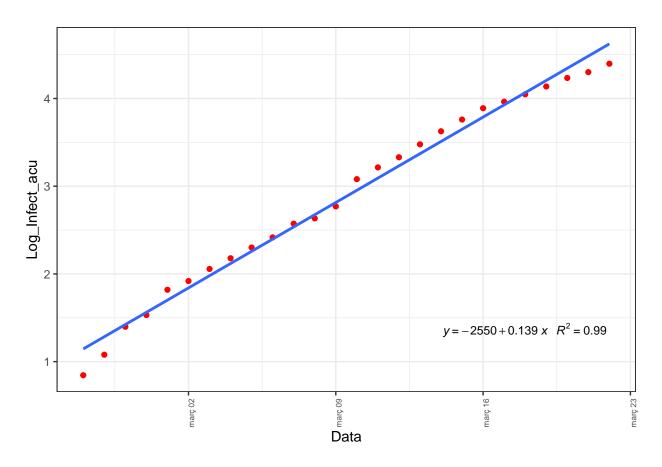


6.1. Les mesures preses pel govern han resultat efectives?

Anem a crear un model per als contagis a Espanya. Per fer-ho linearitzarem les dades, passant-ho a escala logaritmica. Ho repetirem dos cops, en un filtrarem per valors abans de l'aplicació de les mesures (16/03/20) i un altre per a totes les dades



La grafica anterior demostra que el model lineal ajusta molt bé pels valors dels infectats - en base logaritmica - abans de l'entrada en funcionament de les mesures. La R^2 és del 99%, el que vol dir és que el model ens explica el 99% de la variable real i, per tant, és molt bon model. Caldria comprovar que no sobreajusti les dades, però no ho farem.



Data	Infect_Nou	Infect_acu	Log_Infect_acu
2020-02-26	4	7	0.845098
2020-02-27	5	12	1.079181
2020-02-28	13	25	1.397940
2020-02-29	9	34	1.531479
2020-03-01	32	66	1.819544
2020-03-02	17	83	1.919078
2020-03-03	31	114	2.056905
2020-03-04	37	151	2.178977
2020-03-05	49	200	2.301030
2020-03-06	61	261	2.416641
2020-03-07	113	374	2.572872
2020-03-08	56	430	2.633469
2020-03-09	159	589	2.770115
2020-03-10	615	1204	3.080627
2020-03-11	435	1639	3.214579
2020-03-12	501	2140	3.330414
2020-03-13	864	3004	3.477700
2020-03-14	1227	4231	3.626443
2020-03-15	1522	5753	3.759894

D'altra banda, a la taula anterior podem veure els infectats totals -en base logarítmica 10- abans de les mesures . Es pot veure que en menys d'una setmana (5-6 dies), el logarítme augmenta aproximadament en 1 respecte a la setmana anterior. Això significa que cada 5-6 dies el nombre d'infectats acumulats es multiplica per 10; lo qual implica que, si no es prenguessin mesures, cada setmana es multiplicaría per 10 el nombre de

contagiats. De no fer res, acabríem el més de març amb 1.200.000 infectats! Incloem-hi, doncs, els resultats tenint en compte aquesta setmana de mesures (taula següent).

Data	Infect_Nou	Infect_acu	Log_Infect_acu
2020-02-26	4	7	0.845098
2020-02-27	5	12	1.079181
2020-02-28	13	25	1.397940
2020-02-29	9	34	1.531479
2020-03-01	32	66	1.819544
2020-03-02	17	83	1.919078
2020-03-03	31	114	2.056905
2020-03-04	37	151	2.178977
2020-03-05	49	200	2.301030
2020-03-06	61	261	2.416641
2020-03-07	113	374	2.572872
2020-03-08	56	430	2.633469
2020-03-09	159	589	2.770115
2020-03-10	615	1204	3.080627
2020-03-11	435	1639	3.214579
2020 - 03 - 12	501	2140	3.330414
2020-03-13	864	3004	3.477700
2020-03-14	1227	4231	3.626443
2020 - 03 - 15	1522	5753	3.759894
2020-03-16	2000	7753	3.889470
2020 - 03 - 17	1438	9191	3.963363
2020-03-18	1987	11178	4.048364
2020-03-19	2538	13716	4.137227
2020-03-20	3431	17147	4.234188
2020 - 03 - 21	2833	19980	4.300596
2020-03-22	4946	24926	4.396653

Podem veure que en aquesta durant aquesta última setmana el logritme no ha pujat en +1. Això és una bona notícia: encara és aviat per a afirmar-ho però sembla que les mesures han alentit el contagi.

Creem el model lineal. Tant la intersecció com el coeficient de la variable independent mostren valors de p-valor molt petits i, per tant, són significatives.

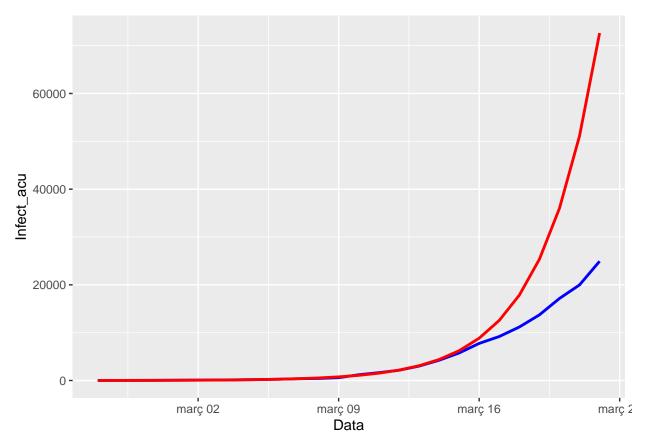
```
##
## Call:
## lm(formula = Log_Infect_acu ~ Data, data = spain2)
##
## Residuals:
##
        Min
                  1Q
                        Median
                                     3Q
                                              Max
## -0.204401 -0.024467 -0.001277 0.046297
##
## Coefficients:
                                                        Pr(>|t|)
##
                            Std. Error t value
                 Estimate
## (Intercept) -2791.803228
                             68.517222
                                      ## Data
                             0.003739
                                        40.78 < 0.0000000000000000 ***
                 0.152465
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Residual standard error: 0.08926 on 17 degrees of freedom
```

```
## Multiple R-squared: 0.9899, Adjusted R-squared: 0.9893
## F-statistic: 1663 on 1 and 17 DF, p-value: < 0.00000000000000022</pre>
```

Amb aquest model calcularem el factor de creixement que abans hem estimat com a x10 cada setmana

El factor de creiexement a Espanya és: 1.42 . És a dir, cada dia s'identifiquen 42.06 % més casos

Recordem que el model representa el nombre d'infectats en cas que no s'hagués actuat contra el coronavirus. Ara contrastarem aquest model amb les dades posteriors a l'entrada en funcionament de les mesures. La linea vermella representa el valors del model, mentre que la blava son els valors reals. Veiem com el model ajusta molt bé fins al dia 16 on entren en vigor les mesures i com, un cop passat, el model prediu més casos que els que realment hi han hagut. Per tant podem dir, doncs, que les mesures de confinament si que han servit per a estalviar-nos nous casos d'infectats, fent que el creixement exponencial sigui més lent.

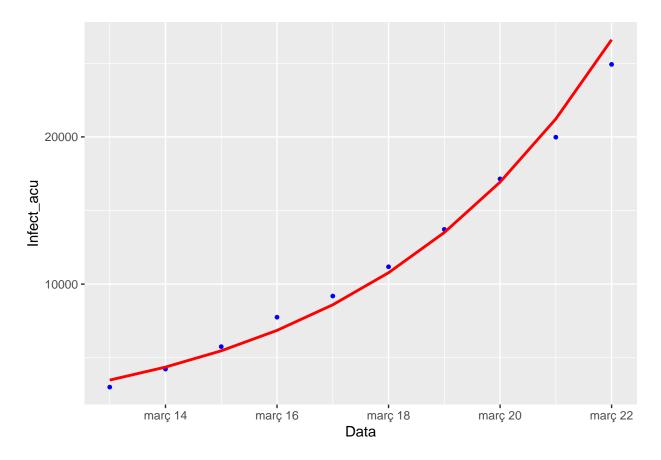


6.2. Com podem preveure que evolucioni?

Ara crearem un nou model ajustat als valors actuals. El nou model presenta també valors de p-valor molt baixos, de manera que podem acceptar que els coeficients són significatius. Intentarem predir el comportament del contagi per als propers 15 dies

```
##
## Call:
## lm(formula = Log_Infect_acu ~ Data, data = spain3)
##
```

```
## Residuals:
              1Q
                        Median
##
        Min
                                      3Q
## -0.064161 -0.023038 0.006083 0.020328 0.053256
##
## Coefficients:
##
                  Estimate
                            Std. Error t value
                                                   Pr(>|t|)
## (Intercept) -1795.344046 72.331907 -24.82 0.00000000742 ***
                            0.003944 24.88 0.00000000729 ***
## Data
                  0.098117
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Residual standard error: 0.03583 on 8 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.9872, Adjusted R-squared: 0.9856
## F-statistic: 618.8 on 1 and 8 DF, p-value: 0.000000007293
```



Data	Infect_acu	Infect_Pred_acu
2020-02-26	7	94
2020-02-27	12	118
2020-02-28	25	147
2020-02-29	34	185
2020-03-01	66	231
2020-03-02	83	290
2020-03-03	114	364
2020-03-04	151	456
2020-03-05	200	571

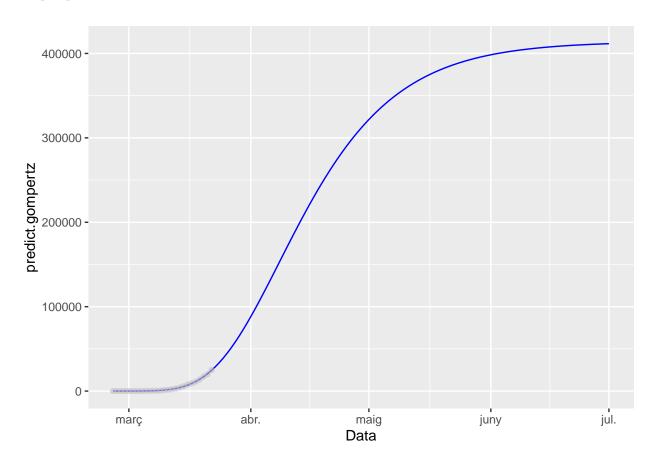
Data	Infect_acu	Infect_Pred_acu
2020-03-06	261	716
2020-03-07	374	898
2020-03-08	430	1125
2020-03-09	589	1411
2020-03-10	1204	1768
2020-03-11	1639	2216
2020-03-12	2140	2778
2020-03-13	3004	3482
2020-03-14	4231	4365
2020-03-15	5753	5471
2020-03-16	7753	6858
2020-03-17	9191	8597
2020-03-18	11178	10776
2020-03-19	13716	13507
2020-03-20	17147	16931
2020-03-21	19980	21223
2020-03-22	24926	26602
2020-03-23	NA	33345
2020-03-24	NA	41798
2020-03-25	NA	52393
2020-03-26	NA	65673
2020-03-27	NA	82320
2020-03-28	NA	103187
2020-03-29	NA	129342
2020-03-30	NA	162128
2020-03-31	NA	203224
2020-04-01	NA	254738
2020-04-02	NA	319309
2020-04-03	NA	400247
2020-04-04	NA	501702
2020-04-05	NA	628873
2020-04-06	NA	788280
2020-04-07	NA	988094

El model ens diu que a final de més, si continuem en la fase exponencial, fregarem els 1.000.000 d'infectats. Certament és una situació que ens col·locaría pitjor que a Xina però també és molt possible que s'asoleixi a la fase d'estabilització abans del 1.000.000 d'infectats.

Anem a predir en quin punt es pot estabilitzar el model. Per fer-ho ajustarem les dades a una Curva de Gompertz: aquesta curva s'utilitza per modelitzar creixements de població i es pot utilitzar per predir el comportament del COVID-19 (https://arxiv.org/ftp/arxiv/papers/2003/2003.05447.pdf).

##		alpha	beta	a	k	
##	41420	00.60816498	13.58584633	0.0603	7394	
##	[1]	1.155139	2.443788	4.947963	9.612589	17.962089
##	[6]	32.356819	56.311784	94.871251	155.023598	246.131063
##	[11]	380.340434	572.934750	842.583963	1211.455113	1705.149847
##	[16]	2352.448605	3184.855119	4235.950527	5540.581556	7133.920297
##	[21]	9050.442785	11322.879112	13981.188894	17051.612840	20555.844519
##	[26]	24510.357206				

##	[1]	1.155139	2.443788	4.947963	9.612589	17.962089
##	[6]	32.356819	56.311784	94.871251	155.023598	246.131063
##	[11]	380.340434	572.934750	842.583963	1211.455113	1705.149847
##	[16]	2352.448605	3184.855119	4235.950527	5540.581556	7133.920297
##	[21]	9050.442785	11322.879112	13981.188894	17051.612840	20555.844519
##	[26]	24510.357206	28925.909862	33807.244952	39152.979877	44955.683977
##	[31]	51202.124936	57873.662236	64946.761245	72393.599349	80182.735234
##	[36]	88279.813562	96648.279568	105250.081222	114046.340220	122997.976861
##	[41]	132066.277677	141213.398248	150402.796916	159599.597910	168770.884787
##	[46]	177885.926998	186916.343819	195836.210944	204622.115696	213253.167128
##	[51]	221710.967422	229979.550807	238045.295968	245896.817496	253524.841452
##	[56]	260922.069583	268083.036196	275003.961140	281682.601830	288118.106761
##	[61]	294310.872480	300262.405603	305975.191083	311452.567592	316698.610647
##	[66]	321718.023825	326516.038254	331098.320363	335470.887789	339640.033185
##	[71]	343612.255646	347394.199354	350992.599059	354414.231943	357665.875428
##	[76]	360754.270473	363686.089904	366467.911356	369106.194397	371607.261427
##	[81]	373977.281983	376222.260087	378348.024305	380360.220207	382264.304946
##	[86]	384065.543693	385769.007697	387379.573739	388901.924796	390340.551743
##	[91]	391699.755915	392983.652408	394196.173980	395341.075453	396421.938493
##	[96]	397442.176714	398405.041004	399313.625011	400170.870745	400979.574233
##	[101]	401742.391181	402461.842624	403140.320518	403780.093247	404383.311042
##	[106]	404952.011267	405488.123584	405993.474969	406469.794576	406918.718442
##	[111]	407341.794034	407740.484623	408116.173495	408470.167996	408803.703411
##	[116]	409117.946675	409413.999932	409692.903923	409955.641232	410203.139378
##	[121]	410436.273753	410655.870435	410862.708849	411057.524307	411241.010416
##	[126]	411413.821367	411576.574106			



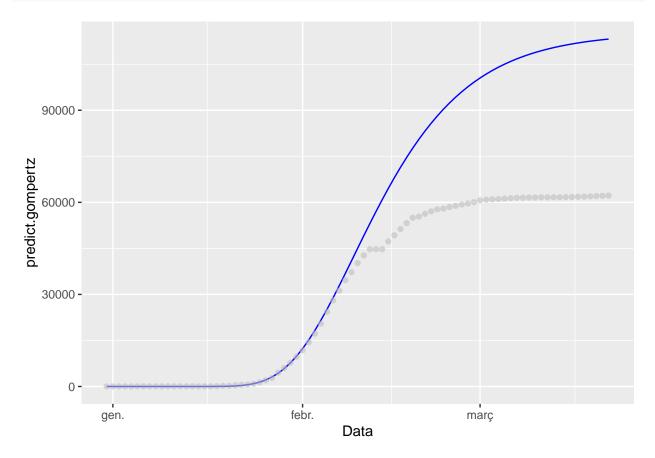
En l'anterior gràfic es pot apreciar que el punt d'establització es donarà a Espanya a l'entorn dels 400.000 infectats i es donarà a principis de Juny. Cal mencionar que aquest punt d'estabilització és molt més superior al de Xina que es situa sobre els 60.000-70.000. Això pot ser degut al fet que encara estem en una fase inicial del creixement exponencial i això afecta a les prediccions. Aplicarem el mateix model a Xina i, per equiparar-ho amb Espanya, l'entrenarem amb els valors dels primers dies de creixement exponencial.

```
##
                                                   k
             alpha
  115256.38641309
                        53.71178077
                                         0.09633599
##
    [1]
           0.0000000000000007538574
                                         0.0000000000000665100164
##
##
    [3]
           0.0000000000038886507526
                                         0.0000000001564716165584
##
    [5]
           0.0000000044843602323121
                                         0.0000000944340247198237
##
    [7]
           0.00000015031811779982456
                                         0.00000185571737035624447
##
    [9]
           0.00001818727581047471331
                                         0.00014453911064435918683
##
  [11]
           0.00094956796312506191928
                                         0.00524786720516573750722
##
  Γ13]
           0.02478857262642106956685
                                         0.10153004484181997468806
  [15]
##
           0.36534177363686909378870
                                         1.16877463012751814375179
   [17]
           3.36031151690607376991693
                                         8.76809941734000375390679
##
   [19]
          20.94966882343323177906314
                                        46.20701812156134025144638
##
   [21]
          94.77383513036039630605956
                                       181.97692070462466062963358
   [23]
         329.09630533335217705825926
                                       563.63551874254767426464241
##
   [25]
         918.78243243044335031299852
                                      1431.98015584303493596962653
##
   [27]
        2142.69960587833020326797850
                                      3089.66322853986548579996452
##
        4307.87266769811139965895563 5825.82106233075683121569455
  [31] 7663.22491578264362033223733 9829.51081786498798464890569
##
    [1]
             0.0000000000000007538574
                                             0.0000000000000665100164
##
    [3]
             0.0000000000038886507526
##
                                             0.0000000001564716165584
    [5]
##
             0.0000000044843602323121
                                             0.0000000944340247198237
##
    [7]
             0.00000015031811779982456
                                             0.00000185571737035624447
##
    [9]
             0.00001818727581047471331
                                             0.00014453911064435918683
##
   [11]
             0.00094956796312506191928
                                             0.00524786720516573750722
   [13]
             0.02478857262642106956685
                                             0.10153004484181997468806
##
   [15]
             0.36534177363686909378870
                                             1.16877463012751814375179
                                             8.76809941734000375390679
             3.36031151690607376991693
##
   [17]
##
  [19]
            20.94966882343323177906314
                                             46.20701812156134025144638
  [21]
            94.77383513036039630605956
                                            181.97692070462466062963358
##
   [23]
           329.09630533335217705825926
                                            563.63551874254767426464241
##
  [25]
##
           918.78243243044335031299852
                                          1431.98015584303493596962653
  [27]
          2142.69960587833020326797850
                                          3089.66322853986548579996452
   [29]
          4307.87266769811139965895563
                                          5825.82106233075683121569455
##
##
   [31]
          7663.22491578264362033223733
                                          9829.51081786498798464890569
   [33]
##
         12323.16716442349570570513606
                                         15131.94834376553262700326741
   [35]
##
         18233.81955599074353813193738
                                         21598.46564015639887657016516
   [37]
         25189.15886716132445144467056
                                         28964.78365717522319755516946
##
##
   [39]
         32881.84192974136385601013899
                                         36896.30168889566266443580389
   [41]
##
         40965.19490840726939495652914
                                         45047.91231134961708448827267
##
   [43]
         49107.17809113499970408156514
                                         53109.71499129264702787622809
##
   [45]
         57026.62909388494153972715139
                                         60833.55490655930043430998921
   [47]
         64510.60623160290560917928815
                                         68042.17840578009781893342733
##
  [49]
##
         71416.64432565205788705497980
                                         74625.98152540238515939563513
         77665.36148986349871847778559
##
  Г517
                                         80532.72612476714130025357008
  [53]
         83228.37038013456913176923990
                                         85754.54473670486186165362597
```

beta

```
88115.08676789283344987779856
                                        90315.08731775920023210346699
##
   [57]
         92360.59395229147048667073250
                                        94258.35216720530297607183456
   [59]
         96015.58326987535110674798489
                                        97639.79678980456083081662655
         99138.63460953491448890417814 100519.74365443199349101632833
##
   [61]
##
   [63]
        101790.67385641850705724209547 102958.79814796579012181609869
        104031.25139577723166439682245 105014.88540745613863691687584
   [65]
##
        105916.23740781332890037447214 106741.50966137734940275549889
##
       107496.55819783346669282764196 108186.88886649912456050515175
##
   [71]
       108817.65919753327034413814545 109393.68477737599459942430258
       109919.44905211200239136815071 110399.11565477518888656049967
       110836.54251182787993457168341 111235.29712158121401444077492
       111598.67251497581310104578733 111929.70350889710243791341782
       112231.18294607418647501617670 112505.67768557036470156162977
   [81] 112755.54416576218500267714262 112982.94340922166884411126375
  [83] 113189.85537759278668090701103
```

```
ggplot(data_f, aes(x= Data))+
geom_line(aes(y=predict.gompertz),color="blue")+
geom_point(aes(y=Infect_acu), color="grey", alpha=0.6)
```



Com podem veure, el model sobre estima els nombre total de casos a la Xina, de manera que podem pensar que en el cas d'Espanya també s'està sobreestimant. Vol dir això que el model de Gompertz no és adequat? La resposta és no, el model encara disposa de poques dades per a poder-lo entrenar, caldrà veure com evoluciona en els propers dies i ajustar-lo. De fet, si apliquem el model a la totalitat de les dades de Xina (grafica següent), veiem com presenta una estimació força acurada.

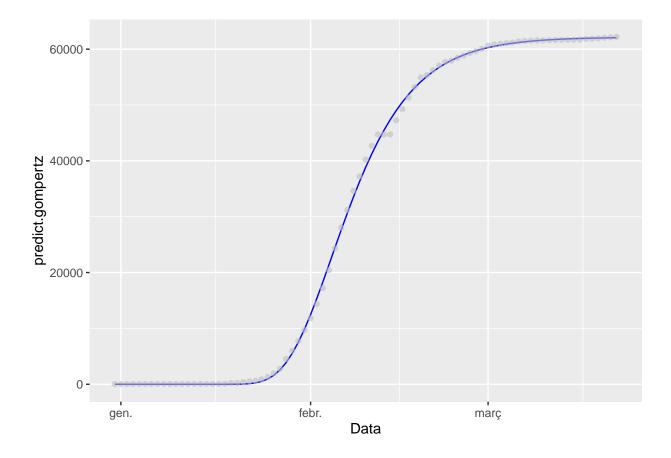
alpha beta k

[1] ## ## [2] ## [3] [4] 0.00000000000000000000000000014317656698926821397330894## [5] 0.0000000000000000000000000081466984927214711100645905262## ## [6] ## [7] ## [8] 0.00000000000000037866542823825016111666946772018604860932[9] ## 0.0000000000019356771352705974074265293793928321974817663## Γ107 ## [11] 0.00000000513705824313057613818289670604144703247584402561Γ12] 0.00000032261275860291525993846228903549899769132025539875## ## Γ137 0.000001194262557776541766206210293255196575046284124255180## [14]## [15] 0.000435286876463246007618740351929886855941731482744216919## [16] ## [17] ## [18] 0.240078086122084422004974157971446402370929718017578125000[19] 1.178842282541652908278706490818876773118972778320312500000## ## [20] 15.857142271538370081884750106837600469589233398437500000000 ## [21] [22] 45.601869900897739285028364975005388259887695312500000000000 ## ## [23] [24] 256.014915432635746128653408959507942199707031250000000000000 ## Γ251 ## 516.167823376428600568033289164304733276367187500000000000000 [26] 951.562688600370734093303326517343521118164062500000000000000 ## ## [27] ## [28] 2584.12846379070970215252600610256195068359375000000000000000 [29] ## ## [30] ## [31] 7527.678415149040120013523846864700317382812500000000000000000 ## [32] 9856.31861866958388418424874544143676757812500000000000000000000 [33] ## ## [34] [35] ## ## [37] ## 27611.0885938590981822926551103591918945312500000000000000000000 ## [38] ## [39] ## [40] 33521.6557773294989601708948612213134765625000000000000000000000 Γ**41**٦ 36271.316411082181730307638645172119140625000000000000000000000 ## ## [42] 38853.4852821468011825345456600189208984375000000000000000000000 ## [43] ## [44] ## [45] Γ461 ## ## [47] 49024.974152963673986960202455520629882812500000000000000000000 [48] 50533.3083644061043742112815380096435546875000000000000000000000 ## [49] ## ## [50] 54176.16687009576708078384399414062500000000000000000000000000 ##

```
56738.1875093573253252543509006500244140625000000000000000000000
##
 Γ54]
##
   57402.92746419704781146720051765441894531250000000000000000000
   57989.1560990679936367087066173553466796875000000000000000000000
##
 [56]
##
 [57]
   [58]
##
##
 [59]
   59358.5482811084439163096249103546142578125000000000000000000000
##
 [60]
   59708.82149137163651175796985626220703125000000000000000000000
##
 [61]
   ##
 [62]
   ##
 [63]
   ##
 [64]
##
 [65]
   ##
 [66]
   61066.686565143274492584168910980224609375000000000000000000000
   ##
 [67]
 [68]
   ##
   ##
 [69]
   ##
   ##
 [71]
 [72]
   ##
 [73]
   ##
 [74]
 [75]
   ##
##
 [76]
   61877.7459214021728257648646831512451171875000000000000000000000
##
 [78]
   61944.6356531573037500493228435516357421875000000000000000000000
   ##
 [79]
##
 [80]
   ##
 [81]
##
 [82]
   [1]
    ##
##
 [2]
    ##
 [3]
    [4]
    0.00000000000000000000000000014317656698926821397330894\\
##
##
 [5]
    0.00000000000000000000000000081466984927214711100645905262
 [6]
    ##
 [7]
    ##
##
 [8]
    [9]
##
    0.0000000000019356771352705974074265293793928321974817663
 [10]
    ##
##
 [11]
    0.00000000513705824313057613818289670604144703247584402561
 [12]
    ##
##
 Γ137
    0.000001194262557776541766206210293255196575046284124255180
 [14]
    ##
##
 Γ15]
    ##
 [16]
    ##
 [17]
##
 [18]
    0.240078086122084422004974157971446402370929718017578125000
 [19]
    1.178842282541652908278706490818876773118972778320312500000
##
##
 [20]
    [21]
    ##
 [22]
    45.601869900897739285028364975005388259887695312500000000000
##
    114.596192714940727341854653786867856979370117187500000000000
 [23]
##
```

```
[24]
   256.014915432635746128653408959507942199707031250000000000000
 [25]
##
   516.16782337642860056803328916430473327636718750000000000000
##
 [26]
   951.562688600370734093303326517343521118164062500000000000000
   [27]
##
##
 [28]
   [29]
   3878.390649683169613126665353775024414062500000000000000000000
##
##
 [30]
   [31]
##
   7527.678415149040120013523846864700317382812500000000000000000
##
 [32]
   ##
 [33]
   [34]
   18306.178309224967961199581623077392578125000000000000000000000
##
 [35]
 [36]
   ##
   24519.1462511574100062716752290725708007812500000000000000000000
##
 [37]
 [38]
   ##
 [39]
   [40]
   ##
 [41]
   36271.3164110821817303076386451721191406250000000000000000000000
##
 [42]
   38853.4852821468011825345456600189208984375000000000000000000000
##
 [43]
   ##
 [44]
   ##
 [45]
   ##
 [46]
##
 Γ471
   49024.974152963673986960202455520629882812500000000000000000000
##
 [49]
   51886.9198627102450700476765632629394531250000000000000000000000
   ##
 [50]
##
 [51]
   ##
 [52]
##
 [53]
   ##
 [54]
   ##
 [55]
   [56]
   ##
   [57]
##
   ##
 [59]
   59358.5482811084439163096249103546142578125000000000000000000000
##
 [60]
   59708.82149137163651175796985626220703125000000000000000000000
   ##
 [61]
   ##
 [62]
 [63]
   ##
##
 [64]
   ##
 [65]
##
 [66]
   61066.686565143274492584168910980224609375000000000000000000000
   ##
 [67]
##
 [68]
   ##
 [69]
##
 [70]
   ##
 [71]
   61604.356955704548454377800226211547851562500000000000000000000
 [72]
   [73]
   ##
 [74]
##
 [76] 61877.7459214021728257648646831512451171875000000000000000000000
 [77] 61913.4623508841832517646253108978271484375000000000000000000000
```

```
ggplot(data_f, aes(x= Data))+
  geom_line(aes(y=predict.gompertz),color="blue")+
  geom_point(aes(y=Infect_acu), color="grey", alpha=0.6)
```



7. Conclusions

Per concloure aquesta investigació, es pot dir:

- Tant Espanya com Itàlia es troben encara en fase de creixement exponencial
- Xina i Corea del Sur sembla que ja es troben en una fase d'estabilització i tenen controlat al virus.
- Es sorprenen el cas de Corea del Sur, on els efectes del COVID-19 són mínims en comparació a la resta de paisos. Per saber com ho han fet: https://www.youtube.com/watch?v=4ESWLnxyZUo
- Itàlia ens porta una setmana de ventatja, si es mante aquesta tendència, cal esperar que la fase d'estabilització es doni una setmana mes tard que a Itàlia
- Sembla que la primera setmana de mesures a Espanya ha tingut el seu efecte i a realentitzat l'expansió del virus.

•	• La corva de Gompertz ajusta i descriu força bé les etapes de creixement i expansió del virus, tal i com s'ha vist en el cas de Xina. Encara és massa aviat per utilitzar aquest model per predir quan s'estabilitzarà l'expansió a Espanya		