Analyse descriptive du jeu de données Spotify Projet en Statistique descriptive

Membres

LOULIDI Younes PHAM Tuan Kiet VO Van Nghia

Date

17 Mars, 2021

Table des matières

| Ta | able | des matières | i | | |
|----|--|--|---|--|--|
| 1 | Sta | tistiques descriptives unidimensionnelle et bidimensionnelle | 1 | | |
| | 1.1 | La nature des jeux de données | 1 | | |
| | | 1.1.1 Des jeux de données | 1 | | |
| | | 1.1.2 Des variables statistiques | 1 | | |
| | | 1.1.3 Charger les jeux de données dans R | 2 | | |
| | 1.2 | Analyses unidimensionnelles | 3 | | |
| | | 1.2.1 Une variable qualitative - pop.class | 3 | | |
| | | 1.2.2 Une variable quantitative - acousticness | 4 | | |
| | 1.3 | Analyses bidimensionnelles | 5 | | |
| | | 1.3.1 Entre une variable quantitative et une qualitative | 5 | | |
| | | 1.3.2 Entre deux variables quantitatives | 7 | | |
| 2 | Analyse en composantes principales (ACP) | | | | |
| | 2.1 | Choix du type d'ACP réalisé | 8 | | |
| | 2.2 | FactoMineR | 8 | | |
| | 2.3 | Etude des individus | 9 | | |
| | | | | | |
| Τ | able | e des figures | | | |
| | 1 | Diagramme en barre de popularité | 4 | | |
| | 2 | Histogramme d'acoustique des chansons | 5 | | |
| | 3 | Boxplot parallèles de la relation entre acoustique et popularité | 6 | | |
| | 4 | Nuage de points et droite de régression entre l'énergie et le volume | 7 | | |
| | 5 | Boxplots des données quantitatives | 8 | | |
| | 6 | Pourcentages cumulés d'inertie portés par chaque axe | 9 | | |

Table des matières

1 Statistiques descriptives unidimensionnelle et bidimensionnelle

1.1 La nature des jeux de données

1.1.1 Des jeux de données

Ces jeux de données se composent de 10000 chansons extraites de la base de données Spotify. Chaque ligne contient 11 variables statistiques comme suit:

- year: année de sortie du morceau,
- acoustioness: métrique relative interne de l'acoustique morceau,
- duration: durée du morceau en millisecondes (ms),
- energy: métrique relative interne de l'intensité, des rythmes du morceau,
- explicit: vaut 1 si le morceau contient des vulgarités, et 0 sinon,
- key: tonalité en début de morceau,
- liveness: proportion du morceau où l'on entend un public,
- loudness: mesure relative du volume du morceau (en décibels, dB)
- mode: mode du morceau (0 si la tonalité est mineure, et 1 si la tonalité est majeure),
- tempo: le tempo du morceau, en battement par minute (bpm),
- pop.class: la popularité du morceau.

1.1.2 Des variables statistiques

Ici, nous précisons la nature de chaque variable et son format dans R.

| Nom de variable statistique | Type de variable | Format dans R |
|-----------------------------|-----------------------|---------------|
| year | qualitative ordinale | integer |
| acousticness | quantitative continue | numeric |
| duration | quantitative discrète | numeric |
| energy | quantitative continue | numeric |
| explicit | qualitative nominale | logical |

| Nom de variable statistique | Type de variable | Format dans R |
|-----------------------------|---------------------------------------|---------------|
| key | qualitative nominale | factor |
| liveness | quantitative continue | numeric |
| loudness | quantitative continue | numeric |
| mode | ${\bf qualitative\ nominale}^{\bf 1}$ | logical |
| tempo | quantitative continue | numeric |
| pop.class | qualitative ordinale | ordered |

1.1.3 Charger les jeux de données dans R

```
LoadDataset <- function(fname) {
    colclasses <- c(
        "integer", "numeric", "numeric",
        "numeric", "integer", "factor", "numeric",
        "numeric", "integer", "numeric", "factor"
    )
    dataframe <- read.csv(fname, colClasses = colclasses)
    dataframe$explicit <- as.logical(dataframe$explicit)
    dataframe$mode <- as.logical(dataframe$mode)
    dataframe$pop.class <- ordered(dataframe$pop.class)
    return(dataframe)
}
daf <- LoadDataset("dataset.csv")
str(daf)
```

¹On pose FALSE si la tonalité est mineure et TRUE si non.

```
## $ key : Factor w/ 12 levels "A", "Ab", "B", "Bb", ...: 7 5 1 10 11 11 2 6 12 12 ...
## $ liveness : num    0.0452 0.154 0.139 0.0889 0.123 0.0827 0.13 0.106 0.0477 0.237 ...
## $ loudness : num    -8.16 -11.64 -8.4 -8.12 -10.65 ...
## $ mode : logi FALSE FALSE FALSE FALSE FALSE FALSE ...
## $ tempo : num    157.1 85.3 101.3 82.4 156.3 ...
## $ pop.class : Ord.factor w/ 4 levels "A"<"B"<"C"<"D": 3 3 3 3 3 1 4 4 2 4 ...</pre>
```

1.2 Analyses unidimensionnelles

1.2.1 Une variable qualitative - pop.class

```
## A B C D ## 940 2874 3038 3148
```

Il existe 4 niveaux de popularité (modalités). Commencer par A est le plus populaire et décroissant avec B, C, D.

```
pop_class_table <- table(daf$pop.class)
print(label_percent()(c(pop_class_table) / sum(pop_class_table)), quote = F)</pre>
```

```
## A B C D
## 9.4% 28.7% 30.4% 31.5%
```



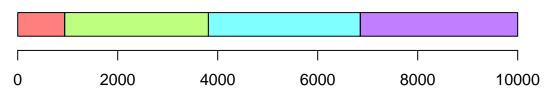


Figure 1: Diagramme en barre de popularité

On peut noter que dans cet ensemble de données, la plupart des chansons ne sont pas populaires (31,5). Plus le niveau de popularité est élevé, moins les chansons peuvent atteindre ce niveau.

1.2.2 Une variable quantitative - acousticness

1.2.2.1 Résumé

```
## Min. 1st Qu. Median Mean 3rd Qu. Max.
## 0.0000 0.0961 0.5085 0.4990 0.8930 0.9960
```

D'après le résultat ci-dessus, on a:

- Le premier quartile $q_{0.25}$ est 0.0961
- Le troisième quartile $q_{0.75}$ est 0.8930

1.2.2.2 Distribution

```
skewness(daf$acousticness)

## [1] -0.01816556
```

Étant donné que son skewness est approximativement 0, nous pouvons conclure que l'ensemble de données est centré autour de sa médiane.

kurtosis(daf\$acousticness)

```
## [1] -1.613205
```

Du fait que son kurtosis est inférieur à -1, 2 (le kurtosis de la distribution uniforme²), sa distribution aura la forme d'une vallée (car la distribution uniforme est déjà une ligne).

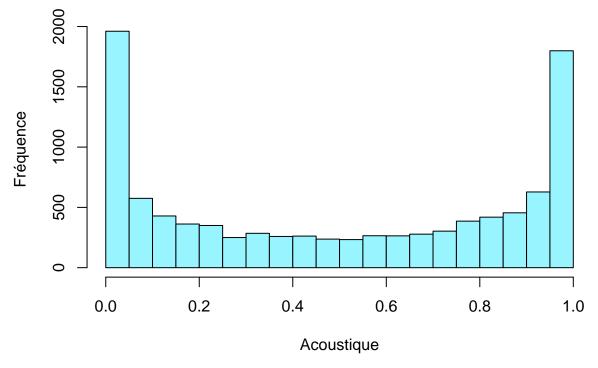


Figure 2: Histogramme d'acoustique des chansons

Vous pouvez voir toutes les caractéristiques mentionnées ci-dessus dans la figure 2.

1.3 Analyses bidimensionnelles

1.3.1 Entre une variable quantitative et une qualitative

Dans cette partie, nous réutiliserons et analyserons les 2 variables précédentes (pop.class et acousticness).

²https://en.wikipedia.org/wiki/Kurtosis#Other_well-known_distributions

1.3.1.1 Représentation graphique

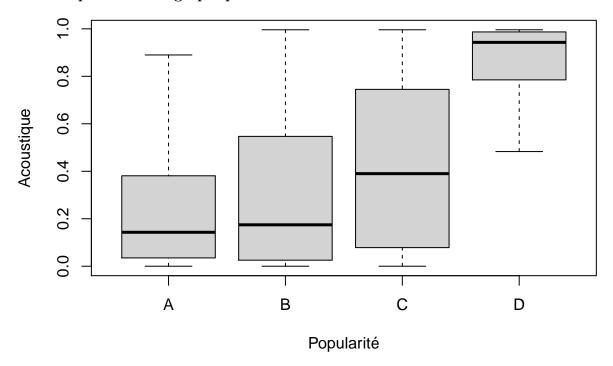


Figure 3: Boxplot parallèles de la relation entre acoustique et popularité

Notez à partir de notre graphique, les cases varient d'un facteur à l'autre, nous concluons que l'acoustique et la popularité sont liées l'une à l'autre.

De plus, 75% des chansons populaires ont une acoustique inférieure à 0,5 tandis que celle de presque 100% des chansons les moins populaires est supérieure à 0,5. De l'autre côté, selon la partie précédente, la distribution des chansons avec l'acoustique est symétrique autour de sa médiane (ce qui indique qu'il y a presque le même nombre de chansons de 2 types). Il est démontrable que les gens aiment les chansons électroniques.

1.3.1.2 Indice de liaison

```
eta2(daf$acousticness, daf$pop.class)
## [1] 0.3673706
```

Avec $c_{y|x} \approx 0, 4$, il existe une légère relation entre deux variables.

1.3.2 Entre deux variables quantitatives

Dans cette partie, nous étudions la relation entre le volume et l'énergie.

1.3.2.1 Représentation graphique

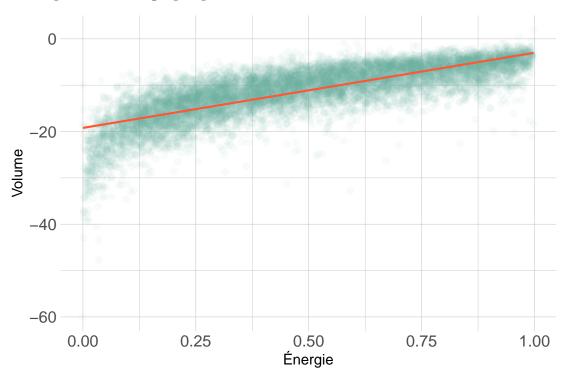


Figure 4: Nuage de points et droite de régression entre l'énergie et le volume

1.3.2.2 Indices de liaison

```
cor(daf$energy, daf$loudness)
## [1] 0.7744876
```

Avec cette valeur de corrélation et à partir de la figure 4, nous en déduisons qu'il existe un lien fort entre le volume d'une chanson et son énergie: plus le volume d'une chanson est forte, plus elle a d'énergie.

2 Analyse en composantes principales (ACP)

Tout d'abord, nous supprimerons toutes les colonnes qualitatives de l'ensemble de données (qui sont year, explicit, key, mode et pop.class)

```
dafacp <- select_if(daf, is.numeric)
dafacp <- dafacp[,-1] # remove the first column of `dafacp` (which is `year`)</pre>
```

2.1 Choix du type d'ACP réalisé

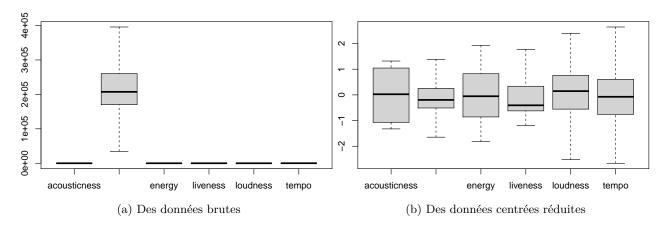


Figure 5: Boxplots des données quantitatives

Ici, le choix de faire une ACP centrée réduite s'impose pour deux raisons :

- Les données des différentes variables ne sont pas du tout à la même échelle comme on peut voir dans le figure 5.
- Elles ont des unités différentes.

2.2 FactoMineR

Nous allons, à partir d'ici, utiliser la librairie FactoMineR pour effectuer l'ACP en incluant directement l'étape de centrer réduire faite plus haut. L'idée est de se dire que parmi nos 6 variables, nous avons de l'information redondante et donc de passer en dimension plus faible (2 ou 3 pour faciliter la représentation) grâce à des méta-variables. Seulement, nous ne pouvons choisir ces méta-variables au hasard, elles doivent correspondre aux directions selon lesquelles on a le plus de variabilité. La variabilité totale, qui est l'inertie, est répartie entre les 6 dimensions.

```
result_acp <- PCA(daf, scale.unit = TRUE, ncp = 6, quali.sup = c(1, 5, 6, 9, 11), graph = FALSE)
```

Avec FactoMineR, nous effectuons ici une ACP à 6 dimensions (ncp = 6 pour nos 6 variables quantitatives) et nous rajoutons les autres 5 variables comme variables qualitatives supplémentaires (elles nous serviront lors de l'interprétation).

```
result_acp$eig[,"eigenvalue"]

## comp 1 comp 2 comp 3 comp 4 comp 5 comp 6

## 2.5169626 1.0407603 0.9768164 0.8844294 0.4183029 0.1627285
```

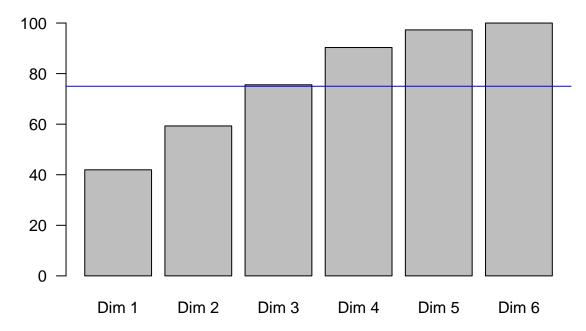


Figure 6: Pourcentages cumulés d'inertie portés par chaque axe

Regardons plus particulièrement les valeurs propres et les pourcentages d'inertie associés à chaque dimension. Comme on s'y attend, l'ACP classe les dimensions de la plus influente à la moins influente. Ici, nous choisissons de garder 75% de variabilité (ce qui est déja un très bon seuil). Ce dernier est atteint par la dimension 3 comme l'indique la droite bleu sur le graphe de pourcentages cumulés d'inertie. Nous prenons donc les 3 premières dimensions.

2.3 Etude des individus

Pour étudier les individus, on se rappelle qu'une ligne du tableau de départ correspond à un individu qu'on veut représenter par un point sur un graphique. Ainsi, à l'issue des 10000 lignes nous auront notre nuage de 10000 individus points représentant les individus. Cela aurait été simple avec deux

varibles x et y, le point serait représenter dans un plan à 2 dimensions (de même avec 3 variables en 3 dimensions). Mais nous avons 6 variables qui définissent chaque individu ici, nous sommes donc passées par l'ACP qui a réduit cela à 3 dimensions. Nous allons regarder nos individus dans ces trois dimensions.

