

De mau Dai so Edit - đề đại số tuyến tính

Đại số (Học viện Công nghệ Bưu chính Viễn thông)



Scan to open on Studocu

HOC VIÊN CÔNG NGHÊ BƯU CHÍNH VIỄN THÔNG KHOA CO BẢN 1 BÔ MÔN TOÁN

ĐỂ MINH HOA THI HẾT HỌC PHẨN Môn: Đại số

Số lượng câu hỏi: 40 câu Thời gian làm bài: 80 phút

Ho và tên sinh viên: Số báo danh:

Mã đề thi 101

Lưu ý: Sinh viên không được sử dụng tài liệu

Câu 1. Cho ma trận $A = \begin{bmatrix} 8 & -2 & 2 \\ -2 & 5 & 4 \\ 2 & 4 & 5 \end{bmatrix}$. Biết $\lambda = 9$ là một giá trị riêng của A. Khẳng định nào dưới đây

không đúng?

- **A.** (3,2,3) là một véc tơ riêng ứng với giá trị riêng $\lambda = 9$.
- **(B)** (2,1,2) là một véc tơ riệng ứng với giá tri riệng $\lambda = 9$.
- **C.** Không gian riêng ứng với giá trị riêng $\lambda = 9$ có số chiều là 2.
- **D.** (-2,1,0) là một véc tơ riêng ứng với giá tri riêng $\lambda=9$.

Câu 2. Cho dạng toàn phương $Q: \mathbb{R}^3 \to \mathbb{R}$ xác định bởi

$$Q(x, y, z) = x^2 + 2y^2 - z^2 + 2xy + 2yz.$$

Ký hiệu (p,q) là cặp chỉ số quán tính dương và âm của Q. Khẳng định nào dưới đây **đúng**?

A.
$$p = 1, q = 1.$$

B.
$$n = 0$$
 $a = 3$

C.
$$p = 1, q = 2$$

D.
$$p = 2, q = 1$$

A. p=1, q=1.

B. p=0, q=3.

C. p=1, q=2.

Câu 3. Đối ngẫu của công thức Boole $(x'\vee 0)\wedge (y'\wedge z)$ là

A. $(x'\vee 1)\wedge (y'\wedge z)$.

B. $(x'\wedge 1)\vee (y'\vee z)$.

C. $(x\wedge 1)\vee (y\vee z')$.

D. $(x'\wedge 0)\vee (y'\vee z)$.

A.
$$(x' \lor 1) \land (y' \land z)$$
.

B.
$$(x' \wedge 1) \vee (y' \vee z)$$
.

$$\mathbf{C}.(x \wedge 1) \vee (y \vee z').$$

D.
$$(x' \wedge 0) \vee (y' \vee z)$$
.

Câu 4. Cho ma trận trực giao A. Khẳng định nào dưới đây **đúng**?

- **A.** Các véc tơ hàng của A không tạo thành hệ trực chuẩn.
- **B.** $\det A = 1$.
- \mathbf{C} . A khả nghịch và $A^{-1} = A^t$.
- **D.** $\det A = -1$.

Câu 5. Cho các tập con của không gian véc tơ \mathbb{R}^3 :

$$A = \{(x, y, z) | xz \ge 0\}; B = \{(x, y, z) | x = 2z\}.$$

Khẳng định nào dưới đây **đúng**?

- **A.** A và B không là các không gian véc tơ con của \mathbb{R}^3 .
- **B.** Chỉ có A là không gian véc tơ con của \mathbb{R}^3 .
- **C.** Chỉ có B là không gian véc tơ con của \mathbb{R}^3 .
- **D.** A và B là các không gian véc tơ con của \mathbb{R}^3 .

Câu 6. Trong \mathbb{R}^3 , xét cơ sở trực giao

$$B = \{u_1 = (1, 1, 1), u_2 = (1, -1, 0), u_3 = (1, 1, -2)\}.$$

Giả sử tọa độ của véc tơ u=(a,b,c) trong cơ sở B là (x,y,z). Khẳng định nào dưới đây **đúng**? **A.** $x=\frac{a+b+c}{\sqrt{3}}$. **B.** x=a. **C.** x=a+b+c. **D.** $x=\frac{a+b+c}{3}$.

A.
$$x = \frac{a+b+c}{\sqrt{3}}$$

B.
$$x = a$$
.

C.
$$x = a + b + c$$
.

$$\mathbf{D.} x = \frac{a+b+c}{3}$$

Câu 7. Cho ánh xạ tuyến tính $f: \mathbb{R}^2 \to \mathbb{R}^2$ có ma trận chính tắc $\begin{bmatrix} 1 & -2 \\ -2 & 4 \end{bmatrix}$. Véc tơ nào dưới đây thuộc

A.
$$(6, -3)$$
.

$$C. (4, -2).$$

$$\mathbf{D}. (3, -6).$$

Câu 8. Cho ánh xạ $f: \mathbb{N} \to \mathbb{N}, f(n) = n^2 + n$. Khẳng định nào dưới đây **đúng**?

- - **A.** f không là đơn ánh cũng không là toàn ánh. $(\mathbf{R})_f$ là đơn ánh nhưng không là toàn ánh.
- \mathbf{C} . f là toàn ánh nhưng không là đơn ánh.
- \mathbf{D} . f là song ánh.

Câu 9. Với giá trị nào của a thì x=(1,2,a) thuộc vào không gian con sinh bởi các véc tơ (3,1,2),(-1,1,-2),(2,-1,3)của \mathbb{R}^3 ? **C.** $a \neq -1$. **D.** $a \neq 1$. $\begin{cases} x + y - z + t = 1 \\ 2x + y + 2z - 3t = -1 \\ x + 3t - 2 \end{cases}$ Khẳng định nào dưới đây **đúng**? A. Hệ phương trình đã cho có vô số nghiệm phụ thuộc 2 tham số. **B.** Hệ phương trình đã cho có vô số nghiệm phụ thuộc 1 tham số. C. Hệ phương trình đã cho vô nghiệm. **D.** Hê phương trình đã cho có nghiệm duy nhất. Câu 11. Cho $D = \begin{vmatrix} 3 & 4 & -1 & 2 \\ a & b & 0 & 0 \\ 1 & 2 & 3 & 4 \end{vmatrix}$. Khẳng định nào dưới đây **đúng**?

A. D = 10(2a - b).
B. D = 10(2a + b).
C. D = 10(b - 2a). Câu 12. Ánh xạ $f: \mathbb{R}^2 \to \mathbb{R}^2$ nào dưới đây không là một đẳng cấu?

A f(x,y) = f(x,y) + f(x,y) = f(x,y)Câu 13. Cho ánh xạ tuyến tính $f: \mathbb{R}^3 \to \mathbb{R}^2$ xác định bởi **A.** f(x,y) = (x+4y, -x+2y). **B.** f(x,y) = (2x + y, -3x + 2y)f(x, y, z) = (x - y - z, x + y - z).Ma trận của f trong các cơ sở $B_1 = \{(0,1,1); (1,1,1); (1,1,0)\}$ của \mathbb{R}^3 và $B_2 = \{(1,1); (1,2)\}$ của \mathbb{R}^2 là \mathbf{A} . $\begin{bmatrix} -4 & 2 \\ -3 & 2 \\ -2 & 2 \end{bmatrix}$. \mathbf{B} . $\begin{bmatrix} -4 & 2 & -2 \\ 2 & -3 & 2 \end{bmatrix}$. \mathbf{C} . $\begin{bmatrix} -4 & 2 \\ 2 & -3 \\ -2 & 2 \end{bmatrix}$. $\begin{bmatrix} -4 & -3 & -2 \\ 2 & 2 & 2 \end{bmatrix}$. Câu 14. Cho ma trận $A=\begin{bmatrix}m-1&3&-3\\-3&m+5&-3\\5&-5&m-2\end{bmatrix}$. Điều kiện cần và đủ để A có ma trận nghịch đảo là a0. a1. a2 và a2 và a3 và a4. a5 và a6. a6 và a7 và a8. a7 và a8. a9 và a9 v Câu 15. Cho một hệ phương trình tuyến tính thuần nhất gồm 3 phương trình, 6 ẩn. Khẳng định nào dưới đây đúng? A. Hệ phương trình đã cho có nghiệm duy nhất. B. Không có đủ thông tin để kết luận về số nghiệm của hệ phương trình đã cho. C Hê phương trình đã cho có vô số nghiệm. **D.** Hệ phương trình đã cho vô nghiệm. Câu 16. Hệ véc tơ nào dưới đây sinh ra không gian việt quá 2)?

A: $\{2-t+3t^2, 4-2t+6t^2, 1-3t+5t^2\}$.

B. $\{1-3t+5t^2, -3+8t-2t^2\}$.

D. $\{3+t+2t^2, -1+t-2t^2, -1+5t+3t^2\}$.

Câu 17. Ký hiệu r(A) là hạng của ma trận $A=\begin{bmatrix} 1 & -2 & 0 & 0 \\ 3 & 4 & -1 & 2 \\ 1 & -1 & 0 & 0 \\ 1 & m & m^2 & m^3 \end{bmatrix}$. Khẳng định nào dưới đây đúng? Câu 16. Hệ véc tơ nào dưới đây sinh ra không gian véc tơ P (không gian véc tơ các đa thức có bậc không

Câu 18. Cho dạng song tuyến tính $\eta: \mathbb{R}^2 \times \mathbb{R}^2 \to \mathbb{R}$ xác định bởi

$$\eta(u,v) = x_1y_1 - 3x_1y_2 + x_2y_1 + 4x_2y_2,$$

trong đó $u=(x_1,x_2), v=(y_1,y_2)\in\mathbb{R}^2$. Khẳng định nào dưới đây **đúng**?

- **A.** η xác định dương nhưng không đối xứng.
- **B.** η đối xứng nhưng không xác định dương.
- **C.** η không đối xứng cũng không xác định dương.
- **D.** η đối xứng và xác định dương.

Câu 19. Cho A là ma trận vuông cấp 3. Khẳng định nào dưới đây không đúng?

- A. $\det(3A) = 3 \det A$.

 B. $\det(-A) = -\det A$.
- C. Nếu A là ma trân tạm giác và có một phần tử trên đường chéo chính bằng 0 thì det A = 0.
- **D.** $\det(A^t A) = \det(A^2)$.

Câu 20. Khẳng định nào dưới đây không đúng?

- **A.** $\emptyset \in \{\emptyset, \{\emptyset\}\}$.
- **B.** $x \in \{x\}$.
- **C.** $\{x\} \in \{\{x\}\}\$. **D.** $\emptyset \in \{x\}$.

Câu 21. Ánh xạ nào dưới đây là ánh xạ tuyến tính?

- **A.** $f: \mathbb{R}^3 \to \mathbb{R}^3, f(x, y, z) = (xy, 2y z, x + y 3z).$ **B.** $f: \mathbb{R}^3 \to \mathbb{R}, f(x, y, z) = 2x + 3y z^2.$
- $(\mathbf{C}. \ f: \mathbf{P}_2 \to \mathbf{P}_2, f(a_0 + a_1 x + a_2 x^2) = a_1 2a_0 x + (a_1 + a_2) x^2.$
 - **D.** $f: \mathbf{P}_2 \to \mathbf{P}_2, f(a_0 + a_1x + a_2x^2) = a_0 + a_1 (2a_0 + 1)x + (a_1 + a_2)x^2$.

Câu 22. Cho ánh xạ tuyến tính $f: \mathbb{R}^4 \to \mathbb{R}^3$ xác đinh bởi

$$f(x, y, z, t) = (x - 2y - z - t, y + 2z + 3t, x - y + 3z).$$

Số chiều của Ker f là

A. 2.

B. 3.

Câu 23. Với giá trị nào của a thì hệ phương trình dưới đây có nghiệm không tầm thường?

$$\begin{cases} x + y - z = 0 \\ 2x + 4y + az = 0 \\ 3x + 11y + z = 0 \end{cases}$$

- **B.** a = 1.

- **D.** $a \neq -1$.

 \mathbf{A} a=-1. \mathbf{B} . \mathbf{C} âu **24.** Cho hệ phương trình

$$\begin{cases} x + y - z = 1 \\ 2x + 3y + mz = 3 \\ x + my + 3z = 2 \end{cases}.$$

Khẳng định nào dưới đây đúng?

- (A) Nếu m=2 thì hệ phương trình đã cho vô nghiệm.
- **B.** Nếu $m \neq 2$ và $m \neq -3$ thì hệ phương trình đã cho có ngiệm duy nhất.
- **C.** Nếu $m \neq 2$ và $m \neq 3$ thì hệ phương trình đã cho có ngiệm duy nhất.
- **\langle.** Nếu m=3 thì hệ phương trình đã cho có vô số nghiệm.

Câu 25. Cho các mệnh để (p,q,r) Mệnh đề nào dưới đây **không đúng**? **A.** $((p\Rightarrow q)\land (p\Rightarrow r))\equiv (p\Rightarrow (q\land r))$. **B.** $\overline{p\Rightarrow q}\equiv (p\land q)$

- **B.** $\overline{p \Rightarrow q} \equiv (p \wedge \overline{q}).$

C. $(p \lor q) \equiv (\overline{p} \Rightarrow q)$.

D. $((p \Rightarrow r) \land (q \Rightarrow r)) \equiv ((p \land q) \Rightarrow r).$

Câu 26. Cho dạng toàn phương $Q:\mathbb{R}^3 \to \mathbb{R}$ xác định bởi

$$Q(x, y, z) = x^{2} + 2y^{2} - z^{2} + 2xy + 2yz.$$

Ma trận của Q trong cơ sở chính tắc của \mathbb{R}^3 là

- A. $\begin{bmatrix} 1 & 1 & 0 \\ 0 & 2 & 1 \\ 0 & 0 & -1 \end{bmatrix}$. B. $\begin{bmatrix} 1 & 2 & 0 \\ 0 & 2 & 2 \\ 0 & 0 & -1 \end{bmatrix}$. C. $\begin{bmatrix} 1 & 2 & 0 \\ 2 & 2 & 2 \\ 0 & 2 & -1 \end{bmatrix}$.

Câu 27. Cho ánh xạ tuyến tính $f: \mathbf{P}_2 \to \mathbf{P}_2$ xác định bởi

$$f(a_0 + a_1x + a_2x^2) = (a_0 + a_1 + ma_2) + (a_0 + ma_1 + a_2)x + (ma_0 + a_1 + a_2)x^2.$$

Tìm m để dim $(\operatorname{Im} f) = 2$.

A.
$$m = 1$$
 hoặc $m = -2$. **B.** $m = -2$.

B.
$$m = -2$$

C.
$$m \neq 1$$
 và $m \neq -2$. **D.** $m = 1$.

D.
$$m = 1$$

 $\mathbf{\hat{Cav}}^{28}$. Cho tích vô hướng trên không gian véc tơ \mathbb{R}^2 xác định bởi

$$\eta(u,v) = x_1y_1 - 2x_1y_2 - 2x_2y_1 + 5x_2y_2,$$

trong đó $u=(x_1,x_2),v=(y_1,y_2)\in\mathbb{R}^2$. Xét véc tơ v=(1,2). Khẳng định nào dưới đây **đúng**?

A.
$$||v|| = \sqrt{5}$$
. **B.** $||v|| = 13$.

B.
$$||v|| = 13$$

$$||v|| = 1.$$

D.
$$||v|| = \sqrt{13}$$
.

Câu 29. Cho A, B, C là các tập con của tập hợp E. Khẳng định nào dưới đây **không đúng**?

A.
$$A \cap (B \setminus A) = \emptyset$$
.

$$(B \cap B \cap C) \subset (B \cap C).$$

C.
$$(A \setminus C) \cap (C \setminus B) = \emptyset$$
.

D. Nếu
$$A \cup C = B \cup C$$
 thì $A = B$.

Câu 30. Cho hệ phương trình

$$\begin{cases} x + y - 5z = a \\ -2x + 2y + 2z = b \\ -x + 3y - 3z = c \end{cases}.$$

Diều kiện cần và đủ để hệ phương trình đã chọ có nghiệm là

A.
$$3a - b + c = 0$$

A.
$$3a - b + c = 0$$
. **B.** $a + b - c = 0$. **C.** $3a - b + c \neq 0$.

C.
$$3a - b + c \neq 0$$

D.
$$a + b - c \neq 0$$
.

Câu 31. Ánh xạ nào dưới đây là toàn ánh?

$$\mathbf{A.}\ f:\mathbb{R}^*\to\mathbb{R}, f(x)=\frac{1}{x}.$$

B.
$$f: \mathbb{N} \to \mathbb{N}$$
, $f(n) = 2n$.

C.
$$f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}, f(x) = x^2 + 2x$$
.

D.
$$f : \mathbb{R} \to \mathbb{R}, f(x) = x^3 + 5$$
.

Câu 32. Cho ma trận $A = \begin{bmatrix} 1 & -1 & 1 \\ 0 & 0 & 3 \\ 4 & 2 & 0 \end{bmatrix}$. Phần tử ở vị trí hàng 2, cột 1 của ma trận A^{-1} là $\begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 3 \\ 4 & 2 & 0 \end{bmatrix}$. Phần tử ở vị trí hàng 2, cột 1 của ma trận A^{-1} là $\begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 3 \\ 4 & 2 & 0 \end{bmatrix}$.

A.
$$-\frac{1}{0}$$

$$\frac{1}{100}$$
 $-\frac{2}{3}$.

C.
$$\frac{1}{9}$$
.

D.
$$\frac{2}{3}$$

Câu 33. Cho một hệ phương trình tuyến tính có ma trân hệ số và ma trân bổ sung lần lượt là A, \tilde{A} . Giả sử Alà ma trận cỡ 5×7 và $r(A) = r(\tilde{A}) = 4$. Khẳng định nào dưới đây **đúng**?

A. Hệ phương trình đã cho có vô số nghiệm phụ thuộc 3 tham số.

B. Hệ phương trình đã cho có vô số nghiệm phụ thuộc 1 tham số.

C. Hệ phương trình đã cho có vô số nghiệm phụ thuộc 4 tham số.

D. Hệ phương trình đã cho có nghiệm duy nhất.

Câu 34. Cho các ma trận

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 \\ 2 & 1 & 2 \\ 1 & 2 & 3 \end{bmatrix}; B = \begin{bmatrix} 4 & 1 & 1 \\ -4 & 2 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \end{bmatrix}$$

Phần tử ở vị trí hàng 1, cột 2 của ma trận AB - BA là

D. 3.

Câu 35. Cho không gian véc tơ con của \mathbb{R}^4 :

$$U = \{(x, y, z, t) | x + 2y + z - 3u = 0\}.$$

Khẳng định nào dưới đây **đúng**?

A. dim U = 1.

B. dim U = 3.

C. dim U = 4.

D. dim U = 2.

Câu 36. Cho ánh xạ tuyến tính $f: \mathbb{R}^2 \to \mathbb{R}^2, f(x,y) = (3x+2y,4x+y)$. Một cơ sở gồm các **v**éc tơ riêng của

Downloaded by viet dooo (admin@vuataikhoan.edu.vn)

A.
$$\{v_1 = (1, -2); v_2 = (1, -1)\}.$$

C. $\{v_1 = (-2, 1); v_2 = (1, -1)\}.$

B.
$$v_1 = (1, -2); v_2 = (1, 1)$$
.
 $v_1 = (-2, 1); v_2 = (1, 1)$.

Câu 37. Cho W_1, W_2 là các không gian véc tơ con của \mathbb{R}^3 . Khẳng định nào dưới đây **không đúng**?

- **A.** Nếu $\mathbb{R}^3 = W_1 \oplus W_2$ thì dim $W_1 + \dim W_2 = 3$.
- **B.** $W_1 + W_2$ là tổng trực tiếp khi và chỉ khi dim $(W_1 \cap W_2) = 0$.
- C. Nếu $W_1 = \{(x, y, 0) | x, y \in \mathbb{R}\}; W_2 = \{(0, y, y) | y \in \mathbb{R}\} \text{ thì } \mathbb{R}^3 = W_1 \oplus W_2.$
- **D.** Nếu $W_1 = \{(x, y, 0) | x, y \in \mathbb{R}\}; W_2 = \{(x, y, z) | x y + 2z = 0\}$ thì $\mathbb{R}^3 = W_1 \oplus W_2$.

Câu 38. Cho A là một ma trận vuông cấp 3. Khẳng định nào dưới đây **đúng**?

- **A.** Nếu A có tổng các phần tử ở mỗi hàng đều bằng 0 thì A khả nghịch. χ
- **B.** Nếu $A^2 = A$ và $A \neq 0$ thì A = I.
- \triangle Nếu $A \neq 0$ thì $A^2 \neq 0$.
- $\mathbf{D.}$ Nếu A^2 khả nghịch thì A khả nghịch.

Câu 39. Cho $B = \{(1, -3); (-2, 4)\}$ là một cơ sở của không gian véc tơ \mathbb{R}^2 . Ma trận chuyển từ cơ sở B sang cơ sở chính tắc của \mathbb{R}^2 là $\begin{bmatrix} -2 & -1 \\ -3/2 & -1/2 \end{bmatrix}$. B. $\begin{bmatrix} 4 & 2 \\ 3 & 1 \end{bmatrix}$. C. $\begin{bmatrix} 1 & -2 \\ -3 & 4 \end{bmatrix}$. D. $\begin{bmatrix} -2 & -3/2 \\ -1 & -1/2 \end{bmatrix}$.

$$\cdot \begin{bmatrix} -2 & -1 \\ -3/2 & -1/2 \end{bmatrix}.$$

B.
$$\begin{bmatrix} 4 \\ 3 \end{bmatrix}$$

C.
$$\begin{bmatrix} 1 & -2 \\ -3 & 4 \end{bmatrix}$$

D.
$$\begin{bmatrix} -2 & -3/2 \\ -1 & -1/2 \end{bmatrix}$$

Câu 40. Tìm ma trận X thỏa mãn $X \begin{bmatrix} -2 & -1 \\ 2 & 3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 2 & -1 \end{bmatrix}$. **A.** $X = \begin{bmatrix} 2 & 2 \\ -4 & 0 \end{bmatrix}$. **B.** $X = \begin{bmatrix} -1/2 & -1/2 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}$. **C.** $X = \begin{bmatrix} -2 & -2 \\ 8 & 4 \end{bmatrix}$. $DX = \begin{bmatrix} 1/2 & 1/2 \\ -2 & -1 \end{bmatrix}$.

$$\mathbf{A.}\ X = \begin{bmatrix} 2 & 2 \\ -4 & 0 \end{bmatrix}.$$

B.
$$X = \begin{bmatrix} -1/2 & -1/2 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}$$

$$\mathbf{C.} \ \ X = \begin{bmatrix} -2 & -2 \\ 8 & 4 \end{bmatrix}$$

Trang 5/5 Mã đề 101