

Алгоритмы и структуры данных на Python

Урок 2

Циклы. Рекурсия. Функции

Циклы. Рекурсивный перебор. Алгоритм Евклида. Решето Эратосфена

Вопросы

- 1. Что такое цикл?
- 2. Виды циклических алгоритмов
- 3. Использование циклических алгоритмов для решения практических задач



Цели урока

- Изучить циклические алгоритмы
- Освоить применение циклических алгоритмов на практике



План урока

- Циклы
- Решето Эратосфена алгоритм определения простых чисел
- Функция перевода десятичного числа в двоичный формат







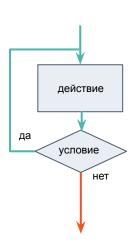
Понятие цикла

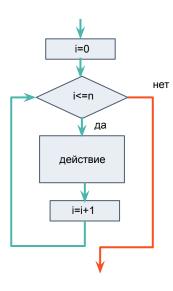
- Цикл с предусловием
- Цикл с постусловием
- Арифметический цикл (цикл с параметром)



Алгоритмическое представление цикла











Рекурсия

Определение части функции (метода) через саму себя.



Основные шаги рекурсивной функции

- Первый шаг. Необходимое условие для остановки (базовый случай)
- Второй шаг. Необходимое условие для продолжения или шаг рекурсии



Основные шаги рекурсивной функции

Шаг рекурсии – способ сведения задачи к более простым.



Реализация функции Аккермана с помощью рекурсии



Алгоритм Евклида



Решето Эратосфена - алгоритм определения простых чисел



Решето Эратосфена

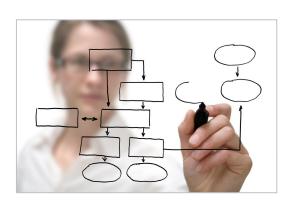
Решето Эратосфена – это алгоритм нахождения простых чисел до заданного числа n. В процессе выполнения данного алгоритма постепенно отсеиваются составные числа, кратные простым, начиная с 2.

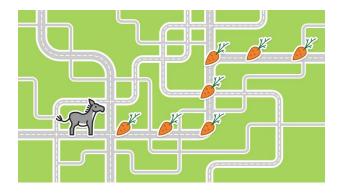


Функция перевода десятичного числа в двоичный формат



Решето Эратосфена - алгоритм определения простых чисел







Написать программу, которая будет складывать, вычитать, умножать или делить два числа. Числа и знак операции вводятся пользователем. После выполнения вычисления программа должна не завершаться, а запрашивать новые данные для вычислений. Завершение программы должно выполняться при вводе символа '0' в качестве знака операции. Если пользователь вводит неверный знак (не '0', '+', '-', '*', '/'), то программа сообщает ему об ошибке и снова запрашивает знак операции. Также пользователю нужно сообщать о невозможности деления на ноль, если он ввел 0 в качестве делителя.



- 2. Посчитать четные и нечетные цифры введенного натурального числа. Например, если введено число 34560, то у него 3 четные цифры (4, 6 и 0) и 2 нечетные (3 и 5).
- 3. Сформировать из введенного числа обратное по порядку входящих в него цифр и вывести на экран. Например, если введено число 3486, то надо вывести 6843.



- 4. Найти сумму n элементов следующего ряда чисел: 1, -0.5, 0.25, -0.125,... Количество элементов (n) вводится с клавиатуры.
- 5. Вывести на экран коды и символы таблицы ASCII, начиная с символа под номером 32 и заканчивая 127-м включительно. Вывод выполнить в табличной форме: по десять пар «кодсимвол» в каждой строке.



- 6. Написать программу, где генерируется случайное целое число от 0 до 100. Пользователь должен его отгадать максимум за 10 попыток. После каждой неудачи должно сообщаться, больше или меньше загаданного то число, что ввел пользователь. Если за 10 попыток число не отгадано вывести его.
- 7. Написать программу, доказывающую или проверяющую, что для множества натуральных чисел выполняется равенство: 1+2+...+n = n(n+1)/2, где n любое натуральное число.



- 8. Посчитать, сколько раз встречается определенная цифра в введенной последовательности чисел. Количество вводимых чисел и цифра, которую необходимо посчитать, задаются вводом с клавиатуры.
- 9. Среди натуральных чисел, которые были введены, найти наибольшее по сумме цифр. Вывести на экран это число и сумму его цифр.



