



## QUICK NOTE

**BÀI 3.** Có 8 quyển sách Toán, 7 quyển sách Lí, 5 quyển sách Hóa. Một học sinh chọn 1 quyển trong bất kỳ 3 loại trên. Hỏi có bao nhiêu cách chọn?

**BÀI 4.** Một nhà hàng có 3 loại rượu, 4 loại bia và 6 loại nước ngọt. Thực khách cần chọn đúng một loại thức uống. Hỏi có mấy cách chọn?

**BÀI 5.** Một lớp có 40 học sinh, đăng ký chơi ít nhất một trong hai môn thể thao là bóng đá và cầu lông. Có 30 em đăng ký môn bóng đá, 25 em đăng ký môn cầu lông. Hỏi có bao nhiêu em đăng ký cả hai môn thể thao?

**BÀI 6.** Trong một trường THPT A, khối 11 mỗi học sinh tham gia một trong hai câu lạc bộ Toán và Tin học. Có 160 em tham gia câu lạc bộ Toán, 140 em tham gia câu lạc bộ Tin học, 50 em tham gia cả hai câu lạc bộ. Hỏi khối 11 có bao nhiêu học sinh?

**BÀI 7.** Trong một cuộc thi tìm hiểu về đất nước Việt Nam, ban tổ chức công bố danh sách các đề tài bao gồm: 8 đề tài về lịch sử, 7 đề tài về thiên nhiên, 10 đề tài về con người và 6 đề tài về văn hóa. Hỏi mỗi thí sinh có bao nhiêu cách chọn đề tài?

**BÀI 8.** Lớp 11A có 30 học sinh và lớp 11B có 32 học sinh, có bao nhiêu cách chọn 1 học sinh từ 2 lớp trên để tham gia đội công tác xã hội?

**BÀI 9.** Trong một trường THPT, khối 11 có 280 học sinh nam và 325 học sinh nữ. Nhà trường cần chọn một học sinh ở khối 11 đi dự dạ hội của học sinh thành phố. Hỏi nhà trường có bao nhiêu cách chọn?

**BÀI 10.** Một bó hoa gồm có 5 bông hồng trắng, 6 bông hồng đỏ và 7 bông hồng vàng. Hỏi có mấy cách chọn lấy một bông hoa?

**BÀI 11.** Giả sử từ tỉnh A đến tỉnh B có thể đi bằng các phương tiện: ô tô, tàu hỏa hoặc máy bay. Mỗi ngày có 10 chuyến ô tô, 5 chuyến tàu hỏa và 3 chuyến máy bay. Hỏi có bao nhiêu cách lựa chọn chuyến đi từ tỉnh A đến tỉnh B?

### 3. Bài tập trắc nghiệm

**CÂU 1.** Có 10 cuốn sách Toán khác nhau, 11 cuốn sách Văn khác nhau và 7 cuốn sách Anh văn khác nhau. Một học sinh được chọn 1 quyển sách trong các quyển sách trên. Hỏi có bao nhiêu cách lựa chọn?

- (A) 26. (B) 20. (C) 28. (D) 32.

**CÂU 2.** Một nhà hàng có 3 loại rượu, 4 loại bia và 5 loại nước uống. Một thực khách muốn lựa chọn một loại đồ uống thì có bao nhiêu cách chọn?

- (A) 7. (B) 15. (C) 12. (D) 60.

**CÂU 3.** Một tổ có 5 học sinh nữ và 6 học sinh nam. Có bao nhiêu cách chọn một học sinh của tổ đó đi trực nhật?

- (A) 10. (B) 20. (C) 11. (D) 30.

**CÂU 4.** Từ một nhóm học sinh gồm 7 nam và 9 nữ, có bao nhiêu cách chọn ra một học sinh?

- (A) 16. (B) 7. (C) 9. (D) 63.

**CÂU 5.** Lớp 11A có 26 học sinh nam và 19 học sinh nữ. Có bao nhiêu cách chọn ra một học sinh lớp 11A để làm lớp trưởng?

- (A) 26. (B) 19. (C) 45. (D) 494.

**CÂU 6.** Một lớp có 39 bạn nam và 10 bạn nữ. Hỏi có bao nhiêu cách chọn một bạn phụ trách quỹ lớp?

- (A) 390. (B) 10. (C) 49. (D) 39.

**CÂU 7.** Trên giá sách có 5 quyển sách Tiếng Anh khác nhau, 6 quyển sách Toán khác nhau và 8 quyển sách Tiếng Việt khác nhau. Số cách chọn 1 quyển sách là

- (A) 240. (B) 19. (C) 6. (D) 8.

**CÂU 8.** Một trường THPT được cử một học sinh đi dự trại hè toàn quốc. Nhà trường quyết định chọn một học sinh tiên tiến lớp 11A hoặc lớp 12B. Hỏi nhà trường có bao nhiêu cách chọn, nếu biết rằng lớp 11A có 31 học sinh tiên tiến và lớp 12B có 22 học sinh tiên tiến?

- (A) 682. (B) 31. (C) 9. (D) 53.

**CÂU 9.** Một lớp có 25 học sinh nam và 20 học sinh nữ. Hỏi có bao nhiêu cách chọn 1 học sinh?

- (A) 45. (B) 20. (C) 500. (D) 25.

**CÂU 10.** Trên giá sách có 10 quyển sách Toán khác nhau, 11 quyển sách Văn khác nhau và 7 quyển sách Tiếng Anh khác nhau. Hỏi có bao nhiêu cách chọn một quyển sách trong các quyển sách nói trên?

- (A) 32. (B) 26. (C) 20. (D) 28.

**CÂU 11.** Một người vào cửa hàng ăn nhưng chỉ đủ tiền mua 1 món ăn. Thực đơn gồm 5 món cơm, 6 món mì và 3 món cháo. Hỏi người đó có bao nhiêu cách chọn món?

- (A) 5. (B) 3. (C) 14. (D) 6.

**CÂU 12.** Có 8 quyển sách khác nhau và 6 quyển vở khác nhau. Số cách chọn một trong các quyển đó là

- (A) 8. (B) 14. (C) 6. (D) 48.

**CÂU 13.** Một lớp học có 7 học sinh giỏi Toán, 5 học sinh giỏi Văn, 4 học sinh giỏi Anh. Hỏi có bao nhiêu cách chọn ra một học sinh giỏi bất kì?

- (A) 7. (B) 16. (C) 12. (D) 140.

**CÂU 14.** Giả sử bố bạn An muốn mua một chiếc xe hiệu Vision hoặc SH. Biết rằng xe máy hiệu Vision có 5 màu khác nhau, xe máy hiệu SH có 9 màu khác nhau. Hỏi bố bạn An có bao nhiêu sự lựa chọn?

- (A) 9. (B) 14. (C) 5. (D) 45.

**CÂU 15.** Một cô gái có 2 cái mũ màu trắng, 3 cái mũ màu xanh và 5 cái mũ màu vàng, tất cả các cái mũ đều khác kiểu. Hỏi cô gái này có bao nhiêu cách chọn một cái mũ để đội đi dạo?

- (A) 5. (B) 10. (C) 30. (D) 6.

**CÂU 16.** Một bạn muốn đi từ tỉnh A tới tỉnh B trong một ngày nhất định. Biết rằng trong ngày hôm đó từ tỉnh A đến tỉnh B có 14 chuyến ô tô, 5 chuyến tàu. Hỏi bạn đó có bao nhiêu sự lựa chọn để đi từ A đến B?

- (A) 70. (B) 19. (C) 14. (D) 5.

**CÂU 17.** Trong một hộp chứa sáu quả cầu trắng được đánh số từ 1 đến 6 và ba quả cầu đen được đánh số từ 7 đến 9. Có bao nhiêu cách chọn một trong các quả cầu ấy?

- (A) 1. (B) 9. (C) 6. (D) 3.

**CÂU 18.** Trong một trường THPT, khối 11 có 280 học sinh nam và 325 học sinh nữ. Nhà trường chọn một học sinh ở khối 11 đi dự dạ hội của học sinh thành phố. Hỏi nhà trường có bao nhiêu cách chọn?

- (A) 605. (B) 280. (C) 325. (D) 45.

**CÂU 19.** Giả sử một công việc có thể được tiến hành theo hai phương án A và B. Phương án A có thể thực hiện bằng  $n$  cách, phương án B có thể thực hiện bằng  $m$  cách không trùng với cách nào của phương án A. Khi đó

- (A) Công việc có thể được thực hiện bằng  $m \cdot n$  cách.  
(B) Công việc có thể được thực hiện bằng  $m + n$  cách.  
(C) Công việc có thể được thực hiện bằng  $\frac{1}{2}(m + n)$  cách.  
(D) Công việc có thể được thực hiện bằng  $\frac{1}{2} \cdot m \cdot n$  cách.

**CÂU 20.** Từ một bó hoa hồng gồm 3 bông hồng trắng, 5 bông hồng đỏ và 6 bông hồng vàng, có bao nhiêu cách chọn ra một bông hồng?

- (A) 11. (B) 90. (C) 14. (D) 8.

## QUICK NOTE

### Dạng 2. Bài toán sử dụng quy tắc nhân

Giả sử một công việc được hoàn thành qua  $k$  công đoạn liên tiếp.

- ☑ Công đoạn thứ nhất có  $n_1$  cách thực hiện, ứng với mỗi cách đó.
- ☑ Công đoạn thứ hai có  $n_2$  cách thực hiện, ứng với mỗi cách đó.
- ☑ Công đoạn thứ ba có  $n_3$  cách thực hiện, ứng với mỗi cách đó.

## QUICK NOTE

☑ .....

☑ Công đoạn thứ  $k$  có  $n_k$  cách thực hiện, ứng với mỗi cách đó.Khi đó để hoàn thành công việc ban đầu ta có  $n_1 \cdot n_2 \cdot n_3 \cdots n_k$  cách thực hiện.

## 1. Ví dụ minh họa

**VÍ DỤ 1.** Bạn An có 4 áo sơ-mi khác màu và 3 quần dài khác nhau. Hỏi bạn An có bao nhiêu cách chọn ra một bộ đồ?

**VÍ DỤ 2.** Một trường phổ thông có 12 học sinh chuyên tin và 18 học sinh chuyên toán. Thành lập một đoàn gồm hai người dự hội nghị sao cho có một học sinh chuyên tin và một học sinh chuyên toán. Hỏi có bao nhiêu cách lập một đoàn như trên?

**VÍ DỤ 3.** Từ Quảng Trị đến Quảng Ngãi có 4 con đường và có 6 con đường từ Quảng Ngãi đến TPHCM. Hỏi có bao nhiêu con đường khác nhau để đi từ Quảng Trị đến TPHCM qua Quảng Ngãi?

**VÍ DỤ 4.** Cho tập hợp  $A = \{1, 2, 3, 4, 5\}$ . Có bao nhiêu số tự nhiên gồm ba chữ số đôi một khác nhau được tạo từ các chữ số trong tập  $A$ ?

## 2. Bài tập tự luận

**BÀI 1.** Cho tập hợp  $A = \{0, 1, 2, 3, 4, 5\}$ . Có bao nhiêu số tự nhiên gồm năm chữ số đôi một khác nhau được tạo từ các chữ số trong tập  $A$ ?

**BÀI 2.** Cho tập hợp  $A = \{1, 2, 3, 4, 5, 7, 8\}$ . Từ  $A$  có thể lập được bao nhiêu số tự nhiên gồm năm chữ số đôi một khác nhau và chia hết cho 5?

**BÀI 3.** Có bao nhiêu biển đăng kí xe ô tô nếu mỗi biển số chứa một dãy ba chữ cái (trong bảng 26 chữ cái tiếng Anh), tiếp sau là bốn chữ số?

**BÀI 4.** Có bao nhiêu số tự nhiên có ba chữ số bắt đầu bằng chữ số lẻ và các chữ số đôi một khác nhau?

**BÀI 5.** Từ các số  $1; 2; \dots; 9$  có thể lập được bao nhiêu số tự nhiên có bốn chữ số đôi một khác nhau, bắt đầu bằng chữ số lẻ và kết thúc bằng chữ số chẵn?

**BÀI 6.** Từ các số  $0; 4; 5; 7; 8; 9$  có thể lập được bao nhiêu số tự nhiên có bốn chữ số khác nhau và lớn hơn 5000?

**BÀI 7.** Có bao nhiêu số tự nhiên có năm chữ số khác nhau được viết từ các số  $1; 2; 3; 4; 5$ , trong đó ba chữ số đầu là ba chữ số lẻ và hai chữ số cuối là hai chữ số chẵn?

**BÀI 8.** Cho tập  $A = \{0; 1; 2; \dots; 8; 9\}$ . Từ  $A$  có thể lập được bao nhiêu số tự nhiên gồm bảy chữ số đôi một khác nhau và chia hết cho 2?

**BÀI 9.** Có bao nhiêu số tự nhiên trong đó các chữ số khác nhau và nhỏ hơn 10000 được tạo thành từ năm chữ số  $0, 1, 2, 3, 4$ ?

**BÀI 10.** Từ các số  $0; 1; 2; 3; 4; 5$  có thể lập được bao nhiêu số tự nhiên có năm chữ số khác nhau và không bắt đầu bằng 123?

**BÀI 11.** Cho tập hợp  $A = \{0; 1; 2; 3; 4; 5\}$ .

- Có bao nhiêu số tự nhiên gồm năm chữ số đôi một khác nhau, chia hết cho 5 và chữ số 2 luôn có mặt đúng một lần?
- Có bao nhiêu số tự nhiên gồm ba chữ số đôi một khác nhau và chia hết cho 3?
- Tính tổng các số tự nhiên có năm chữ số đôi một khác nhau mà các số này không có chữ số 0?

## 3. Bài tập trắc nghiệm

**CÂU 1.** Một công việc được hoàn thành bởi hai hành động liên tiếp. Nếu có  $m$  cách thực hiện hành động thứ nhất và ứng với mỗi cách đó có  $n$  cách thực hiện hành động thứ hai. Hỏi có bao nhiêu cách thực hiện công việc?

Ⓐ  $m + n$ .Ⓑ  $m - n$ .Ⓒ  $\frac{m}{n}$ .Ⓓ  $m \cdot n$ .



## QUICK NOTE

**CÂU 19.** Giả sử có 8 vận động viên tham gia chạy thi. Nếu không kể trường hợp có hai vận động viên về đích cùng lúc thì có bao nhiêu kết quả có thể xảy ra đối với các vị trí nhất, nhì, ba?

- (A) 56. (B) 120. (C) 336. (D) 24.

**CÂU 20.** Cho đa giác đều 16 đỉnh. Hỏi có bao nhiêu tam giác vuông có ba đỉnh là ba đỉnh của đa giác đều đó?

- (A) 560. (B) 112. (C) 121. (D) 128.

**CÂU 21.** Từ các chữ số 0, 1, 2, 3, 5, 8 có thể lập được bao nhiêu số tự nhiên lẻ có bốn chữ số đôi một khác nhau và phải có mặt chữ số 3.

- (A) 108 số. (B) 228 số. (C) 36 số. (D) 144 số.

**CÂU 22.** Gieo một con súc sắc 6 mặt cân đối 3 lần, có bao nhiêu kết quả có thể xảy ra thỏa mãn điều kiện “Tổng số chấm xuất hiện trong 3 lần là số chẵn”?

- (A) 162. (B) 54. (C) 108. (D) 27.

**CÂU 23.** Cho 5 chữ số 1, 2, 3, 4, 6. Lập các số tự nhiên có 3 chữ số đôi một khác nhau từ 5 chữ số đã cho. Tính tổng của tất cả các số lập được.

- (A) 12321. (B) 21312. (C) 12312. (D) 21321.

### Dạng 3. Kết hợp quy tắc cộng và quy tắc nhân

Hầu hết các bài toán đếm trong thực tế sẽ phức tạp và cần áp dụng cả hai quy tắc cộng và quy tắc nhân để giải bài toán.

## 1. Ví dụ minh họa

**VÍ DỤ 1.** Cho tập hợp  $A = \{0; 1; 2; 3; 4; 5; 6; 7\}$ . Có bao nhiêu số tự nhiên gồm bốn chữ số được lấy từ  $A$  sao cho các chữ số

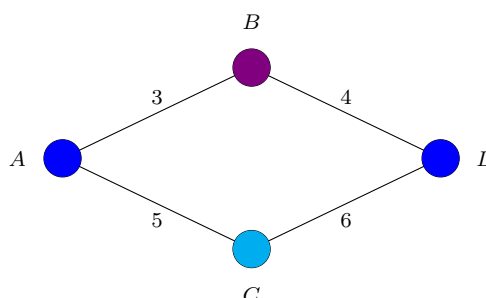
- Khác nhau từng đôi một.
- Khác nhau từng đôi một và nó là số lẻ.
- Khác nhau từng đôi một và nó là số chẵn.
- Khác nhau đôi một và chia hết cho 5.

**VÍ DỤ 2.** Cho tập hợp  $X = \{0; 2; 3; 4; 5; 6; 8\}$ . Có bao nhiêu số tự nhiên gồm ba chữ số được lấy từ  $X$  sao cho các chữ số

- Khác nhau từng đôi một.
- Khác nhau từng đôi một và nó là số lẻ.
- Khác nhau từng đôi một và chia hết cho 2.
- Khác nhau đôi một và chia hết cho 5.

**VÍ DỤ 3.** Có bao nhiêu số tự nhiên chẵn gồm bốn chữ số đôi một khác nhau được lập từ tập  $E = \{0; 1; 2; 3; 4; 5; 6; 7; 8\}$ ?

**VÍ DỤ 4.** Từ thành phố  $A$  đến thành phố  $B$  có 3 con đường, từ thành phố  $B$  đến thành phố  $D$  có 4 con đường, từ thành phố  $A$  đến thành phố  $C$  có 5 con đường, từ thành phố  $C$  đến thành phố  $D$  có 6 con đường, các con đường này đôi một khác nhau. Có bao nhiêu cách chọn đường đi  $A$  đến  $D$  rồi trở về  $A$  mà không có con đường nào được đi lặp trở lại, biết rằng không có con đường nào đi trực tiếp  $B$  đến  $C$  và đi trực tiếp từ  $A$  đến  $D$ .



## QUICK NOTE

## 2. Bài tập tự luận

**BÀI 2.** Cho các số 1, 2, 3, 4, 5.

- BÀI 3.** Từ các chữ số 0, 4, 5, 7, 9.

- BÀI 7.** Có bao nhiêu cách chọn một vé số có 5 chữ số mà số ghi trên vé có chữ số 5 và có số chẵn?

### 3. Bài tập trắc nghiệm

Ⓐ 136080.      Ⓑ 136800.      Ⓒ 1360800.      Ⓓ 138060.

Ⓐ 6.                      Ⓑ 15.                      Ⓒ 4.                      Ⓓ 8.

Ⓐ 10.                      Ⓑ 20.                      Ⓒ 6.                      Ⓓ 5.

Ⓐ 30.                      Ⓑ 17.                      Ⓒ 25.                      Ⓓ 42.

Ⓐ 624.                      Ⓑ 522.                      Ⓒ 312.                      Ⓓ 405.

Ⓐ 1230.                      Ⓑ 2880.                      Ⓒ 1260.                      Ⓓ 8232.

Ⓐ 160.                      Ⓑ 156.                      Ⓒ 752.                      Ⓓ 240.

## QUICK NOTE

**CÂU 8.** Từ các chữ số 0, 1, 2, 3, 5, 8 có thể lập được bao nhiêu số tự nhiên lẻ có bốn chữ số đôi một khác nhau và phải có mặt chữ số 3?

- (A) 108. (B) 228. (C) 36. (D) 144.

**CÂU 9.** Từ các chữ số 1, 2, 3, 4, 5, 6 có thể lập được bao nhiêu số tự nhiên chẵn có sáu chữ số và thỏa mãn điều kiện: sáu chữ số của mỗi số là khác nhau và chữ số hàng nghìn lớn hơn 2?

- (A) 720. (B) 360. (C) 288. (D) 240.

**CÂU 10.** Xét mạng đường nối các tỉnh  $A, B, C, D, E, F, G$ , trong đó số viết trên một cạnh cho biết số con đường nối hai tỉnh nằm ở hai đầu mút của cạnh. Số cách đi từ tỉnh  $A$  đến tỉnh  $G$  là

- (A) 23. (B) 252. (C) 2880. (D) 522.

**CÂU 11.** Từ các chữ số 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6 có thể lập được bao nhiêu số tự nhiên chẵn có 3 chữ số đôi một khác nhau?

- (A) 168. (B) 210. (C) 84. (D) 105.

**CÂU 12.** Một hộp đựng 9 thẻ được đánh số từ 1 đến 9. Có bao nhiêu cách chọn hai thẻ sao cho tích hai số trên hai thẻ là số chẵn?

- (A) 32. (B) 36. (C) 26. (D) 72.

**CÂU 13.** Từ tập hợp  $A = \{0; 1; 2; 3; 4; 5; 6\}$  lập được bao nhiêu số tự nhiên chia hết cho 5, gồm năm chữ số khác nhau sao cho trong đó luôn có mặt các chữ số 1, 2, 3 và chúng đứng cạnh nhau?

- (A) 46. (B) 66. (C) 52. (D) 44.

**CÂU 14.** Cho tập hợp  $A = \{0; 1; 2; 3; 4; 5\}$ . Có thể lập bao nhiêu số tự nhiên có 3 chữ số khác nhau và chia hết cho 5?

- (A) 42. (B) 40. (C) 38. (D) 36.

**CÂU 15.** Có bao nhiêu số tự nhiên chẵn gồm hai chữ số khác nhau được lập từ các chữ số 0, 1, 2, 3, 4, 5?

- (A) 5. (B) 15. (C) 13. (D) 22.

**CÂU 16.** Từ các chữ số 1, 2, 3, 4, 5, 6 có thể lập được bao nhiêu chữ số tự nhiên bé hơn 100?

- (A) 36. (B) 62. (C) 54. (D) 42.

**CÂU 17.** Từ các chữ số 0, 1, 2, 3, 4, 5 có thể lập được bao nhiêu số chẵn gồm 4 chữ số khác nhau?

- (A) 156. (B) 144. (C) 96. (D) 134.

**CÂU 18.** Cho tập  $A = \{0; 1; 2; 3; 4; 5; 6\}$ . Từ tập  $A$  có thể lập được bao nhiêu số tự nhiên gồm 5 chữ số và chia hết cho 5.

- (A) 600. (B) 432. (C) 679. (D) 523.

**CÂU 19.** Từ thành phố  $A$  đến thành phố  $B$  có 3 con đường, từ thành phố  $A$  đến thành phố  $C$  có 2 con đường, từ thành phố  $B$  đến thành phố  $D$  có 2 con đường, từ thành phố  $C$  đến thành phố  $D$  có 3 con đường, không có con đường nào nối từ thành phố  $C$  đến thành phố  $B$ . Hỏi có bao nhiêu con đường đi từ thành phố  $A$  đến thành phố  $D$ .

- (A) 6. (B) 12. (C) 18. (D) 36.

**CÂU 20.** Số 1746360 có bao nhiêu ước số nguyên?

- (A) 120. (B) 240. (C) 60. (D) 480.

**CÂU 21.** Từ các chữ số 0, 2, 3, 5, 7, 8, 9 lập được bao nhiêu số tự nhiên có 4 chữ số khác nhau và luôn chứa một bộ phận là “35”?

- (A) 60. (B) 70. (C) 52. (D) 56.

**CÂU 22.** Bình  $A$  chứa 3 quả cầu xanh, 4 quả cầu đỏ và 5 quả cầu trắng. Bình  $B$  chứa 4 quả cầu xanh, 3 quả cầu đỏ và 6 quả cầu trắng. Bình  $C$  chứa 5 quả cầu xanh, 5 quả cầu đỏ và 2 quả cầu trắng. Từ mỗi bình lấy ra một quả cầu. Có bao nhiêu cách lấy để cuối cùng được 3 quả có màu giống nhau?

- (A) 180. (B) 60. (C) 150. (D) 120.

**CÂU 23.** Có bao nhiêu số tự nhiên có 4 chữ số được viết từ các chữ số 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9 sao cho số đó chia hết cho 15?

- (A) 132. (B) 432. (C) 234. (D) 243.



## QUICK NOTE

**CÂU 24.** Có bao nhiêu số tự nhiên chẵn gồm ba chữ số khác nhau?

- Ⓐ 328.                      Ⓑ 500.                      Ⓒ 360.                      Ⓓ 405.

**CÂU 25.** Từ các chữ số 0, 1, 2, 3, 4, 5 có thể lập được tất cả bao nhiêu số tự nhiên có 3 chữ số phân biệt và chia hết cho 3?

- Ⓐ 34.                      Ⓑ 30.                      Ⓒ 48.                      Ⓓ 40.

**CÂU 26.** Từ các chữ số 1, 3, 5, 7, 9 có thể lập được bao nhiêu số tự nhiên bé hơn 500?

- Ⓐ 120.                      Ⓑ 80.                      Ⓒ 60.                      Ⓓ 45.

**CÂU 27.** Có bao nhiêu số tự nhiên có sáu chữ số khác nhau từng đôi một, trong đó chữ số 5 đứng liền giữa hai chữ số 1 và 4?

- Ⓐ 249.                      Ⓑ 1500.                      Ⓒ 3204.                      Ⓓ 2942.

**CÂU 28.** Từ các chữ số 1, 3, 5, 7, 9 có thể lập được bao nhiêu số tự nhiên gồm 3 chữ số đôi một khác nhau và nhỏ hơn 379?

- Ⓐ 30.                      Ⓑ 60.                      Ⓒ 12.                      Ⓓ 20.

**CÂU 29.** Xếp 6 người  $A, B, C, D, E, F$  vào một ghế dài. Hỏi có bao nhiêu cách sắp xếp sao cho  $A$  và  $F$  không ngồi cạnh nhau?

- Ⓐ 260.      Ⓑ 480.      Ⓒ 460.      Ⓓ 240.

**CÂU 30.** Từ các chữ số 0; 1; 2; 3; 4; 5; 6 có thể lập được bao nhiêu số tự nhiên có 5 chữ số khác nhau và chia hết cho 15?

- Ⓐ 200.                      Ⓑ 240.                      Ⓒ 222.                      Ⓓ 120.

**CÂU 31.** Từ các chữ số 0, 1, 2 có thể thành lập được bao nhiêu số tự nhiên gồm 9 chữ số và là bội số của 3 đồng thời bé hơn  $2 \cdot 10^8$ ?

- Ⓐ 4374.      Ⓑ 2187.      Ⓒ 6561.      Ⓓ 3645.

**CÂU 32.** Từ các chữ số 1, 2, 3, 4, 5, 6 có thể lập được bao nhiêu số tự nhiên chẵn có sáu chữ số và thỏa mãn điều kiện: sáu chữ số của mỗi số là khác nhau và chữ số hàng nghìn lớn hơn 2?

- Ⓐ 240.                      Ⓑ 720.                      Ⓒ 360.                      Ⓓ 288.

**CÂU 33.** Có bao nhiêu số tự nhiên có ba chữ số dạng  $\overline{abc}$  với  $a, b, c \in \{0; 1; \dots; 6\}$ , sao cho  $a < b < c$ ?

- Ⓐ 120.                      Ⓑ 20.                      Ⓒ 40.                      Ⓓ 30.

**CÂU 34.** Một túi có 14 viên bi gồm 5 viên màu trắng được đánh số từ 1 đến 5; 4 viên màu đỏ được đánh số từ 1 đến 4; 3 viên màu xanh được đánh số từ 1 đến 3 và 2 viên màu vàng được đánh số từ 1 đến 2. Có bao nhiêu cách chọn 3 viên bi từng đôi khác số?

- Ⓐ 184.      Ⓑ 120.      Ⓒ 243.      Ⓓ 190.

**CÂU 35.** Một hộp đựng 26 tấm thẻ được đánh số từ 1 đến 26. Bạn Hải rút ngẫu nhiên cùng một lúc ba tấm thẻ. Hỏi có bao nhiêu cách rút sao cho bất kỳ hai trong ba tấm thẻ lấy ra đó có hai số tương ứng ghi trên hai tấm thẻ luôn hơn kém nhau ít nhất 2 đơn vị?

- ☐ **(A)** 1350.
 ☐ **(B)** 1768.
 ☐ **(C)** 2024.
 ☐ **(D)** 1771.

**CÂU 36.** Xếp 6 người  $A, B, C, D, E, F$  vào một ghế dài. Hỏi có bao nhiêu cách sắp xếp sao cho  $A$  và  $F$  không ngồi cạnh nhau?

- Ⓐ 460.      Ⓑ 480.      Ⓒ 260.      Ⓓ 240.

**CÂU 37.** Từ các chữ số 0, 1, 2, 3, 5, 8 có thể lập được bao nhiêu số tự nhiên lẻ có bốn chữ số đôi một khác nhau và phải có chữ số 3?

- Ⓐ 108.                      Ⓑ 144.                      Ⓒ 228.                      Ⓓ 36.

**CÂU 38.** Từ tập  $E = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\}$  lập được bao nhiêu số tự nhiên gồm ba chữ số phân biệt trong đó luôn có chữ số 2?

- Ⓐ 114.                      Ⓑ 144.                      Ⓒ 58.                      Ⓓ 228.

**CÂU 39.** Cho tập hợp  $A = \{0; 1; 2; 3; 4; 5; 6; 7\}$ . Có bao nhiêu số tự nhiên chẵn có 6 chữ số đôi một khác nhau được lập thành từ các chữ số của tập  $A$ , đồng thời có đúng 3 chữ số lẻ và 3 chữ số lẻ đó đứng cạnh nhau?

- Ⓐ 48.                      Ⓑ 4464.                      Ⓒ 240.                      Ⓓ 1440.

**CÂU 40.** Cho 10 chữ số 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9. Có thể tạo ra được bao nhiêu số tự nhiên gồm 5 chữ số khác nhau, trong đó có mặt đủ 3 chữ số 2, 3 và 4?

- Ⓐ 25056.      Ⓑ 2376.      Ⓒ 27216.      Ⓓ 25592.

## QUICK NOTE

**CÂU 41.** Trong mặt phẳng, cho hai đường thẳng phân biệt  $a$  và  $b$  song song với nhau. Trên đường thẳng  $a$  lấy 5 điểm phân biệt  $A, B, C, D, E$  và trên đường thẳng  $b$  lấy 5 điểm phân biệt  $G, H, I, J, K$  sao cho  $AB = BC = CD = DE = GH = HI = IJ = JK = 20$  cm. Có bao nhiêu hình bình hành có 4 đỉnh là 4 điểm trong 10 điểm nói trên?

(A) 30.

(B) 210.

(C) 16.

(D) 100.

## Bài 2. HOÁN VỊ - CHỈNH HỢP - TỔ HỢP

### A. TÓM TẮT LÝ THUYẾT

#### 1. Hoán vị

**ĐỊNH NGHĨA 2.1.** Một hoán vị của một tập hợp có  $n$  phần tử là một cách sắp xếp có thứ tự  $n$  phần tử đó (với  $n$  là một số tự nhiên,  $n \geq 1$ ).

Số các hoán vị của tập hợp có  $n$  phần tử, kí hiệu là  $P_n$ , được tính bằng công thức

$$P_n = n \cdot (n-1) \cdot (n-2) \cdots 2 \cdot 1.$$

**⚠** Kí hiệu  $n \cdot (n-1) \cdot (n-2) \cdots 2 \cdot 1$  là  $n!$  (đọc là  $n$  giai thừa), ta có  $P_n = n!$ . Chẳng hạn  $P_3 = 3! = 3 \cdot 2 \cdot 1 = 6$ .  
Quy ước  $0! = 1$ .

#### 2. Chỉnh hợp

**ĐỊNH NGHĨA 2.2.** Một chỉnh hợp chập  $k$  của  $n$  là một cách sắp xếp có thứ tự  $k$  phần tử từ một tập hợp  $n$  phần tử (với  $k, n$  là các số tự nhiên,  $1 \leq k \leq n$ ).

Số các chỉnh hợp chập  $k$  của  $n$ , kí hiệu là  $A_n^k$ , được tính bằng công thức

$$A_n^k = n \cdot (n-1) \cdots (n-k+1) \text{ hay } A_n^k = \frac{n!}{(n-k)!} \quad (1 \leq k \leq n).$$

**⚠** ☒ Hoán vị sắp xếp tất cả các phần tử của tập hợp, còn chỉnh hợp chọn ra một số phần tử và sắp xếp chúng.

☒ Mỗi hoán vị của  $n$  phần tử cũng chính là một chỉnh hợp chập  $n$  của  $n$  phần tử đó. Vì vậy  $P_n = A_n^n$ .

#### 3. Tổ hợp

**ĐỊNH NGHĨA 2.3.** Một tổ hợp chập  $k$  của  $n$  là một cách chọn  $k$  phần tử từ một tập hợp  $n$  phần tử (với  $k, n$  là các số tự nhiên,  $0 \leq k \leq n$ ).

Số các tổ hợp chập  $k$  của  $n$ , kí hiệu là  $C_n^k$ , được tính bằng công thức

$$C_n^k = \frac{n!}{(n-k)!k!} \quad (0 \leq k \leq n).$$

**⚠** ☒  $C_n^k = \frac{A_n^k}{k!}$ .

☒ Chỉnh hợp và tổ hợp có điểm giống nhau là đều chọn một số phần tử trong một tập hợp, nhưng khác nhau ở chỗ, chỉnh hợp là chọn có xếp thứ tự, còn tổ hợp là chọn không xếp thứ tự.

### B. CÁC DẠNG TOÁN

#### ➡ Dạng 1. Các bài toán liên quan đến hoán vị

☒ Sắp xếp  $n$  phần tử theo một hàng  $n! = n(n-1) \cdot (n-2) \cdots 3 \cdot 2 \cdot 1$  cách sắp xếp.

☒ Sắp xếp  $n$  phần tử theo một vòng tròn (bàn tròn) có  $(n-1)!$  cách.

**⚠** *Casio:* Bấm  $n!$  ta thao tác:  $n \text{ SHIFT } x^{-1}$ , chẳng hạn:  $3 \text{ SHIFT } x^{-1} = 6$ , tức  $3! = 6$ .

**VÍ DỤ 1.** Trên một kệ sách dài có 5 quyển sách Toán, 4 quyển sách Lí, 3 quyển sách Văn. Các quyển sách đều khác nhau. Hỏi có bao nhiêu cách sắp xếp các quyển sách trên nếu

QUICK NOTE

- a) Xếp một cách tùy ý.
- b) Xếp theo từng môn.
- c) Theo từng môn và sách Toán nằm ở giữa.

**VÍ DỤ 2.** Từ các chữ số 1, 2, 3, 4, 5, 6 lập các số gồm sáu chữ số khác nhau. Hỏi

- a) Có tất cả bao nhiêu số?
- b) Có bao nhiêu số chẵn và bao nhiêu số lẻ?
- c) Có bao nhiêu số bé hơn 432000?

## 1. Bài tập tự luận

**BÀI 1.** Từ các chữ số 1, 2, 3, 4, 5, 6 thiết lập tất cả các số có sáu chữ số khác nhau. Hỏi trong các số thiết lập được, có bao nhiêu số mà hai chữ số 1 và 6 không đứng cạnh nhau?

**BÀI 2.** Từ tập hợp  $A = \{0; 1; 2; 3; 4; 5; 6\}$  lập được bao nhiêu số tự nhiên chia hết cho 5, gồm năm chữ số khác nhau sao cho trong đó luôn có mặt các chữ số 1, 2, 3 và chúng đứng cạnh nhau?

**BÀI 3.** Cho tập  $X = \{1; 2; 3; 4; 7\}$ . Có bao nhiêu số tự nhiên gồm ba chữ số khác nhau chia hết cho 3 được lập từ tập  $X$ ?

**BÀI 4.** Cho tập  $E = \{1; 2; 3; 4; 5; 6; 7; 8; 9\}$ . Có bao nhiêu số tự nhiên có ba chữ số khác nhau, biết rằng tổng của ba chữ số này bằng 9?

**BÀI 5.** Từ các chữ số 2, 3, 4, 5, 6, 7 lập các số gồm sáu chữ số khác nhau. Hỏi

- a) Có tất cả bao nhiêu số?
- b) Có bao nhiêu số chẵn và bao nhiêu số lẻ?
- c) Có bao nhiêu số bé hơn 432000?

**BÀI 6.** Xét các số tự nhiên gồm năm chữ số khác nhau lập từ các chữ số 1, 2, 3, 4, 5. Hỏi trong các số đó có bao nhiêu số

- a) Bắt đầu bằng chữ số 5?
- b) Không bắt đầu bằng chữ số 1?
- c) Bắt đầu bằng 23?
- d) Không bắt đầu bằng 234?

**BÀI 7.** Một THPT X có 4 học sinh giỏi khối 12, có 5 học sinh giỏi khối 11, có 6 học sinh giỏi khối 10. Có bao nhiêu cách xếp 15 học sinh trên thành 1 hàng ngang nhận thưởng nếu

- a) Những học sinh đứng tùy ý.
- b) Các học sinh cùng khối đứng cạnh nhau.
- c) Cùng khối đứng cạnh và khối 11 ở giữa.

**BÀI 8.** Có hai dãy ghế, mỗi dãy 5 ghế. Xếp 5 nam, 5 nữ vào hai dãy ghế trên, có bao nhiêu cách xếp, nếu:

- a) Nam, nữ được xếp tùy ý.
- b) Nam 1 dãy ghế, nữ 1 dãy ghế.

**BÀI 9.** Có hai dãy ghế, mỗi dãy 4 ghế. Xếp 4 nam, 4 nữ vào hai dãy ghế trên, có bao nhiêu cách xếp, nếu:

- a) Nam, nữ được xếp tùy ý.
- b) Nam 1 dãy ghế, nữ 1 dãy ghế.

**BÀI 10.** Cho một bàn dài có 10 ghế và 10 học sinh trong đó có 5 học sinh nữ. Hỏi có bao nhiêu cách sắp xếp chỗ ngồi cho 10 học sinh sao cho:

- a) Nam và nữ ngồi xen kẽ nhau.
- b) Học sinh cùng giới thì ngồi cạnh nhau.

## QUICK NOTE

**BÀI 11.** Cho một bàn dài có 8 ghế và 8 học sinh trong đó có 4 học sinh nam. Hỏi có bao nhiêu cách sắp xếp chỗ ngồi cho 8 học sinh sao cho:

- Nam và nữ ngồi xen kẽ nhau.
- Học sinh cùng giới thì ngồi cạnh nhau.

**BÀI 12.** Xếp 6 học sinh  $A, B, C, D, E, F$  vào một ghế dài, có mấy cách sắp xếp nếu:

- 6 học sinh này ngồi bất kì.
- $A$  và  $F$  luôn ngồi ở hai đầu ghế.
- $A$  và  $F$  luôn ngồi cạnh nhau.
- $A, B, C$  luôn ngồi cạnh nhau.
- $A, B, C, D$  luôn ngồi cạnh nhau.

**BÀI 13.** Xếp 5 học sinh  $A, B, C, D, E$  vào một ghế dài, có mấy cách sắp xếp nếu:

- 5 học sinh này ngồi bất kì.
- $A$  và  $E$  luôn ngồi ở hai đầu ghế.
- $A$  và  $E$  luôn ngồi cạnh nhau.
- $A, B, C$  luôn ngồi cạnh nhau.
- $A, B, C, D$  luôn ngồi cạnh nhau.

## Dạng 2. Các bài toán liên quan đến hoán vị, tổ hợp và chỉnh hợp

☑ Chọn  $k$  trong  $n$  và sắp xếp  $\Rightarrow$  Sử dụng chỉnh hợp  $A_n^k = \frac{n!}{(n-k)!}$   
(Casio :  $n \text{ SHIFT } \times k$ )

☑ Chọn  $k$  trong  $n$  tùy ý  $\Rightarrow$  Sử dụng tổ hợp  $C_n^k = \frac{n!}{(n-k)!k!}$   
(Casio :  $n \text{ SHIFT } \div k$ )

**VÍ DỤ 1.** Trong không gian cho bốn điểm  $A, B, C, D$  mà không có ba điểm nào thẳng hàng. Hỏi:

- Có bao nhiêu đoạn thẳng được tạo thành?
- Có bao nhiêu vectơ được tạo thành?

**VÍ DỤ 2.** Từ các chữ số 1, 2, 3, 4, 5, 6 lập được bao nhiêu số tự nhiên.

- Gồm 4 chữ số.
- Gồm 3 chữ số đôi một khác nhau.
- Gồm 4 chữ số khác nhau và nó là số chẵn.

**VÍ DỤ 3.** Từ các chữ số 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7 lập được bao nhiêu số tự nhiên.

- Gồm 5 chữ số.
- Gồm 4 chữ số đôi một khác nhau.
- Gồm 5 chữ số khác nhau và nó là số lẻ.

**VÍ DỤ 4.** Cho  $X = \{0; 1; 2; 3; 4; 5; 6; 7; 8; 9\}$  có bao nhiêu số tự nhiên gồm 5 chữ số được tạo từ tập  $X$ , sao cho:

- Khác nhau đôi một và là số lẻ.
- Khác nhau đôi một và là số chẵn.
- Khác nhau đôi một và luôn có mặt 1, 2, 3.

**VÍ DỤ 5.** Cho  $X = \{0; 1; 2; 3; 4; 5; 6; 7\}$  có bao nhiêu số tự nhiên gồm 5 chữ số được tạo từ tập  $X$ , sao cho:

- a) Khác nhau đôi một và là số chẵn.
- b) Khác nhau đôi một và chia hết cho 5.
- c) Khác nhau đôi một và luôn có mặt số 2 và số 3.

**VÍ DỤ 6.** Có bao nhiêu số có 5 chữ số mà các chữ số đôi một khác nhau và khác 0, trong đó có đúng 3 chữ số lẻ.

**VÍ DỤ 7.** Từ các số 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9 sẽ lập được bao nhiêu số có 6 chữ số khác nhau mà có đúng bốn chữ số chẵn và 2 chữ số lẻ.

**VÍ DỤ 8.** Có bao nhiêu chữ số có 5 chữ số khác nhau biết rằng có đúng 3 chữ số chẵn và 2 chữ số lẻ còn lại đứng kề nhau?

## 1. Bài tập tự luận

**BÀI 1.** Một lớp học có 40 học sinh, trong đó gồm 25 nam và 15 nữ. Giáo viên chủ nhiệm muốn chọn một ban cán sự lớp gồm 4 em. Hỏi có bao nhiêu cách chọn, nếu:

- a) Gồm 4 học sinh tùy ý.
- b) Có 1 nam và 3 nữ.
- c) Có 2 nam và 2 nữ.

**BÀI 2.** Một lớp học có 40 học sinh, trong đó gồm 25 nam và 15 nữ. Giáo viên chủ nhiệm muốn chọn 5 học sinh trực nhật. Hỏi có bao nhiêu cách chọn, nếu:

- a) Gồm 5 học sinh tùy ý.
- b) Có 3 nam và 2 nữ.
- c) Có không quá 3 nữ.
- d) Có ít nhất 1 nữ.

**BÀI 3.** Một lớp có 20 học sinh trong đó có 14 nam, 6 nữ. Hỏi có bao nhiêu cách lập một đội gồm 4 học sinh, trong đó có:

- a) Số nam và số nữ bằng nhau.
- b) Ít nhất một nữ.

**BÀI 4.** Một đội văn nghệ gồm 20 người, trong đó có 10 nam, 10 nữ. Hỏi có bao nhiêu cách chọn ra 5 người, sao cho:

- a) Có đúng 2 nam.
- b) Có ít nhất 2 nam và 1 nữ.

**BÀI 5.** Từ 5 bông hồng vàng, 3 bông hồng trắng, 4 bông hồng đỏ (các bông hồng xem như đôi một khác nhau). Người ta muốn chọn ra 1 bó hoa hồng gồm 7 bông. Có bao nhiêu cách chọn một bó hoa sao cho:

- a) Có đúng 1 bông hồng đỏ.
- b) Có ít nhất 3 bông vàng và ít nhất 3 bông đỏ.

**BÀI 6.** Trông một hộp có 18 bi, trong đó có 9 viên bi xanh, 5 viên bi đỏ, 4 bi vàng có kích thước đôi một khác nhau. Có bao nhiêu cách chọn ra 6 viên bi sao cho những viên bi được chọn thỏa mãn:

- a) Có đúng 2 viên bi màu đỏ?
- b) Số bi xanh bằng số bi đỏ?

**BÀI 7.** Trong ngân hàng đề kiểm tra 30 phút môn Vật Lí có 10 câu hỏi, trong đó có 4 câu lý thuyết và 6 bài tập. Người ta cấu tạo thành các đề thi. Biết rằng trong mỗi đề thi phải gồm 3 câu hỏi, trong đó nhất thiết phải có ít nhất 1 câu lý thuyết và 1 bài tập. Hỏi có thể tạo ra bao nhiêu đề thi có dạng như trên?

**BÀI 8.** Trong một môn học, thầy giáo có 30 câu hỏi khác nhau gồm 5 câu hỏi khó, 10 câu hỏi trung bình, 15 câu hỏi dễ. Từ 30 câu hỏi đó có thể lập được bao nhiêu đề kiểm tra, mỗi đề gồm 5 câu hỏi khác nhau và nhất thiết phải có đủ 3 loại câu hỏi (khó, trung bình, dễ) và số câu hỏi dễ không ít hơn 2.

## QUICK NOTE

## QUICK NOTE

- BÀI 9.** Đội thanh niên xung kích của một trường phổ thông có 12 học sinh, gồm 5 học sinh lớp  $A$ , 4 học sinh lớp  $B$  và 3 học sinh lớp  $C$ . Cần chọn 4 học sinh đi làm nhiệm vụ, sao cho 4 học sinh này thuộc không quá 2 trong 3 lớp trên. Hỏi có bao nhiêu cách chọn như vậy?
- BÀI 10.** Hội đồng quản trị của một công ty gồm 12 người, trong đó có 5 nữ. Từ hội đồng quản trị đó người ta bầu ra 1 chủ tịch hội đồng quản trị, 1 phó chủ tịch hội đồng quản trị và 2 ủy viên. Hỏi có bao nhiêu cách bầu sao cho trong 4 người được bầu nhất thiết phải có nữ?
- BÀI 11.** Lớp có 50 học sinh được chia thành 5 tổ, mỗi tổ có 10 học sinh. Hỏi có bao nhiêu cách chia tổ?
- BÀI 12.** Một tổ có 8 học sinh đi trồng cây. Khi trồng cây cần có 2 em học sinh. Có bao nhiêu cách chia tổ thành những cặp như vậy?
- BÀI 13.** Giải bóng truyền VTV Cup gồm 9 đội bóng tham dự, trong đó có 6 đội nước ngoài và 3 đội Việt Nam. Ban tổ chức bốc thăm chia làm 3 bảng đấu  $A, B, C$ . Hỏi có bao nhiêu cách chia sao cho:
- Mỗi bảng ba đội?
  - Mỗi bảng ba đội và 3 đội bóng của Việt Nam ở ba bảng khác nhau?
- BÀI 14.** Để sắp xếp 5 bạn nữ và 15 bạn nam thành bốn nhóm  $A, B, C, D$ , mỗi nhóm có 5 bạn. Việc chia nhóm được thực hiện một cách ngẫu nhiên. Hỏi có bao nhiêu cách chia nhóm sao cho:
- Thành viên trong nhóm là bất kì?
  - 5 bạn nữ ở cùng một nhóm.
- BÀI 15.** Trong một hộp có 50 tấm thẻ được đánh số từ 1 đến 50. Có bao nhiêu cách lấy ra ba thẻ sao cho có đúng 2 thẻ mang số chia hết cho 8?
- BÀI 16.** Có 30 tấm thẻ được đánh số từ 1 đến 30. Có bao nhiêu cách chọn ra 10 tấm thẻ sao cho có 5 tấm thẻ mang số lẻ, 5 tấm thẻ mang số chẵn trong đó chỉ có đúng một tấm thẻ mang số chia hết cho 10?
- BÀI 17.** Trong một hộp có 20 viên bi được đánh số từ 1 đến 20. Có bao nhiêu cách lấy ra 5 viên bi sao cho có đúng 3 viên bi mang số lẻ, 2 viên bi mang số chẵn trong đó có đúng một viên bi mang số chia hết cho 4?
- BÀI 18.** Trong một hộp có 100 viên bi được đánh số từ 1 đến 100. Có bao nhiêu cách chọn ra 3 viên bi sao cho tổng ba số trên 3 bi chia hết cho 2.
- BÀI 19.** Trong một hộp có 40 tấm thẻ được đánh số từ 1 đến 40. Có bao nhiêu cách chọn 3 tấm thẻ trong hộp sao cho tổng ba số trên 3 thẻ chia hết cho 3.
- BÀI 20.** Cho hai đường thẳng  $a \parallel b$ . Trên đường thẳng  $a$  có 5 điểm phân biệt và trên đường thẳng  $b$  có 10 điểm phân biệt. Hỏi có thể tạo được bao nhiêu tam giác có các đỉnh là các điểm trên hai đường thẳng  $a$  và  $b$  đã cho?
- BÀI 21.** Cho hai đường thẳng song song  $d_1, d_2$ . Trên  $d_1$  lấy 17 điểm phân biệt, trên  $d_2$  lấy 20 điểm phân biệt. Tính số tam giác có các đỉnh là 3 điểm trong số 37 điểm đã chọn trên  $d_1$  và  $d_2$  đã cho?
- BÀI 22.** Cho hai đường thẳng  $d_1 \parallel d_2$ . Trên đường thẳng  $d_1$  có 10 điểm phân biệt, trên đường thẳng  $d_2$  có  $n$  điểm phân biệt với  $n \in \mathbb{N}, n \geq 2$ . Biết có 2800 tam giác có đỉnh là các điểm đã cho. Hãy tìm  $n$ ?
- BÀI 23.** Cho hai đường thẳng  $d_1 \parallel d_2$ . Trên đường thẳng  $d_1$  có 10 điểm phân biệt, trên đường thẳng  $d_2$  có  $n$  điểm phân biệt với  $n \in \mathbb{N}, n \geq 2$ . Biết có 1725 tam giác có đỉnh là các điểm đã cho. Hãy tìm  $n$ ?
- BÀI 24.** Từ các chữ số 0, 1, 2, 3, 4 có thể lập được bao nhiêu số
- Có 9 chữ số sao cho chữ số 0 có mặt 2 lần, chữ số 2 có mặt 3 lần, chữ số 3 có mặt 2 lần các chữ số còn lại có mặt đúng một lần.
  - Có 8 chữ số sao cho chữ số 1 có mặt 3 lần, chữ số 4 có mặt 2 lần, các chữ số còn lại có mặt đúng 1 lần.
- BÀI 25.** Từ các chữ số 0, 2, 4, 5, 9 có thể lập được bao nhiêu số

QUICK NOTE

- a) Có 9 chữ số sao cho chữ số 0 có mặt 3 lần, chữ số 4 có mặt 2 lần, chữ số 5 có mặt 2 lần các chữ số còn lại có mặt đúng một lần.
- b) Có 8 chữ số sao cho chữ số 2 có mặt 3 lần, chữ số 9 có mặt 3 lần, các chữ số còn lại có mặt đúng 1 lần.

**BÀI 26.** Từ các chữ số 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8 có thể lập được bao nhiêu số có 12 chữ số trong đó chữ số 5 có mặt đúng 2 lần; chữ số 6 có mặt đúng 4 lần, các chữ số còn lại có mặt đúng một lần?

**BÀI 27.** Từ các chữ số 0, 1, 2, 3, 4, 5 có thể lập được bao nhiêu số có 8 chữ số trong đó chữ số 5 có mặt 3 lần, các chữ số còn lại có mặt đúng một lần?

**BÀI 28.** Từ các chữ số 0, 1, 2, 3, 4, 5 có bao nhiêu số gồm 6 chữ số phân biệt mà

- a) Các chữ số chẵn đứng cạnh nhau.
- b) Số chẵn đứng cạnh và số lẻ đứng cạnh nhau.

**BÀI 29.** Từ các chữ số 0, 1, 2, 3, 4 có bao nhiêu số gồm 5 chữ số phân biệt mà

- a) Các chữ số chẵn đứng cạnh nhau.
- b) Số chẵn đứng cạnh và số lẻ đứng cạnh nhau.

**Dạng 3. Giải phương trình, bất phương trình, hệ phương trình**

☑ Tìm điều kiện. Ta có các điều kiện thường gặp sau:

Các kí hiệu và công thức	Điều kiện
• $n! = n(n-1)(n-2) \dots 3.2.1$	$n \in \mathbb{N}$
• $P_n = n!$	$n \in \mathbb{N}^*$
• $A_n^k = \frac{n!}{(n-k)!}$	$\begin{cases} n, k \in \mathbb{N} \\ 0 \leq k \leq n \end{cases}$
• $C_n^k = \frac{n!}{k!(n-k)!}$	$\begin{cases} n, k \in \mathbb{N} \\ 0 \leq k \leq n \end{cases}$
• $C_n^k = C_n^{n-k}$	$\begin{cases} n, k \in \mathbb{N} \\ 0 \leq k \leq n \end{cases}$
• $C_{n+1}^k = C_n^k + C_n^{k-1}$	$\begin{cases} n, k \in \mathbb{N} \\ 1 \leq k \leq n \end{cases}$

☑ Thu gọn dựa vào những công thức trên và đưa về phương trình đại số. Giải phương trình đại số này tìm được ẩn.

☑ So với điều kiện để nhận những giá trị cần tìm.

**VÍ DỤ 1.** Giải phương trình  $P_2 \cdot x^2 - P_3 \cdot x = 8$ .

**VÍ DỤ 2.** Giải phương trình  $\frac{P_x - P_{x-1}}{P_{x+1}} = \frac{1}{6}$ .

**VÍ DỤ 3.** Giải phương trình  $\frac{(n+1)!}{(n-1)!} = 72$ .

**VÍ DỤ 4.** Giải phương trình  $\frac{n!}{(n-2)!} - \frac{n!}{(n-1)!} = 3$ .

**VÍ DỤ 5.** Giải phương trình  $A_n^3 = 20n$ .

**VÍ DỤ 6.** Giải phương trình  $A_n^3 + 2C_n^2 = 16n$ .

**VÍ DỤ 7.** Giải phương trình  $A_x^3 + C_x^{x-2} = 14x$ .

**VÍ DỤ 8.** Giải phương trình  $A_{x-2}^2 + C_x^{x-2} = 101$ .

**VÍ DỤ 9.** Cho  $n \in \mathbb{Z}^+$  thỏa  $C_{n+1}^2 + 2C_{n+2}^2 + 2C_{n+3}^2 + C_{n+4}^2 = 149$ . Chứng minh:  $\frac{A_{n+1}^4 + 3A_n^3}{(n+1)!} = \frac{3}{4}$ .

**VÍ DỤ 10.** Giải bất phương trình  $A_n^3 + 15 < 15n$ .

**VÍ DỤ 11.** Giải bất phương trình  $2C_{x+1}^2 + 3A_x^2 < 30$ .

## QUICK NOTE

## 1. CÂU HỎI TRẮC NGHIỆM

**CÂU 1.** Với  $k$  và  $n$  là hai số nguyên dương tùy ý thỏa mãn  $k \leq n$ , mệnh đề nào đúng?

- (A)  $C_n^k = \frac{n!}{k!(n-k)!}$ . (B)  $C_n^k = \frac{n!}{k!}$ .  
 (C)  $C_n^k = \frac{n!}{(n-k)!}$ . (D)  $C_n^k = \frac{k!(n-k)!}{n!}$ .

**CÂU 2.** Có bao nhiêu cách sắp xếp chỗ ngồi cho 5 học sinh vào 5 ghế xếp thành một dãy?

- (A) 120. (B) 240. (C) 90. (D) 60.

**CÂU 3.** Trong một lớp học có 20 bạn học sinh, hỏi có bao nhiêu cách chọn ra một bạn để làm lớp trưởng và một bạn khác làm lớp phó?

- (A)  $A_{20}^{18}$ . (B)  $A_{20}^2$ . (C)  $20^2$ . (D)  $C_{20}^2$ .

**CÂU 4.** Công thức tính số hoán vị  $P_n$  là

- (A)  $P_n = (n-1)!$ . (B)  $P_n = (n+1)!$ . (C)  $P_n = \frac{n!}{n+1}$ . (D)  $P_n = n!$ .

**CÂU 5.** Số cách xếp 10 học sinh thành một hàng dọc là

- (A)  $5! \cdot 5!$ . (B)  $10!$ . (C) 10. (D) 25.

**CÂU 6.** Có bao nhiêu số tự nhiên gồm 4 chữ số đôi một khác nhau lập ra từ các chữ số 2; 4; 6; 8?

- (A) 4. (B) 4!. (C)  $C_4^4$ . (D)  $4! - 3!$ .

**CÂU 7.** Có bao nhiêu cách sắp xếp 5 học sinh đứng thành 1 hàng dọc.

- (A) 5. (B) 15. (C) 25. (D) 120.

**CÂU 8.** Từ các chữ số 1; 2; 3; 5; 6; 7 có thể lập được bao nhiêu số có 3 chữ số khác nhau

- (A)  $C_7^3$ . (B)  $A_7^3$ . (C)  $6 \cdot 5 \cdot 4$ . (D)  $6^3$ .

**CÂU 9.** Có bao nhiêu cách chọn một ban chấp hành gồm một trưởng ban, một phó ban, một thư ký và một thủ quỹ từ 14 thành viên

- (A)  $A_{14}^4$ . (B)  $C_{14}^4$ . (C) 4!. (D)  $4^{14}$ .

**CÂU 10.** Có 10 cuốn sách toán, số cách tặng cho 3 bạn An, Thu, Minh mỗi bạn một cuốn sách toán từ số sách trên là

- (A)  $C_{10}^3$ . (B)  $A_{10}^3$ . (C)  $3^{10}$ . (D) 3!.

**CÂU 11.** Một lớp có 20 học sinh nam, 15 học sinh nữ. Có bao nhiêu cách lấy ra cùng lúc 3 học sinh bất kì trong lớp đó để phân công làm tổ trưởng của 3 tổ khác nhau là

- (A)  $C_{35}^3$ . (B)  $A_{35}^3$ .  
 (C)  $C_{20}^1 C_{15}^2 + C_{20}^2 C_{15}^1$ . (D)  $C_{20}^1 C_{15}^2 + C_{20}^3 + C_{15}^3$ .

**CÂU 12.** Cho tập hợp  $X = \{1; 2; 4; 5; 8\}$ , một tổ hợp chập 2 của  $X$  là

- (A)  $\{2\}$ . (B) 1; 2. (C)  $\{1; 5\}$ . (D)  $\{5; 6\}$ .

**CÂU 13.** Cho hình ngũ giác  $ABCDE$ . Ta nối các đỉnh của nó lại để được các tam giác, ta có thể coi mỗi tam giác như vậy là

- (A) Một chỉnh hợp chập 3 của 5 phần tử.  
 (B) Một tổ hợp chập 3 của 5 phần tử.  
 (C) Một hoán vị của 3 phần tử.  
 (D) Một bộ gồm 3 chỉnh hợp của 5 phần tử.

**CÂU 14.** Lớp 11A có 35 học sinh. Hỏi có bao nhiêu cách chọn một đội 5 bạn đi trực tuần?

- (A)  $C_{35}^5$ . (B)  $A_{35}^5$ . (C) 5!. (D) 5.

**CÂU 15.** Một đội văn nghệ có 5 bạn nam và 8 bạn nữ. Số cách chọn 2 bạn nam và 3 bạn nữ đi biểu diễn là

- (A)  $C_{13}^5$ . (B)  $A_{13}^5$ . (C)  $A_5^2 \cdot A_8^3$ . (D)  $C_5^2 \cdot C_8^3$ .

**CÂU 16.** Với  $k, n$  là hai số nguyên dương tùy ý thỏa mãn  $k \leq n$ , mệnh đề nào dưới đây đúng?

- (A)  $C_n^k = C_n^{n-k}$ . (B)  $C_n^k = C_{n+k}^k$ . (C)  $C_n^k = C_n^{k+1}$ . (D)  $C_n^k = C_{n+1}^k$ .



**CÂU 17.** Với  $k, n$  là hai số nguyên dương tùy ý thỏa mãn  $k < n$ , mệnh đề nào dưới đây đúng?

- (A)  $C_n^k = C_{n-1}^k + C_{n-1}^{k-1}$ . (B)  $C_n^k = C_{n+1}^k + C_{n+1}^{k-1}$ .  
(C)  $C_n^k = C_n^{k+1}$ . (D)  $C_n^k = C_{n+1}^k$ .

**CÂU 18.** Số cách xếp 4 bạn học sinh thành một hàng ngang là

- (A) 16. (B)  $4^4$ . (C) 12. (D)  $4!$ .

**CÂU 19.** Từ các chữ số 1; 2; 3; 5; 6; 8 có thể lập được bao nhiêu số tự nhiên có 6 chữ số đôi một khác nhau biết rằng các số đó phải bắt đầu bằng chữ số 1.

- (A)  $6!$ . (B)  $5!$ . (C)  $4!$ . (D)  $5^5$ .

**CÂU 20.** Lớp 11A có 30 học sinh. Có bao nhiêu cách chọn ra 3 học sinh phân vào 3 vị trí Lớp trưởng, Lớp phó và Bí thư.

- (A)  $C_{30}^3$ . (B)  $A_{30}^3$ . (C) 30. (D)  $3!$ .

**CÂU 21.** Có 5 quyển sách Toán, Vật lý, Hóa học, Lịch sử, Địa lý. Có bao nhiêu cách chọn ra 3 quyển sách để trao tặng cho 3 em học sinh (mỗi em một quyển).

- (A)  $A_5^3$ . (B)  $5!$ . (C)  $3!$ . (D)  $C_5^3$ .

**CÂU 22.** Xét số nguyên  $n \geq 1$  và số nguyên  $k$  với  $0 \leq k \leq n$ . Công thức nào sau đây đúng?

- (A)  $C_n^k = \frac{n!}{(n-k)!}$ . (B)  $C_n^k = \frac{n!}{k!(n-k)!}$ .  
(C)  $C_n^k = \frac{n!}{k!}$ . (D)  $C_n^k = \frac{n!}{n!(n-k)!}$ .

**CÂU 23.** Cần phân công 3 bạn từ một tổ 10 bạn để làm trực nhật. Hỏi có bao nhiêu cách phân công khác nhau

- (A)  $C_{10}^3$ . (B)  $3^{10}$ . (C)  $A_{10}^3$ . (D)  $10^3$ .

**CÂU 24.** Có 5 bạn học sinh trong đó có hai bạn là Thảo và Linh. Số cách xếp 5 học sinh trên thành một hàng ngang sao cho hai bạn Thảo và Linh đứng cạnh nhau là

- (A) 48. (B) 120. (C) 24. (D) 6.

**CÂU 25.** Xếp sáu bạn A, B, C, D, E, F vào cùng một ghế dài. Hỏi có bao nhiêu cách xếp sao cho hai bạn A và F luôn ngồi cạnh nhau?

- (A) 720. (B) 360. (C) 120. (D) 240.

**CÂU 26.** Cho hai đường thẳng song song  $d_1$  và  $d_2$ . Trên  $d_1$  lấy 17 điểm phân biệt, trên  $d_2$  lấy 20 điểm phân biệt. Tính số tam giác mà có các đỉnh được chọn từ 37 điểm này.

- (A) 5690. (B) 5960. (C) 5950. (D) 5590.

**CÂU 27.** Trên giá sách có 4 quyển sách Toán khác nhau, 5 quyển sách Văn khác nhau và 6 quyển sách Tiếng Anh khác nhau. Có bao nhiêu cách lấy 4 quyển sách từ giá sách này sao cho có đủ ba môn và số quyển sách Văn nhiều nhất?

- (A)  $C_4^1 C_5^2 C_6^1$ . (B)  $C_4^1 C_5^1 C_6^2$ . (C)  $C_{10}^2 C_5^2$ . (D)  $C_4^2 C_5^1 C_6^1$ .

**CÂU 28.** Trong trận chung kết bóng đá phải phân định thắng thua bằng đá luân lưu 11 mét. Huấn luyện viên của mỗi đội cần trình với trọng tài một danh sách sắp thứ tự 5 cầu thủ trong 11 cầu thủ để đá luân lưu 5 quả 11 mét. Hỏi huấn luyện viên của mỗi đội sẽ có bao nhiêu cách chọn?

- (A) 55440. (B) 120. (C) 462. (D) 39916800.

**CÂU 29.** Một lớp học có 36 học sinh chụp ảnh lưu niệm. Lớp muốn trong bức ảnh có 10 bạn ngồi ở hàng thứ nhất, 12 bạn đứng ở hàng thứ hai và 14 bạn đứng ở hàng thứ ba. Hỏi có bao nhiêu cách xếp vị trí chụp ảnh như vậy?

- (A)  $C_{36}^{10} \cdot C_{26}^{12} \cdot 14!$ . (B)  $A_{36}^{10} \cdot A_{26}^{12} \cdot 14!$ . (C)  $A_{36}^{10} \cdot A_{26}^{12}$ . (D)  $C_{36}^{10} \cdot C_{26}^{12}$ .

**CÂU 30.** Cho các số tự nhiên  $m, n$  thỏa mãn đồng thời các điều kiện  $C_m^2 = 153$  và  $C_m^n = C_m^{n+2}$ . Khi đó  $m + n$  bằng

- (A) 25. (B) 24. (C) 26. (D) 23.

**CÂU 31.** Từ các chữ số 1; 2; 3; 4; 6 có thể lập được bao nhiêu số có ba chữ số đôi một khác nhau và chia hết cho 3.

- (A) 12. (B) 23. (C) 18. (D) 24.

QUICK NOTE

## QUICK NOTE

**CÂU 32.** Một tổ có 5 học sinh nam và 4 học sinh nữ. Số cách xếp học sinh trong tổ thành một hàng dọc sao cho nam nữ đứng xen kẽ là

- (A) 362880. (B) 144. (C) 2880. (D) 5760.

**CÂU 33.** Có bao nhiêu số tự nhiên gồm hai chữ số khác nhau mà hai chữ số này đều lẻ?

- (A)  $A_5^2$ . (B)  $C_5^2$ . (C)  $5!$ . (D)  $5^2$ .

**CÂU 34.** Lớp 10A có 35 học sinh trong đó có 15 học sinh nam và 20 học sinh nữ. Giáo viên chủ nhiệm lớp 10A muốn lập ra một ban cán sự lớp gồm 1 lớp trưởng, 1 lớp phó, 1 bí thư và 4 tổ trưởng. Biết các học sinh trong lớp 10A có thể đảm nhiệm được các chức vụ trong ban cán sự lớp. Hỏi giáo viên chủ nhiệm lớp 10A có bao nhiêu cách lập ban cán sự lớp như trên?

- (A)  $A_{35}^7$ . (B)  $C_{35}^7$ . (C)  $C_{35}^3 \cdot A_{32}^4$ . (D)  $A_{35}^3 \cdot C_{32}^4$ .

**CÂU 35.** Có bao nhiêu đoạn thẳng được tạo thành từ 10 điểm phân biệt khác nhau?

- (A) 45. (B) 90. (C) 35. (D) 55.

**CÂU 36.** Số véc-tơ khác  $\vec{0}$  có điểm đầu, điểm cuối là hai trong 6 đỉnh của lục giác bằng

- (A)  $P_6$ . (B)  $C_6^2$ . (C)  $A_6^2$ . (D) 36.

**CÂU 37.** Cần chọn 3 người đi công tác từ một tổ có 30 người, khi đó số cách chọn là

- (A)  $A_{30}^3$ . (B)  $3^{30}$ . (C) 10. (D)  $C_{30}^3$ .

**CÂU 38.** Trong một buổi khiêu vũ có 20 nam và 18 nữ. Hỏi có bao nhiêu cách chọn ra một đôi nam nữ để khiêu vũ?

- (A)  $C_{38}^2$ . (B)  $A^2$ . (C)  $C_{20}^2 \cdot C_{18}^1$ . (D)  $C_{20}^1 \cdot C_{18}^1$ .

**CÂU 39.** Có 3 bạn nam và 3 bạn nữ được xếp vào một ghế dài có 6 vị trí. Hỏi có bao nhiêu cách xếp sao cho nam và nữ ngồi xen kẽ lẫn nhau?

- (A) 48. (B) 72. (C) 24. (D) 36.

**CÂU 40.** Cho hai đường thẳng song song. Trên đường thứ nhất có 10 điểm, trên đường thứ hai có 15 điểm. Hỏi có bao nhiêu tam giác được tạo thành từ các điểm đã cho?

- (A) 1725. (B) 1050. (C) 675. (D) 1275.

**CÂU 41.** Trên đường thẳng  $d_1$  cho 5 điểm phân biệt, trên đường thẳng  $d_2 \parallel d_1$  cho  $n$  điểm phân biệt. Biết có 175 tam giác được tạo thành mà 3 đỉnh lấy từ  $n + 5$  điểm trên thì  $n$  là

- (A)  $n = 9$ . (B)  $n = 8$ . (C)  $n = 10$ . (D)  $n = 7$ .

**CÂU 42.** Trong một đa giác lồi  $n$  cạnh, số đường chéo của đa giác là

- (A)  $C_n^2$ . (B)  $A_n^2$ . (C)  $A^2 - n$ . (D)  $C_n^2 - n$ .

**CÂU 43.** Có bao nhiêu số có bốn chữ số khác nhau được tạo thành từ các chữ số 1, 2, 3, 4, 5.

- (A)  $A_5^4$ . (B)  $P_5$ . (C)  $C_5^4$ . (D)  $P_4$ .

**CÂU 44.** Cho tập  $A = \{1; 2; 3; 5; 7; 9\}$ . Từ tập  $A$  có thể lập được bao nhiêu số tự nhiên gồm bốn chữ số đôi một khác nhau?

- (A) 720. (B) 360. (C) 120. (D) 24.

**CÂU 45.** Cho tập  $A = \{0; 1; 2; 3; 4; 5; 6; 7; 8; 9\}$ . Có bao nhiêu số tự nhiên gồm 5 chữ số khác nhau được tạo từ tập  $A$ ?

- (A)  $A_{10}^4$ . (B)  $9 \cdot C_9^4$ . (C)  $9 \cdot A_9^4$ . (D)  $C_{10}^4$ .

**CÂU 46.** Nghiệm của phương trình  $A_n^3 = 20n$  là

- (A)  $n = 6$ . (B)  $n = 5$ . (C)  $n = 8$ . (D)  $n = -3$ .

**CÂU 47.** Cho  $n \in \mathbb{N}^*$  thỏa mãn  $C_n^5 = 2002$ . Tính  $A_n^5$

- (A) 2007. (B) 10010. (C) 40040. (D) 240240.

**CÂU 48.** Tổng các nghiệm của bất phương trình  $A_x^3 + 15 < 15x$  bằng

- (A) 7. (B) 9. (C) 14. (D) 20.

**CÂU 49.** Có bao nhiêu cách chia hết 4 đồ vật khác nhau cho 3 người, biết rằng mỗi người nhận được ít nhất 1 đồ vật?

- (A) 72. (B) 18. (C) 12. (D) 36.



## QUICK NOTE

**CÂU 66.** Hỏi có bao nhiêu cách sắp xếp 2 quyển sách Ngữ Văn, 3 quyển sách Tiếng Anh và 5 Quyển sách Toán (tất cả các quyển sách khác nhau) thành hàng ngang lên một kệ sách để hai quyển sách cùng môn thì không được sắp xếp kề nhau?

- (A) 63360. (B) 120960. (C) 14400. (D) 144000.

**CÂU 67.** Có hai hộp, mỗi hộp chứa các quả cầu trắng và đen. Từ mỗi hộp lấy ngẫu nhiên ra 1 quả cầu. Biết rằng xác suất để lấy được 2 quả cầu màu trắng là 0,54. Tính xác suất lấy được 2 quả cầu đen. Biết rằng có 25 quả cầu trong cả hai hộp.

- (A) 0, 01. (B) 0, 04. (C) 0, 02. (D) 0, 05.

**CÂU 68.** Trong chương trình trò chơi thực tế, có 2 đội tham gia bốc thăm trúng thưởng. Các lá thăm được đánh số từ 1 đến 20. Mỗi lần bốc 1 lá thăm và đội chơi được quyền chọn 1 hoặc 2 lần bốc. Điểm số của đội chơi được tính như sau

- ☑ Nếu đội chơi chọn bốc thăm 1 lần thì điểm của đội chơi là điểm bốc được.
- ☑ Nếu đội chơi chọn bốc thăm 2 lần và tổng điểm có được không lớn hơn 20 thì điểm của đội chơi là tổng điểm bốc được.
- ☑ Nếu đội chơi chọn bốc thăm 2 lần và tổng điểm lớn hơn 20 thì điểm của đội chơi là tổng điểm bốc được trừ đi 20

Trong mỗi lượt chơi, đội nào có điểm số cao hơn sẽ thắng cuộc, hòa nhau sẽ chơi lại lượt khác. Đội A và đội B cùng tham gia một lượt chơi, đội A chơi trước và có điểm số là 15. Tính xác suất để đội B thắng cuộc ngay ở lượt chơi này.

- (A)  $P = \frac{1}{4}$ . (B)  $P = \frac{7}{16}$ . (C)  $P = \frac{19}{40}$ . (D)  $P = \frac{3}{16}$ .

**CÂU 69.** Xếp ngẫu nhiên 10 học sinh gồm 2 học sinh lớp 10A, 3 học sinh lớp 10B và 5 học sinh lớp 10C thành một hàng ngang. Tính số cách xếp để trong 10 học sinh trên không có 2 học sinh cùng lớp đứng cạnh nhau.

- (A) 63360. (B) 86400. (C) 41260. (D) 95364.

**CÂU 70.** Có mười con thỏ được đánh số từ 1 đến 10 và ba cái chuồng khác nhau. Hỏi có bao nhiêu cách nhốt số thỏ trên vào chuồng sao cho không có hai con thỏ mang số nguyên liên tiếp nào được nhốt chung trong một cái chuồng và chuồng nào cũng có thỏ?

- (A) 150 cách. (B) 160 cách. (C) 170 cách. (D) 180 cách.

**CÂU 71.** Có 4 cặp vợ chồng được xếp ngồi trên một chiếc ghế dài có 8 chỗ. Biết rằng mỗi người vợ chỉ ngồi cạnh chồng của mình hoặc ngồi cạnh một người phụ nữ khác. Hỏi có bao nhiêu cách sắp xếp chỗ ngồi thỏa mãn?

- (A) 816. (B) 18. (C) 8!. (D) 604.

**CÂU 72.** Mệnh đề nào đúng trong các mệnh đề sau ?

- (A)  $A_n^k = k! \cdot C_{n-k}^n$ . (B)  $C_n^k = k! \cdot A_n^k$ . (C)  $A_n^k = k \cdot C_n^k$ . (D)  $C_n^k = k \cdot A_n^k$ .

**CÂU 73.** Có  $n$  phần tử ( $n > 0$ ), lấy ra  $k$  phần tử ( $0 \leq k \leq n$ ) đem sắp xếp theo một thứ tự nhất định mà khi thay đổi thứ tự ta được cách sắp xếp mới. Khi đó số cách sắp xếp là

- (A)  $C_n^k$ . (B)  $A_n^k$ . (C)  $A_n^n$ . (D)  $P_n$ .

**CÂU 74.** Từ các số 1, 2, 3, 4 có thể tạo ra bao nhiêu số tự nhiên có 4 chữ số đôi một khác nhau?

- (A) 12. (B) 24. (C) 42. (D) 4<sup>4</sup>.

**CÂU 75.** Có bao nhiêu cách chọn ra 5 cầu thủ từ 11 cầu thủ để thực hiện quả đá luân lưu 11 m theo thứ tự từ quả thứ nhất đến quả thứ 5 ?

- (A)  $A_{11}^5$ . (B)  $C_{11}^5$ . (C)  $A_{11}^5 \cdot 5!$ . (D)  $C_{10}^5$ .

**CÂU 76.** Cho tập hợp  $M$  có 10 phần tử. Số tập con có 2 phần tử của  $M$  là

- (A)  $A_{10}^8$ . (B)  $A_{10}^2$ . (C)  $C_{10}^2$ . (D)  $10^2$ .

**CÂU 77.** Nhân dịp lễ sơ kết học kì 1, để thưởng cho 3 học sinh có thành tích tốt nhất lớp, cô An đã mua 10 cuốn sách khác nhau và chọn ra 3 cuốn để phát thưởng cho 3 học sinh đó mỗi học sinh nhận 1 cuốn. Hỏi cô An có bao nhiêu cách phát thưởng.

- (A)  $C_{10}^3$ . (B)  $A_{10}^3$ . (C)  $10^3$ . (D)  $3 \cdot C_{10}^3$ .

**CÂU 78.** Có bao nhiêu cách xếp 5 học sinh thành một hàng dọc ?

- (A) 5<sup>5</sup>. (B) 5!. (C) 4!. (D) 5.

**CÂU 79.** Có bao nhiêu cách chia 10 người thành hai nhóm, một nhóm 6 người và một nhóm 4 người ?

- (A) 210. (B) 120. (C) 100. (D) 140.

**CÂU 80.** Trong kho đèn trang trí đang còn 5 bóng đèn loại I, 7 bóng đèn loại II, các bóng đèn đều khác nhau về màu sắc và hình dáng. Lấy ra 5 bóng đèn bất kỳ. Hỏi có bao nhiêu khả năng xảy ra số bóng đèn loại I nhiều hơn số bóng đèn loại II ?

- (A) 246. (B) 3480. (C) 245. (D) 3360.

**CÂU 81.** Có 5 nhà toán học nam, 3 nhà toán học nữ và 4 nhà vật lý nam. Lập một đoàn công tác gồm 3 người cần có cả nam và nữ, có cả nhà toán học và vật lý thì có bao nhiêu cách ?

- (A) 120. (B) 90. (C) 80. (D) 220.

**CÂU 82.** Tổ 1 lớp 11A có 6 học sinh nam và 5 học sinh nữ. Giáo viên chủ nhiệm cần chọn ra 4 học sinh của tổ 1 để lao động vệ sinh cùng cả trường. Hỏi có bao nhiêu cách chọn như vậy nếu có ít nhất một học sinh nam ?

- (A) 600. (B) 25. (C) 325. (D) 30.

**CÂU 83.** Có 9 tấm thẻ được đánh số từ 1 đến 9. Có bao nhiêu cách chọn ra hai tấm thẻ rồi nhân hai số ghi trên đó lại với nhau sao cho kết quả thu được là một số chẵn ?

- (A) 10. (B) 26. (C) 36. (D) 27.

**CÂU 84.** Cho tập hợp  $A = \{0; 1; 2; \dots; 7\}$ . Hỏi từ  $A$  có thể lập được bao nhiêu số tự nhiên có 5 chữ số đôi một khác nhau sao cho một trong ba chữ số đầu tiên phải là 1 ?

- (A) 65. (B) 2280. (C) 2520. (D) 2802.

**CÂU 85.** Có bao nhiêu số chẵn mà mỗi số có bốn chữ số đôi một khác nhau ?

- (A) 2520. (B) 50000. (C) 4500. (D) 2296.

**CÂU 86.** Từ các số 0, 1, 2, 3, 5 có thể lập được bao nhiêu số tự nhiên có bốn chữ số đôi một khác nhau và không chia hết cho 5 ?

- (A) 72. (B) 120. (C) 54. (D) 69.

**CÂU 87.** Cho hai đường thẳng  $d_1$  và  $d_2$  song song nhau. Trên  $d_1$  lấy 5 điểm phân biệt. Trên  $d_2$  lấy  $n$  điểm phân biệt. Biết rằng có 175 tam giác được tạo thành mà ba đỉnh của tam giác là ba trong  $n + 5$  điểm kể trên. Giá trị của  $n$  là

- (A) 10. (B) 7. (C) 8. (D) 9.

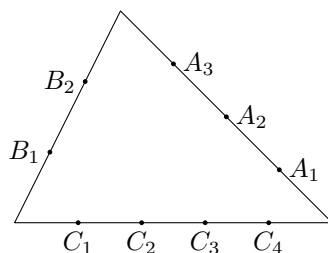
**CÂU 88.** Cho đa giác đều  $A_1A_2A_3 \dots A_{30}$  nội tiếp đường tròn tâm  $O$ . Tính số hình chữ nhật mà bốn đỉnh là bốn trong 30 đỉnh của đa giác ?

- (A) 105. (B) 27405. (C) 27406. (D) 106.

**CÂU 89.**

Cho một tam giác. Trên ba cạnh của tam giác lấy 9 điểm như hình vẽ. Có bao nhiêu tam giác có ba đỉnh là ba trong 9 điểm kể trên?

- (A) 79. (B) 48. (C) 55. (D) 24.



**CÂU 90.** Có bao nhiêu số tự nhiên có ba chữ số đôi một khác nhau lấy từ tập  $A = \{1; 2; 3; 4; 5\}$  sao cho mỗi số lập được luôn có mặt của số 3 ?

- (A) 72. (B) 36. (C) 32. (D) 48.

**CÂU 91.** Có bao nhiêu số tự nhiên có 7 chữ số đôi một khác nhau sao cho chữ số 2 đứng liền giữa chữ số 1 và chữ số 3 ?

- (A) 2942. (B) 5880. (C) 7440. (D) 3204.

## QUICK NOTE

# MỤC LỤC

<b>ĐẠI SỐ TỔ HỢP</b>	<b>1</b>
<b>Bài 1. Quy tắc đếm</b>	<b>1</b>
Ⓐ Tóm tắt lý thuyết	1
Ⓑ Các dạng toán	1
📁 Dạng 1. Bài toán sử dụng quy tắc cộng	1
📁 Dạng 2. Bài toán sử dụng quy tắc nhân	3
📁 Dạng 3. Kết hợp quy tắc cộng và quy tắc nhân	6
<b>Bài 2. Hoán vị - chỉnh hợp - tổ hợp</b>	<b>10</b>
Ⓐ Tóm tắt lý thuyết	10
Ⓑ CÁC DẠNG TOÁN	10
📁 Dạng 1. Các bài toán liên quan đến hoán vị	10
📁 Dạng 2. Các bài toán liên quan đến hoán vị, tổ hợp và chỉnh hợp	12
📁 Dạng 3. Giải phương trình, bất phương trình, hệ phương trình	15

