Hàm số mũ. Hàm số logarit

Bài 18. PHÉP TÍNH LŨY THỪA VỚI SỐ MŨ THỰC

A. TÓM TẮT LÝ THUYẾT

1. Lũy thừa

- a) Lũy thừa với số mũ nguyên dương:
 - Θ a là số thực tùy ý, n nguyên dương: $a^n = \underbrace{a \cdot a \cdots a}_{n \text{ chữ số}}$.

$$a \neq 0$$
: $a^0 = 1$, $a^{-n} = \frac{1}{a^n}$.

- b) Căn bậc n (n nguyên dương): của số a là b thỏa mãn $b^n = a$.
- c) Lũy thừa với số mũ hữu tỉ: $a^{\frac{m}{n}} = \sqrt[n]{a^m}$.
- d) Lũy thừa với số mũ thực: $a^{\alpha} = \lim_{n \to +\infty} a^{r_n}$, với $\lim_{n \to +\infty} r_n = \alpha$.

2. Tính chất lũy thừa

 \bigcirc Với $a \neq 0, b \neq 0, m, n$ là số thực:

$$a^m \cdot a^n = a^{m+n}; \quad (a^m)^n = a^{mn};$$

$$\left(\frac{a}{b}\right)^m = \frac{a^m}{b^m}; \quad \frac{a^m}{a^n} = a^{m-n};$$

$$(ab)^m = a^m \cdot b^m;$$

 $oldsymbol{\Theta}$ Với n,k nguyên dương, m là số nguyên:

$$\sqrt[n]{a} \cdot \sqrt[n]{b} = \sqrt[n]{ab}; \qquad \frac{\sqrt[n]{a}}{\sqrt[n]{b}} = \sqrt[n]{\frac{a}{b}}$$
$$(\sqrt[n]{a})^m = \sqrt[n]{a^m}; \qquad \sqrt[n]{\sqrt[k]{a}} = \sqrt[nk]{a};$$
$$\sqrt[n]{a^n} = \begin{cases} a & \text{khi } n \text{ l\'e} \\ |a| & \text{khi } n \text{ ch\~an.} \end{cases}$$

B. CÁC DẠNG TOÁN THƯỜNG GẶP



Tính giá trị biểu thức chứa lũy thừa

Biến đổi các cơ số về nguyên tố, sử dụng các công thức để rút gọn và tính giá trị biểu thức.

1. Ví dụ mẫu

VÍ DỤ 1. Tính giá trị các biểu thức

a)
$$2^{-4}$$
;

b)
$$9 \cdot \left(\frac{3}{4}\right)^{-2}$$
;

c)
$$\left(\frac{1}{2}\right)^{-2} : \left(\sqrt{3}\right)^{0}$$
.

VÍ DỤ 2. Tính giá trị của biểu thức

$$A = \left(\frac{1}{2}\right)^{-12} \cdot 8^{-3} + (0,2)^{-4} \cdot 25^{-2} + 243^{-1} \cdot \left(\frac{1}{3}\right)^{-6}.$$

VÍ DU 3. Tính giá trị biểu thức

$$A = \left(\frac{1}{2}\right)^{-8} \cdot 8^{-2} + (0,2)^{-4} \cdot 25^{-2}.$$

ລ	Ш		_	Ν	$\boldsymbol{\frown}$	
~		. •		1	V.	

.....

2. Bài tấp rèn luyên

BÀI 1. Tính giá trị các biểu thức

a)
$$\left(\frac{3}{4}\right)^{-2} \cdot 3^2 \cdot 12^0$$
;

b)
$$(2^{-2} \cdot 5^2)^{-2} : (5 \cdot 5^{-5}).$$

BÀI 2. Tính giá trị các biểu thức

a)
$$\left(\frac{1}{256}\right)^{-0.75} + \left(\frac{1}{27}\right)^{-\frac{4}{3}}$$
; b) $\left(\frac{1}{49}\right)^{-1.5} - \left(\frac{1}{125}\right)^{-\frac{2}{3}}$; c) $\left(4^{3+\sqrt{3}} - 4^{\sqrt{3}-1}\right) \cdot 2^{-2\sqrt{3}}$.

BÀI 3. Thực hiện các phép tính

a)
$$27^{\frac{2}{3}} + 81^{-0.75} - 25^{0.5}$$
;

b)
$$4^{2-3\sqrt{7}} \cdot 8^{2\sqrt{7}}$$
.

BÀI 4. Biết $4^a = \frac{1}{5}$. Tính giá trị các biểu thức

a)
$$16^{\alpha} + 16^{-\alpha}$$
;

b)
$$(2^{\alpha} + 2^{-\alpha})^2$$
.

BÀI 5. Định luật thứ ba của Kepler về quỹ đạo chuyển động cho biết cách ước tính khoảng thời gian P (tính theo năm Trái Đất) mà một hành tinh cần để hoàn thành một quỹ đạo quay quanh Mặt Trời. Khoảng thời gian đó được xác định bởi một hàm số $P = d^{\frac{3}{2}}$, trong đó d là khoảng cách từ hành tinh đó đến Mặt Trời tính theo đơn vị thiên văn AU (1 AU là khoảng cách từ Trái Đất đến Mặt Trời, tức là 1 AU khoảng 93 000 000 dặm) (Nguồn: R.I. Charles et al., Algebra 2, Pearson). Hỏi Sao Hỏa quay quanh Mặt Trời thì mất bao nhiêu năm Trái Đất (làm tròn kết quả đến hàng phần trăm)? Biết khoảng cách từ Sao Hỏa đến Mặt Trời là 1,52 AU.

BÀI 6. Nếu một khoản tiền gốc P được gửi ngân hàng với lãi suất hằng năm r (r được biểu thị dưới dạng số thập phân), được tính lãi n lần trong một năm, thì tổng số tiền A nhận được (cả vốn lẫn lãi) sau N kì gửi cho bởi công thức sau:

$$A = P\left(1 + \frac{r}{n}\right)^{N}.$$

Hỏi nếu bác An gửi tiết kiệm số tiền 120 triệu đồng theo kì hạn 6 tháng với lãi suất không đổi là 5% một năm, thì số tiền thu được (cả vốn lẫn lãi) của bác An sau 2 năm là bao nhiêu?

BÀI 7. Năm 2021, dân số của một quốc gia ở châu Á là 19 triệu người. Người ta ước tính rằng dân số của quốc gia này sẽ tăng gấp đôi sau 30 năm nữa. Khi đó dân số A (triệu người) của quốc gia đó sau t năm kể từ năm 2021 được ước tính bằng công thức $A=19\cdot 2^{\frac{t}{30}}$. Hỏi với tốc độ tăng dân số như vậy thì sau 20 năm nữa dân số của quốc gia này sẽ là bao nhiêu? (Làm tròn kết quả đến chữ số hàng triệu).

BÀI 8. Với một chỉ vàng, giả sử người thợ lành nghề có thể dát mỏng thành lá vàng rộng 1 m^2 và dày khoảng $1.94 \cdot 10^{-7}$ m. Đồng xu 5~000 đồng dày $2.2 \cdot 10^{-3}$ m. Cần chồng bao nhiêu lá vàng như trên để có độ dày bằng đồng xu loại 5 000 đồng? Làm tròn kết quả đến chữ số hàng trăm.

3. Bài tập trắc nghiệm

CÂU 1. Cho số dương a và $m, n \in \mathbb{R}$. Mệnh đề nào sau đây đúng?

$$(\mathbf{A}) a^m \cdot a^n = (a^m)^n.$$

(A)
$$a^m \cdot a^n = (a^m)^n$$
. **(B)** $a^m \cdot a^n = a^{m+n}$. **(C)** $a^m \cdot a^n = a^{mn}$.

$$(\mathbf{C})a^m \cdot a^n = a^m$$

$$(\mathbf{D})a^m \cdot a^n = a^{m-n}.$$

CÂU 2. Cho $0 < a \neq 1$ và các số thực α , β . Khẳng định nào sau đây là khẳng định \mathbf{sai} ?

$$(\mathbf{A}) \frac{a^{\alpha}}{a^{\beta}} = a^{\alpha - \beta}. \qquad (\mathbf{B}) (a^{\alpha})^{\beta} = a^{\alpha \beta}.$$

$$\widehat{\mathbf{B}}) \left(a^{\alpha} \right)^{\beta} = a^{\alpha\beta}$$

$$\mathbf{\widehat{C}}) a^{\alpha} \cdot a^{\beta} = a^{\alpha\beta}.$$

$$(\mathbf{D}) a^{\alpha} \cdot a^{\beta} = a^{\alpha + \beta}.$$

CÂU 3. Cho a là số thực tùy ý, $(a^3)^2$ bằng

(A)
$$a^5$$
.

$$\bigcirc$$
 α^9

$$\bigcirc$$
 a^6 .

CÂU 4. Cho các số nguyên dương m, n và số thực dương a. Mệnh đề nào sau đây **sai**?

$$(\mathbf{D})(\sqrt[n]{a})^m = \sqrt[n]{a^m}.$$

CÂU 5. Tính giá trị của biểu thức $A = \frac{6}{2^{2+\sqrt{5}} \cdot 3^{1+\sqrt{5}}}$

$$(A) 6^{-\sqrt{5}}.$$

$$\bigcirc$$
1.

CÂU 6. Tính giá trị của biểu thức $P=4^4\cdot 8^{11}\cdot 2^{2017}$

$$(\mathbf{A}) P = 2^{2407}$$

B
$$P = 2^{2054}$$
.

$$P = 2^{2058}$$

$$(\mathbf{D})P = 2^{2032}.$$

CÂU 7. Tính giá trị của biểu thức $P = 3^{10} \cdot 27^{-3} + 0.2^{-4} \cdot 25^{-2} + 128^{-1} \cdot 2^9 + 0.1^{-5} \cdot 0.2^5$.

(A)
$$P = 32$$
.

$$\mathbf{B}) P = 40.$$

$$(\mathbf{C}) P = 30$$

$$(\mathbf{D})P = 38.$$

CÂU 8. Cho số thực a > 1. Nếu $a^{3x} = 2$ thì $2a^{9x}$ bằng

CÂU 9. Giá trị của biểu thức $A=\left(2+\sqrt{3}\right)^{2019}\left(2-\sqrt{3}\right)^{2020}$ bằng

$$(\mathbf{A}) A = 1.$$

B)
$$A = 2 - \sqrt{3}$$
.

©
$$A = (2 - \sqrt{3})^{2019}$$
.

$$\widehat{\mathbf{D}})A = 2 + \sqrt{3}.$$

CÂU 10. Tính giá trị của biểu thức $P=\left(7+4\sqrt{3}\right)^{2020}\left(4\sqrt{3}-7\right)^{2019}.$

(A)
$$P = 7 + 4\sqrt{3}$$
.

B)
$$P = 7 - 4\sqrt{3}$$
.

(C)
$$P = 1$$
.

$$\mathbf{(D)}P = -7 - 4\sqrt{3}.$$

CÂU 11. Cho $P = \left(5 - 2\sqrt{6}\right)^{2018} \left(5 + 2\sqrt{6}\right)^{2019}$. Ta có

A
$$P \in (9; 11)$$
.

(B)
$$P \in (3;7)$$
.

$$(\mathbf{C}) P \in (7; 9).$$

$$(\mathbf{D})P \in (7;9).$$

CÂU 12. Cho x, y là hai số nguyên thỏa mãn $3^x \cdot 6^y = \frac{2^{15} \cdot 6^{40}}{9^{59} \cdot 12^{25}}$. Tính giá trị xy. **(A)** -445. **(B)** -755. **(C)** -540. **(D)** -425.

$$(A)$$
 -445.

$$(B) - 755.$$

$$(\mathbf{C}) - 540$$

$$\bigcirc$$
 -425

CÂU 13. Cho hàm số $f(x)=\frac{4^x}{2+4^x}$ $(x\in\mathbb{R})$. Biết a+b=5 với $a,\,b$ là hai số thực, hãy tinh K = f(a) + f(b-4).

$$\mathbf{A} K = 1.$$

$$\mathbf{B} K = \frac{3}{4}.$$

$$\bigcirc K = \frac{128}{129}.$$

$$\bigcirc K = \frac{512}{513}.$$

Rút gọn biểu thức chứa lũy thừa

Sử dung các tính chất của lũy thừa để chuyển về cùng một cơ số, rồi bằng cách đặt nhân tử chung hằng đẳng thức...để rút gọn biểu thức.

1. Ví du mẫu

VÍ DỤ 1. Rút gọn biểu thức $A = \frac{6^{2+\sqrt{5}} \cdot 2^{1-\sqrt{5}}}{23+\sqrt{5}}$.

VÍ DỤ 2. Rút gọn các biểu thức

a)
$$\frac{a^{\frac{7}{3}} - a^{\frac{1}{3}}}{a^{\frac{4}{3}} - a^{\frac{1}{3}}} - \frac{a^{\frac{5}{3}} - a^{-\frac{1}{3}}}{a^{\frac{2}{3}} - a^{-\frac{1}{3}}}, (a > 0, a \neq 1);$$

b)
$$\frac{\left(\sqrt[4]{a^3b^2}\right)^4}{\sqrt[3]{\sqrt{a^12b^6}}}$$
, $(a > 0, b > 0)$.

VÍ DỤ 3. Rút gọn biểu thức $A = \frac{\left(a^{\sqrt{2}-1}\right)^{1+\sqrt{2}}}{a^{\sqrt{5}-1} \cdot a^{3-\sqrt{5}}}.$

2. Bài tấp rèn luyên

BÀI 1. Rút gọn các biểu thức

a)
$$a^{\frac{1}{3}} \cdot a^{\frac{1}{2}} \cdot a^{\frac{7}{6}}$$
;

b)
$$a^{\frac{2}{3}} \cdot a^{\frac{1}{4}} : a^{\frac{1}{6}};$$

c)
$$\left(\frac{3}{2}a^{-\frac{3}{2}}b^{-\frac{1}{2}}\right)\left(-\frac{1}{3}a^{\frac{1}{2}}b^{\frac{3}{2}}\right)$$
.

BÀI 2. Rút gon các biểu thức sau

a)
$$A = \frac{x^5 y^{-2}}{x^3 y}$$
, với $x, y \neq 0$;

b)
$$B = \frac{x^{\frac{1}{3}}\sqrt{y} + y^{\frac{1}{3}}\sqrt{x}}{\sqrt[6]{x} + \sqrt[6]{y}}$$
, với x, y dương.

BÀI 3. Cho số thực dương a. Rút gọn các biểu thức

Q	,	V	'n	٧	Ρ	'n	Υ	10	r	tl	h		-	C) (20	5	2	9)_	1(C	8	1	Ç	?	(?		
							(\$	1	Į	J	(•)	K	<		١	(•)	U		1						
•																														
•											•															•	•	•		
•											•		•	•	•											•	•		•	
•																														
•			•								•	•	•	•	•										•	•	•	•	•	

a)
$$\frac{a^{\frac{4}{3}}\left(a^{-\frac{1}{3}}+a^{\frac{2}{3}}\right)}{a^{\frac{1}{4}}\left(a^{\frac{3}{4}}+a^{-\frac{1}{4}}\right)};$$

b)
$$\frac{a^{\frac{1}{5}} \left(\sqrt[5]{a^4} - \sqrt[5]{a^{-1}}\right)}{a^{\frac{2}{3}} \left(\sqrt[3]{a} - \sqrt[3]{a^{-2}}\right)}$$
.

BÀI 4. Tại một xí nghiệp, công thức $P(t)=500\cdot\left(\frac{1}{2}\right)^{\frac{t}{3}}$ được dùng để tính giá trị còn lại (tính theo triệu đồng) của một chiếc máy sau thời gian t (tính theo năm) kể từ khi đưa vào sử dung.

- a) Tính giá trị còn lại của máy sau 2 năm; sau 2 năm 3 tháng.
- b) Sau 1 năm đưa vào sử dụng, giá trị còn lại của máy bằng bao nhiêu phần trăm so với ban đầu?

3. Bài tấp trắc nghiệm

CÂU 1. Với a là số thực dương, rút gọn $P=a\sqrt[3]{\sqrt{a}}$ ta được $\mathbf{\hat{A}}$ $P=a^{\frac{5}{6}}$. $\mathbf{\hat{B}}$ $P=a^{\frac{11}{6}}$. $\mathbf{\hat{C}}$ $P=a^{\frac{7}{6}}$.

$$\mathbf{\widehat{A}} P = a^{\frac{5}{6}}$$

(B)
$$P = a^{\frac{11}{6}}$$
.

$$\mathbf{C} P = a^{\frac{7}{6}}.$$

$$(\widehat{\mathbf{D}})P = a^{\frac{6}{7}}.$$

CÂU 2. Rút gọn biểu thức $P = b^{\frac{1}{2}} \cdot b^{\frac{1}{3}} \cdot \sqrt[6]{b}$ với b > 0. **(B)** $P = b^{\frac{3}{31}}$. **(C)** $P = b^{\frac{3}{31}}$.

B
$$P = b^{\frac{3}{11}}$$
.

$$\mathbf{C} P = b^{\frac{1}{36}}.$$

$$\mathbf{\widehat{D}})P = b^{\frac{2}{3}}.$$

CÂU 3. Rút gọn biểu thức $P = x^{\frac{1}{3}} \cdot \sqrt[6]{x}$ với x > 0.

$$(A) P = x^{\frac{1}{8}}.$$

$$\mathbf{(B)} P = x^2.$$

(c)
$$P = x^{\frac{2}{9}}$$

$$\mathbf{D} P = \sqrt{x}.$$

CÂU 4. Rút gọn biểu thức $\sqrt{81a^4b^2}$ ta được

A
$$9a^2|b|$$
.

B
$$-9a^2b$$
.

(c)
$$9a^2b$$
.

CÂU 5. Cho biểu thức $\sqrt[5]{8\sqrt{2\sqrt[3]{2}}} = 2^{\frac{m}{n}}$, trong đó $\frac{m}{n}$ có dạng phân số tối giản. Gọi P =

B)
$$P \in (350; 360)$$

$$(\mathbf{C})P \in (340; 350)$$

$$\mathbf{C}$$
 $P \in (340; 350)$. \mathbf{D} $P \in (360; 370)$.

CÂU 6. Rút gọn biểu thức $Q=b^{\frac{5}{3}}:\sqrt[3]{b}$ với b>0. **(C**) **(A)** $Q=b^{\frac{4}{3}}$. **(B)** $Q=b^{\frac{5}{9}}$.

$$\mathbf{\widehat{A}} Q = b^{\frac{4}{3}}$$

$$\mathbf{B} Q = b^{\frac{5}{9}}.$$

$$\bigcirc Q = b^2$$

$$Q = b^2$$
. $Q = b^{-\frac{4}{3}}$.

CÂU 7. Cho a là số thực dương tùy ý và a khác 1, đặt $A = \frac{a^{\sqrt{7}} \cdot a^{\sqrt{7}}}{(a^2)^{\sqrt{7}}}$. Mệnh đề nào dưới đây đúng?

(B)
$$A = \frac{2}{a\sqrt{7}}$$
. **(C)** $A = \sqrt{7}$.

$$\mathbf{C} A = \sqrt{7}.$$

CÂU 8. Cho x, y là các số thực thỏa mãn $x \neq 0$ và $(3^{x^2})^{3y} = 27^x$. Khẳng định nào sau đây là khẳng định đúng?

$$(\mathbf{A}) x^2 y = 1.$$

$$\mathbf{C} xy = 1.$$

CÂU 9. Rút gọn biểu thức $P=\frac{\sqrt[6]{x}\sqrt[3]{x^4}\sqrt[4]{x}}{\sqrt{x^3}}$ với x là số thực dương. $\textcircled{\textbf{A}} x^{\frac{13}{15}}. \qquad \textcircled{\textbf{B}} x^{\frac{1}{4}}. \qquad \textcircled{\textbf{C}} x^{\frac{1}{6}}.$

$$\mathbf{A} x^{\frac{13}{15}}$$

$$(\mathbf{c}) x^{\frac{1}{6}}$$

$$(\mathbf{D}) x^{\frac{13}{18}}.$$

$$(\mathbf{A}) P = a^4$$

$$\widehat{\mathbf{B}}) P = a^2.$$

$$\bigcirc P = a^5$$

CÂU 11. Cho a là một số thực dương. Rút gọn biểu thức: $P=\frac{\left(a^{\sqrt{7}-3}\right)^{\sqrt{7}+3}}{a^{\sqrt{11}-4}\cdot a^{5-\sqrt{11}}}$?

$$(\mathbf{A}) P = a^3.$$

B
$$P = a^{2\sqrt{7}-1}$$
. **C** $P = \frac{1}{a^3}$.

$$\mathbf{C} P = \frac{1}{a^3}$$

CÂU 12. Rút gọn biểu thức $A=\frac{\sqrt[3]{a^7}\cdot a^{\frac{11}{3}}}{a^4\cdot \sqrt[7]{a^{-5}}}$ với a>0 ta được kết quả $A=a^{\frac{m}{n}}$ trong đó m,

(B)
$$m^2 + n^2 = 543$$

CÂU 13. Cho các số dương a, b. Rút gọn biểu thức $Q = \frac{a^{\frac{4}{3}}b + ab^{\frac{4}{3}}}{\sqrt[3]{a} + \sqrt[3]{b}}$.

$$(\mathbf{C})Q = \sqrt{ab}.$$

$$\bigcirc \hspace{-0.1cm} \mathbb{D} \, Q = ab.$$

CÂU 14. Cho $5^x + 5^{-x} = a$. Rút gọn biểu thức $M = \frac{25^x + 25^{-x} + 1}{5^x + 5^{-x} + 1}$ bằng $a^2 + 1$. **D** $a^2 - 1$.

$$\bigcirc$$
 $a+1$

$$\bigcirc$$
 $a-1$.

$$(\mathbf{c}) a^2 + 1.$$

$$a^2 - 1.$$

CÂU 15. Cho $f(x) = e^{\sqrt{1 + \frac{1}{x^2} + \frac{1}{(x+1)^2}}}$. Biết rằng $f(1) \cdot f(2) \cdot f(3) \cdots f(2019) = e^{\frac{m}{n}}$, với m, n là các số tự nhiên và $\frac{m}{n}$ tối giản. Tính $m-n^2$.

$$\bigcirc m - n^2 = 2018.$$

B
$$m - n^2 = 1$$
.

$$\mathbf{C}$$
 $m - n^2 = -2018$. \mathbf{D} $m - n^2 = -1$.

$$\mathbf{D})m - n^2 = -1.$$

So sánh biểu thức lũy thừa

Biến đổi các biểu thức về cùng cơ số hoặc cùng số mũ, từ đó, dựa vào tính chất lũy thừa để so sánh.

1. Ví du mâu

VÍ DỤ 1. Không sử dụng máy tính, hãy so sánh $3^{\sqrt{8}}$ và 3^3 .

VÍ DU 2. Không sử dụng máy tính, hãy so sánh các số $8^{\sqrt{3}}$ và $4^{2\sqrt{3}}$.

2. Bài tấp rèn luyên

BÀI 1. Không sử dụng máy tính cầm tay, hãy so sánh các số sau

a)
$$\sqrt{42}$$
 và $\sqrt[3]{51}$;

b)
$$16^{\sqrt{3}}$$
 và $4^{3\sqrt{2}}$:

c)
$$(0,2)^{\sqrt{16}}$$
 và $(0,2)^{\sqrt[3]{60}}$.

BÀI 2. Không sử dụng máy tính cầm tay, hãy so sánh

a)
$$5^{6\sqrt{3}}$$
 và $5^{3\sqrt{6}}$;

b)
$$\left(\frac{1}{2}\right)^{\frac{-4}{3}}$$
 và $\sqrt{2} \cdot 2^{\frac{2}{3}}$.

3. Bài tấp trắc nghiệm

CÂU 1. Cho $\pi^{\alpha} > \pi^{\beta}$ với $\alpha, \beta \in \mathbb{R}$. Mênh đề nào dưới đây đúng?

$$\triangle$$
 $\alpha < \beta$

$$\bigcirc$$
 $\alpha > \beta$.

$$(\mathbf{C}) \alpha \leq \beta$$
.

$$(\mathbf{D})\alpha = \beta.$$

CÂU 2. Cho a và b thuộc khoảng (0;1) và α , β là những số thực tùy ý. Khẳng định nào sau đây là khẳng định sai?

$$(\mathbf{A})^{\beta} = (a^{\beta})^{\alpha}.$$

$$(\mathbf{B}) a^{\alpha} > a^{\beta} \Leftrightarrow \alpha > \beta.$$

$$(\mathbf{C}) a^{\alpha} a^{\beta} = a^{\alpha + \beta}.$$

$$\mathbf{D} a^{\alpha} b^{\alpha} = (ab)^{\alpha}.$$

CÂU 3. Sắp xếp các số $a=\sqrt{2^3},\ b=4,\ c=\sqrt[3]{2}$ theo thứ tự từ nhỏ đến lớn ta được

$$(\mathbf{A}) a < b < c.$$

B)
$$c < a < b$$
.

(**c**)
$$c < b < a$$
.

$$(\mathbf{D})b < a < c$$

CÂU 4. Cho biết $(x-2)^{-\frac{1}{3}} > (x-2)^{-\frac{1}{6}}$, khẳng định nào sau đây đúng?

$$(\mathbf{A}) x > 1.$$

(B)
$$2 < x < 3$$
.

(**c**)
$$x > 2$$
.

(D)
$$0 < x < 1$$
.

CÂU 5. Cho $a>0,\,b>0$ thỏa $a^{\frac{1}{2}}>a^{\frac{1}{3}}$ và $b^{\frac{2}{3}}>b^{\frac{3}{4}}.$ Khi đó

(**A**)
$$a > 1, 0 < b < 1.$$

(B)
$$a > 1, b > 1$$

$$\bigcirc$$
 0 < a < 1, 0 < b < 1.

$$(\mathbf{D})$$
 0 < a < 1, b > 1.

Bài 19. PHÉP TÍNH LOGARIT

A. TÓM TẮT LÝ THUYẾT

1. Định nghĩa

 \P Định nghĩa 19.1. Cho hai số thực dương a,b với a khác 1. Số thực c để $a^c=b$ được gọi là lôgarit cơ số a của b và kí hiệu là $\log_a b$, nghĩa là

$$c = \log_a b \Leftrightarrow a^c = b.$$

 $\log_a b$ xác định khi và chỉ khi a > 0, $a \neq 1$ và b > 0.

ΩII	ICK	NC	711-

2. Tính chất

7 TÍNH CHẤT 19.1. Với số thực dương a khác 1, số thực dương b, ta có:

$$\log_a 1 = 0$$
; $\log_a a = 1$; $\log_a a^c = c$; $a^{\log_a b} = b$.

7 TÍNH CHẤT 19.2. Với ba số thực dương a, m, n và $a \neq 1$, ta có:

$$\Theta \log_a(mn) = \log_a m + \log_a n;$$

$$\Theta \log_a \left(\frac{m}{n}\right) = \log_a m - \log_a n.$$

A Ta có:

$$\log_a \left(\frac{1}{b}\right) = -\log_a b \ (a > 0, a \neq 1, b > 0).$$

7 TÍNH CHẤT 19.3. Cho $a > 0, a \neq 1, b > 0$. Với mọi số thực α , ta có:

$$\log_a b^{\alpha} = \alpha \log_a b.$$

7 TÍNH CHẤT 19.4. Với a, c là hai số thực dương khác 1 và b là số thực dương, ta có:

$$\log_a b = \frac{\log_c b}{\log_c a}.$$

7 NHẬN XÉT. Với a>0 và $a\neq 1, b>0$ và $b\neq 1, c>0, \alpha\neq 0$, ta có những công thức sau:

$$\Theta \log_a b \cdot \log_b c = \log_a c;$$

3. Lôgarit thập phân. Lôgarit tự nhiên

 $\mbox{\Large \ \ \, }$ Lôgarit cơ số 10 của số thực dương b được gọi là lôgarit thập phân của b và kí hiệu là $\log b$ hay $\lg b.$

 $oldsymbol{\Theta}$ Lôgarit cơ số e của số thực dương b được gọi là lôgarit tự nhiên của b và kí hiệu là $\ln b$.

4. Tính lôgarit bằng máy tính cầm tay

B. CÁC DANG TOÁN THƯỜNG GĂP



Tính giá trị biểu thức chứa lôgarít

1. Ví dụ mẫu

VÍ DỤ 1. Cho $\log a = 4$. Tính giá trị của biểu thức $P = \log(100a^2)$.

VÍ DỤ 2. Cho $\log_a b = 2$. Tính $\log_a(a^2b)$.

VÍ DỤ 3. Cho a và b là hai số thực dương thỏa mãn $a^3b^2=32$. Tính giá trị của biểu thức $P=3\log_2 a+2\log_2 b$.

VÍ DỤ 4. Cho $\log_a b = 2$, $\log_a c = 3$. Tính $Q = \log_a (b^2 c)$.

VÍ DỤ 5. Cho a là số thực dương khác 5. Tính $I = \log_{\frac{a}{5}} \left(\frac{a^3}{125} \right)$.

VÍ DỤ 6. Cho a, b là hai số thực dương thỏa mãn $ab^3 = 8$. Tính giá trị của $\log_2 a + 3\log_2 b$.

VÍ DỤ 7. Cho a > 0 và đặt $\log_2 a = x$. Tính $\log_8(4a^3)$ theo x.

VÍ DỤ 8. Cho số a > 1. Tính giá trị biểu thức $P = a^{2 \log_a 3}$.

VÍ DỤ 9. Đặt $\log_2 3 = a$, $\log_2 5 = b$. Tính $\log_5 3$ theo a, b.

VÍ DỤ 10. Tính giá trị biểu thức $Q = \log \frac{10}{11} + \log \frac{11}{12} + \log \frac{12}{13} + \dots + \log \frac{999}{1000}$.

VÍ DỤ 11. Cho a, b, c là các số thực dương, $a \neq 1$ và $\log_a b = 5$, $\log_a c = 7$. Tính giá trị của biểu thức $P = \log_{\sqrt{a}} \left(\frac{b}{c}\right)$.

VÍ DỤ 12. Cho a, b, c là các số thực khác 0 thỏa mãn $4^a = 25^b = 10^c$. Tính $T = \frac{c}{a} + \frac{c}{b}$.

VÍ DỤ 13. Cho a và b lần lượt là số hạng thứ nhất và thứ chín của một cấp số cộng có công sai $d \neq 0$. Tính giá trị của $\log_2\left(\frac{b-a}{d}\right)$.

VÍ DỤ 14. Ba số $a + \log_2 3$; $a + \log_4 3$; $a + \log_8 3$ theo thứ tự lập thành cấp số nhân. Tìm công bội của cấp số nhân này.

2. Bài tập rèn luyện

BÀI 1. Tính giá trị biểu thức $A = 2^{\log_4 9 + \log_2 5}$.

BÀI 2. Cho hai số thực dương a, b thỏa mãn $a^2b^3=64$. Tính giá trị của biểu thức $P=2\log_2 a+3\log_2 b$.

BÀI 3. Cho $0 < a \neq 1$. Tính giá trị của biểu thức $T = \log_a(a^3)$.

BÀI 4. Cho a là một số thực dương tùy ý và $a \neq 2$. Tính $P = \log_{\frac{a}{2}} \frac{a^3}{8}$

BÀI 5. Cho a là số thực dương khác 1. Tính giá trị của biểu thức $I = \log_a a^{\frac{1}{2}}.$

BÀI 6. Tính giá trị của biểu thức $M = \log_2 \sqrt{2\sqrt{32}}$.

BÀI 7. Cho a là số thực dương tùy ý khác 1, tính giá trị $P = \log_{\sqrt[3]{a}} a^3$.

BÀI 8. Tính giá trị biểu thức $10^{\log 5} + 5^0$.

BÀI 9. Biết $\log_3 5 = a$. Tính $\log_3 45$ theo a.

BÀI 10. Cho a và b là hai số thực dương khác 1 thỏa mãn $\sqrt{a} = \sqrt[3]{b}$. Tính giá trị $\log_a b$.

BÀI 11. Với a, b là hai số thực dương thỏa mãn $\log a = 11$, $\log b = 13$. Tính giá trị biểu thức $\log (ab^2)$.

BÀI 12. Cho a, b là các số thực dương lớn hơn 1 thỏa mãn $\log_a b = 3$. Tính giá trị biểu thức

$$P = \log_{a^2b} a^3 - 3\log_{a^2} 2 \cdot \log_4 \left(\frac{a}{b}\right).$$

BÀI 13. Cho hai số dương a,b với $a \neq 1$, thỏa mãn $\log_{a^2} b + \log_a b^2 = 2$. Tính $\log_a b$.

BÀI 14. Biết rằng $a = \log_2 3$, $b = \log_2 5$. Hãy biểu diễn $\log_{45} 4$ theo a và b.

BÀI 15. Cho biểu thức $f(x)=\log_2\left(x-\frac{1}{2}+\sqrt{x^2-x+\frac{17}{4}}\right),~(0< x<1).$ Tính giá trị của biểu thức

$$T = f\left(\frac{1}{1000}\right) + f\left(\frac{2}{1000}\right) + \dots + f\left(\frac{999}{1000}\right).$$

3. Bài tập trắc nghiệm

CÂU 1. Với a là số thực dương khác 1 tuỳ ý, giá trị $\log_{a^2} a^3$ bằng

A 8.

B) 6.

 $\frac{1}{2}$.

D $\frac{3}{2}$.

CÂU 2. Cho $a \neq 1$ là số thực dương và $P = \log_{\sqrt[3]{a}} a^3$. Mệnh đề nào sau đây đúng?

 $\mathbf{\widehat{A}}P=3.$

 $\bigcirc P = 1.$

© $P = \frac{1}{3}$.

 $\bigcirc P = 9.$

CÂU 3. Cho a > 0, $a \neq 1$. Biểu thức $a^{\log_a a^2}$ bằng

A 2.

 $lackbox{\bf B} a^2.$

 $\bigcirc 2a$

 $\bigcirc 2^a$.

CÂU 4. Giá trị của $\log_{\frac{1}{a}} \sqrt[3]{a^7}$ (với $a>0, a\neq 1$) bằng

 $\bigcirc -\frac{7}{3}$.

B $\frac{2}{3}$.

 $\bigcirc \frac{5}{2}$.

 \bigcirc 4.

CÂU 5. Với a là số thực dương tùy ý, $\ln(ea^{\pi})$ bằng

(A) $1 + a \ln \pi$.

(B) $1 + \ln \pi + \ln a$.

(**c**) $1 - \pi \ln a$.

 \bigcirc 1 + $\pi \ln a$.

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

QUICK NOTE	CÂU 6. Với a $\frac{1}{5}$.	là số thực dương khác 1 từ	y ý, $\log_{a^5} a^4$ bằng © 20.	D $\frac{5}{4}$.
	CÂU 7. Với a $\bigcirc \frac{\ln 5}{\ln 3}.$	là thực dương tùy ý, $\ln(5a)$ $ \frac{\ln(5a)}{\ln(3a)}. $	$-\ln(3a)$ bằng $\mathbf{c} \ln(2a)$.	\bigcirc $\ln \frac{5}{3}$.
		<u> </u>	$3. \qquad \mathbf{C} \log_a b^2 = 4.$	sau đây sai ?
	A 2020 log	1	a. \bigcirc 1010 + $\frac{1}{2}$ log	$_{3}a.$ (D) $505\log_{3}a.$
	CÂU 10. Giá (A) −3.	trị của $\log_a \frac{1}{a^3}$ với $a > 0$ và \bigcirc 3.	$a \neq 1$ bằng $ \mathbf{C} - \frac{1}{3}. $	D $\frac{1}{3}$.
		9	$\bigcirc 2 \log_2 a^2.$	$lackbox{0}4\log_2 a.$
		các số thực dương a, b bất kì = $\log a + \log b$. = $\log_b a$.	a. Khẳng định nào sau	g(a+b).
		trị của $\log_2 16$ bằng	© -3.	D -4.
	A 4.	(\mathbf{B}) a, b là các số thực dương t (\mathbf{B}) $3.$	© 5.	$a b = 3. \text{ Tính } \log_a(a^2b).$ $\bullet 6.$
		h giá trị của $A = \log_2 \left(\frac{8}{\sqrt[3]{2}} \right)$	$\left(\frac{2^{\circ}}{4^{-3}}\right)$.	
	$\mathbf{A} \frac{25}{3}$.		0	
		$=\log_a\left(a^2b\right)$ bằng		$\mathbf{D} P = 1.$
	$\log_a \left(a^3b^2\sqrt{c}\right)$			
	(A) 5. CÂU 18. Biết	$ (\mathbf{B}) 8. $ $ t \log (xy^3) = \log (x^2y) = 1. $	$igoplus 13.$ Giá trị của $\log(xy)$ bằ	D 10.
		B $\frac{3}{5}$.	© 1.	$igotimes rac{5}{3}.$
	CÂU 19. Cho (A) 48.	a là số dương khác 1. Khi $\textcircled{\textbf{B}}$ 8.	đó giá trị của $P = a^{\text{lo}}$	$g_{a \cdot \sqrt[3]{a}}$ 16 là \bigcirc 16.
	CÂU 20. Cho $\log_c 3$ bằng	o các số a, b, c thỏa mãn loạ	$g_a 3 = 2, \log_b 3 = \frac{1}{4} v$	à $\log_{abc} 3 = \frac{2}{15}$. Giá trị của
		B 3.	© 2.	$ledown$ $\frac{1}{2}$.
	A 56.	trị của biểu thức $M = \log_2$ $ (\mathbf{B}) 8 \log_2 256.$	© 36.	$\cdots + \log_2 256$ bằng \bigcirc 48.
	A 16.	trị của biểu thức $P = (e^3)^1$ (B) 125.	© 32.	D 5.
	CÂU 23. Tìm (A) 3.	n giá trị của biểu thức $A = 1$ $ (B) -2. $	$\log_2\left(2\sin\frac{\pi}{12}\right) + \log_2\alpha$ $\mathbf{(c)} -1.$	$\cos \frac{\pi}{12}$. \bigcirc 2.
		a, b, c, là các số thực dươn	<u> </u>	
		$\mathbf{B} 2xy.$	\bigcirc $\frac{1}{2xy}$.	$\bigcirc \frac{2}{xy}$.

CÂU 25. Cho $\log_a x = 2$, $\log_b x = 5$ với a, b là các số thực lớn hơn 1. Giá trị của $\log_{\frac{a^2}{2}} x$

 \bigcirc $\frac{6}{5}$.

CÂU 26. Cho a và b là hai số thực dương thỏa mãn $a^4b=16$. Giá trị của $4\log_2 a + \log_2 b$ bằng

 (\mathbf{A}) 4.

(C) 16.

CÂU 27. Cho các số thực dương a và b thỏa mãn $a^2 - 16b = 0$. Tính giá trị của biểu thức

$$P = \log_{\sqrt{2}} a - \log_2 b.$$

 $(\mathbf{A}) P = 2.$

© P = 16.

 $\mathbf{(D)}P = \sqrt{2}.$

CÂU 28. Cho các số thực a, b, c thuộc khoảng $(1; +\infty)$ và $\log_{\sqrt{a}}^2 b + \log_b c \cdot \log_b \left(\frac{c^2}{h}\right) +$ $9\log_a c = 4\log_a b$. Giá trị của biểu thức $\log_a b + \log_b c^2$ bằng

 (\mathbf{A}) 2.

(D) 1.

CÂU 29. Cho cấp số cộng (u_n) có tất cả số hạng đều dương và $9(u_1 + u_2 + \cdots + u_{2050}) =$ $4(u_1 + u_2 + \dots + u_{3075})$. Giá trị nhỏ nhất của biểu thức $P = \log_3^2 u_{14} + \log_3^2 u_{41} - \log_3^2 u_{122}$.

CÂU 30. Cho các số thực a, b, c thỏa mãn $a^{\log_3 7} = 27, b^{\log_7 11} = 49, c^{\log_{11} 25} = \sqrt{11}$. Giá trị của biểu thức $A = a^{(\log_3 7)^2} + b^{(\log_7 11)^2} + c^{(\log_{11} 25)^2}$ là **(D)** 729. (**A**) 129.

Biến đổi, rút gọn, biểu diễn biểu thức chứa lôgarít

1. Ví dụ mẫu

VÍ DỤ 1. Với a, x, y là các số thực dương tùy ý và khác 1. Rút gọn biểu thức $P = \frac{x^{\log_a y}}{y^{\log_a x}}$.

VÍ DỤ 2. Biết $\log_7 2 = m$, biểu diễn biểu thức $\log_{49} 28$ theo m.

VÍ DỤ 3. Với a là số thực dương tùy ý, rút gọn biểu thức $\log_3(a^5)$.

VÍ DỤ 4. Cho các số thực a, b. Rút gọn biểu thức $A = \log_2 2^a + \log_2 2^b$.

VÍ DỤ 5. Biết rằng $\log_2 3 = a, \log_2 5 = b$. Tính $\log_{45} 4$ theo a và b.

VÍ DỤ 6. Cho hai số dương a, b với $a \neq 1$. Đặt $M = \log_{\sqrt{a}} \sqrt[3]{b}$. Tính M theo $N = \log_a b$.

VÍ DỤ 7. Biểu diễn $\log_{120} 600$ theo $a = \log_2 3$ và $b = \log_3 5$.

VÍ DU 8. Cho $\log 5 = a$. Tính $\log 25000$ theo a.

VÍ DỤ 9. Cho $a = \log 2, b = \log 3$. Tính $\log \sqrt[7]{0,432}$ theo a và b.

VÍ DỤ 10. Rút gọn biểu thức $M = 2\log_{\sqrt{2}}(4x) - 12\log_4\sqrt{x} + \log_{\frac{1}{2}}\frac{8}{x}$ với x > 0.

VÍ DỤ 11. Cho $\log_2 5 = m$, $\log_3 5 = n$. Khi đó $\log_6 5$ tính theo m và n là

VÍ DỤ 12. Cho $\log_2 m = a$ và $A = \log_m (8m)$ với $m > 0, m \neq 1$. Tìm mối liên hệ giữa A và

VÍ DU 13. Cho các số thực dương x, a, b, c thỏa mãn

$$\log x = 2\log(2a) - 2\log b - 4\log\sqrt[4]{c}.$$

Biểu diễn x theo a, b, c.

9

VÍ DỤ 14. Cho các số nguyên a, b, c thỏa mãn $a + \frac{b + \log_2 5}{c + \log_2 3} = \log_6 45$. Tính tổng a + b + c.

VÍ DỤ 15. Cho $G=10^{10^{100}}$. Đặt $x=\log_{10}G;\ y=\log_xG,$ khi đó \log_yG có thể biểu diễn dưới dạng $\frac{m}{n}$ trong đó m, n là các số nguyên dương và ước chung lớn nhất của chúng bằng 1. Tính tổng các chữ số của số m+n.

		_
GV.VÜ	NGOC	PHÁT

♥ VNPmath - 0962940819 ♥			Ø	HÀM SỐ MŨ - LOGARIT
QUICK NOTE	2. Bài tập rèn l	uvên		
	, •=	• •	$a = \alpha$. Biểu diễn biểu	thức $P = \log_{\frac{1}{3}} a - \log_{\sqrt{3}} a$
		a . Biểu diễn $\log_{\frac{1}{2}}$ 81 th	neo a .	
		25		
		hực dương khác 1 và x n biểu thức $P = \log_a(x)$		ng thỏa mãn $\log_a x = -1$
		hực $x, y, z > 1$ và lo	$g_{xy}(yz) = 2$. Rút gọ	n biểu thức $\log_{\frac{z}{y}}(x)^4$ +
	$\log_{\frac{z}{x}}(xy).$			
		a . Tính $\log_{24} 18$ theo a		
	BÀI 6. Đặt $a = \ln 2$ v	và $b = \ln 3$. Biểu diễn S	$= \ln \frac{1}{2} + \ln \frac{2}{3} + \ln \frac{3}{4} +$	$\cdots + \ln \frac{71}{72}$ theo a và b .
		thức $Q = \left(y^{\log_2 3}\right)^{\log_5 2}$		
		•		eq b. Tìm biểu diễn của
	$\log_{a^{-2}b^3}(a^4b) \text{ theo } x $			- 0. IIII bled dien edd
	BÀI 9. Cho $\log_2 3 = 6$	a. Biểu diễn biểu thức	$\log_9 2$ theo a .	
	BÀI 10. Cho $0 < x \neq 0$	$\stackrel{\checkmark}{=} 1, 0 < y$ thỏa mãn log	$g_2 x = y \text{ và } \log_x y = \frac{3}{2}.$	Tính tổng $x + y$.
			v	
		thực dương a, b thỏa m		` /
	BÀI 12. Biết $\log_{15} 20$	$0 = a + \frac{2\log_3 2 + b}{\log_3 5 + c}$ với	$a, b, c \in \mathbb{Z}$. Tính $T =$	a+b+c.
	PÀL12 Cho log 3 -	- m và lor 5 - n Biế	$+ r \delta n \sigma \log 15 = ax + ax$	- by
			$\frac{1}{cy}$	$\frac{-by}{+2}$ với a, b, c là các số
	nguyên dương. Tính		AD 1à diabra ann Diát	AD lama AC lam2
	$AD = \log x, BC = \log x$	21	AD ia duong cao. Diet	$AB = \log y, AC = \log 3,$
	2 Pài tân trắc	nahiôm		
	3. Bài tập trắc i			
		nực a dương, $\log_2 \frac{4}{a}$ bằ		
	$ (\mathbf{A}) \log_2 a - 2. $	$\mathbf{B} 4 - \log_2 a.$	© $2 - \log_2 a$.	(D) $2 + \log_2 a$.
		hực dương tùy ý, log (1	/ _	(
	$(\mathbf{A}) 20 \log a.$	_	$\mathbf{C} 1 + (\log a)^2.$	\bigcirc 10 log a .
	CÂU 3. Với a là số th	hực dương tùy ý, $\log \frac{5a}{2}$	$\frac{1}{a} + \log \frac{4}{a}$ bằng	
	(A) 1.	B 10.	$\bigcirc \log \frac{5a}{2} \cdot \log \frac{4}{a}$.	\bigcirc ln 10.
	CÂU 4. Với a, b là hai	i số dương tùy ý thì log	(a^3b^2) có giá tri bằng b	iểu thức nào sau đây?
			$\mathbf{B} 2 \log a + 3 \log b.$	v
	$\bigcirc 3 \log a + 2 \log b.$		$ \bigcirc 3 \left(\log a + \frac{1}{2} \log a \right) $	<i>b</i>)
			\ <u>2</u>	,
		à hai số thực dương th	ỏa mãn $2\log_2 b - 3\log$	a=2. Khẳng định nào
	sau đây đúng?	B $b^2 = 4a^3$.	$\mathbf{C} 2b - 3a = 4.$	$\mathbf{\hat{D}})b^2 - a^2 = 4.$
		à các số thực dương bấ	-	_
	1		U	4
	$\lim a + \frac{1}{2} \ln b.$		$ \ln a - 2 \ln b. $	$\mathbf{D} \ln a - \frac{1}{2} \ln b.$
	CÂU 7. Cho $a = \log_3$ (A) $a + 4$.	34. Khi đó $\log_3 36$ bằng $\textcircled{\textbf{B}} 2a + 4$.	$(\widehat{\mathbf{C}}) a + 2.$	$(\widehat{\mathbf{D}}) a + 9.$
			\smile	= 1. Khẳng định nào sau
	2. Act u, v ia ca	e so mire anoug moa i	11011 + 1082 a 21084 b -	– 1. 12mang dinn nao sau

đây là đúng?

 $(A) a^4 b = 2.$

B $a^4b = 1$.

CÂU 9. Với mọi a, b, x là các số thực dương thoả mãn $\log_2 x = 5 \log_2 a + 3 \log_2 b$. Mệnh đề nào dưới đây đúng

(A) x = 5a + 3b.

(B)
$$x = a^5 + b^3$$
.

$$(\mathbf{C}) x = a^5 b^3.$$

$$(\mathbf{D})x = 3a + 5b.$$

CÂU 10. Cho a và b là hai số thực dương thỏa mãn $\sqrt{a} \cdot b^3 = 27$. Giá trị của $\log_3 a + 6 \log_3 b$

(A) 3.

$\overline{}$	
	6
(8)	υ.

$$\bigcirc$$
 1.

CÂU 11. Với mọi số thực dương x, $\log_3\left(\frac{x^3}{3}\right)$ bằng

(A) $3\log_3 x - 1$.

$$\bigcirc$$
 $\log_3 x - 1$.

$$\bigcirc \log_3 x.$$

$$\bigcirc 3 \log_3 x + 1.$$

CÂU 12. Với mọi a, b thỏa mãn $2\log_9 a - 3\log_3 b = 1$, mệnh đề nào sau đây đúng?

$$\mathbf{B} 2a - 3b = 1.$$

$$\mathbf{C} a^2 = 3b^3.$$

$$\mathbf{D} a = 3b^3.$$

CÂU 13. Cho hai số thực dương a, b bất kì thỏa mãn $9\log^2 a + 4\log^2 b = 12\log a \cdot \log b$. Khẳng định nào dưới đây đúng?

(A) 3a = 2b.

(B)
$$2a = 3b$$
.

$$(\mathbf{C}) a^2 = b^3.$$

$$\mathbf{D} a^3 = b^2.$$

CÂU 14. Đặt $x=\log_2 14$. Biết $\log_{98} 32=\frac{a}{bx-c}$ với $a,\,b,\,c$ là những số tự nhiên và biểu thức là tối giản. Giá trị của biểu thức S=2a+3b+5c là

(**A**) 21.

$$\bigcirc$$
 17

$$\bigcirc$$
 26.

CÂU 15. Cho a, b là các số thực dương tùy ý và $a \neq 1$. Đặt $P = \log_a b^3 + \log_{a^2} b^6$. Mệnh đề nào sau đây là đúng?

 $(\mathbf{A}) P = 9 \log_a b.$

$$\mathbf{B}) P = 6 \log_a b.$$

$$\bigcirc P = 27 \log_a b.$$

B
$$\frac{1+2a}{2+a}$$

$$\bigcirc a$$

(D)
$$\frac{1+3a}{2+a}$$
.

CÂU 17. Với mọi số thực dương x, y thỏa mãn $x^2 + y^2 = 8xy$, mệnh đề nào dưới đây

(A) $\log(x+y) = \frac{1}{2}(1 + \log x + \log y)$. (B) $\log(x+y) = \frac{1}{2}(\log x + \log y)$.

$$\mathbf{B}\log(x+y) = \frac{1}{2}(\log x + \log y).$$

$$\bigcirc \log(x+y) = 1 + \log x + \log y.$$

CÂU 18. Cho các số thực dương x, y thỏa mãn $\log(xy^2) = 5$ và $\log(x^3y) = 10$. Tính $P = \log(xy).$

 $(\mathbf{A}) P = 4.$

(B)
$$P = 2$$
.

$$(\mathbf{C}) P = 5.$$

$$(\mathbf{D})P = 1.$$

(A)
$$\frac{19m+20}{m+1}$$

B
$$\frac{20m-19}{m+1}$$

$$\bigcirc \frac{20m+19}{m+1}.$$

CÂU 20. Cho a, b, c là các số lớn hơn 1, đặt $\log_a b = m$, $\log_a c = n$. Khi đó $\log_a \left(ab^2c^5\right)$

(B)
$$1 + \frac{1}{2}m + \frac{1}{5}n$$
. **(C)** $1 + \frac{1}{5}m + \frac{1}{2}n$. **(D)** $1 + 5m + 2n$.

©
$$1 + \frac{1}{5}m + \frac{1}{2}n$$
.

D
$$1 + 5m + 2n$$
.

CÂU 21. Cho tam giác ABC có BC = a, CA = b, AB = c. Nếu a, b, c theo thứ tự lập thành một cấp số nhân thì

(A) $\ln \sin A \cdot \ln \sin C = 2 \ln \sin B$.

 $\mathbf{B}) \ln \sin A + \ln \sin C = 2 \ln \sin B.$

(c) $\ln \sin A \cdot \ln \sin C = (\ln \sin B)^2$.

 $(\mathbf{D}) \ln \sin A + \ln \sin C = \ln(2 \sin B).$

CÂU 22. Xét các số thực dương a và b thỏa mãn $\log_5 (5^a \cdot 25^b) = 5^{\log_5 a + \log_5 b + 1}$. Mệnh đề nào dưới đây đúng?

 $(\mathbf{A}) a + 2b = ab.$

$$(\mathbf{B}) a + 2b = 5ab.$$

(c)
$$2ab - 1 = a + b$$

$$(\mathbf{C}) 2ab - 1 = a + b.$$
 $(\mathbf{D}) a + 2b = 2ab.$

CÂU 23. cho ba số thực dương a, b, c khác 1 thỏa $\log_a b + \log_c b = \log_a 2016 \cdot \log_c b$. Khẳng định nào sau đây là đúng?

(A) bc = 2016.

(B)
$$ab = 2016$$
.

$$(\mathbf{c}) ac = 2016.$$

(D)
$$abc = 2016$$
.

CÂU 24. Cho $\log_2 5 = a$, $\log_5 3 = b$, biết $\log_{24} 15 = \frac{ma + ab}{n + ab}$, với $m, n \in \mathbb{Z}$. Tính S = $m^2 + n^2.$

(B)
$$S = 10$$
.

(c)
$$S = 5$$
.

$$(\mathbf{D})S = 13.$$

• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	ı			7 117 117 CO 1110 120 C7 1111
QUICK NOTE	CÂU 25. Cho các số	δ thực a, b với $ab >$	0. Mệnh đề nào dưới đây	y sai?
	$\left(\mathbf{A} \ln \left(\frac{a}{b} \right) = \ln a \right)$		$\mathbf{B}\log(ab) = \log$	
	$\bigcirc \log a^4 = 4 \log a $		$\bigcirc \log(ab) = \log a$	$a + \log b$.
	CÂU 26. Đặt $\log_2 5$	= a, tính giá trị củ	a $\log_4 1250$ theo a .	
	\bigcirc 2(1 + 4a).	B $\frac{1+4a}{2}$.	\bigcirc 2(1 - 4a).	$\bigcirc \frac{1-4a}{2}$.
	CÂU 27 Cho log. 3	<u>Z</u>	i đó log. 675 được biểu d	iễn theo a, b là đáp án nào
	sau đây?	$u = u$, $\log_2 u = v$, kin	r do log5 070 duọc bicu d	ich theo a, v ia dap an nac
	$\mathbf{A} \frac{3a+2b}{l}$.	\mathbf{B} $\frac{ab+b}{a+a}$.	$\mathbf{c} \frac{a^3 + b^2}{b}$.	$\bigcirc \frac{a+ab}{3+2a}$.
	_	2 94	O .	0 20
		$\log_2 3 = a, \log_2 3 = a$ $\frac{2b+a}{2}$.	b. Tính $\log_{45} 4$ theo a, b . $\bigcirc \frac{2}{2a+b}.$	
	<u>A</u>	\bigcirc 2 .	$\bigcirc {2a+b}$.	$ig(\mathbf{D} ig) 2ab.$
	CÂU 29. Biết $\log_2 3$			a(b+1)
	$\mathbf{A} \frac{a+2}{b+1}.$	$lackbox{\textbf{B}} rac{ab+1}{a+2}$.	$\bigcirc \frac{a+2}{a(b+1)}$.	$\bigcirc \frac{a(b+1)}{a+2}$.
	CÂU 30 Cho a b là	à các số thực dương	thỏa $\log_{+} a + \log_{+} h^{2} = 5$	5 và $\log_4 a^2 + \log_4 b = 7$ th
	tích ab nhận giá trị	bằng		_
	(A) 16.	B 2^8 .	$\bigcirc 2^9$.	$\bigcirc 2^{18}$.
	CÂU 31. Cho \log_{18}	$6 = \frac{a + \log_3 2}{1 + \log_3 2}$, với	a,b là các số nguyên. Gia	á trị của $a+b$ bằng
	(A) 4.	$b + \log_3 2$ (B) 5.	© 3.	(\mathbf{D}) 2.
			á trị của $\log_{10e}(10a)$ bằn	
		$\mathbf{B} \frac{ab+a}{1+c}.$, ,	$\bigcirc \frac{bc+c}{1+c}$.
		1 0	1 0	1 + 6
		$= a, \log 2 = b. \text{ Khi } a$	đó giá trị của $\log_{125} 30$ đ	~
	$\boxed{ \qquad \mathbf{A} \frac{1+a}{3(1-b)}}.$	B $\frac{4(3-a)}{3-b}$.	$(\mathbf{c}) \frac{a}{3+b}.$	$\bigcirc \frac{a}{3+a}.$
	CÂU 24 Cho cấ th	ra α thỏo mãn 0α	$+0^{-\alpha} = 22$ Ció tri a	na biểu thức $\frac{5+3^{\alpha}+3^{-\alpha}}{1-3^{-\alpha}-3^{\alpha}}$
		iųc α thoa man 9	+ 9 = 23. Gia tri cu	$\frac{1}{1-3^{-\alpha}-3^{\alpha}}$
		$\bigcirc \!$	\bigcirc $\frac{3}{2}$.	D 2.
	_	=	-	
	CÂU 35. Cho $a >$	0, b > 0 và a khác	e 1 thỏa mãn $\log_a b = \frac{b}{2}$	$\frac{b}{4}$; $\log_2 a = \frac{16}{b}$. Tính tổng
	a+b.	B 16	© 18.	(D) 10.
	(A) 32.	B) 16.	0	<u> </u>
	bằng	a cac so thực dươn	$ag thoa man a^2 + b^2 = 1$	$14ab$, biểu thức $\log_2(a+b)$
	$\bigcirc 2 (\log_2 a + \log_2 a)$, b).	$\bigcirc \mathbf{B} \frac{1}{2} (4 + \log_2 a + \log_2 a)$	$+\log_2 b$).
	\mathbf{C} 4 + $\frac{1}{2}$ (log ₂ a +	-	$\mathbf{D} (4 + \log_2 a + 1)$	
			cho $x^3 + y^3 = a \cdot 10^{3z} + b$ và $\log(x^2 + y^2) = z + 1$.	$\cdot 10^{2z}$ đúng với mọi số thực Giá trị của $a+b$ bằng
	$\mathbf{A} \frac{31}{2}.$		$\sqrt{c} - \frac{31}{2}$.	$\mathbf{D} - \frac{25}{2}.$
		2	2	
	CÂU 38. Cho các số	$b \ a, b > 0, a \neq 1 \text{ thỏ}$	a mãn $\log_{ab} \frac{a}{b} = \frac{1}{3}$. Giá t	crị của $\log_{a^3} \left(ab^6\right)$ bằng
	$\frac{8}{3}$.	B $\frac{13}{4}$.	$\bigcirc \frac{8}{9}$.	\bigcirc $\frac{4}{3}$.
		4	9	\smile 3 dương sao cho $\log_x w = 24$
	$\log_y 40 \text{ và } log_{xyz}w =$		i non i va gọi w ta so thực	duolig sao cho $\log_x w = 24$
	A 52.	B -60 .	© 60.	\bigcirc -52.
	CÂU 40. Cho các số	thực dương x, y th	nỏa mãn $\sqrt{\log x} + \sqrt{\log y}$	$+\log\sqrt{x} + \log\sqrt{y} = 100 \text{ v}$
	$\sqrt{\log x}$, $\sqrt{\log y}$, $\log \sqrt{\log x}$	\sqrt{x} , $\log \sqrt{y}$ là các số	nguyên dương. Khi đó k	ết quả xy bằng
	$\triangle 10^{200}$	\mathbf{R} 10^{100}	$(\mathbf{c}) 10^{164}$	$(\mathbf{D}) 10^{144}$

6

Toán thực tế, liên môn

- Θ Chỉ số hay độ pH của một dung dịch được tính theo công thức: pH = $-\log[H^+]$ với $[H^+]$ là nồng độ ion hydrogen. Người ta đo được nồng độ ion hydrogen của một cốc nước cam là 10^{-4} , nước dừa là 10^{-5} (nồng độ tính bằng mol L^{-1}).
- \odot Công thức lãi kép theo N kì han

Nếu đem gửi ngân hàng một số vốn ban đầu là P theo thể thức lãi kép với lãi suất hằng năm không đổi là r và chia mỗi năm thành m kì tính lãi thì sau t năm (tức là sau tm = N kì hạn) số tiền thu được (cả vốn lẫn lãi) là

$$A_m = P\left(1 + \frac{r}{m}\right)^N.$$

❷ Công thức lãi kép liên tục

Với số vốn ban đầu là P, theo thể thức lãi kép liên tục, lãi suất hằng năm không đổi là r thì sau t năm, số tiền thu được cả vốn lẫn lãi sẽ là

$$A = Pe^{tr}$$
.

1. Ví du mẫu

VÍ DU 1. Trong hóa học, độ pH của một dung dịch được tính theo công thức pH = $-\log[H^+]$, trong đó [H⁺] là nồng đô H⁺ (ion hydro) tính bằng mol/L. Các dung dịch có pH bé hơn 7 thì có tính acid, có pH lớn hơn 7 thì có tính kiềm, có pH bằng 7 thì trung tính.

- a) Tính độ pH của dung dịch có nồng độ H⁺ là 0,0001 mol/L. Dung dịch này có tính acid, hay kiềm hay trung tính?
- b) Dung dịch A có nồng độ H^+ gấp đôi nồng độ H^+ của dung dịch B. Độ pH của dung dịch nào lớn hơn và lớn hơn bao nhiêu? Làm tròn kết quả đến hàng phần nghìn.

VÍ DU 2. Bác An gửi tiết kiệm ngân hàng 100 triệu đồng kì hạn 12 tháng, với lãi suất không đổi là 6% một năm. Khi đó sau n năm gửi thì tổng số tiền bác An thu được (cả vốn lẫn lãi) cho bởi công thức sau:

$$A = 100 \cdot (1 + 0.06)^n$$
 (triệu đồng).

Hỏi sau ít nhất bao nhiêu năm, tổng số tiền bác An thu được là không dưới 150 triệu đồng?

VÍ DỤ 3. Một vi khuẩn có khối lượng khoảng $5 \cdot 10^{-13}$ gam và cứ 20 phút vi khuẩn đó tự nhân đôi một lần (Nguồn: Câu hỏi và bài tập vi sinh học, NXB DHSP, 2008). Giả sử các vi khuẩn được nuôi trong các điều kiện sinh trưởng tối ưu và mỗi con vi khuẩn đều tồn tại trong ít nhất 60 giờ. Hỏi sau bao nhiêu giờ khối lượng do tế bào vi khuẩn này sinh ra sẽ đạt tới khối lượng của Trái Đất (lấy khối lượng của Trái Đất là $6\cdot 10^{27}$ gam) (làm tròn kết quả đến hàng đơn vị)?

2. Bài tấp rèn luyên

BÀI 1. Trong nuôi trồng thuỷ sản, độ pH của môi trường nước sẽ ảnh hưởng đến sức khoẻ và sự phát triển của thuỷ sản. Độ pH thích hợp cho nước trong đầm nuôi tôm sú là từ 7,2 đến 8,8 và tốt nhất là trong khoảng từ 7,8 đến 8,5. Phân tích nồng độ $[\mathrm{H}^+]$ trong một đầm nuôi tôm sú, ta thu được $[H^+] = 8 \cdot 10^{-8}$ (Nguồn: https://nongnghiep.farmvina.com). Hỏi đô pH của đầm đó có thích hợp cho tôm sú phát triển không?

BÀI 2. Biết thời gian cần thiết (tính theo năm) để tăng gấp đôi số tiền đầu tư theo thể thức lãi kép liên tục với lãi suất không đổi r mỗi năm được cho bởi công thức sau:

$$t = \frac{\ln 2}{r}.$$

Tính thời gian cần thiết để tăng gấp đôi một khoản đầu tư khi lãi suất là 6% mỗi năm (làm tròn kết quả đến chữ số thập phân thứ nhất).

BÀI 3. Độ lớn M của một trận động đất theo thang Richter được tính theo công thức $M = \log \frac{A}{A_0}$, trong đó A là biên độ lớn nhất ghi được bởi máy đo địa chấn, A_0 là biên độ tiêu chuẩn được sử dụng để hiệu chỉnh độ lệch gây ra bởi khoảng cách của máy đo địa chấn so với tâm chấn $(A_0 = 1\mu m)$.

QUICK NOTE

QUICK NOTE	a) Tính độ lớn của	trận động đất có biêr	n độ A bằng	
	i) $10^{5,1}A_0$;		ii) 65 $000A_0$.	
	, , , , , , , , , , , , , , , , , , , ,		o biên độ lớn nhất gấ sánh độ lớn của hai t	p ba lần biên độ lớn nhất rận động đất.
	BÀI 4.			
		g đô H ⁺ là 10^{-7} mol/	L. Tính nồng độ pH	của nước cất.
				ıa nước cất. Tính pH của
	dung dịch đó.	o nong dọ 11 gap 2	o ian nong dọ 11 - cc	a nuoc cat. 11mm pm cua
	BÀI 5. Biết rằng khi đ	tộ cao tăng lên, áp su	ất không khí sẽ giảm	và công thức tính áp suất
	dựa trên độ cao là	a — 1550	$00(5-\log p),$	
	1 1 1 1		01//	>
				à áp suất không khí (tính 8850 m so với mực nước
	biển.	O	·	·
				ó cường độ I (đo bằng oát
	trên mét vuông, kí hiệ	u là W/m²) được địn	h nghĩa như sau:	
		L(I) =	$=10\log\frac{I}{I_0},$	
		()	$^{\circ}I_{0}$	
				tai người có thể phát hiện
	được (gọi là ngưỡng ng	,		
	a) Cuộc trò chuyện	bình thường có cườn	g độ $I = 10^{-7} \text{ W/m}^2$	
	b) Giao thông thành	h phố đông đúc có cu	rờng độ $I=10^{-3}~\mathrm{W/r}$	m^2 .
	3. Bài tập trắc n	ghiệm		
		.	được biểu diễn theo c	công thức $m(t) = m_0 e^{-\lambda t}$
	ln 9			tại thời điểm $t=0$), $m(t)$
	1			t ức là khoảng thời gian đ ϵ
	một nửa khối lượng chế	ất phóng xạ biến thàn	h $chất khác$). Khi phâi	n tích một mẫu gỗ từ công
				phóng xạ $^{14}_6C$ trong mẫu kiến thúc đó có niên đại
	khoảng bao nhiêu năm			
	A 4942 (năm).	B 5157 (năm).	© 3561 (năm).	D 6601 (năm).
		-	0	i và tỉ lệ tăng dân số năm
				${ m c}\ S = A \cdot { m e}^{Nr} \ ({ m trong}\ { m d\'o}\ A$ là tỉ lệ tăng dân số hàng
				dân số nước ta ở mức 120
	triệu người?			
	(A) 2020.	B 2022.	© 2025.	(D) 2026.
				với lãi suất 6,2%/năm. Cứ để tính lãi cho năm tiếp
	1		· -	tiền cả vốn lẫn lãi là 100
	triệu đồng? (Giả thiết	_	_	· ~
	(A) 3 năm.	B 2 năm.	© 4 năm.	(D) 5 năm.
				. suất 6%/ năm. Biết nếu c cộng vào gốc để tính lãi
				n cả gốc lẫn lãi của người
		Giả định trong suốt	thời gian gửi, lãi suất	t không thay đổi và người
	đó không rút tiền ra. (A) 14 năm.	(B) 11 năm .	© 12 năm.	(D) 13 năm.
			0	g năm được nhập vào vốn.
	Sau bao nhiêu năm ng	ười đó thu được gấp	đôi số tiền ban đầu?	_
	(A) 9.	(B) 6.	(C) 8.	D 7.

CÂU 6. Cường độ một trận động đất M (richter) được cho bởi công thức $M = \log A - \log A_0$, với A là biên độ rung chấn tối đa và A_0 là một biên độ chuẩn (hằng số). Đầu thế kỷ 20, một trận động đất ở San Francisco có cường độ 8,3 độ richter. Trong cùng năm đó, trận động đất khác ở Nam Mỹ có biên độ rung chấn tối đa gấp 4 lần biên độ rung chấn tối đa của trận động đất ở San Francisco. Tính cường độ của trận động đất ở Nam Mỹ (làm tròn đến 1 chữ số thập phân).

- (A) 33,2 richter.
- **B**) 12,3 richter.
- **(C)** 8,9 richter.
- \bigcirc 2,1 richter.

CÂU 7. Một người gửi tiết kiệm 200 triệu đồng với lãi suất 5% một năm và lãi hàng năm được nhập vào vốn. Sau 9 năm nhận được số tiền cả gốc và lãi nhận được là bao nhiêu?

- (A) 210, 55 triệu.
- **B**) 310, 27 triêu.
- **(C**) 300 triêu.
- (**D**) 352, 58 triêu.

CÂU 8. Áp suất không khí $P(\text{do bằng milimet thủy ngân, kí hiệu là mmHg) suy giảm mũ so với độ cao <math>x(\text{do bằng mét})$, tức là P giảm theo công thức $P=P_0\cdot \mathrm{e}^{xi}$, trong đó $P_0=760$ mmHg là áp suất của mực nước biển (x=0), i là hệ số suy giảm. Biết rằng ở độ cao 1000 m thì áp suất của không khí là 672,71 mmHg. Hỏi áp suất không khí ở độ cao 3000 m gần bằng số nào dưới đây nhất?

- **(A)** 530,23 mmHg.
- **B**) 527,06 mmHg.
- **(C)** 554,38 mmHg.
- **(D)** 428,2 mmHg.

CÂU 9. Một nguồn âm đẳng hướng phát ra từ điểm O. Mức cường độ âm tại điểm M cách O một khoảng R được tính bởi công thức $L_M = \log \frac{k}{R^2}$ (Ben), với k > 0 là hằng số. Biết điểm O thuộc đoạn thẳng AB và mức cường độ âm thanh tại A và B lần lượt là $L_A = 4,3$ (Ben) và $l_B = 5$ (Ben). Tính mức cường độ âm tại trung điểm của AB (làm tròn đến hai chữ số thập phân).

- **A** 4,65 (Ben).
- **(B)** 4,58 (Ben).
- **(c)** 5,42 (Ben).
- **(D)** 9,40 (Ben).

Bài 20. HÀM SỐ MŨ. HÀM SỐ LOGARIT

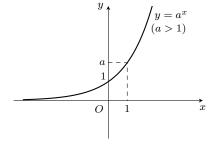
A. TÓM TẮT LÝ THUYẾT

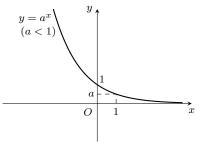
1. Định nghĩa

 \P Định nghĩa 20.1. Cho số dương a khác 1. Hàm số cho tương ứng mỗi số thực x với số thực a^x được gọi là **hàm số mũ** cơ số a, kí hiệu $y=a^x$.

Nhận xét: Hàm số $y = a^x$ có tập xác định là \mathbb{R} .

 $\ref{pinh nghĩa 20.2.}$ Đồ thị hàm số $y=a^x~(a>0, a\neq 1)$ là một đường cong liền nét, cắt trục tung tại điểm có tung độ bằng 1, nằm ở phía trên trục hoành và đi lên nếu a>1, đi xuống nếu 0< a<1.





Nhận xét: Cho hàm số mũ $y = a^x$ $(a > 0, a \ne 1)$.

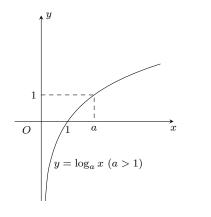
QUICK NOTE	
	=

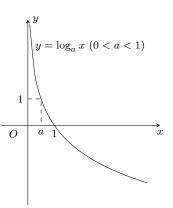
	y	$=a^{x}$ (a)	> 1)			y =	$a^x (0 <$	a < 1)		
	$\mathscr{D} = 1$	$\mathbb{R}; T = ($	$0; +\infty$).			$\mathscr{D} =$	$\mathbb{R}, T = 0$	$0; +\infty$).		
Tíı	nh liên tục:	Hàm số	liên tục	trên \mathbb{R} .	Tí	nh liên tục:	: Hàm số	liên tục	trên \mathbb{R} .	
	Giớ	i hạn đặ	c biệt			Gió	ới hạn đặ	c biệt		
	$\lim_{x \to -\infty} a^x =$					$\lim_{x \to -\infty} a^x$				
Sự b	oiến thiên: l	Hàm số o	đồng biến	n trên \mathbb{R} .	Sự b	iến thiên: H	I àm số n	ghịch biế	ên trên \mathbb{R} .	
	Bå	ng biến	thiên			Bå	ing biến t	thiên		
	x	$-\infty$	0	$+\infty$		x	$-\infty$	0	+∞	
				1.00			1.00			

 \ref{final} Định nghĩa 20.3. Cho số dương a khác 1. Hàm số cho tương ứng mỗi số thực dương x với số thực $\log_a x$ được gọi là **hàm số lô-ga-rít** cơ số a, kí hiệu $y=\log_a x.$

Nhận xét: Cho hàm số $y = \log_a x \ (a > 0, a \neq 1).$

_										
		$y = a^x$ ($= a^x (0 <$			
	$\mathscr{D} =$	= (0; +0)	$\circ); T = \mathbb{R}$			$\mathscr{D} =$	$=(0;+\infty$	$); T = \mathbb{R}.$		
Tí	nh liên tục: H	$lam s \delta$	liên tục tré	$en (0; +\infty)$	Tí	nh liên tục: H	Iàm số li	iên tục tré	\hat{e} n $(0; +\infty)$	٥).
	Gi	iới hạn	đặc biệt			G	iới hạn đ	łặc biệt		
	$\lim_{x \to +\infty} \log_a x$	$=+\infty,$	$\lim_{x\to 0^+}\log_a$	$x = -\infty$		$\lim_{x \to +\infty} \log_a x =$				
	Hàm số đ	ồng biế	n trên (0; -	$+\infty$).		Hàm số ng	ghịch biế	n trên (0;	$+\infty$).	
	В	ảng biế	n thiên			В	lång biến	n thiên		
	x	0	1	+∞		x	0	1	+∞	
				$+\infty$			$+\infty$			
	$y = \log_a x$	$-\infty$	0	7		$y = \log_a x$		0_	$-\infty$	





B. <u>CÁ</u>C DẠNG TOÁN THƯỜNG GẶP



Tập xác định của hàm số

Hàm số $y = \log_a f(x)$ $(0 < a \neq 1)$ xác định khi f(x) > 0.

1. Ví dụ mẫu

VÍ DỤ 1. Tìm tập xác định của hàm số $y = 12^x$.

VÍ DỤ 2. Tìm tập xác định của các hàm số

a)
$$y = \log_2(3 - 2x)$$
.

b)
$$y = \log_3(x^2 + 4x)$$
.

VÍ DỤ 3. Tìm tập xác định của các hàm số sau

a)
$$y = \log |x + 3|$$
;

b)
$$y = \ln(4 - x^2)$$
.

VÍ DU 4. Tìm tập xác đinh của các hàm số

a)
$$y = \log_5(2x - 3)$$
;

b)
$$y = \log_{\frac{1}{5}} (-x^2 + 4).$$

2. Bài tấp rèn luyên

BÀI 1. Tìm tập xác định của các hàm số sau

a)
$$y = \log_6(x - 4)$$

e)
$$y = \log_2(x - x^2)$$

i)
$$y = \log_{2022} (3x - x^2)$$

b)
$$y = \log_5(2x - 1)$$

$$f) y = \log_3(x-4)$$

c)
$$y = \log_2(3 - 2x)$$

g)
$$y = \log_7(x+2)^2$$

d)
$$y = \log_{2021}(3 - x)$$

h)
$$y = \log(2 + x - x^2)$$

$$j) y = \log_2\left(\frac{x-6}{1+x}\right)$$

BÀI 2. Tìm tất cả giá trị của tham số m để hàm số sau xác định trên $\mathbb R$

a)
$$y = \log_2(x^2 - 2x + m)$$

d)
$$y = \ln(3x^2 + 12mx + 6)$$

b)
$$y = \log(x^2 - 2x - m + 1)$$

c)
$$y = \log_7 (x^2 - 2x - m^2 + 5)$$

e)
$$y = \log(x^2 - 8x + 10m - m^2)$$

3. Bài tập trắc nghiệm

CÂU 1. Tập xác định của hàm số $y = (2 - \sqrt{3})^x$ là

$$(\mathbf{A})(0;+\infty).$$

$$(\mathbf{B})(-\infty;+\infty).$$

$$(\mathbf{c})[0;+\infty).$$

$$\bigcirc$$
 $(-\infty;0).$

CÂU 2. Tập xác định của hàm số $y = 7^x$ là

$$(\mathbf{B})(-\infty;+\infty).$$

$$(\mathbf{c})(0;+\infty).$$

$$(1; +\infty).$$

CÂU 3. Tìm tập xác định \mathscr{D} của hàm số $y = \log_2 (x^2 - 2x - 3)$.

$$\mathbf{B} \, \mathscr{D} = (-\infty; -1] \cup [3; +\infty).$$

$$(\mathbf{C})(-1;3).$$

$$(\mathbf{D}) \mathscr{D} = (-\infty; -1) \cup (3; +\infty).$$

CÂU 4. Hàm số $y = \log_3(2x - 3)$ có tập xác định là

$$lacklacklack$$
 $\mathbb{R}.$

$$\left(-\infty; \frac{3}{2}\right]$$
.

$$\bigcirc \left(-\infty; \frac{3}{2}\right).$$

CÂU 5. Tập xác định của hàm số $y = \log_3(2-x)$ là

AU 5. Tập x
$$(A)[2; +\infty).$$

$$(\mathbf{B})(-\infty;2].$$

$$(\mathbf{C})\mathbb{R}\setminus\{2\}.$$

$$(\mathbf{D})(-\infty;2).$$

CÂU 6. Gọi \mathscr{D} là tập tất cả những giá trị của x để $\log_2(2018-x)$ có nghĩa. Tập \mathscr{D} là

A)
$$\mathscr{D} = [0; 2018]$$
.

$$(\mathbf{B}) \mathscr{D} = (-\infty; 2018).$$
 $(\mathbf{C}) \mathscr{D} = (-\infty; 2018].$ $(\mathbf{D}) \mathscr{D} = (0; 2018).$

$$\mathbf{\hat{c}}$$
) $\mathscr{D} = (-\infty \cdot 2018]$

$$\bigcirc \mathscr{D} \mathscr{D} = (0.2018)$$

CÂU 7. Tập xác định \mathscr{D} của hàm số $y = \log_2(x-3) + \log_3(x+2)$ là

$$(\mathbf{A}) \mathcal{D} = (-\infty; -2) \cup (3; +\infty).$$

$$\mathbf{B} \mathscr{D} = (-2; +\infty).$$

$$\mathbf{C} \mathscr{D} = (3; +\infty).$$

D
$$\mathscr{D} = (-2; 3).$$

CÂU 8. Tìm tập xác định $\mathscr D$ của hàm số $y=\log_{13}\frac{x+2}{x-5}$

$$(\mathbf{A})\,\mathscr{D}=(-\infty;0]\cup(5;+\infty).$$

B)
$$\mathscr{D} = [-2; 5).$$

$$(\mathbf{C})\,\mathscr{D}=(-\infty;-2]\cup[5;+\infty).$$

$$(\mathbf{D}) \mathscr{D} = (-\infty; -2) \cup (5; +\infty).$$

CÂU 9. Tập xác định $\mathscr D$ của hàm số $y=\log_5\frac{x+3}{x-2}$ là

$$(\mathbf{A}) \mathscr{D} = (-\infty; -3) \cup (2; +\infty) .$$

$$\mathbf{B} \mathscr{D} = (-\infty; -3] \cup [2; +\infty) .$$

$$(\mathbf{C}) \mathscr{D} = [-3; 2)$$
.

$$(\mathbf{D}) \mathscr{D} = (-\infty; -3] \cup (2; +\infty) .$$

CÂU 10. Tìm tập xác định \mathscr{D} của hàm số $y = \log(x^2 - 5x - 6)$.

$$\mathbf{A} \, \mathscr{D} = (-\infty; -1) \cup (6; +\infty).$$

$$\mathbf{B} \mathscr{D} = (-\infty; -1] \cup [6; +\infty).$$

$$\bigcirc$$
 $\mathscr{D} = (-\infty; 2] \cup [3; +\infty).$

$$(\mathbf{D})\,\mathscr{D}=(-\infty;2)\cup(3;+\infty).$$

CÂU 11. Tập xác định của hàm số $y = \ln(x^2 - 5x + 6)$ là

$$(\mathbf{A})(-\infty;2]\cup[3;+\infty).$$

$$(\mathbf{B})(-\infty;2)\cup(3;+\infty).$$

$$(\hat{\mathbf{C}})[2;3].$$

$$(\mathbf{D})(2;3).$$

ဩ	ш	_	Ν	$\boldsymbol{-}$	т	
71	T.	•	N	u	ш	

0ÂU 40	TT\ 1 ^	/ + 1	0 2	1 \	4	$_{1}$ $2-x$
CAU 12.	1 m tạp	xac aim	n D cu	a nam	so $y =$	$\log \frac{2-x}{x^2+1}.$

- $\mathbf{B})\,\mathscr{D}=(2;+\infty).$

 \bigcirc $\mathcal{D} = (-\infty; 2).$

 $(\mathbf{D})\mathcal{D} = (-1;1) \cup (2;+\infty).$

CÂU 13. Tìm tập xác định \mathscr{D} của hàm số y = $\overline{\log_4(4-x)-3}$

 $(\mathbf{A})\,\mathscr{D}=(4;+\infty).$

- $\mathbf{(B)}\,\mathscr{D}=(-\infty;4).$
- $(\mathbf{C}) \mathscr{D} = (-\infty; -60) \cup (-60; 4).$
- **(D)** $\mathscr{D} = (-\infty; -60) \cup (-60; 4].$

CÂU 14. Tập xác định \mathscr{D} của hàm số $y = \log_5(x^2 + 2x - 3)$ là

- $(\mathbf{A})\,\mathscr{D}=(-\infty;-3)\cup(1;+\infty).$
- **(B)** $\mathscr{D} = [-3; 1].$

(C) $\mathscr{D} = (-3; 1).$

 $(\mathbf{D})\mathcal{D} = (-\infty; -3] \cup [1; +\infty).$

CÂU 15. Có bao nhiêu giá trị nguyên của tham số m để hàm số $y = \log_3(x^2 - 2mx + m + 6)$ có tập xác đinh là \mathbb{R} ?

- (A) 4.
- **(B)** 5.
- **(C)** 6.
- (\mathbf{D}) vô số.

CÂU 16. Tìm tất cả các giá trị thực của tham số m để hàm số $y = \ln(x^2 - 2x + m + 1)$ có tập xác định là \mathbb{R} .

(**A**) m = 0.

(B) 0 < m < 3.

(C) m < -1 hoặc m > 0.

 $(\mathbf{D}) m > 0.$

Sự biến thiên và đồ thị của hàm số mũ và lôgarít

1. Ví du mâu

VÍ DỤ 1. Lập bảng biến thiên và vẽ đồ thị hàm số $y = 3^x$.

VÍ DỤ 2. Vẽ đồ thị hàm số $y = \left(\frac{1}{2}\right)^x$.

VÍ DỤ 3. Vẽ đồ thị các hàm số sau:

a) $y = \log x$;

b) $y = \log_{\frac{1}{2}} x$.

VÍ DU 4. So sánh các cặp số sau:

a) $\log_3 7$ và $3\log_3 2$.

b) $2\log_{0.4} 5$ và $3\log_{0.4} 3$.

VÍ DỤ 5. Sử dụng tính chất của hàm số mũ, so sánh các cặp số sau:

- a) $1,4^2$ và $1,4^{1,8}$.
- b) $0.9^{-1.2}$ và $0.9^{-0.8}$.
- c) $\sqrt[3]{2}$ và $\sqrt[5]{4}$.

2. Bài tấp rèn luyên

BÀI 1. Trong các hàm số sau, hàm số nào đồng biến, hàm số nào nghịch biến trên khoảng xác đinh của hàm số đó? Vì sao?

a)
$$y = \left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right)^x$$
;

a)
$$y = \left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right)^x$$
; b) $y = \left(\frac{\sqrt[3]{26}}{3}\right)^x$; c) $y = \log_{\pi} x$; d) $y = \log_{\frac{\sqrt{15}}{4}} x$.

c)
$$y = \log_{\pi} x$$
;

$$d) \ \ y = \log_{\frac{\sqrt{15}}{4}} x$$

BÀI 2. Lập bảng biến thiên và vẽ đồ thị hàm số $y = 4^x$;

BÀI 3. Vẽ đồ thị các hàm số sau: $y = \left(\frac{1}{3}\right)^x$.

BÀI 4. Vẽ đồ thị hàm số sau: $y = \left(\frac{1}{4}\right)^x$.

BÀI 5. Vẽ đồ thị các hàm số sau

- a) $y = \log_{\frac{1}{4}} x$.
- b) $y = \log_3 x$

BÀI 6. So sánh các cặp số sau:

a) $\log_{\pi} 0.8$ và $\log_{\pi} 1.2$.

b) $\log_{0.3} 2$ và $\log_{0.3} 2,1$.

BÀI 7. So sánh các cặp số sau:

a) $1,3^{0,7}$ và $1,3^{0,6}$.

b) $0.75^{-2.3}$ và $0.75^{-2.4}$.

3. Bài tập trắc nghiệm

CÂU 1. Hàm số nào dưới đây đồng biến trên tập xác định của nó?

B
$$y = (0,6)^x$$
.

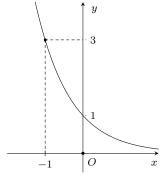
$$\bigcirc y = \left(\frac{\mathrm{e}}{5}\right)^x.$$

(B)
$$y = (0.6)^x$$
. **(C)** $y = \left(\frac{e}{5}\right)^x$. **(D)** $y = \left(\frac{3}{4}\right)^x$.

CÂU 2.

Hàm số nào sau đây có đồ thị như hình vẽ bên?

$$\mathbf{B} y = (\sqrt{3})^x.$$



CÂU 3. Hàm số nào sau đây đồng biến trên khoảng $(-\infty; +\infty)$?

$$\mathbf{B} y = \left(\frac{2}{2}\right)^x$$

$$\bigcirc y = \left(\frac{\pi}{3}\right)^x$$

CÂU 4. Hàm số nào sau đây đồng biến trên tập xác định của nó?

B
$$y = \left(\sqrt{2020} - \sqrt{2019}\right)^x$$
.

©
$$y = \log_{\frac{1}{2}}(x+4)$$
.

CÂU 5. Trong các hàm số sau, hàm số nào nghich biến trên \mathbb{R} ?

$$\bigcirc y = \log_3 x^2.$$

CÂU 6. Trong các hàm số dưới đây, hàm số nào nghịch biến trên khoảng \mathbb{R} ?

A
$$y = (0,5)^x$$
.

$$\mathbf{C} y = \pi^x$$
.

$$(\mathbf{D})y = e^x.$$

CÂU 7. Cho hàm số $y = e^x$. Mệnh đề nào sau đây là sai?

- (A) Đồ thị hàm số đi qua điểm A(1;0).
- **(B)** Tập xác định của hàm số $\mathscr{D} = \mathbb{R}$.
- **(C)** Hàm số có đạo hàm $y' = e^x, \forall x \in \mathbb{R}$.
- (D) Đồ thị hàm số nhận trục hoành là tiệm cận ngang.

CÂU 8. Tìm tất cả các giá trị của a để hàm số $y = (2020 - a)^x$ nghịch biến trên \mathbb{R} .

(A)
$$a < 2019$$
.

(B)
$$2019 < a < 2020$$
. **(C)** $0 < a < 1$.

$$\bigcirc 0 < a < 1$$

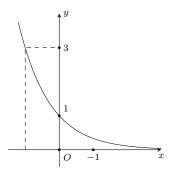
(D)
$$a < 2020$$
.

CÂU 9.

Đồ thị trong hình vẽ bên dưới là đồ thị của hàm số nào sau

$$\bigcirc$$
 $\left(\frac{1}{3}\right)^x$.

$$\bigcirc$$
 $(\sqrt{3})^x$.



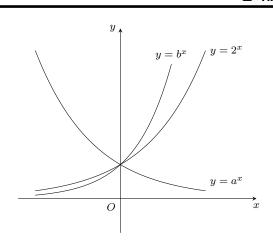
CÂU 10. Hàm số nào dưới đây nghịch biến trên tập xác định của nó?

$$\mathbf{\hat{A}} y = (\sqrt{2})^x.$$

$$\mathbf{C} y = \left(\frac{\pi}{e}\right)^x.$$

CÂU 11. Cho hai số thực a, b khác 1 và đồ thị của ba hàm số $y = a^x, y = b^x, y = 2^x$ trên cùng một hệ trực tọa độ có dạng như hình vẽ bên.

VNPmath - 0962940819 **♀ QUICK NOTE**



Mệnh đề nào sau đây đúng?

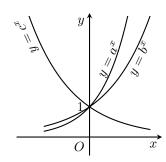
- \bigcirc 1 < a < 2, 1 < b < 2.
- (\mathbf{C}) 0 < a < 1, b > 2.

- **(B)** 0 < a < 1, 1 < b < 2.
- **(D)** 1 < a < 2, b > 2.

CÂU 12.

Cho đồ thị ba hàm số $y = a^x$, $y = b^x$, $y = c^x$ như hình vẽ bên. Kết luận nào sau đây đúng?

- (A) 0 < c < 1 < b < a.
- **(B)** 0 < a < 1 < c < b.
- **(C)** 0 < a < 1 < b < c.
- **(D)** 0 < c < 1 < a < b.



CÂU 13. Trong các hàm số sau đây, hàm số nào nghịch biến trên tập xác định của nó?

- $(\mathbf{A}) y = \ln x.$

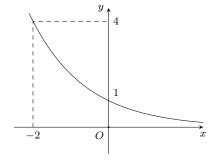
- $(\mathbf{D})y = \log_{\sqrt{3}} x.$

CÂU 14.

Đường cong ở hình bên là đồ thị của một hàm số trong bốn hàm số được liệt kê ở bốn phương án dưới đây. Hỏi hàm số đó là hàm số nào?.

$$\mathbf{C} y = 2^x.$$

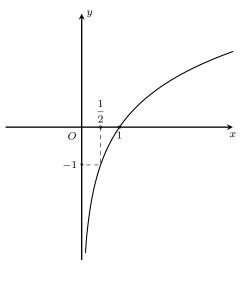
$$\mathbf{D}$$
 $y = -x^2 + 2x + 1$.



CÂU 15.

Đường cong trong hình bên là đồ thị của một hàm số trong bốn hàm số được liệt kê ở bốn phương án A, B, C, D dưới đây. Hỏi hàm số đó là hàm số nào?

$$\bigcirc y = \log_2 2x.$$



CÂU 16.

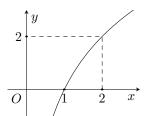
Tìm giá trị a của hàm số $y = \log_a x \; (0 < a \neq 1)$ có đồ thị như hình vẽ bên.

$$(\mathbf{A}) a = \sqrt{2}.$$

$$\bigcirc$$
 $a=2.$

$$\mathbf{c} a = \frac{1}{2}$$

©
$$a = \frac{1}{2}$$
. **D** $a = \frac{1}{\sqrt{2}}$.



CÂU 17.

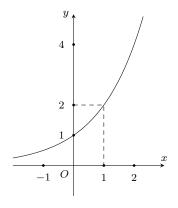
Đồ thị sau là của hàm số nào dưới đây?

$$(\mathbf{A}) y = \ln x.$$

$$\mathbf{B} y = 2^x.$$

$$\bigcirc y = \log_2 x.$$

$$(\mathbf{D}) y = 4^x.$$



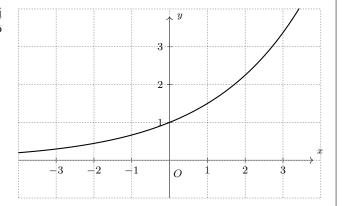
CÂU 18. Cho hàm số $y = \log_{\frac{1}{\sqrt{3}}} x$. Khẳng định nào dưới đây sai?

- (A) Đồ thị hàm số đi qua điểm (1;0).
- (B) Đồ thị hàm số nằm phía trên trục hoành.
- (**c**) Hàm số nghịch biến trên $(0; +\infty)$.
- (D) Đồ thị hàm số nằm bên phải trực tung.

CÂU 19.

Đồ thị như hình vẽ bên là đồ thị của hàm số nào trong các hàm số sau

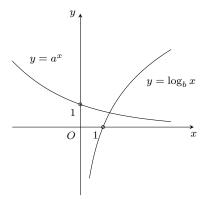
$$\mathbf{B}) y = \left(\frac{s}{2}\right) .$$



CÂU 20.

Cho đồ thị hàm số $y = a^x, y = \log_b x$ (như hình vẽ). Khẳng định nào sau đây đúng?

- (A) 0 < b < 1 < a.
- **(B)** 0 < a < 1 < b.
- **(C)** a, b > 1.
- **(D)** 0 < a, b < 1.

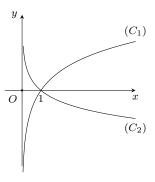


CÂU 21.

ດບ		N	\frown T	ī
wυ	ICK	11/4	VIII	_

Cho hai hàm số $y = \log_a x, \ y = \log_b x$ với a, b là hai số thực dương, khác 1 có đồ thị lần lượt là (C_1) , (C_2) như hình vẽ. Khẳng định nào sau đây sai?

- (A) 0 < b < a < 1.
- **(B)** a > 1.
- (**C**) 0 < b < 1 < a.
- $(\mathbf{D}) 0 < b < 1.$



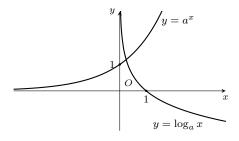
CÂU 22. Cho a là số thực dương khác 1. Tìm mệnh đề đúng trong các mệnh đề sau.

- (A) Đồ thị hàmg số $y = a^x$ với 0 < a < 1 đồng biến trên khoảng $(-\infty; +\infty)$.
- **(B)** Hàm số $y = a^x$ với a > 1 nghịch biến trên khoảng $(-\infty; +\infty)$.
- (**c**) Đồ thị hàm số $y = a^x$ luôn đi qua điểm M(a; 1).
- \bigcirc Đồ thị hàm số $y = a^x$ và đồ thị hàm số $y = \log_a x$ đối xứng nhau qua đường thẳng y = x.

CÂU 23.

Cho đồ thị hàm số $y = a^x$, $y = \log_b x$ như hình vẽ. Trong các khẳng định sau, đâu là khẳng định đúng?

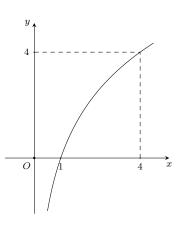
- (A) 0 < b < 1 < a.
- **(B)** a > 1, b > 1.
- **(C)** 0 < a < 1 < b.
- $(\mathbf{D}) 0 < a < 1, 0 < b < 1.$



CÂU 24.

Hàm số $y = \log_a x \ (0 < a \neq 1)$ có đồ thị là hình bên. Giá trị của cơ số a bằng

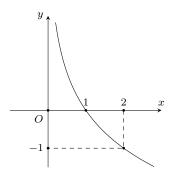
- **(A)** $\sqrt[4]{2}$.
- $(\mathbf{C})\sqrt{2}$.
- $(\mathbf{D})2.$



CÂU 25.

Đường cong trong hình bên dưới là đồ thi của một trong bốn hàm số được liệt kê ở bốn phương án A, B, C, D dưới đây. Hỏi hàm số đó là hàm số nào?

- $(\mathbf{A}) y = \log_2 x.$
- $\bigcirc y = \log_{\frac{1}{2}} x.$



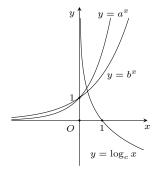
CÂU 26.

Cho đồ thị các hàm số $y=a^x, y=b^x$ và $y=\log_c x$ như hình vē. Khẳng định nào sau đây đúng?

(**A**) b < a < c. (**B**) c < b < a. (**C**) c < a < b. (**D**) a < b < c.



$$\bigcirc$$
 $a < b < c$



CÂU 27.

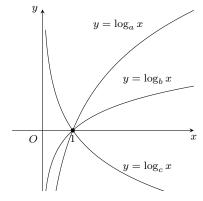
Cho đồ thị của ba hàm số $y = \log_a x, y =$ $\log_b x$, $y = \log_c x$ như hình vē. Khẳng định nào sau đây đúng?

$$(\mathbf{A}) b > c > a.$$

$$(\mathbf{B}) b > a > c$$

$$(\mathbf{C}) c > a > b.$$

B
$$b > a > c$$
.
D $c > b > a$.





Bài toán thực tế

1. Ví du mẫu

VÍ DỤ 1. Ta coi năm lấy làm mốc để tính dân số của một vùng (hoặc một quốc gia) là năm 0. Khi đó, dân số của quốc gia đó ở năm thứ t là hàm số theo biến t được cho bởi công thức: $S = A \cdot e^{rt}$. Trong đó A là dân số của vùng (hoặc quốc gia) đó ở năm 0 và r là tỉ lê tăng dân số hằng năm (Nguồn: Giải tích 12, NXBGD Việt Nam, 2021). Biết rằng dân số Việt Nam năm 2021 ước tính là 98564407 người và tỉ lệ tăng dân số 0.93%/năm (Nguồn: https://danso.org/viet-nam). Giả sử tỉ lệ tăng dân số hằng năm là như nhau tính từ năm 2021, nêu dư đoán dân số Việt Nam năm 2030 (làm tròn kết quả đến hàng đơn vi).

VÍ DỤ 2. Năm 2020, dân số thế giới là 7,795 tỉ người và tốc độ tăng dân số là 1,05%/năm (nguồn: http://www.worldmeters.info/world-population). Nếu tốc độ tăng này tiếp tục duy trì ở những năm tiếp theo thì dân số thế giới sau t năm kể từ năm 2020 được tính bởi công thức

$$P(t) = 7,795 \cdot (1 + 0,0105)^t$$
 (tỉ người). (*)

Khi đó, hãy tính dân số thế giới vào năm 2025 và năm 2030. (Mốc thời điểm để tính dân số của mỗi năm là ngày 1 tháng 7.)

Chú ý: Với giả thiết tốc độ tăng dân số 1,05%/năm không đổi, công thức (*) được áp dụng để tính dân số thế giới tại thời điểm bất kì sau năm 2020. Chẳng hạn, dân số thế giới tại thời điểm ngày 1 tháng 1 năm 2022 (ứng với t = 1.5) là

$$P(1,5) = 7,795 \cdot (1 + 0,0105)^{1,5} \approx 7,918$$
 (tỉ người).

VÍ DỤ 3. Trong Vật lí, sự phân rã của các chất phóng xạ được cho bởi công thức: m(t) =

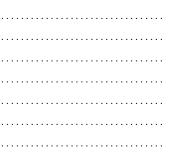
 $m_0 \cdot \left(\frac{1}{2}\right)^{\frac{t}{T}}$; trong đó m_0 là khối lượng chất phóng xạ ban đầu (tại thời điểm t=0), m(t)

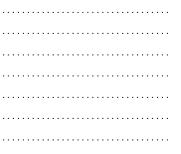
là khối lương chất phóng xa tai thời điểm t và T là chu kì bán rã (Nguồn: Giải tích 12, NXBGD Việt Nam, 2021). Hat nhân Poloni (Po) là chất phóng xa α có chu kì bán rã là 138 ngày (Nguồn: Vật lí 12, NXBGD Việt Nam, 2021). Giả sử lúc đầu có 100 gam Poloni. Tính khối lượng Poloni còn lại sau 100 ngày theo đơn vị gam (làm tròn kết quả đến hàng phần

VÍ DỤ 4. Lốc xoáy là hiện tượng một luồng không khí xoáy tròn mở rộng ra từ một đám mây dông xuống tới mặt đất. Các cơn lốc xoáy thường có sức tàn phá rất lớn. Tốc độ của gió (đơn vị: dặm/giờ) gần tâm của một cơn lốc xoáy được tính bởi công thức: $S = 93 \log d + 65$,

QL	JICK	NO.	TE

•																																
•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•









٠	•	•	•	•	•	•	٠	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	

•	•	•	٠	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	٠
	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•

•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	

QUICK NOTE
GOIGRINGIE
•••••

(Nguồn: Ron Larson, Intermediate Algebra, Cengage) trong đó d (đơn vị: dặm) là quãng đường cơn lốc xoáy di chuyển được. Hãy tính tốc độ của gió ở gần tâm (làm tròn kết quả đến hàng đơn vi) khi cơn lốc xoáy di chuyển được quãng đường là

a) 5 dặm b) 10 dặm

VÍ DỤ 5. Trong âm học, mức cường độ âm được tính bới công thức $L = 10 \log \left(\frac{I}{I_0}\right)$ (dB) (dB là đơn vị mức cường độ âm, đọc là đề-xi-ben), trong đó I là cường độ âm tính theo W/m^2 và $I_0 = 10^{-12} \ W/m^2$ là cường độ âm chuẩn (cường độ âm thấp nhất mà tai người bình thường có thể nghe được).

(Nguồn: Vật lí 12, NXB Giáo dục Việt Nam, năm 2017, trang 52,53)

- a) Mức cường độ âm L thấp nhất mà tai người có thể nghe được là bao nhiêu?
- b) Cuộc trò chuyện có cường độ âm 10^{-9} W/m^2 thì có mức cường độ âm bằng bao nhiêu?
- c) Cường độ âm tại một khu văn phòng nằm trong miền từ 10^{-7} W/m² đến $5 \cdot 10^{-6}$ W/m² (tức là $10^{-7} \le I \le 5 \cdot 10^{-6}$). Mức cường độ âm tại khu văn phòng này nằm trong khoảng nào? (Làm tròn kết quả đến hàng đơn vị).

2. Bài tập rèn luyện

BÀI 1. Giả sử một chất phóng xạ bị phân rã theo cách sao cho khối lượng m(t) của chất còn lại (tính bằng kilôgam) sau t ngày được cho bởi hàm số $m(t) = 13e^{-0.0015t}$.

- a) Tìm khối lượng của chất đó tại thời điểm t = 0.
- b) Sau 45 ngày khối lượng chất đó còn lại là bao nhiêu?

BÀI 2. Các nhà tâm lí học sử dụng mô hình hàm số mũ để mô phỏng quá trình học tập của một học sinh như sau: $f(t) = c \left(1 - e^{-kt}\right)$, trong đó c là tổng số đơn vị kiến thức học sinh phải học, k (kiến thức/ngày) là tốc độ tiếp thu của học sinh, t (ngày) là thời gian học và f(t) là số đơn vị kiến thức học sinh đã học được (Nguồn: R.I. Charles et al., Algebra 2, Pearson). Giả sử một em học sinh phải tiếp thu 25 đơn vị kiến thức mới. Biết rằng tốc độ tiếp thu của em học sinh là k = 0,2. Hỏi em học sinh sẽ nhớ được (khoảng) bao nhiêu đơn vị kiến thức mới sau 2 ngày? Sau 8 ngày?

BÀI 3. Chỉ số hay độ pH của một dung dịch được tính theo công thức: pH = $-\log{[\mathrm{H}^+]}$. Phân tích nồng độ ion hydrogen $[\mathrm{H}^+]$ trong hai mẫu nước sông, ta có kết quả sau: Mẫu 1: $[\mathrm{H}^+] = 8 \cdot 10^{-7}$; Mẫu 2: $[\mathrm{H}^+] = 2 \cdot 10^{-9}$. Không dùng máy tính cầm tay, hãy so sánh độ pH của hai mẫu nước trên.

BÀI 4. Cường độ ánh sáng I dưới mặt biển giảm dần theo độ sâu theo công thức $I = I_0 \cdot a^d$, trong đó I_0 là cường độ ánh sáng tại mặt nước biển, a > 0 là hằng số và d là độ sâu tính bằng mét tính từ mặt nước biển.

(Nguồn: http://www.britannica.com/science/seawer/Optical-properties)

- a) Có thể khẳng định rằng 0 < a < 1 không? Giải thích.
- b) Biết rằng cường độ ánh sáng tại độ sâu 1m bằng $0.95I_0$. Tìm giá trị của a.
- c) Tại độ sâu 20m, cường độ ánh sáng bằng bao nhiêu phần trăm so với I_0 ? (Làm tròn kết quả đến hàng đơn vị.)

BÀI 5. Một người gửi 10 triệu đồng vào ngân hàng theo hình thức lãi kép có kì hạn là 12 tháng vối lãi suất 6%/năm. Giả sử qua các năm thì lãi suất không thay đổi và người đó không gửi thêm tiền vào mỗi năm. Để biết sau y (năm) thì tổng số tiền cả vốn và lãi có được là x (đồng), người đó sử dụng công thức $y = \log_{1,06} \left(\frac{x}{10}\right)$. Hỏi sau bao nhiêu năm thì người đó có được tổng số tiền cả vốn và lãi là 15 triệu đồng? 20 triệu đồng? (Làm tròn kết quả đến hàng đơn vị).

BÀI 6. Trong một nghiên cứu, một nhóm học sinh được cho xem cùng một danh sách các loài động vật và được kiểm tra lại xem họ còn nhớ bao nhiêu phần trăm danh sách đó sau mỗi tháng. Giả sử sau t tháng, khả năng nhớ trung bình của nhóm học sinh đó được tính theo công thức $M(t) = 75 - 20 \ln(t+1), \ 0 \le t \le 12$ (đơn vị: %). Hãy tính khả năng nhớ trung bình của nhóm học sinh đó sau 6 tháng.

🕜 HÀM SỐ MŨ - LO	GARIT			♥ VNPmath - 0962940819 ♥
	độ ánh sáng tại mặ		sâu theo công thức $I = I_0 \cdot a^d$, à hằng số và d là độ sâu tính	QUICK NOTE
(Nguồn: http	o://www.britannica	.com/science/seawer	/Optical-properties)	
a) Có thể khẳng đị	nh rằng $0 < a < 1$ l	không? Giải thích.		
, -	-	sâu 1m bằng $0.95I_0$	Tìm giá trị của a	
, , ,				
c) Tại độ sâu 20m, kết quả đến hàng		; băng bao nhiêu ph	ần trăm so với I_0 ? (Làm tròn	
BÀI 8. Công thức h =	$= -19.4 \cdot \log \frac{P}{P_c}$ là	mô hình đơn giản c	ho phép tính độ cao h so với	
mặt nước biển của mộ	ột vị trí trong khôn l p suất P_0 của khôn	g trung (tính bằng l	ki-lô-mét) theo áp suất không biển (cùng tính bằng Pa - đơn	
(N	Javõn: http://doi.or	g/10.1007/s40828-02	20-0111-6)	
`			,	
a) Nếu áp suất khô	ng khí ngoài máy b	vay bằng $\frac{1}{2}P_0$ thì mấ	íy bay đang ở độ cao nào?	
h) Án guất không k	hí tại đỉnh gủa ngọi	a nýi A bằng ⁴ lần á	in quất không khí tại định gia	
		0	áp suất không khí tại đỉnh của ki-lô-mét? (Làm tròn kết quả	
đến hàng phần n		a cao non sao ninea	Ki to met. (Bam tron ket qua	
0 531.0	1.00			
3. Bài tập trắc n				
gấp đôi. Bởi vậy số cá	a thể vi khuẩn được	biểu thị theo thời	sau 3 giờ thì số cá thể lại tăng gian t (đơn vị giờ) bằng công ới 50000 cá thể (làm tròn đến	
hàng phần mười)?			10.6	
A 36,8 giờ.	B 30,2 giờ.	© 26,9 giờ.	(D) 18,6 giờ.	
			150 tỉ đồng. Dự kiến trong 10 o với năm liền trước. Theo dự	
_	<u></u>	~	X vượt quá 360 tỉ đồng?	
A 2026.	(B) 2027.	© 2028.	(D) 2029.	
			ng thay đổi là 6%/ năm. Biết năm, số tiền lãi sẽ được nhập	
vào vốn ban đầu (ngườ	ời ta gọi là lãi kép).	Người đó định gửi t	tiền trong vòng 3 năm, sau đó	
rut ra 500 triệu dong. hàng triệu) là bao nhi		người đó phải gửi ti	rong ngân hàng (làm tròn đến	
A 420.	B 410.	© 400.	D 390.	
CÂU 4. Ông Hùng dự	định gửi vào ngân	hàng một số tiền vớ	i lãi suất 6,5% một năm. Biết	
			iền x (triệu đồng, $x \in \mathbb{N}$) nhỏ	
mua một chiếc xe máy			ới rút lãi) thì số tiền lãi có thể	
A 280.	B 289.	© 300.	D 308.	
			ức lãi kép. Lãi suất ngân hàng	
			đồng nữa. Hỏi sau 10 năm kể i được là bao nhiêu? (Biết lãi	
suất không thay đổi q	ua các năm ông X g	gửi tiền).		
(A) 217,695 (triệu để	-/	B 231,815 (tr		
© 190,271 (triệu đồ	<u> </u>	D 197,201 (tr	-,	
lít và 15000 VNĐ/ 1 l	ít. Giả sử $r\%$ là tỷ	lệ tăng giá xăng trư	Nam lần lượt là $5000 \text{ VNĐ}/1$ mg bình hàng năm trong giai	
đoạn từ năm 2000 đến	năm 2020 ở Việt N	Nam. Hỏi $r\%$ bằng b	oao nhiêu?	

B 5%.

c 4,56%.

D 5,64%.

 \bigcirc 5,46%.

QUICK NOTE	$S(t) = S(0) \cdot 2^t$, trop A sau t phút. Biết s	ng đó $S(0)$ là số lượng v sau 4 phút thì số lượng v	i khuẩn A lúc ban đầu vi khuẩn A trong phòr	n được tính theo công thức $S(t)$ là số lượng vi khuẩn ng thí nghiệm là 250 nghìn ng phòng thì nghiệm là 1
	A 6 phút.	B 64 phút.	© 16 phút.	D 8 phút.
	rút tiền ra khỏi ngâ lãi cho năm tiếp thơ số tiền gửi ban đầu	n hàng thì cứ sau mỗi n eo. Hỏi sau ít nhất bao n	ăm số tiền lãi được nh nhiêu năm nữa thì số t số tiền đã gửi ban đầ	năm. Biết rằng nếu không tập vào số tiền vốn để tính tiền người đó thu được (cả u? Giả định trong khoảng ra.
	Bài 21. PHI	JONG TRÌNH.	BẤT PHƯƠNG	F TRÌNH MŨ VÀ
		, , , , , , , , , , , , , , , , , , ,	LÔGARIT	
		•	LOOAKII	
	A. TÓM TẮT	LÝ THUYẾT		
	1. Phương trì	nh mũ		
······································	_	mũ là phương trình có	chứa ẩn ở số mũ của l	ũy thừa.
		mũ cơ bản ẩn x có dạn		
	_)·
		0 thì phương trình vô n 0 thì phương trình có n		og h
		o tin phuong trinii co n	ginem duy imat $x = 0$	$g_{\mathbf{g}_a}$ σ .
	7 Nhận xét.			
	$igotimes Với a>0, a \neq 0$	$f = 1, b > 0 \text{ thì } a^{f(x)} = b \Leftarrow$	$\Rightarrow f(x) = \log_a b.$	
		$f = 1 \text{ thì } a^{f(x)} = a^{g(x)} \Leftrightarrow f$		
	Cách giải phu cơ số .	rơng trình mũ như trên	thường được gọi là ph	nương pháp $ extit{dua} \ v \hat{ extit{e}} \ c \hat{ extit{u}} n g$
	2. Phương trì	· ·		
	⊘ Phương trình	lôgarit là phương trình	có chứa ấn trong biểu	thức dưới dấu lôgarit.
	Phương trình	lôgarit cơ bản có dạng đó có một nghiệm là x	$\log_a x = b \ (a > 1, a \neq a)$	1).
		do co mọt ngmẹm ta x	-a.	
	7 Nhận xét.			
	$\mathbf{\Theta}$ Với $a > 0, a \neq$	$f = 1 \text{ thì } \log_a f(x) = b \Leftrightarrow f$	$f(x) = a^b.$	
	\bigcirc Cho $a > 0$ $a =$	$\neq 1$. Ta có: $\log_a f(x) = 1$	$\log q(x) \Leftrightarrow \int f(x) > 0$	
		f 1. It con $\log_a f(w)$	$\int f(x) = g$	p(x).
	3. Bất phươn	g trình mũ		
	· •	rình mũ là bất phương t	trình có chứa ẩn ở số 1	mũ của lũy thừa.
	⊘ Bất phương tự	rình mũ cơ bản là bất p	hương trình có một tr	ong những dạng sau
	But phacing the			
		$a^x > b; a^x < b; a^x$	$a^x \ge b; a^x \le b \ (a > 0, a)$	<i>≠</i> 1).
	⊘ Xét bất phươn	ng trình mũ: $a^x > b$ (a 3	$> 0, a \neq 1$).	
	— Nếu $b \leq$	0, tập nghiệm của bất p	hương trình đã cho là	\mathbb{R} (vì $a^x > 0 \ge b, \forall x \in \mathbb{R}$).
		0 thì bất phương trình		
	$V\acute{o}i \ a > 1$	1, nghiệm của bất phươ	ng trình là $x > \log_a b$.	
	Với 0 < ℓ	a < 1, nghiệm của bất p	onuong trinh là $x < \log x$	$g_a b$.
	🖊 Nhận xét. Các	bất phương trình mũ co	ơ bản còn lại được giả	i tương tự.

4. Bất phương trình lôgarit

- $\pmb{\Theta}$ Bất phương trình lôgarit là bất phương trình có chứa ẩn trong biểu thức dưới dấu lôgarit
- ❷ Bất phương trình lôgarit cơ bản là bất phương trình lôgarit có một trong các dạng sau:

$$\log_a x > b; \log_a x < b; \log_a x \ge b; \log_a x \le b (a > 0, a \ne 1).$$

- $\mbox{\ensuremath{ \bigodot}}$ Xét bất phương trình $\log_a x > b \ (a>0, a\neq 1).$ Bất phương trình tương đương với $\log_a x > \log_a a^b.$
 - Với a>1, nghiệm của bất phương trình là $x>a^b.$
 - Với 0 < a < 1, nghiệm của bất phương trình là $0 < x < a^b$.
- 7 NHẬN XÉT. Các bất phương trình lôgarit cơ bản còn lại được giải tương tự.

B. CÁC DẠNG TOÁN THƯỜNG GẶP

10

Phương trình mũ, lôgarit cơ bản

Sử dụng các công thức

- $\bigcirc a^{f(x)} = b \Leftrightarrow f(x) = \log_a b \ (a, b > 0; a \neq 1).$
- Θ $\log_a f(x) = b \Leftrightarrow f(x) = a^b \ (a > 0; a \neq 1).$

1. Ví du mẫu

VÍ DU 1. Tìm điều kiện xác định của các phương trình sau

a)
$$\log_2(2x - 1) = 3$$
.

b)
$$\log_3(-x^2 + 2x) = -1$$
.

VÍ DU 2. Giải mỗi phương trình sau:

a)
$$4^{2x-3} = 5$$
;

b)
$$10^{x+1} - 2 \cdot 10^x = 8$$
.

VÍ DU 3. Giải phương trình $10^{x-1} = 2022$.

VÍ DỤ 4. Giải các phương trình sau

a)
$$2^x = \frac{1}{8}$$
.

b)
$$5 \cdot 10^x = 1$$
.

c)
$$3^{x+2} = \sqrt[3]{9}$$
.

d)
$$2 \cdot 10^{2x} = 30$$
.

VÍ DU 5. Giải mỗi phương trình sau:

a)
$$\log_2 x = 5$$
;

b)
$$\log_4(5x - 4) = 2$$
.

VÍ DU 6. Giải phương trình $4 + 3\log(2x) = 16$.

VÍ Dụ 7. Giải các phương trình sau

a)
$$\log_3 x = -2$$
.

b)
$$\log_{\frac{1}{2}}(x-2) = -2$$
.

2. Bài tập rèn luyện

BÀI 1. Tìm điều kiện xác định của các phương trình sau

a)
$$\log_5(3-4x)=2$$
.

b)
$$\log(x^2 - 2x - 3) = 3$$
.

BÀI 2. Giải các phương trình sau

a)
$$(0,3)^{x-3} = 1$$
.

b)
$$3^{x-1} = 27$$
.

c)
$$5^{3x-2} = 25$$
.

d)
$$3^{x+2} = 7$$
.

e)
$$3 \cdot 10^{2x+1} = 5$$
.

f)
$$10^{1-2x} = 100000$$
.

BÀI 3. Giải các phương trình sau

27 GV.VŨ NGỌC PHÁT

a)
$$\log(x+1) = 2$$
.

b)
$$\log_6(4x+4) = 2$$
.

c)
$$\log_{\frac{1}{2}}(x+1) = -3$$
.

d)
$$\log_3 x + \log_3(x-2) = 1$$
.

QUICK NOTE	3. Bài tập tr	ắc nghiêm		
	· -	•	trình $\log_3(x-2) = 1$ là	ı
			$(\mathbf{c})x > 2.$	
	CÂU 2. Điều kiện	n xác định của phương	trình $\ln \frac{1-x}{1-x} = 3$ là	
	$\mathbf{A} x < 1.$		$x+1$ $(\mathbf{B}) x \neq -1.$	
	\mathbf{C} $x < -1$ hoặ	x > 1.	$\mathbf{D} - 1 < x < 1.$	
		iệm của phương trình :	_	
			$\bigcirc x = 4.$	
	CÂU 4. Tập nghi	ệm của phương trình	$3^{2x^2-x} = 3 \text{ là}$	(4)
	$lack {f A}$ $\{0;2\}.$	\bigcirc $\left\{0; \frac{1}{2}\right\}.$	\bigcirc $\left\{-1; \frac{1}{2}\right\}.$	$igotimes \left\{ -rac{1}{2};1 \right\}.$
	CÂU 5. Tân nghị	ệm của phương trình l	$og_2(r^2 - 1) = 3 \text{ là}$	(2)
	$(A) \{-3; 3\}.$	$(\mathbf{B}) \{-3\}.$	(\mathbf{C}) {3}.	\bigcirc $\{-\sqrt{10}; \sqrt{10}\}.$
	CÂU 6. Tâp nghị	ệm của phương trình l	og(10x) = 2 l a	
	$\mathbf{A} \left\{ \frac{1}{10} \right\}.$	(B) {10}.	(C) {1}.	(D) {100}.
	. =	<u> </u>	<u> </u>	G 1 1
			hương trình $2^{x^2-3x+2} =$	
	$ (\mathbf{A}) P = 10. $	$\mathbf{B} P = 8.$	$\mathbf{C}P = 5.$	(D) $P = 13$.
	CAU 8. Tim tập $\mathbf{A} S = \{-3, 3\}$		trình $\log_2(x-1) + \log_2$ (B) $S = \{4\}.$	(x+1)=3.
	$S = \{3\}.$	•	$(\mathbf{D}) S = \{-\sqrt{10};$	$\sqrt{10}$ }.
		trình $2^x + 2^{x-1} + 2^{x-2}$	$= 3^x - 3^{x-1} + 3^{x-2} $ có	nghiêm
			$\bigcirc x = 4.$	
			$c + \log_3 x = 1 + \log_2 x \log_2 x$	$\log_3 x$ có hai nghiệm x_1, x_2 .
	Giá trị của $x_1^2 + x_2^2$		\bigcirc 2.	(D) 13.
	(A) 5.	(B) 25.	\circ	
	(A) 1. Tong ta	at ca cac nghiệm của p -2 .	hương trình $2^{x^2-2x-1} \cdot 3$ \bigcirc 2.	$\mathbf{D} = 18 \text{ bang}$
	_		_	$-2x - 3 - \log_2 x + 3 = 3$
	bằng			
	(A) 9.	(B) -2 .	© −4.	D 2.
	Bất p	phương trình mũ, lôg	arít cơ bản	
		g trình mũ: $a^x > b$ ($a > b$		
	• Nếu $b \leq 0$), tập nghiệm của bất _l	phương trình đã cho là I	\mathbb{R} (vì $a^x > 0 \ge b, \forall x \in \mathbb{R}$).
			tương đương với $a^x > a$	\log_a^b .
		, nghiệm của bất phươ	ong trình là $x > \log_a b$. phương trình là $x < \log_a b$	h
				, o.
		nh tương đương với log		
	• Với $a > 1$, nghiệm của bất phươ	a trình là $x > a^b$.	
	 Với 0 < a 	<1, nghiệm của bất p	phương trình là $0 < x <$	a^b .
	~ ~ ~			
	1. Ví dụ mâi			
	VI DŲ 1. Giải mố	ỗi bất phương trình sau		
	a) $5^x > 12;$		b) $(0,3)^{x+1} > 1$,7.
	VÍ DU 2. Giải bấ	t phương trình $16^x > 1$	<u>1</u>	
	•		×	

 $\boldsymbol{\mathsf{V}} \boldsymbol{\mathsf{I}} \ \boldsymbol{\mathsf{D}} \boldsymbol{\mathsf{U}} \ \boldsymbol{\mathsf{3}}.$ Giải mỗi bất phương trình sau

a) $\log_{\frac{1}{2}} x > -2;$

b) $\log_2(x+1) > 3$.

VÍ DU 4. Giải các bất phương trình sau

- a) $10^x < 0.001$.
- b) $0.4^x > 2$.
- c) $\left(\frac{1}{2}\right)^x \ge 2 \cdot 4^{2x}$.

VÍ DU 5. Giải các bất phương trình sau

a) $\log_{\frac{1}{2}}(x+1) < 2$.

b) $\log_5(x+2) < 1$.

2. Bài tập rèn luyện

BÀI 1. Giải mỗi bất phương trình sau

a) $3^x > \frac{1}{243}$

b) $\log(x-1) < 0$.

BÀI 2. Giải các bất phương trình sau

a) $\left(\frac{1}{3}\right)^{2x+1} \le 9$.

b) $4^x > 2^{x-2}$.

BÀI 3. Giải các bất phương trình sau

a) $\log_2(x-2) < 2$.

b) $\log(x+1) \ge \log(2x-1)$.

3. Bài tập trắc nghiệm

CÂU 1. Tìm tập nghiệm của bất phương trình $\left(\frac{1}{2}\right)^x < 4$.

- **B**) (0;4).
- $(\mathbf{D})(-\infty;2).$

CÂU 2. Giải bất phương trình $3^{x+2} \ge \frac{1}{9}$.

- $(\mathbf{D})x < 0.$

CÂU 3. Tập nghiệm của bất phương trình $\log_2(x-1) > 3$ là

- $(\mathbf{A}) (4; +\infty).$
- **(B)** $(9; +\infty)$.
- **(C)** $(10; +\infty)$.
- **(D)** $(1; +\infty)$.

CÂU 4. Tập nghiệm của bất phương trình $\log_3 x \le 1$ là

- $(\mathbf{A})(-\infty;3].$
- $(\mathbf{B})(-\infty;1].$
- $(\mathbf{C})(0;3].$
- $(\mathbf{D})(0;1].$

CÂU 5. Tìm tập nghiệm S của bất phương trình $\log_2(2x+1) \ge \log_2(x-1)$.

- **(B)** $S = [-2; +\infty).$
- $(\mathbf{C}) S = \mathbb{R}.$
- **(D)** $S = (1; +\infty).$

CÂU 6. Tập nghiệm của bất phương trình $\left(\frac{1}{2}\right)^{\sqrt{x}} < \frac{1}{2}$ là

- **(B)** (0; 1).
- $(\mathbf{D})\mathbb{R}$.

CÂU 7. Tập nghiệm của bất phương trình $\log_2(3-x) < 2$ là

- (A)(1;3).
- **(B)** $(3; +\infty)$.
- $(\mathbf{D})(-1;3).$

CÂU 8. Tìm tập nghiệm S của bất phương trình $5^{x+1} - \frac{1}{5} > 0$.

- $\mathbf{B}) S = (-\infty; -2).$
- $(\mathbf{C}) S = (-2; +\infty).$
- $(\mathbf{D})S = (-1; +\infty).$

CÂU 9. Tập nghiệm của bất phương trình $\left(\frac{3}{4}\right)^{2x^2-3x} \leq \frac{4}{3}$ là

 $\boxed{ \pmb{\mathbb{A}} } \left[\frac{1}{2}; 1 \right].$

 $\left(-\infty; \frac{1}{2} \right] \cup [1; +\infty).$

 \bullet $\left(\frac{1}{2};1\right)$.

 $\bigcirc \hspace{-0.1cm} \left(-\infty;\frac{1}{2}\right) \cup (1;+\infty).$

CÂU 10. Bất phương trình $\log_3(x^2-x+7) < 2$ có tập nghiệm là khoảng (a;b). Tính

- (A) b a = -1.
- **(B)** b a = -3.
- **(c)** b a = 3.
- $(\mathbf{D}) b a = 1.$

CÂU 11. Nghiệm của bất phương trình $\log_{\frac{1}{2}}\left[\log_2(2-x^2)\right]>0$ là

(A) $(-1;1) \cup (2;+\infty)$.

B(-1;1).

 $(\mathbf{C})(-1;0) \cup (0;1).$

 $(\mathbf{D})(-1;3).$

_				
വി	ICK		ОТ	
710	II. K	IN	OI	

CÂU 12. Cho hàm số $f(x) = \log_{0.9}(x^2 + 4x - 5)$. Gọi S là tổng tất cả các giá trị nguyên của x thuộc đoạn [-15; 15] thỏa mãn bất phương trình f'(x) > 0. Tính S.

$$(A) S = -105.$$

(B)
$$S = 120$$
.

$$(\mathbf{C})S = -117.$$

$$(\mathbf{D})S = 119.$$

CÂU 13. Cho dãy số (u_n) thỏa mãn $u_1=2,\ u_{n+1}=u_n^2$ với mọi $n\geq 1.$ Số tự nhiên n nhỏ nhất để $u_n > 2^{2018}$ là

(A)
$$n = 15$$
.

(B)
$$n = 13$$
.

(c)
$$n = 12$$
.

$$\widehat{\mathbf{D}}) n = 11.$$

CÂU 14. Tập nghiệm của bất phương trình $\log_{\frac{1}{2}}\left(\log_2\frac{3x-1}{x+1}\right)\leq 0$ là

$$(-1; +\infty) \cup [3; +\infty).$$

$$(\mathbf{B})[3;+\infty)$$

$$(\mathbf{C})(-1;+\infty).$$

$$(\mathbf{D})(-1;3].$$

Phương trình mũ, lôgarit đưa về cùng cơ số

Sử dụng các công thức

$$\Theta \ \log_a f(x) = \log_a g(x) \Leftrightarrow \begin{cases} f(x) > 0 \\ f(x) = g(x) \end{cases} \ (a > 0; a \neq 1).$$

1. Ví dụ mẫu

VÍ DU 1. Tìm điều kiện xác định của các phương trình sau

a)
$$\log_2 x + \log_2(x-1) = \log_2(3-x)$$
. b) $\log_3(x^2 - 3x) = \log_3(x-1)$.

b)
$$\log_3(x^2 - 3x) = \log_3(x - 1)$$

VÍ DU 2. Giải phương trình $4^{x-2} = 2^{3x+1}$.

VÍ DỤ 3. Giải phương trình $3^{x+1} = \frac{1}{3^{1-2x}}$.

VÍ DỤ 4. Giải các phương trình sau

a)
$$4^{2x} = 8^{2x-1}$$
.

b)
$$\left(\frac{1}{9}\right)^x = \frac{27^x}{3}$$
.

VÍ DỤ 5. Giải phương trình $\log_8(3x-6) = -\log_{\frac{1}{2}}(2x-2)$.

VÍ DỤ 6. Giải phương trình $\log_3(x+1) = \log_3(x^2-1)$.

VÍ DỤ 7. Giải các phương trình sau

a)
$$\log_2(x^2 - 3) = \log_2 2x$$
.

b)
$$\log_2(x+6) = \log_2(x+1) + 1$$
.

2. Bài tấp rèn luyên

BÀI 1. Tìm điều kiện xác định của các phương trình sau

a)
$$\log_{0.5}(4-x) = \log_2 \frac{1}{x+2}$$
.

b)
$$\log(-x^2 + 5x + 6) = \log(x - 2)$$
.

BÀI 2. Giải các phương trình sau

a)
$$3^{x+1} = 9^{2x+1}$$
.

b)
$$9^{x-2} = 243^{x+1}$$
.

c)
$$100^{2x^2-3} = 0.1^{2x^2-18}$$
.

d)
$$5^x = 3^{2x-1}$$
.

BAI 3. Giải mỗi phương trình sau:

a)
$$\log_5(3x-5) = \log_5(2x+1)$$
.

b)
$$\log_3(x^2 - 3x + 2) = \log_3(2x - 4)$$
.

c)
$$2\log_4 x + \log_2(x-3) = 2$$
.

d)
$$\ln x + \ln(x - 1) = \ln 4x$$
.

3. Bài tấp trắc nghiệm

CÂU 1. Điều kiện xác định của phương trình $\log_2(x+1) = \log_2(2-x)$ là

$$\mathbf{\widehat{A}}) x > -1.$$

(B)
$$x < 2$$
.

$$(\mathbf{C}) - 1 < x < 2$$

$$(\mathbf{D})x > 2.$$

CÂU 2. Điều kiện xác định của phương trình $\log_3(x-1) = \log_9(x-3)^2$ là

$$(\mathbf{A}) x > 1.$$

$$(\mathbf{B}) x > 3.$$

$$(\vec{c})$$
1 < x < 3.

$$(\mathbf{D})x > 1 \text{ và } x \neq 3.$$

CÂU 3. Nghiệm của phương trình $2^{2x-3} = 2^x$ là

$$(\mathbf{A}) x = 8.$$

(B)
$$x = -8$$
.

$$(c) x = 3.$$

CÂU 4. Nghiệm của phương trình $3^{2x+1} = 3^{x-2}$ là

$$(A)$$
 $x = -1$

$$\mathbf{B} x = 3.$$

$$(\mathbf{c})$$
 $r = -3$

$$(\widehat{\mathbf{D}})x = 1.$$

 $(\mathbf{D})x = -3.$

CÂU 5. Tập nghiệm của phương trình $\log_2 x = \log_2(2x+1)$ là

$$(A)$$
 {1}.

$$(\mathbf{C})\varnothing$$
.

$$(\mathbf{D})\{-1\}.$$

CÂU 6. Nghiệm của phương trình $125^{2x} = \left(\frac{1}{25}\right)^{x+1}$ là

$$(\mathbf{c})x = 1.$$

CÂU 7. Nghiệm của phương trình $(4,5)^{4x-5} = \left(\frac{2}{9}\right)^{-x-1}$ là

$$\widehat{\mathbf{A}} x = -1.$$

$$\mathbf{B}) x = 2.$$

$$\mathbf{C} x = \frac{5}{4}$$

CÂU 8. Nghiệm của phương trình $\log_3(x+1) + 1 = \log_3(4x+1)$ là

$$(\mathbf{A}) x = 3.$$

$$\mathbf{B} x = -3.$$

$$(\mathbf{C})x = 4$$

CÂU 9. Số nghiệm của phương trình $\log_3(x^2-6) - \log_3(x-2) = 1$ là

CÂU 10. Tổng các nghiệm thực của phương trình $3^{x^2-3x+8}=9^{2x-1}$ bằng

CÂU 11. Số nghiệm của phương trình $\log_{\frac{1}{2}}(x^3 - 2x^2 - 3x + 4) + \log_2(x - 1) = 0$ là

CÂU 12. Gọi S là tập nghiệm của phương trình $2\log_2(2x-2) + \log_2(x-3)^2 = 2$ trên \mathbb{R} .

Tổng các phần tử của S bằng

$$\bigcirc$$
 8 + $\sqrt{2}$.

bang
$$(\mathbf{B}) 6 + \sqrt{2}$$
.

$$(\mathbf{c}) 4 + \sqrt{2}.$$

$$\bigcirc$$
 8.

Bất phương trình mũ, lôgarít đưa về cùng cơ số

1. Ví du mẫu

VÍ DỤ 1. Giải bất phương trình $\log_{0.3}(x+1) \leq \log_{0.3}(2x-1)$.

VÍ DU 2. Giải các bất phương trình sau

a)
$$2^x > 16$$
.

b)
$$0.1^x \le 0.001$$
.

c)
$$\left(\frac{1}{5}\right)^{x-2} \ge \left(\frac{1}{25}\right)^x$$
.

VÍ DU 3. Giải các bất phương trình sau

a)
$$\log_2(2x-1) \le 1$$
.

b)
$$\log_{\frac{1}{2}}(1-x) > \log_{\frac{1}{2}}(3x+2)$$
.

2. Bài tập rèn luyện

BÀI 1. Giải mỗi bất phương trình sau

a)
$$\left(\frac{2}{3}\right)^{3x-7} \le \frac{3}{2};$$

b)
$$4^{x+3} \ge 32^x$$
;

c)
$$\log_{\frac{1}{2}}(2x-1) \ge \log_{\frac{1}{2}}(x+3);$$

d)
$$\ln(x+3) \ge \ln(2x-8)$$
.

BÀI 2. Giải các bất phương trình sau

QUICK NOTE	a) $0.1^{2-x} > 0.1^{4+2x}$	s.	c) $\log_3(x+7) \ge$	_1:
GOIOR NOIL	b) $2 \cdot 5^{2x+1} < 3$;	,	d) $\log_{0.5}(x+7) \ge$	
	5) 2 5 5,		$u_{j} \log_{0,5}(x+1)$	$-108_{0,5}(2x-1)$.
	0 Distant	1. • ^		
	3. Bài tập trắc r		$\sqrt{3}x$	
	CÂU 1. Tập nghiệm b	pất phương trình $(0,5)^3$	$3 < \left(\frac{1}{2}\right)^{3}$ là	
	$(-\infty;1).$	$lackbox{\textbf{B}}(-\infty;-1).$	$(\mathbf{c})(-1;+\infty).$	\bigcirc $(1;+\infty).$
	CÂU 2 Tập nghiệm c	rủa bất phương trình 4	x+1 < 8x-2 là	_
	(A) (0;8).	B Ø.	$(\mathbf{C})(-\infty;8].$	\bigcirc [8; $+\infty$).
	CÂU 3 Tân nghiêm c	của bất phương trình lợ	$\log \sqrt{x} > \log x + 1 $	
		B $\left[\frac{1}{0}; +\infty\right)$.		\bigcirc $\left[0;1\frac{1}{9}\right]$.
	$\left[-\infty, \frac{1}{9}\right].$	$\left[\frac{1}{9},+\infty\right).$	$\left[0,\frac{1}{9}\right]$.	$\begin{bmatrix} 0, 1 \frac{1}{9} \end{bmatrix}$.
	CÂU 4 Diết rằng hất	physical triple $(2)^{x^2-x}$	$x > (9)^{x-1}$	ghiệm là đoạn $\left[a;b ight]$. Tính
	CAU 4. Diet rang bat $b-a$.	philong trinh $\left(\frac{1}{3}\right)$	$\geq \left(\frac{-4}{4}\right)$ co tạp ng	gniệm là đoạn $[a; b]$. Thin
			(c) $b - a = 2\sqrt{5}$.	$(\mathbf{D}) b - a = \sqrt{5}.$
		của bất phương trình 1		
	(A) 3.	(B) 2.	$\mathbf{C} - 3.$	(a, b). $(a + b)$. (b) -2 .
	_	<u> </u>		
		ệm S của bất phương t		
			$\mathbf{B} S = (-\infty; -1) \cup \cdots$	\ 9 1
	$\bullet S = \left[\frac{11}{5}; 3\right).$			
		2 15 1	(2.2)	18
		của bất phương trình lo	F 4 3	_
	$igathboldsymbol{(0;1)}.$	$\mathbf{B}\left(\frac{1}{2};1\right].$	\bigcirc $\left[\frac{1}{2};1\right]$.	D $[0;1]$.
		2 1 2 1	(1 + 1 - 1	(1,1)
				$ > 1 \text{ c\'o dạng } S = \left(\frac{1}{a}; b\right) $
	vol a, b là nhưng số ng \mathbf{A} $a = 2b$.	guyên. Mối liên hệ giữa $(\mathbf{B}) a = -b.$	a và b là \mathbf{C} $a+b=1$.	$(\mathbf{D}) a = b$
		tủa bất phương trình (S		
			$(\mathbf{C})\left[-\frac{1}{4};+\infty\right).$	$\bigcirc [4;+\infty).$
	CÂU 10. Tập nghiệm	của bất phương trình	$\log_{0.5}(x^2 + x) < \log_{0.5}(x^2 + x)$	(-2x+4) là
	(-4;-1).	. 0	$\mathbf{B}(-\infty; -4) \cup (2;$	
	$\bigcirc (-\infty; -4) \cup (1; -4)$	$+\infty$).	$\bigcirc (-\infty; -4) \cup (1;$	2).
	CÂU 11. Tập nghiệm	của bất phương trình l	$\log_{\sqrt{3}} x + \log_{4/3} x + \log$	$ \oint_{\sqrt{3}} x + \dots + \log_{\sqrt{16}} x < 36 $
	là			_
	(A) $(0; \sqrt[4]{3}).$		© $(0; \sqrt{3})$.	(0;1).
	CÂU 12 Số nghiêm n	nguyên của bất phương	trình $\left(\sqrt{10} - 2\right) \frac{3-x}{x-1}$	$\sqrt{\sqrt{10}} + 2\sqrt{\frac{x+1}{x+3}}$ 15
	A 2.	B)1.	$\mathbf{C} 0.$	$> (\sqrt{10+3})$ in (\mathbf{D}) 3.
			<u> </u>	
	CÂU 13. Tổng tất cả c bằng	các nghiệm nguyên của	bât phương trình 2 log	$f_2 \sqrt{x+1} \le 2 - \log_2(x-2)$
	A 5.	B 12.	© 3.	D 9.
	CÂU 14.			

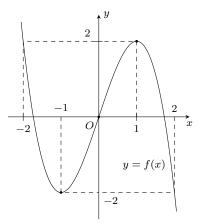
Cho hàm số bậc ba y = f(x) có đồ thị như hình vẽ. Có bao nhiều giá tri nguyên của tham số m thuộc đoan [0;9]sao cho bất phương trình $2^{f^2(x)+f(x)-m}-16\cdot$ $2f^{2(x)-f(x)-m}-4f(x)+16<0$ có nghiệm $x\in(-1;1)$?

(A) 8.

(B) 5.

(C) 6.

(**D**) 7.



CÂU 15. Cho bất phương trình $(3^{x^2-x}-9)(2^{x^2}-m)\leq 0$. Tìm số giá trị nguyên của mđể bất phương trình đã cho có đúng 5 nghiệm nguyên.

(A) 65022.

(B) 65024.

 $(\mathbf{D})65023.$

CÂU 16. Cho bất phương trình $\log_3(x^2-x+2)+1 \ge \log_3(x^2+x+m-3)$. Có bao nhiêu giá trị nguyên của tham số m để bất phương trình đã cho có nghiệm đúng với mọi giá trị xthuộc đoạn [0; 6]?

(**A**) 3.

(B) 6.

CÂU 17. Tìm m để bất phương trình $1 + \log_5(x^2 + 1) \ge \log_5(mx^2 + 4x + m)$ thỏa mãn với moi $x \in \mathbb{R}$.

(A) 2 < m < 3.

(B) 2 < m < 3.

 $(\mathbf{C}) - 1 < m < 0.$

CÂU 18. Cho bất phương trình $\log_3(x^2 + 2x + 2) + 1 > \log_3(x^2 + 6x + 5 + m)$. Có tất cả bao nhiêu giá trị nguyên của tham số m để bất phương trình trên nghiệm đúng với mọi $x \in (1;3)$?

(A) 14.

(B) 16.

 (\mathbf{C}) vô số.

(D) 15.

CÂU 19. Tổng tất cả các nghiệm nguyên của bất phương trình $\log_9(x+6) - \log_3(5 - \sqrt[4]{19-x})$ 0 là

(A) - 12.

(B) -11.

(**D**) - 9.

CÂU 20. Cho x, y là các số thực dương thỏa mãn $\ln x + \ln y \ge \ln(x^2 + y)$. Tìm giá trị nhỏ nhất của P = x + y.

(A) $P = 2 + 3\sqrt{2}$.

(B) $P = \sqrt{17} + \sqrt{3}$. **(C)** P = 6.

 $(\mathbf{D})P = 3 + 2\sqrt{2}.$

CÂU 21. Cho phương trình $(2\log_3^2 x - \log_3 x - 1)\sqrt{3^x - m} = 0$ (m là tham số thực). Có tất cả bao nhiêu giá trị nguyên dương của m để phương trình đã cho có đúng hai nghiệm phân biệt.

(A) 26.

(B) 25.

(C) Vô số.

CÂU 22. Cho $x \ge 0, y \ge 0, x+y > 0$ thỏa mãn $2^{x^2+y^2} + 2023^{x+y} \cdot \log_2 \frac{x^2+y^2}{x+y} \le 4^{x+y} + 2023^{x+y}$ 2y + 10.

(A) 8.

(B) 12.

 $(\mathbf{C}) 4 + 6\sqrt{2}$.

(D) $14 - 6\sqrt{2}$.

Bài toán thực tế, liên môn

1. Ví du mẫu

VÍ DU 1. Dân số được ước tính theo công thức $S = A \cdot e^{rt}$, trong đó A là dân số của năm lấy làm mốc tính, S là số dân sau t năm, r là tỉ lê tăng dân số hằng năm. Giả sử r = 1.14%/năm, hỏi sau bao nhiêu năm dân số sẽ gấp đôi dân số ban đầu?

VÍ DU 2. Chỉ số hay độ pH của một dung dịch được tính theo công thức: $pH = -\log[H^+]$ (trong đó $[H^+]$ chỉ nồng độ ion hydrogen). Đo chỉ số pH của một mẫu nước sông, ta có kết quả là pH = 6,1. Hỏi nồng độ của ion hydrogen $[H^+]$ trong mẫu nước sông đó bằng bao nhiêu?

•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
•					•	•	•	•	•						•						•	•	•	•	•							•

QUICK NOTE	VÍ DỤ 3. Giả sử giá trị còn lại (tính theo triệu đồng) của một chiếc ô tố được mô hình hóa bằng công thức
	$V(t) = 780 \cdot (0.905)^t.$
	Hỏi nếu theo mô hình này, sau bao nhiêu năm sử dụng thì giá trị của không quá 300 triệu đồng? (Làm tròn kết quả đến hàng đơn vị).
	VÍ DỤ 4. Nếu khối lượng carbon-14 trong cơ thể sinh vật lúc chết là M
	carbon-14 còn lại (tính theo gam) sau t năm được tính theo công thức $M($
	trong đó $T = 5730$ (năm) là chu kì bán rã của carbon-14. Nghiên cứu sinh vật, người ta xác định được khối lượng carbon-14 hiện có trong hoá
	Nhờ biết tỉ lệ khối lượng của carbon-14 so với carbon-12 trong cơ thể sin
	xác định được khối lượng carbon-14 trong cơ thể lúc sinh vật chết là N Sinh vật này sống cách đây bao nhiều năm? (Làm tròn kết quả đến hàm
	VÍ DỤ 5. Công thức tính khối lượng còn lại của một chất phóng xạ từ
	1
	M_0 là $M(t)=M_0\left(rac{1}{2} ight)^{rac{T}{T}}$, trong đó t là thời gian tính từ thời điểm ban
	bán rã của chất. Đồng vị plutonium-234 có chu kì bán rã là 9 giờ.
	$(Ngu\`{o}n:\ https://pubchem.ncbi.nlm.nih.gov/element/Plutonium\#s$
	-
	Từ khối lượng ban đầu 200 g, sau bao lâu thì khối lượng plutonium-23
	a) 100 g? b) 50 g? c) 20 g?
	VÍ DỤ 6. Nước chanh có độ pH bằng 2,4; giấm có độ pH bằng 3. Nướ
	gấp bao nhiêu lần giấm (nghĩa là có nồng độ H ⁺ gấp bao nhiêu lần)?
	đến hàng phần trăm).
	2. Bài tập rèn luyện
	BÀI 1. Một người gửi ngân hàng 100 triệu đồng theo hình thức lãi kép c
	với lãi suất là x %/năm $(x > 0)$. Sau 3 năm, người đó rút được cả gố triệu đồng. Tìm x , biết rằng lãi suất không thay đổi qua các năm và
	tiền ra trong suốt thời gian gửi.
	BÀI 2. Sử dụng công thức tính mức cường độ âm L ở ví dụ 14, hãy tín
	mà tai người có thể nghe được, biết rằng tai người có thể nghe được â từ 10^{-12} W/m ² đến 10 W/m ² .
	BÀI 3. Bác Minh gửi tiết kiệm 500 triệu đồng ở một ngân hàng với lãi s
	một năm theo thể thức lãi kép kì hạn 12 tháng. Tổng số tiền bác Min
	lẫn lãi) sau n năm là: $A = 500 \cdot (1 + 0.075)^n \text{ (triệu đồng)}.$
	Tính thời gian tối thiểu gửi tiết kiệm để bác Minh thu được ít nhất 800 lẫn lãi).
	BÀI 4. Số lượng vi khuẩn ban đầu trong một mẻ nuôi cấy là 500 con. Ng
	vi khuẩn trong mẻ nuôi cấy đó, đếm số lượng vi khuẩn và thấy rằng
	khuẩn là 40% mỗi giờ. Khi đó số lượng vi khuẩn $N(t)$ sau t giờ nuôi cấy công thức sau:
	$N(t) = 500e^{0.4t}$.
	Hỏi sau bao nhiêu giờ nuôi cấy, số lượng vi khuẩn vượt mức 80000 con?
	BÀI 5. Giả sử nhiệt độ T (°C) của một vật giảm dần theo thời gian ch
	$T = 25 + 70e^{-0.5t}$
	trong đó thời gian t được tính bằng phút.
	a) Tìm nhiệt độ ban đầu của vật.
	b) Sau bao lâu nhiệt độ của vật còn lại 30°C?
	BÀI 6. Tính nồng độ ion hydrogen (tính bằng mol/lít) của một dung d

 $\hat{0}$ sau t năm sử dụng

chiếc xe đó còn lại

 $I_0(\mathbf{g})$ thì khối lượng

 $(t) = M_0 \left(\frac{1}{2}\right)^{\frac{t}{T}} (\mathbf{g}),$

hoá thạch của một thạch là $5 \cdot 10^{-13}$ g. ah vật sống, người ta $M_0 = 1.2 \cdot 10^{-12} (g).$ ng trăm.)

khối lượng ban đầu

đầu và T là chu kì

ection = Atomic Mass-Half-Life-and-Deca)

4 còn lại là

ớc chanh có độ acid (Làm tròn kết quả

- có kì hạn là 12 tháng c và lãi là 119,1016 người đó không rút
- nh mức cường độ âm àm với cường độ âm
- suất không đổi 7,5% nh thu được (cả vốn

0 triệu đồng (cả vốn

gười ta lấy một mẫu tỉ lệ tăng trưởng vi được ước tính bằng

no bởi công thức:

lịch có độ pH là 8.

......

......

..........

.......

.....

BÀI 7. Chất phóng xạ polonium-210 có chu kì bán rã là 138 ngày. Điều này có nghĩa là cứ sau 138 ngày, lượng polonium còn lại trong một mẫu chỉ bằng một nửa lượng ban đầu. Một mẫu 100 g có khối lượng polonium-210 còn lại sau t ngày được tính theo công thức

$$M(t) = 100 \left(\frac{1}{2}\right)^{\frac{t}{138}} (g).$$

(Nguồn:https://pubchem.ncbi.nlm.nih.gov/element/Polonium#section= Atomic-Mass-Half-Life-and-Decay)

- a) Khối lượng polonium-210 còn lại bao nhiêu sau 2 năm?
- b) Sau bao lâu thì còn lại 40 g polonium-210?

BÀI 8. Nhắc lại rằng, mức cường độ âm L được tính bằng công thức $L = 10 \log \left(\frac{I}{I_0}\right)$ (dB), trong đó I là cường độ của âm tính bằng W/m² và $I_0 = 10^{-12}$ W/m².

(Nguồn: Vật lí 12, NXB Giáo dục Việt Nam, năm 2017, trang 52)

- a) Một giáo viên đang giảng bài trong lớp học có mức cường độ âm là 50 dB. Cường độ âm của giọng nói giáo viên bằng bao nhiêu?
- b) Mức cường độ âm trong một nhà xưởng thay đổi trong khoảng từ 75 dB đến 90 dB. Cường độ âm trong nhà xưởng này thay đổi trong khoảng nào?

3. Bài tập trắc nghiệm

CÂU 1. Ông A gửi 100 triệu đồng vào ngân hàng theo thể thức lãi kép kì hạn một năm với lãi suất là 12% một năm. Sau n năm ông A rút toàn bộ tiền (cả vốn lẫn lãi). Tìm n nguyên dương nhỏ nhất để số tiền lãi nhận được hơn 40 triệu đồng. (Giả sử rằng lãi suất hàng năm không thay đổi).

A 5.

B 3.

 (\mathbf{C}) 2.

 \bigcirc 4

CÂU 2. Anh A vào làm ở công ty X với mức lương ban đầu là 10 triệu đồng/ tháng. Nếu hoàn thành tốt nhiệm vụ thì cứ sau 6 tháng làm việc, mức lương của anh lại được tăng thêm 20%. Hỏi bắt đầu từ tháng thứ mấy kể từ khi vào làm ở công ty X, tiền lương mỗi tháng của anh A nhiều hơn 20 triệu đồng(biết rằng trong suốt thời gian làm ở công ty X anh A luôn hoàn thành tốt nhiệm vụ?

(A) Tháng thứ 31.

(B) Tháng thứ 19.

(C) Tháng thứ 37.

(**D**) Tháng thứ 25.

CÂU 3. Đầu năm 2018, ông An thành lập một công ty sản xuất rau sạch. Tổng số tiền ông An dùng để trả lương cho nhân viên trong năm 2018 là 1 tỷ đồng. Biết rằng cứ sau mỗi năm thì tổng số tiền dùng để trả lương cho nhân viên trong cả năm tăng thêm 15% so với năm trước. Năm đầu tiên ông An phải trả lương cho nhân viên trong cả năm vượt qua 2 tỷ đồng là năm nào?

(A) Năm 2020.

(**B**) Năm 2025.

(**C**) Năm 2022.

(**D**) Năm 2023.

CÂU 4. Một người gửi vào ngân hàng số tiền 30 triệu đồng, lãi suất 0,48% /tháng. Sau đúng 1 tháng kể từ ngày gửi người này gửi đều đặn thêm vào 1 triệu đồng, hai lần gửi liên tiếp cách nhau đúng 1 tháng. Giả định rằng lãi suất không thay đổi và người này không rút tiền ra, số tiền lãi của tháng trước được tính vào vốn và tính lãi cho tháng kế tiếp. Hỏi sau ít nhất bao nhiêu tháng người này thu về tổng số tiền cả gốc và lãi ít nhất 50 triệu đồng.

(A) 19.

(B) 20.

(C) 17.

(**D**) 18.

CÂU 5. Ông A gửi vào ngân hàng 50 triệu đồng với lãi suất 0,5%/tháng. Hỏi ít nhất bao nhiêu tháng thì ông A có số tiền cả gốc lẫn lãi nhiều hơn 60 triệu đồng? Biết rằng trong suốt thời gian gửi lãi suất ngân hàng không thay đổi và ông A không rút tiền ra.

(A) 37 tháng.

(B) 38 tháng.

(C) 40 tháng.

(D) 36 tháng.

CÂU 6. Đầu năm 2016, ông A thành lập một công ty. Tổng số tiền ông A dùng để trả lương cho nhân viên trong năm 2016 là 1 tỷ đồng. Biết rằng cứ sau mỗi năm thì tổng số tiền để trả cho nhân viên trong cả năm đó tăng thêm 15% so với năm trước. Hỏi năm nào dưới đây là năm đầu tiên mà tổng số tiền ông A dùng để trả lương cho nhân viên trong cả năm lớn hơn 2 tỷ đồng?

(**A**) Năm 2021.

(B) Năm 2022.

(C) Năm 2023.

(**D**) Năm 2020.

QUICK NOTE	nếu không rút tiền ra ban đầu (người ta gọ tiền ra để mua một ci	a khỏi ngân hàng thì cứ i là lãi suất kép). Người ăn hộ chung cư trị giá 50	sau mỗi năm, số tiền l đó định gửi tiền trong 00 triệu đồng. Hỏi số t	tổi là 8%/năm. Biết rằng lãi sẽ được nhập vào vốn g vòng 3 năm, sau đó rút liền ít nhất người đó phải n tròn đến hàng triệu) là
	A 395 triệu đồng.	\bigcirc 396 triệu đồng.	\bigcirc 397 triệu đồng.	\bigcirc 394 triệu đồng.
				au 3 năm nữa. Biết rằng
				y giờ số tiền ít nhất anh lủ tiền mua nhà (kết quả
	làm tròn đến hàng tr (A) 395 triệu đồng.	. / _	204 triệu đần m	(D) 396 triệu đồng.
			© 394 triệu đồng.	
	với lãi suất 1,75%/m đồng (bao gồm cả vố	ột quý. Hỏi sau ít nhất n lẫn lãi) từ số vốn ban	bao nhiêu tháng người đầu? (Giả sử lãi suất	
	A 29 tháng.	B 87 tháng.	© 30 tháng.	\bigcirc 90 tháng.
				neo phương thức trả góp vay, anh An trả nợ cho
	ngân hàng số tiền cố	định là 10 triệu đồng ba	ao gồm cả tiền lãi vay	và tiền gốc. Biết phương
	_	hông thay đổi trong suố gnợ ngân hàng? (tháng	_	'ả nợ. Hỏi sau bao nhiêu 0 triệu đồng)
	A 66.	B 67.	© 65.	D 68.
	CÂU 11. Anh sinh v	iên A, sau khi ra trường	g, mong muốn rằng sa	u một năm sẽ có hơn 60
	triệu đồng để mua xe	e. Hàng tháng anh A ph	nải gửi vào ngân hàng	một số tiền như nhau là
		a bao nnieu: (lam tron c .ng tháng số tiền lãi đượ		rằng lãi suất ngân hàng
	A 4 809 000 đồng	. B 4 808 000 đồng.	C 4 890 000 đồng.	D 4 812 000 đồng.
				trị so với đầu năm. Tìm ất đi ít nhất 90% giá trị
	của nó?			_
	A 20.	B) 16.	© 18.	D 22.
				ược điều trị ngay lập tức.
			_	rút trongg cơ thể ông A thì ông A sẽ được xuất
	viện, biết ông được xư A) 14 ngày.	uất viện khi lượng vi-rút (B) 11 ngày.	\mathbf{c} trong cơ thể của ông k \mathbf{c} 12 ngày.	không vượt quá 30%? (D) 13 ngày.
		cứu cho thấy một nhóm	<u> </u>	n cùng một danh sách các
	loài sinh vật và được	kiểm tra lại xem họ nhớ	ớ bao nhiêu phần trăm	mỗi tháng. Sau t tháng,
				$M(t) = 60 - 15 \ln(t+1),$ m học sinh chỉ nhớ được
	không vượt quá 10%	danh sách đó?		
	(A) 28 tháng.	(B) 27 tháng.	© 24 tháng.	(D) 25 tháng.
				chống dịch COVID-19.
				$\frac{1}{+a\mathrm{e}^{-kt}}$, với $P(t)$ là tỉ lệ
	dân số nhận được thớ	òng tin vào thời điểm t v	và a, k là các hằng số a	dương. Cho $a=3, k=\frac{1}{2}$
	với t đo bằng giờ. Hỏi \mathbf{A} 5,5 giờ.	i cần phải ít nhất bao lâ (B) 8 giờ.	u để hơn 90% dân số n \bigcirc $4,5$ giờ.	thận được thông tin? (\mathbf{D}) 6,6 giờ.
	CÂU 16. Một nhóm	các chuyên gia y tế đan	ng nghiên cứu và thử r	nghiệm độ chính xác của
				điều chỉnh bộ xét nghiệm \ 1
				$n) = \frac{1}{1 + 2020 \cdot 10^{-0.01n}}.$
	_	; nhất bao nhiêu lần thư ĩa bộ xét nghiệm đó đạt	_	h bộ xét nghiệm để đảm
	A 428.	B 427.	© 426.	D 425.

Hàm số mũ. Hàn	n số logarit	1					
Bài	18. Phép tính lũy thừa với số mũ thực	1					
	A Tóm tắt lý thuyết	1					
	Các dạng toán thường gặp	1					
	Dạng 1. Tính giá trị biểu thức chứa lũy thừa						
	🖒 Dạng 2. Rút gọn biểu thức chứa lũy thừa	3					
	🗁 Dạng 3. So sánh biểu thức lũy thừa	5					
Bài	19. Phép tính logarit	5					
	Tóm tắt lý thuyết	5					
	Các dạng toán thường gặp	6					
	Dạng 4. Tính giá trị biểu thức chứa lôgarít	6					
	🔁 Dạng 5. Biến đổi, rút gọn, biểu diễn biểu thức chứa lôgarít	9					
	🗁 Dạng 6. Toán thực tế, liên môn	13					
Bài	Bài 20. HÀM SỐ MŨ. HÀM SỐ LOGARIT						
	A Tóm tắt lý thuyết	15					
	Các dạng toán thường gặp	16					
	Dạng 7. Tập xác định của hàm số	16					
	🗁 Dạng 8. Sự biến thiên và đồ thị của hàm số mũ và lôgarít						
	🗁 Dạng 9. Bài toán thực tế	23					
Bài	21. Phương trình, bất phương trình mũ và lôgarit	26					
	Tóm tắt lý thuyết	26					
	Các dạng toán thường gặp	27					
	Dạng 10. Phương trình mũ, lôgarit cơ bản						
	🗁 Dạng 11. Bất phương trình mũ, lôgarít cơ bản	28					
	🖒 Dạng 12. Phương trình mũ, lôgarit đưa về cùng cơ số						
	🗁 Dạng 13. Bất phương trình mũ, lôgarít đưa về cùng cơ số						
	🗁 Dạng 14. Bài toán thực tế, liên môn						

