Bài 1. BẤT PHƯƠNG TRÌNH BẬC NHẤT HAI ẨN

A. TÓM TẮT LÝ THUYẾT

- 1. Bất phương trình bậc nhất hai ẩn
- 2. Khái niêm bất phương trình bâc nhất hai ẩn

 $\mathbf{B\hat{a}t}$ phương trình bậc nhất hai ẩn x, y là bất phương trình có một trong các dạng

$$ax + by + c < 0$$
, $ax + by + c > 0$, $ax + by + c \le 0$, $ax + by + c \ge 0$

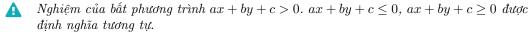
trong đó a, b, c là những số cho trước; a, b không đồng thời bằng 0 và x, y là các ẩn.

3. Nghiệm của bất phương trình bậc nhất hai ẩn

Xét bất phương trình

$$ax + by + c < 0.$$

Mỗi cặp số $(x_0;y_0)$ thỏa mãn $ax_0+by_0+c<0$ được gọi là một nghiệm của bất phương trình đã cho.

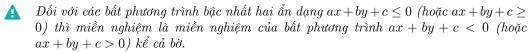


4. Biểu diễn miền nghiệm của bất phương trình bậc nhất hai ẩn

Trong mặt phẳng tọa độ Oxy, tập hợp các điểm $(x_0; y_0)$ sao cho $ax_0 + by_0 + c < 0$ được gọi là **miền nghiệm** của bất phương trình ax + by + c < 0.

Ta có thể biểu diễn miền nghiệm của bất phương trình bậc nhất hai ẩn ax+by+c<0 như sau:

- **3 Bước 1:** Trên mặt phẳng Oxy, vẽ đường thẳng Δ : ax + by + c = 0.
- **O Bước 2:** Lấy một điểm $(x_0; y_0)$ không thuộc Δ . Tính $ax_0 + by_0 + c$.
- ❷ Bước 3: Kết luận
 - Nếu $ax_0 + by_0 + c < 0$ thì miền nghiệm của bất phương trình đã cho là nửa mặt phẳng (không kể bờ Δ) chứa điểm $(x_0; y_0)$.
 - Nếu $ax_0 + by_0 + c > 0$ thì miền nghiệm của bất phương trình đã cho là nửa mặt phẳng (không kể bờ Δ) không chứa điểm $(x_0; y_0)$.



B. CÁC DẠNG TOÁN



Nghiệm và miền nghiệm bất phương trình bậc nhất hai ẩn

1. Ví dụ minh hoạ

VÍ DỤ 1. Cho bất phương trình: 2x-y<0. Trong các cặp số (-1;2), (2;0), (0;1), (3;-2), (-1;-2), cặp nào là nghiệm của bất phương trình, cặp nào không phải là nghiệm của bất phương trình?

VÍ DỤ 2. Biểu diễn hình học tập nghiệm của bất phương trình $2x + y \le 3$.

VÍ DU 3.

a) Biểu diễn hình học tập nghiệm của bất phương trình -2x + 3y > 0.



ĐIỂM:

"Only in the darkness can you see the stars."

-Martin Luther King Jr.-

~ -		~		
A		ヘル		TE
w	\cup \mathbf{I}	\mathbf{v}	TIO	

•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•						•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•						•	

•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	٠	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	
•	٠	•	•			•	•	•	•	•	٠	•	٠	٠	•	•			•			•	•	•	•	٠	•	•		•		

•	•	•	•	•	•	•	•	•	•			•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•		•	•	

٠	•	•	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	•	٠	٠	٠	•	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠
	•																														
•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•

QUICK	NOTE	
 		• • • • •

b) Cho hai điểm A(2;1) và B(3;3), hỏi hai điểm này cùng phía hay khác phía đối với bờ (d).

VÍ DŲ 4.

- a) Biểu diễn hình học tập nghiệm của bất phương trình x + y 3 < 0.
- b) Tìm điều kiện của m và n để mọi điểm thuộc đường thẳng (d'): $(m^2-2)x-y+m+n=0$ đều là nghiêm của bất phương trình trên.

2. Bài tập tự luận

- **BÀI 1.** Biểu diễn hình học tập nghiệm của bất phương trình $2x + y \le 3$.
- **BÀI 2.** Biểu diễn hình học tập nghiệm của bất phương trình bậc nhất hai ẩn 2x 4y < 8.
- **BÀI 3.** Biểu diễn hình học tập nghiệm của bất phương trình bậc nhất hai ẩn $3x y \le 0$.
- **BÀI 4.** Biểu diễn hình học tập nghiệm của bất phương trình bậc nhất hai ẩn $\frac{x}{3} + \frac{y}{6} < 1$.
- **BÀI 5.** Cho bất phương trình $2x + y 1 \le 0$.
 - a) Biểu diễn miền nghiệm của bất phương trình đã cho trong mặt phẳng tọa độ Oxy.
 - b) Tìm tất cả giá trị tham số m để điểm M(m,1) nằm trong miền nghiệm của bất phương trình đã cho và biểu diễn tập hợp M tìm được trong cùng hệ trục tọa độ Oxy ở câu a).
 - 2

Bài toán thực tế liên quan

1. Ví du minh hoa

VÍ DỤ 1. Hà mang 95000 đồng ra chợ mua hoa cúc và hoa hồng. Một bông hoa cúc có giá 4000 đồng, một bông hoa hồng có giá 7000 đồng. Viết bất phương trình bậc nhất hai ẩn cho số tiền mà Hà phải chi để mua x bông hoa cúc và y bông hoa hồng.

VÍ DỤ 2. Mỗi ngày Nga đều dành không quá 30 phút để đọc cả 2 cuốn sách A, B. Nga đọc được 3 trang sách A trong 2 phút, đọc được 2 trang sách B trong 1 phút. Gọi x, y lần lượt là số phút đọc sách A và số phút đọc sách B. Tìm điều kiện của x và y để Nga đọc được ít nhất 35 trang sách trong một ngày.

2. Bài tập tự luận

BÀI 1. Giá sách của Hoa có thể chứa được khối lượng sách tối đa là 4 kg. Hoa xếp cả hai loại sách (loại 1 và loại 2) vào giá. Sách loại 1 có khối lượng 100 gam mỗi cuốn và sách loại 2 có khối lượng 200 gam mỗi cuốn. Viết bất phương trình bậc nhất hai ẩn cho khối lượng của x cuốn loại 1 và y cuốn loại 2 có thể được xếp lên giá sách.

BÀl 2. Công ty viễn thông Mobifone tính phí 1 nghìn đồng mỗi phút gọi nội mạng, 2 nghìn đồng mỗi phút gọi ngoại mạng. Mỗi tháng Minh gọi điện thoại hết từ 200 đến 300 nghìn đồng. Viết bất phương trình bậc nhất hai ẩn mô tả cho số tiền điện thoại trả cho (x) phút gọi nội mạng và (y) phút gọi ngoại mạng trong một tháng.

BÀI 3. Bạn An giải 10 bài Toán trong 20 phút thì đúng được 80% số bài Toán, giải 12 bài Lý trong 15 phút thì đúng được $\frac{3}{4}$ số bài Lý. Viết bất phương trình bậc nhất hai ẩn cho thời gian giải x bài Toán đúng và y bài Lý đúng, biết thời gian giải ít hơn 150 phút.

BÀI 4. Một gian hàng trưng bày bàn và ghế rộng $100~\text{m}^2$. Diện tích để kê một chiếc ghế là $1~\text{m}^2$, một chiếc bàn là $2~\text{m}^2$ và diện tích mặt sàn dành cho lưu thông tối thiểu là $24~\text{m}^2$. Gọi x là số chiếc ghế, y là số chiếc bàn được kê, hãy viết bất phương trình bậc nhất hai ẩn x, y cho phần mặt sàn để kê bàn và ghế và chỉ ra hai nghiệm của bất phương trình.

BÀI 5. Một bác nông dân cần trồng lúa và khoai trên diện tích đất 6 ha, với lượng phân bón dự trữ là 100 kg và sử dụng tối đa 120 ngày công. Để trồng 1 ha lúa cần sử dụng 20 kg phân bón, 10 ngày công với lợi nhuận là 30 triệu đồng; để trồng 1 ha khoai cần sử dụng 10 kg phân bón, 30 ngày công với lợi nhuận là 60 triệu đồng. Biết bác nông dân đã trồng x (ha) lúa và y (ha) khoai. Tìm giá trị của x để bác nông dân đạt được lợi nhuận cao nhất.

C. BÀI TẬP TRẮC NGHIỆM

CÂU 1. Trong các bất phương trình sau đây, đâu là bất phương trình bậc nhất hai ẩn

- (A) $2x^2 3x \ge 1$.
- **B**) $2x + y \le 1$.
- $3x + 1 \le 0.$

CÂU 2. Cho bất phương trình $2x+3y-6 \le 0$ (1). Chọn khẳng định đúng trong các khẳng định sau.

- (A) Bất phương trình (1) chỉ có một nghiệm duy nhất.
- (B) Bất phương trình (1) vô nghiệm.
- © Bất phương trình (1) luôn có vô số nghiệm.
- \bigcirc Bất phương trình (1) có tập nghiệm là \mathbb{R} .

CÂU 3. Trong các cặp số sau đây, cặp nào **không** là nghiệm của bất phương trình $x-4y+1 \ge 0$?

- (-1;0).
- (-2;-1).
- (-1;3).
- \bigcirc (0;0).

CÂU 4. Miền nghiệm của bất phương trình 4(x-1)+5(y-3)>2x-9 là nửa mặt phẳng chứa điểm nào?

- (0;0).
- **B** (1; 1).
- (-1;1).
- \bigcirc (2; 5).

CÂU 5. Điểm nào sau đây thuộc miền nghiệm của bất phương trình x+y-2>0?

- (A) (2; 1).
- (0;0).
- (1;0).
- \bigcirc (0;1).

CÂU 6. Điểm A(-1;3) thuộc miền của bất phương trình

(A) x + 3y < 0.

B 3x - y > 0.

(c) -3x + 2y - 4 > 0.

D 2x - y + 4 > 0.

CÂU 7. Tìm tất cả các số thực a sao cho miền nghiệm của bất phương trình $x \leq a$ chứa điểm M(-1;0).

- (A) a > -1.
- \bigcirc $a \ge -1$.
- (c) a > 0.

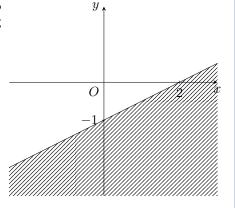
CÂU 8. Cho đường thẳng d: 7x - 9y + 2 = 0 chia mặt phẳng toạ độ làm hai nửa mặt phẳng, trong đó miền nghiệm của bất phương trình 7x - 9y + 2 > 0 là nửa mặt phẳng

- $oldsymbol{\mathbb{A}}$ có bờ là đường thẳng d và không chứa điểm O(0;0).
- lacksquare không có bờ d và chứa điểm O(0;0).
- \bigcirc có bờ là đường thẳng d và chứa điểm O(0;0).
- $lackbox{$lackbox{\triangleright}$}$ không chứa bờ d và không chứa điểm O(0;0).

CÂU 9.

Phần gạch chéo trong hình vẽ dưới đây (không bao gồm đường thẳng d) là miền nghiệm cuả bất phương trình bậc nhất hai ẩn nào sau đây?

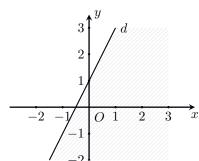
- **A** 2x y < 0.
- **B** x 2y < 2.
- $\bigcirc 2y x < -2.$
- $\bigcirc 2x y > 1.$



CÂU 10.

Bất phương trình nào sau đây có miền nghiệm (phần không gạch sọc) như hình vẽ bên?

- $\triangle 2x y + 1 < 0.$
- **B** x y + 1 < 0.
- $\bigcirc 2x 3y + 1 < 0$.
- $\bigcirc 2x y 1 < 0$.



.....

.....

.....

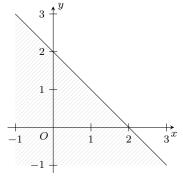
.....

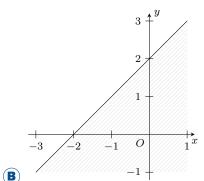
.....

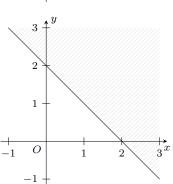
QUICK NOTE

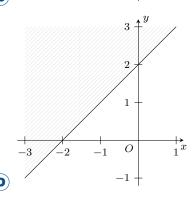
CÂU 11. Miền nghiệm của bất phương trình $x+y\leq 2$ là phần không bị gạch sọc của hình vẽ nào trong các hình sau?











(C)

CÂU 12. Cho bất phương trình 2x + 3y - 2 < 0. Miền nghiệm của bất phương trình là

- lack A nửa mặt phẳng chứa điểm O có bờ là đường thẳng 2x+3y-2=0 (không kể bờ).
- lacksquare nửa mặt phẳng chứa điểm O có bờ là đường thẳng 2x+3y-2=0 (kể cả bờ).
- $oldsymbol{\mathbb{C}}$ nửa mặt phẳng không chứa điểm O có bờ là đường thẳng 2x+3y-2=0 (không kể
- **D** nửa mặt phẳng không chứa điểm O có bờ là đường thẳng 2x + 3y 2 = 0 (kể cả bờ).

CÂU 13. Miền nghiệm của bất phương trình x - 2y + 5 < 0 là

- (A) Nửa mặt phẳng không chứa gốc tọa độ, bờ là đường thẳng $y=\frac{1}{2}x+\frac{5}{2}$ (không bao gồm đường thẳng).
- **B** Nửa mặt phẳng chứa gốc tọa độ, bờ là đường thẳng $y = \frac{1}{2}x + \frac{5}{2}$ (không bao gồm đường thẳng).
- \bigcirc Nửa mặt phẳng không chứa gốc tọa độ, bờ là đường thẳng $y=\frac{1}{2}x+\frac{5}{2}$ (bao gồm đường thẳng).
- **D** Nửa mặt phẳng chứa gốc tọa độ, bờ là đường thẳng $y = \frac{1}{2}x + \frac{5}{2}$ (không bao gồm đường thẳng).

CÂU 14. Cặp điểm nào sau đây thuộc miền nghiệm của bất phương trình $3(x+\sqrt{2}y-\sqrt{3})>$ $8(\sqrt{3}x + 2y - \sqrt{2})$?

$$A(2;-2)$$
 và $B(2;2)$.

B
$$C(-\sqrt{3}; -\sqrt{2})$$
 và $D(\sqrt{2}; -1 - \sqrt{5})$.

$$\mathbf{C}$$
 $E(\sqrt{2}; \sqrt{2})$ và $F(\sqrt{5}; 1)$.

D
$$G(-\sqrt{2}; 2 + \sqrt{3})$$
 và $H(1; 4)$.

CÂU 15. Giao miền nghiệm của ba bất phương trình $y \ge 0$; $3x - 2y \ge -6$; $3x + 4y \le 12$ tạo thành một tam giác có diện tích bằng

CÂU 16. Giao miền nghiệm của ba bất phương trình $x + 4y \ge 8$; $-x + 2y \le 4$; $x + y \le 5$ tạo thành một tam giác có chu vi bằng

$$\mathbf{A}$$
 $\sqrt{17} + \sqrt{5} + 2\sqrt{2}$.

B
$$\sqrt{17} + \sqrt{5} + \sqrt{2}$$
.

$$(c)$$
 $\sqrt{17} + 2\sqrt{5} + \sqrt{2}$.

$$(\mathbf{D})\sqrt{17} + 2\sqrt{5} + 2\sqrt{2}.$$

CÂU 17. Tìm tất cả các giá trị thực của tham số m để bất phương trình $3x + my - 7 \ge 0$ có miền nghiệm chứa điểm $A(\sqrt{2};1)$.

 \mathbf{A} $m \in [3\sqrt{2} - 7; +\infty).$

- **B**) $m \in (-\infty; 3\sqrt{2} 7)$.
- $(\mathbf{c}) m \in (-\infty; 7 3\sqrt{3}).$

 $(\mathbf{D}) m \in [7 - 3\sqrt{2}; +\infty).$

CÂU 18. Cho bất phương trình $mx + \sqrt{2}y - 1 < 0$ với m là tham số thực. Điểm nào dưới đây luôn luôn **không** thuộc miền nghiệm của bất phương trình đã cho?

- $(\mathbf{A}) E(m; m^2).$
- **B**) $F(2m^2; m)$.
- (c) $G(0; 1+m^2)$.
- $H(0;-1-m^2).$

CÂU 19. Với giá trị nào của m thì điểm A(1-m;m) **không thuộc** miền nghiệm của bất phương trình 2x - 3(y - x) > 4.

- (A) $0 \le m \le 1$. (B) $m < \frac{1}{8}$. (C) $\frac{1}{8} \le m \le 1$. (D) $m \ge \frac{1}{8}$.

CÂU 20. Một bác nông dân cần trồng lúa và khoai trên diện tích đất 6 ha, với lượng phân bón dự trữ là 100 kg và sử dụng tối đa 120 ngày công. Để trồng 1 ha lúa cần sử dụng 20 kg phân bón, 10 ngày công với lợi nhuân là 30 triệu đồng; để trồng 1 ha khoai cần sử dung 10 kg phân bón, 30 ngày công với lợi nhuận là 60 triệu đồng. Để đạt lợi nhuận cao nhất, bác nông dân đã trồng x (ha) lúa và y (ha) khoai. Giá trị của x là

- (A) 2.

- **(D)** 5.

CÂU 21. Một người thợ mộc tốn 6 giờ để làm một cái bàn và 4 giờ để làm một cái ghế. Gọi x, y lần lượt là số bàn và số ghế mà người thợ mộc sản xuất trong một tuần. Viết bất phương trình biểu thị mối liên hệ giữa x và y biết trong một tuần người thợ mộc có thể làm tối đa 50 giờ.

- (A) $3x + 2y \le 25$.

- **B** 3x + 2y > 25. **C** $3x + 2y \ge 25$. **D** 3x + 2y < 25.

CÂU 22. Một gian hàng trưng bày bàn và ghế rộng 60 m². Diện tích để kê một chiếc ghế là 0.6 m^2 , một chiếc bàn là 1.3 m^2 . Gọi x là số chiếc ghế, y là số chiếc bàn được kê. Viết bất phương trình bậc nhất hai ẩn x, y cho phần mặt sàn để kê bàn và ghế, biết diện tích mặt sàn dành cho lưu thông tối thiểu là 10 m².

(A) $0.6x + 1.3y \ge 50$. (B) $0.6x + 1.3y \le 50$. (C) $1.3x + 0.6y \le 50$. (D) $1.3x + 0.6y \ge 50$.

CÂU 23. Bạn Nam đang sưu tầm các đồng tiền vàng và bạc để vào một các túi, trọng lượng tối đa mà túi chứa được là 20 gam. Mỗi đồng xu vàng nặng khoảng 14 gam, mỗi đồng xu bạc nặng khoảng 7 gam. Bất phương trình nào sau đây mô tả số đồng tiền vàng (x) và số đồng tiền bạc (y) có thể được chứa trong túi?

- (A) $7x + 14y \le 20$.
- **B** 7x + 14y > 20.
- (c) $14x + 7y \le 20$. (D) 14x + 7y > 20.

CÂU 24. Trong 1 lạng (100 g) thịt bò chứa khoảng 26 g protein và 1 lạng cá rô phi chứa khoảng 20 g protein. Trung bình trong một ngày, một người đàn ông cần tối thiểu 52 g protein. Gọi x, y lần lượt là số lạng thịt bò và số lạng cá rô phi mà một người đàn ông nên ăn trong một ngày. Viết bất phương trình bậc nhất hai ẩn x, y để biểu diễn lượng protein cần thiết cho một người đàn ông trong một ngày.

- (A) $26x + 20y \le 52$. (B) 26x + 20y < 52. (C) $13x + 10y \ge 26$. (D) 13x + 10y > 26.

CÂU 25. Công ty viễn thông Viettel có gói cước Hi School tính phí là 1190 đồng mỗi phút gọi nội mạng và 1390 đồng mỗi phút gọi ngoại mạng. Một bạn học sinh đăng kí gói cước trên và sử dụng x phút gọi nội mạng, y phút gọi ngoại mạng trong một tháng. Viết bất phương trình bậc nhất hai ẩn x, y để mô tả số tiền bạn đó phải trả trong một tháng ít hơn 100 nghìn đồng.

- \bigcirc 119 $x + 139y \ge 10000$.
- **B**) 139x + 119y < 10000.
- \bigcirc 119x + 139y < 10000.
- \bigcirc 119x + 139y < 10000.

CÂU 26. Nhân ngày Quốc tế Thiếu nhi 1-6, một rạp chiếu phim phục vụ các khán giả một bộ phim hoạt hình. Về được bán ra có hai loại: loại 1 dành cho trẻ từ 6-13 tuổi, giá vé là 50000 đồng/vé và loại 2 dành cho người trên 13 tuổi, giá vé là 80000 đồng/vé. Goi xlà số vé loại 1 và y là số vé loại 2 bán được. Viết bất phương trình bậc nhất hai ẩn x, y để biểu diễn điều kiện sao cho số tiền bán vé thu được tối thiểu 10 triệu đồng.

- (A) $5x + 8y \ge 100$.
- **(B)** 5x + 8y > 1000. **(C)** $8x + 5y \ge 1000$. **(D)** $5x + 8y \ge 1000$.

CÂU 27. Ngoài giờ học, bạn Nam làm thêm việc phụ bán cơm được 15 nghìn đồng/một giờ và phụ bán tạp hóa được 10 nghìn đồng/một giờ. Gọi x, y lần lượt là số giờ phụ bán cơm và phụ bán tạp hóa trong mỗi tuần. Viết bất phương trình bậc nhất hai ẩn x và y sao cho Nam kiếm thêm tiền mỗi tuần được ít nhất là 900 nghìn đồng.

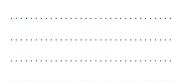
- (A) $3x + 2y \le 180$.
- **(B)** 3x + 2y > 180. **(C)** $3x + 2y \ge 180$.
- **(D)** 3x + 2y < 180.

•	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	•
٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	•

•																												•					•
•	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	•	٠	٠	٠	٠	•



•	٠	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•



•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•

$\overline{}$	 CK		
	и к	- 1/1	

CÂU 28. Anh A muốn thuê một chiếc ô tô (có người lái) trong một tuần. Giá thuê xe như sau: từ thứ hai đến thứ sáu phí cố định là 900 nghìn đồng/ngày và phí tính theo quãng đường di chuyển là 10 nghìn đồng/km còn thứ bảy và chủ nhật thì phí cố định là 1200 nghìn đồng/ngày và phí tính theo quãng đường di chuyển là 15 nghìn đồng/km. Gọi x, y lần lượt là số km mà anh A đi trong các ngày từ thứ hai đến thứ sáu và trong hai ngày cuối tuần. Viết bất phương trình biểu thị mối liên hệ giữa x và y sao cho tổng số tiền anh A phải trả không quá 20 triệu đồng.

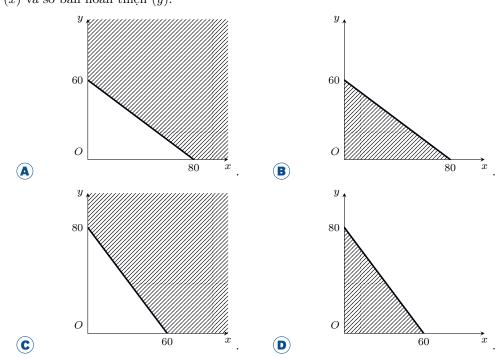
A $10x + 15y \le 20000$.

B $2x + 3y \ge 2620$.

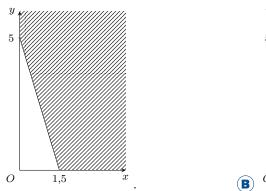
 \bigcirc $10x + 15y \ge 20000.$

 \bigcirc $2x + 3y \le 2620.$

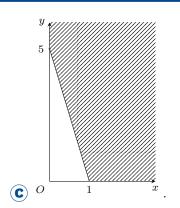
CÂU 29. Một cửa hàng làm kệ sách và bàn làm việc. Mỗi kệ sách cần 4 giờ hoàn thiện. Mỗi bàn làm việc cần 3 giờ hoàn thiện. Mỗi tháng cửa hàng có tối đa 240 giờ làm việc. Hãy biểu diễn đồ thị mô tả số giờ làm việc trong mỗi tháng của cửa hàng theo số kệ sách hoàn thiện (x) và số bàn hoàn thiện (y).

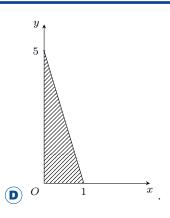


CÂU 30. Một gia đình cần x kg thịt bò và y kg thịt lợn trong một ngày, giá tiền 1 kg thịt bò là 200 nghìn đồng, 1 kg thịt lợn là 60 nghìn đồng. Biểu diễn đồ thị mô tả chi phí gia đình đó mua thịt bò và thịt lợn mỗi ngày để số tiền bỏ ra trong một ngày không quá 300 nghìn đồng.



1,5





Bài 2. HỆ BẤT PHƯƠNG TRÌNH BẬC NHẤT HAI ẨN

A. TÓM TẮT LÝ THUYẾT

1. Khái niêm hê bất phương trình bậc nhất hai ẩn

Hệ bất phương trình bậc nhất hai ẩn là hệ gồm hai hay nhiều bất phương trình bậc nhất hai ẩn x, y. Mỗi nghiệm chung của tất cả các bất phương trình đó được gọi là một nghiệm của hệ bất phương trình đã cho.

Trên mặt phẳng toạ độ Oxy, tập hợp các điểm $(x_0; y_0)$ có tọa độ là nghiệm của hệ bất phương trình bậc nhất hai ẩn được gọi là *miền nghiệm* của hệ bất phương trình đó.

2. Biểu diễn miền nghiệm của hệ bất phương trình bậc nhất hai

Để biểu diễn miền nghiệm của hệ bất phương trình bậc nhất hai ẩn trên mặt phẳng toạ độ Oxy, ta thực hiện như sau:

- ☑ Trên cùng mặt phẳng tọa độ, biểu diễn miền nghiệm của mỗi bất phương trình của hệ.
- ❷ Phần giao của các miền nghiệm là miền nghiệm của hệ bất phương trình.

Miền mặt phẳng tọa độ bao gồm một đa giác lồi và phần nằm bên trong đa giác đó được gọi là một miền đa giác.

3. Tìm giá trị lớn nhất và giá trị nhỏ nhất của biểu thức F = ax + bytrên một miền đa giác

Hệ bất phương trình giúp ta mô tả được nhiều bài toán thực tế để tìm ra cách giải quyết tối ưu. Chúng thường được đưa về bài toán tìm giá trị lớn nhất (GTLN) hoặc giá trị nhỏ nhất (GTNN) của biểu thức F = ax + by trên một miền đa giác.

Người ta chứng minh được F đạt giá trị lớn nhất hoặc nhỏ nhất tại một trong các đỉnh của đa giác.

B. CÁC DẠNG TOÁN



Biểu diễn hình học của tập nghiệm

1. Ví du minh hoa

VÍ DU 1. Biểu diễn hình học tập nghiệm của hệ bất phương trình bậc nhất hai ẩn sau

$$\begin{cases} x + y > 1 \\ x - y < 2 \end{cases}$$

\sim III	CV	M		т
& UI	CK	N	UI	ы

	Ü	•		• •	• •	 • •	 	• • •	• •	
+y > 1				٠.		 	 			
-y < 2						 	 			

		NOT	
பெ	IC K	$\mathbf{N}(\mathbf{O})$	=

VÍ DỤ 2. Biểu diễn hình học tập nghiệm của hệ bất phương trình bậc nhất hai ẩn sau

$$\begin{cases} x+y < 2 \\ x-y > 1 \\ y > -1 \end{cases}$$

VÍ DU 3. Biểu diễn hình học tập nghiệm của hệ bất phương trình bậc nhất hai ẩn sau

$$\begin{cases} 2x + 5y > 2\\ x - 3y \ge 1\\ x + y < 3 \end{cases}$$

VÍ DỤ 4. Biểu diễn hình học tập nghiệm của hệ bất phương trình bậc nhất hai ẩn sau

$$\begin{cases} 2x + y \ge 2 \\ x - 2y \le 1 \\ y \le 2 \\ x \le 3 \end{cases}$$

2. Bài tập tự luận

BÀI 1. Biểu diễn hình học tập nghiệm của hệ bất phương trình bậc nhất hai ẩn sau

$$\begin{cases} x + 2y \ge 1\\ 3x - y \le 2 \end{cases}$$

BÀI 2. Biểu diễn hình học tập nghiệm của hệ bất phương trình bậc nhất hai ẩn sau

$$\begin{cases} x - 2y < 1 \\ x + 3y < -2 \\ -x + y < 2 \end{cases}$$

BÀI 3. Biểu diễn hình học tập nghiệm của hệ bất phương trình bậc nhất hai ẩn sau

$$\begin{cases} 3x + y \le 5 \\ x + y \le 4 \\ x \ge 0 \\ y \ge 0 \end{cases}$$

$oldsymbol{2}$ Tîm cực trị của biểu thức F=ax+by trên một miền đa giác

a) Bài toán:

Tìm giá trị lớn nhất, giá trị nhỏ nhất của biểu thức F = ax + by (a, b là hai số đã cho không đồng thời bằng 0) với x, y thỏa mãn hệ bất phương trình bậc nhất hai ẩn (có miền nghiệm là miền đa giác $A_1A_2...A_iA_{i+1}...A_n$).

- b) Người ta chứng minh được: Biểu thức F = ax + by có giá trị nhỏ nhất, giá trị lớn nhất tại một trong các đỉnh của đa giác $A_1A_2 \dots A_iA_{i+1} \dots A_n$.
- c) Phương pháp:
 - \odot Bước 1. Tìm miền đa giác $A_1A_2\ldots A_iA_{i+1}\ldots A_n$ là miền nghiệm của hệ bất phương trình.
 - Θ Bước 2. Tìm tọa độ các đỉnh $A_1, A_2, ..., A_n$.
 - Θ Bước 3. Tính $F(x_i; y_i)$ trong đó $A_i(x_i; y_i)$ với i = 1, 2, ..., n.
 - $oldsymbol{\Theta}$ Bước 4. Kết luận Giá trị lớn nhất $M = \max_{i=1,2,\dots n} F\left(x_i;y_i\right)$. Giá trị nhỏ nhất $m = \min_{i=1,2,\dots n} F\left(x_i;y_i\right)$.

1. Ví dụ minh hoạ

VÍ DỤ 1. Cho cặp số (x;y) là nghiệm của hệ $\begin{cases} 3x-y\geq -1\\ 2x+y\leq 6\\ x+3y>3 \end{cases}$. Tìm giá trị lớn nhất và nhỏ x+3y>3

nhất của biểu thức f(x;y) = 2x - 3y + 1.

VÍ DỤ 2. Quảng cáo sản phẩm trên truyền hình là một hoạt động quan trọng trong kinh doanh của các doanh nghiệp.

Theo Thông báo số 10/2019, giá quảng cáo trên VTV1 là 30 triệu đồng cho 15 giây/1 lần quảng cáo vào khoảng 20h30; là 6 triệu đồng cho 15 giây/1 lần quảng cáo vào khung giờ 16h00-17h00.

Một công ty dự định chi không quá 900 triệu đồng để quảng cáo trên VTV1 với yêu cầu quảng cáo về số lần phát như sau: ít nhất 10 lần quảng cáo vào khoảng 20h30 và không quá 50 lần quảng cáo vào khung giờ 16h00-17h00.

VÍ DỤ 3. Một hộ nông dân dự định trồng đậu và cà trên diện tích 8 ha. Nếu trồng đậu thì cần 20 công và thu 3 triệu đồng trên diện tích mỗi ha, nếu trồng cà thì cần 30 công và thu 4 triệu đồng trên diện tích mỗi ha. Hỏi cần trồng mỗi loại cây trên với diện tích là bao nhiêu để thu về được nhiều tiền nhất, biết rằng tổng số công không quá 180.

2. Bài tập tự luận

BÀI 1. Một gia đình cần ít nhất 900 đơn vị protein và 400 đơn vị lipit trong thức ăn mỗi ngày. Mỗi kg thịt bò chứa 800 đơn vị protein và 200 đơn vị lipit. Mỗi kg thịt lợn chứa 600 đơn vị protein và 400 đơn vị lipit. Biết rằng mỗi ngày gia đình này chỉ mua tối đa 1,5 kg thịt bò và 1 kg thịt lợn, giá tiền 1 kg thịt bò là 200 nghìn đồng, 1 kg thịt lợn là 100 nghìn đồng. Hỏi gia đình đó phải mua bao nhiêu kg thịt mỗi loại để số tiền bỏ ra là ít nhất.

BÀI 2. Người ta định dùng hai loại nguyên liệu để chiết xuất ít nhất 120 kg hóa chất A và 9 kg hóa chất B. Từ mỗi tấn nguyên liệu loại I giá 4 triệu đồng có thể chiết xuất được 20 kg chất A và 0,6 kg chất B. Từ mỗi tấn nguyên liệu loại II giá 3 triệu đồng có thể chiết xuất được 10 kg chất A và 1,5 kg chất B. Hỏi phải dùng bao nhiêu tấn nguyên liệu mỗi loại để chi phí mua nguyên liệu là ít nhất. Biết rằng cơ sở cung cấp nguyên liệu chỉ có thể cung cấp không quá 10 tấn nguyên liệu loại I và không quá 9 tấn nguyên liệu loại II.

BÀI 3. Có ba nhóm máy A, B, C dùng để sản xuất ra hai loại sản phẩm I và II. Để sản xuất một đơn vị sản phẩm mỗi loại phải lần lượt dùng các máy thuộc các nhóm khác nhau. Số máy trong một nhóm và số máy của từng nhóm cần thiết để sản xuất ra một đơn vị sản phẩm thuộc mỗi loại được cho trong bảng sau:

Nhóm	Số máy trong mỗi nhóm	Số máy trong từng xuất ra một đơn v Loại I	
A	10	2	2
В	4	0	2
С	12	2	4

Một đơn vị sản phẩm I lãi ba nghìn đồng, một đơn vị sản phẩm loại II lãi năm nghìn đồng. Hãy lập phương án để việc sản xuất hai loại sản phẩm trên có lãi cao nhất.

BÀI 4. Một nhà khoa học nghiên cứu về tác động phối hợp của vitamin A và vitamin B đối với cơ thể con người. Kết quả như sau:

- a) Một người có thể tiếp nhận được mỗi ngày không quá 600 đơn vị vitamin A và không quá 500 đơn vi vitamin B.
- b) Một người mỗi ngày cần từ 400 đến 1000 đơn vị vitamin cả A lẫn B.
- c) Do tác động phối hợp của hai loại vitamin, mỗi ngày số đơn vị vitamin B phải nhiều hơn $\frac{1}{2}$ số đơn vị vitamin A nhưng không nhiều hơn ba lần số đơn vị vitamin A. Biết giá một đơn vị vitamin A là 9 đồng và giá một đơn vị vitamin B là 7.5 đồng.

Tìm phương án dùng vitamin A và vitamin B thỏa mãn các điều kiện trên sao cho số tiền phải trả ít nhất.

VIII Man 2,622, 1661, V
QUICK NOTE

▼ VINPMain - 0902940819 ▼				- LIÈ DI
QUICK NOTE	C. BÀI TẬP T	ΓRẮC NGHIỆN	<u></u>	
	•	au đây thuộc miền ngl		ong trìnl
	(A) $P(-1; -5)$.	B $O(0;0)$.	M(3;-1).	D
	oâu o Mià lia	2 1 2 1 2 1	$\begin{cases} 2x - 5y - 1 > 0 \\ 0 + 1 = 0 \end{cases}$	
	CAU 2. Mien ngniệi	m của hệ bất phương	$\begin{cases} 2x + y + 5 > \\ x + y + 1 < 0 \end{cases}$	
	điểm sau?		(x+y+1<0	,
	A (0; 0).	B (1; 0).	\bigcirc $(0;-2).$	D
		2 1 2 1 2 1	$(x-y \ge 3)$	4· 2
		m của hệ bất phương	$\begin{cases} 2x + y < 4 \end{cases}$	nưa dier
	sau?		(2 (2)	
	(1; -3).	B $(-2;1)$.	(3;-2).	D
	OÂU 4 M'È 1'A	2 1 2 1 2 1	$\int 2x - y > 0$	11.
	CAU 4. Mien ngniện	m của hệ bất phương	trinn $\begin{cases} x+y \ge -1 \\ x-y < -2 \end{cases}$	knong
	các điểm sau?		(x-y<-2)	
	(5; 8).	B) (6; 9).	\bigcirc (4; 7).	D
	CAU 5. Điểm nào sa	au đây thuộc miền ng	hiệm của hệ bất phư	ong trìn
	A (0; 0).	(-2;0).	(-1;-4).	D
		phương trình $\begin{cases} y \ge 0 \\ 3x + 2 \end{cases}$. ·à	1:0
	CAU 6. Cho ne bat	phuong trinn $3x + 2$	2y-6<0 co mien ng	gniệm S
	A(2;3), B(-1;1), C	(-1;3). Trong các điể	èm đã cho, có bao nhi	iêu điển
	(A) 1.	B 2.	© 3.	D
	-0		$y \leq 2$	2
	CAU 7. Xét hệ bât	phương trình $\left\{x - \right\}$		$\operatorname{am} A(1)$
	$D(-2\cdot0)$ Trong các	$y \ge \frac{1}{2}$ e điểm trên, có bao nh		n nghiêr
	trình đã cho?	didir tron, to suo in	nou drem mușe mier	. 118111¢1
	A 1.	B 2.	© 3.	D
	CÂU & Cặp số (x: u)) nào sau đây là một nạ	ghiệm của hệ hất phư	ana trìn
	(x,y)) nao sau day la mọt n	ginçin cua nç bat piru	ong tim
	(0;4).	$lackbox{10}(0;0).$	(-2;-4).	D
	CÂU 9. Trong các c	ặp số $(x; y)$ sau, cặp s	số nào không là ngh	iệm của
		(x -	$y-2 \le 0$	
		$\begin{cases} 3x - 1 \end{cases}$	$y-2 \le 0$ $-2y+2 > 0$?	
		`		`
	(A) $(x; y) = (0; 0)$.		B $(x;y) = (1;1)$	
	(x; y) = (-1; 1)	•		
	CÂU 10. Cặp số $(x;$ bất phương trình sa	(y) = (0;0) không là	nghiệm của hệ bất pl	hương t
			$\int 2x - u < 1$	
	$\begin{cases} x \geq 0 \end{cases}$		(\mathbf{c}) $\begin{cases} x \geq 0 \end{cases}$	(D
	$y \le 1$	$\int y < 0$	$y \ge 0$	
	CÂU 44 Diầm xà -	eau đây thuậc miần nơ	hiêm aye hê hết nhươ	n or +==>== 1-
	+ 110m noo (AN ADDRESS OF THE PRESSURES	ひしいれい ひけい わん わらま やりずべ	HO Trip

 $h \begin{cases} 2x + 7y - 3 > 0 \\ x - 2y \ge 0 \end{cases}$? a điểm nào trong các (0;2).m nào trong các điểm (4;1).chứa điểm nào trong (3,4). $\begin{array}{l}
\text{th} \\
5x - y + 4 < 0.
\end{array}$ và bốn điểm O(0;0), n thuộc S? 4. (1;1), B(2;1), C(0;1),m của hệ bất phương $\text{th} \begin{cases}
 2x + 3y - 1 > 0 \\
 5x - y + 4 \le 0
 \end{cases}$ (-3; -4).

hệ bất phương trình

rình nào trong các hệ

A $N(1+\sqrt{2};\sqrt{2}).$ **B** $N(1+\sqrt{2};2+\sqrt{2}).$ (c) $N(1; 3 + \sqrt{2}).$

CÂU 12. Cặp số (x;y)=(-1;3) là nghiệm của hệ bất phương trình nào trong các hệ bất phương trình sau?

CÂU 13. Hệ bất phương trình $\begin{cases} y \leq x+1 \\ y+x>3 \end{cases}$ nhận cặp số (x;y) nào sau đây làm nghiệm của nó?

B)
$$(x;y) = (2;3)$$
.

$$(x;y) = (3;0)$$

$$(x;y) = (1;3)$$

CÂU 14. Cho hệ $\begin{cases} 2x+3y<5\\ x+\frac{3}{2}y<5. \end{cases}$ Gọi S_1 là tập nghiệm của bất phương trình 2x+3y<5,

 S_2 là tập nghiệm của bất phương trình $x+\frac{3}{2}y<5$ và S là tập nghiệm của hệ thì

$$\triangle$$
 $S \subset S_2$.

$$\bigcirc$$
 $S_2 \subset S_1$.

$$\bigcirc$$
 $S_2 \subset S$.

$$\bigcirc S = S_1 \cup S_2.$$

CÂU 15. Cho hệ phương trình $\begin{cases} 3x+y>4 & (1) \\ x+\frac{1}{3}y>4 & (2). \end{cases}$ Gọi S_1 là tập nghiệm của bất phương

trình (1), S_2 là nghiệm của bất phương trình (2) và S là tập nghiệm của hệ bất phương trình đã cho. Khẳng định nào sau đay là đúng?

$$lacksquare$$
 $S_2 \subset S_1$.

CÂU 16. Tìm số thực a sao cho miền nghiệm của hệ bất phương trình \langle

một tam giác có diện tích bằng 6.

$$\bigcirc a = -4.$$

$$\bigcirc$$
 $a=4.$

$$a = 6.$$

$$\bigcirc a = 12$$

CÂU 17. Tính diện tích S của miền nghiệm hệ bất phương trình

B
$$S = 25$$
.

$$S = 16.$$

$$\bigcirc S = 12.$$

CÂU 18. Tính diện tích S của miền nghiệm của hệ bất phương trình $\begin{cases} x \geq -3 \\ y+x \leq 8 \end{cases}$

$$\triangle$$
 $S = 48.$

B
$$S = 64$$
.

$$S = 81.$$

D
$$S = 49$$
.

CÂU 19. Tính chu vi P của miền nghiệm hệ bất phương trình

A
$$P = 38$$
.

B
$$P = 36$$
.

$$ightharpoonup P = 42$$

D
$$P = 40$$
.

CÂU 20. Tìm giá trị của số thực a sao cho miền nghiệm của hệ bất phương trình

có diện tích bằng 6.

$$\mathbf{A} a = -3.$$

B)
$$a = 8$$
.

$$(c)$$
 $a = 3.$

$$\bigcirc a = -8.$$

CÂU 21. Tìm giá trị của số thực a sao cho miền nghiệm của hệ bất phương trình a

là một tam giác có diện tích bằng 2.

$$\stackrel{\cdot}{\mathbf{A}} a = 2.$$

•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
•	i	i	Ì	Ī	Ī	Ī	Ī	Ī	i	i	i	i	i	i	i	i	i	i	i	Ī	Ī	Ī	Ī	Ī	i	i	i	i	i	i	Ì

QUICK NOTE

CÂU 22. Tìm giá trị của số thực m sao cho miền nghiệm của hệ bất phương trình $\begin{cases} x \geq 0 \\ u > 0 \end{cases}$

là một tam giác có diện tích bằng 4.

$$\bigcirc M = 2.$$

$$\bigcirc m = 4.$$

$$\mathbf{C} \ m = \frac{1}{4}.$$
 $\mathbf{D} \ m = \frac{1}{2}.$

CÂU 23. Tìm giá trị của số thực m sao cho miền nghiệm của hệ bất phương trình $\begin{cases} x \leq 2 \\ y \leq -1 \end{cases}$

có chu vi bằng 8.

$$\bigcirc M = -3.$$

$$m=2.$$

$$m=3$$
.

$$\bigcirc$$
 $m=-2.$

CÂU 24. Tìm giá trị của số thực dương m sao cho miền nghiệm của hệ bất phương trình

 $\begin{cases} y \ge 0 \\ 2x + 3y \le 12 \end{cases}$ có diện tích bằng 8.

$$\bigcirc$$
 $m=2.$

$$\bigcirc$$
 $m=3.$

B
$$m = 3$$
. **C** $m = \frac{1}{3}$. **D** $m = \frac{1}{2}$.

CÂU 25. Ngoài giờ học, bạn Nam làm thêm việc phụ bán cơm được 15 nghìn đồng/một giờ và phụ bán tạp hóa được 10 nghìn đồng/một giờ. Nam không thể làm thêm việc nhiều hơn 15 giờ mỗi tuần. Gọi x, y lần lượt là số giờ phụ bán cơm và phụ bán tạp hóa. Hệ bất phương trình nào sau đây xác đinh số giờ để làm mỗi việc nếu Nam muốn kiếm được ít nhất 100 nghìn đồng mỗi tuần?

$$\begin{cases} x + y \ge 15 \\ 15x + 10y \ge 100. \end{cases}$$

$$\begin{cases} x + y \le 15 \\ 15x + 10y > 100 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x + y \ge 15 \\ 15x + 10y \ge 100. \end{cases}$$

$$\begin{cases} x + y \le 15 \\ 15x + 10y \ge 100. \end{cases}$$

$$\begin{cases} x+y \leq 15 \\ 15x+10y > 100. \end{cases}$$

$$\begin{cases} x+y > 15 \\ 15x+10y < 100. \end{cases}$$

CÂU 26. Để trở thành một thành viên của ban nhạc thì một sinh viên phải đạt điểm trung bình các môn học ít nhất là 7.0 và phải có tối thiểu 5 lần thực hành sau giờ học. Gọi x là điểm trung bình các môn học và y là số lần thực hành sau giờ học, hãy chọn hệ bất phương trình thể hiện tốt nhất tình huống này.

$$\begin{cases} x \ge 7 \\ y > 5 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x \le 7 \\ y \le 5 \end{cases}$$

$$\bigcirc \begin{cases} x < 7 \\ y < 5 \end{cases}$$

CÂU 27. Cho hệ bất phương trình $\begin{cases} x-y>0\\ 2x+7y<0 \end{cases}$ có tập nghiệm S. Chọn khẳng định đúng trong các khẳng định sau.

$$(A) (1; -1) \in S$$

B
$$(1; -\frac{1}{2}) \notin S$$
.

$$(4;-1) \in S$$

(A)
$$(1;-1) \in S$$
. (B) $(1;-\frac{1}{2}) \notin S$. (C) $(4;-1) \in S$. (D) $(-\frac{1}{2};-\frac{2}{7}) \in S$.

CÂU 28. Điểm $A\left(0; \frac{5}{3}\right)$ luôn thuộc miền nghiệm của bất phương trình nào trong các bất phương trình dưới đây (với m là tham số thực)?

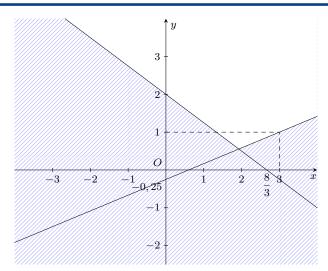
$$(m^2 - 4)x + 3y - 5 \le 0.$$

$$(m^2 - 4)x + 3y - 5 > 0.$$

$$(m^2 - 4)x + 3y + 7 \le 0.$$

CÂU 29. Hình vẽ dưới đây là biểu diễn hình học tập nghiệm của hệ bất phương trình nào? (với miền nghiệm là miền **không** gạch sọc và chứa bờ)

QUICK NOTE



$$\begin{cases} 3x + 4y - 8 \ge 0 \\ 5x - 12y - 3 > 0. \end{cases}$$

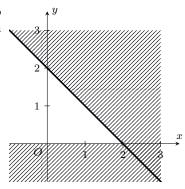
CÂU 30.

Phần mặt phẳng không bị gạch, kể cả phần biên của nó trên đường thẳng y = 0 trong hình vẽ bên là miền nghiệm của hệ bất phương trình nào?

$$\begin{cases} y \le 0 \\ 2x + y > 1. \end{cases}$$

$$\begin{cases} x + y < 2 \\ y \ge 0. \end{cases}$$

$$\bigcirc \begin{cases} 2x - 2y > 6 \\ 2x + y > 1. \end{cases}$$

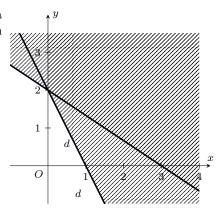


CÂU 31.

Phần mặt phẳng không bị gạch, kể cả phần biên của nó trên đường thẳng d trong hình vẽ bên là miền nghiệm của hệ bất phương trình nào?

$$\begin{cases} 2x + 3y \le 6 \\ 2x + y \ge 2 \end{cases}$$

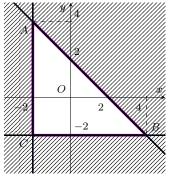
$$\bigcirc \begin{cases} 2x + 3y < 6 \\ 2x + 3y < 2 \end{cases}$$



CÂU 32.

Cho hệ bất phương trình $\begin{cases} x \geq -2 \\ y \geq -2 \end{cases}$ Biết rằng A, B, C là

giao điểm của hai trong ba đường thẳng x = -2, y = -2, x + y = 2 (được cho như hình vẽ). Khẳng định nào dưới đây là đúng?



- (A) Miền nghiệm của hệ bất phương trình là miền tam giác ABC bao gồm cả các cạnh AB, AC, BC.
- (B) Miền nghiêm của hê bất phương trình là miền tam giác ABC bao gồm các canh AC, BC ngoại trừ điểm A, điểm B.

\sim		NOTE
w	JIC K	NOIF

- (\mathbf{c}) Miền nghiệm của hệ bất phương trình là miền tam giác ABC bao gồm các cạnh AB, AC, BC ngoại trừ điểm A, điểm B, điểm C.
- \bigcirc Miền nghiệm của hệ bất phương trình là miền tam giác ABC bao gồm các cạnh AB, BC ngoại trừ điểm A, điểm C.

CÂU 33.

Miền không bị gạch chéo (kể cả đường thẳng d_1 và d_2) là miền nghiệm của hệ bất phương trình nào sau đây?

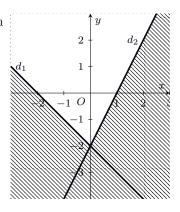
$$\begin{cases} x - y \le -2 \\ -2x - y \ge -2. \end{cases}$$

$$\begin{cases} x - y \le -2 \\ -2x - y \ge -2. \end{cases}$$

$$\begin{cases} x + y \le 2 \\ -2x - y \ge -2. \end{cases}$$

$$\begin{cases} x + y \le 2 \\ -2x - y \ge -2. \end{cases}$$

$$\begin{cases} -x - y \le -2 \\ 2x - y \ge -2. \end{cases}$$



CÂU 34.

Miền tam giác không bị gạch kể cả 3 cạnh của nó trong hình bên là miền nghiệm của hệ bất phương trình nào?

$$\begin{cases} y \geq 0 \\ 5x - 4y \leq 10 \\ 5x + 4y \leq 10. \end{cases}$$

$$\begin{cases} x \geq 0 \\ 4x - 5y \leq 10 \\ 5x + 4y \leq 10. \end{cases}$$

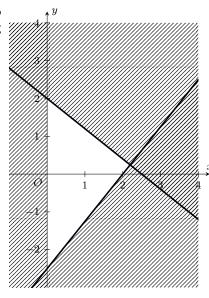
$$\begin{cases} x \geq 0 \\ 5x - 4y \leq 10 \\ 4x + 5y \leq 10. \end{cases}$$

$$\begin{cases} x > 0 \\ 5x - 4y \leq 10 \\ 4x + 5y \leq 10. \end{cases}$$

$$\begin{cases} x \ge 0 \\ 4x - 5y \le 10 \\ 5x + 4y < 10 \end{cases}$$

$$x \ge 0 5x - 4y \le 10 4x + 5y \le 10.$$

$$\begin{cases} x > 0 \\ 5x - 4y \le 10 \\ 4x + 5y \le 10. \end{cases}$$

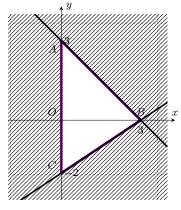


CÂU 35.

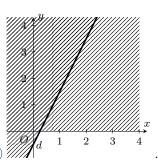
Miền tam giác ABC kể cả ba cạnh là miền nghiệm của hệ bất phương trình nào trong bốn hệ sau?

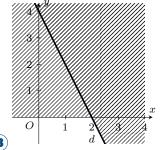
$$\begin{array}{c}
x \ge 0 \\
-2x + 3y \le -6 \\
x + y \le 3.
\end{array}$$

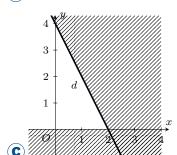
$$\begin{array}{c}
y \ge 0 \\
2x - 3y \le -6 \\
x + y < 3.
\end{array}$$

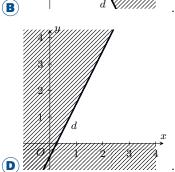


CÂU 36. Phần mặt phẳng không bị gạch, kể cả phần biên của nó nằm trên đường thẳng dtrong hình vẽ nào sau đây là miền nghiệm của hệ bất phương trình

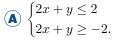




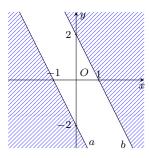




Hệ bất phương trình nào sau đây có miền nghiệm là phần mặt phẳng không bị gạch có hai bờ là hai đường thẳng a và b như hình



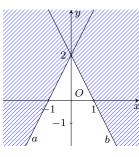
$$\bigcirc \begin{cases} 2x - y \le 2\\ 2x - y \ge -2. \end{cases}$$



CÂU 38.

Hệ bất phương trình nào sau đây có miền nghiệm là phần mặt phẳng không bị gạch như hình bên (kể cả các điểm nằm trên hai đường thẳng a, b và không thuộc miền bị gạch)?

$$\bigcirc \begin{cases} 2x + y \le 2 \\ -2x + y \le 2. \end{cases}$$

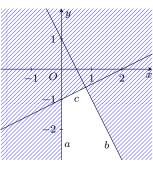


CÂU 39.

Hệ bất phương trình nào sau đây có miền nghiệm là phần mặt phẳng không bị gạch như hình bên (kể cả các điểm nằm trên các đường thẳng a, b, c và không thuộc miền bị gạch)?



$$\begin{cases} 2x - y \le 1 \\ x - 2y \ge 2 \\ y < 0 \end{cases}$$



CÂU 40. Tìm tất cả các số thực a, b sao cho miền nghiệm của hệ bất phương trình $\begin{cases} x \geq a \\ y < b \end{cases}$ chứa điểm M(-1;1).

(A)
$$a \ge -1$$
; $b \le 1$.

B)
$$a < -1$$
; $b \ge 1$

B
$$a < -1; b \ge 1.$$
 C $a \le -1; b > 1.$ **D** $a \le -1; b < 1.$

$$\bigcirc$$
 $a \le -1; b < 1$

CÂU 41. Tìm tất cả các giá trị của m để đường thẳng y=m có điểm chung với miền

nghiệm của hệ bất phương trình $\begin{cases} y \ge -2 \\ x + y \le 2. \end{cases}$

$$(c)$$
 $-2 \le m \le 4$

$$\bigcirc$$
 $-2 \le m \le 4$. \bigcirc $-2 < m < 4$.

QUICK NOTE

• • •	• •	• • •	 • •	 • •	• •	• •	• •	•	 •	•	 ٠.	•
			 • •	 	٠.	٠.			 	•	 	
			 	 	٠.	٠.			 		 ٠.	
	٠.		 	 	٠.	٠.	٠.		 		 	
	٠.		 ٠.	 	٠.	٠.	٠.		 		 	
			 	 		٠.			 		 	
			 	 		٠.			 		 	

$\overline{}$	 C	/ 1	ч	\frown	
		(I	м		

CÂU 42. Cho hệ bất phương trình $\begin{cases} (a-2)x + (a-4)y \geq 2\\ (a+1)x + (3a+2)y \leq -1 \end{cases}$ với $a \in \mathbb{R}, \ a \neq 0$ và $a \neq \frac{1}{2}$.

Điểm nào sau đây luôn thuộc miền nghiệm của hệ bất phương trình đã cho?

CÂU 43. Miền nghiệm của hệ bất phương trình $\begin{cases} \sqrt{2}x+\sqrt{3}y-1\leq 0\\ \sqrt{3}x-\sqrt{2}y+1\geq 0 \text{ là}\\ y\geq -4 \end{cases}$

- (A) tam giác vuông kể cả các điểm nằm trên ba cạnh của tam giác.
- (B) tam giác đều kể cả các điểm nằm trên ba cạnh của tam giác.
- (c) tam giác tù kể cả các điểm nằm trên ba cạnh của tam giác.
- **D** tam giác cân (không vuông) kể cả các điểm nằm trên ba cạnh của tam giác.

CÂU 44. Miền nghiệm của bất phương trình $|x+y|+|x-y| \le 4$ là

- (A) một hình vuông (không kể biên).
- (B) một hình chữ nhật (không phải là hình vuông và không kể biên).
- (c) một hình chữ nhật (không phải là hình vuông và kể cả biên).
- (D) một hình vuông (kể cả biên).

CÂU 45. Tìm giá trị lớn nhất M của biểu thức z = 3x + 2y biết rằng x, y thỏa mãn hệ bất phương trình $\langle x + 2y \leq 4 \rangle$

$$\begin{cases} x + 2y \le 1 \\ x - y \le 1 \end{cases}$$

$$\bigcirc$$
 $M=8$.

B
$$M = 10$$
. **C** $M = 6$. **D** $M = 9$.

$$\bigcirc M = 6$$

CÂU 46. Tìm giá trị lớn nhất của biểu thức F(x;y) = x - y - 1 với x, y thỏa mãn hệ $(x-2y+2 \ge 0)$

$$\begin{cases} 3x + 8y - 24 \le 0 \\ x \ge 0, \ y \ge 0. \end{cases}$$

CÂU 47. Tìm giá trị lớn nhất a và giá trị nhỏ nhất b của F(x;y)=3x+9y với (x;y) là

nghiệm của hệ bất phương trình $\begin{cases} 2x - y + 4 \ge 0 \\ x + y + 1 \ge 0 \end{cases}$

(A)
$$a = 21, b = 1$$
. (B) $a = 21, b = -3$. (C) $a = 36, b = 1$. (D) $a = 36, b = -3$.

CÂU 48. Cho hệ bất phương trình $\begin{cases} 0 \le x \le 5 \\ 0 \le y \le 10 \\ 5x+3y \ge 15 \end{cases}$ và biểu thức P(x;y)=2x-2y+3 với

(x;y) thuộc miền nghiệm của hệ bất phương trình đã cho. Tìm giá trị nhỏ nhất của P.

$$\bigcirc$$
 -17.

$$(B)$$
 -34.

$$(c)$$
 -7.

$$(\mathbf{D}) - 14.$$

CÂU 49. Tìm giá trị nhỏ nhất của biểu thức F = y - x trên miền xác định bởi hệ $\int y - 2x \le 2$

$$\begin{cases} 2y - x \ge 4 \end{cases}$$

$$x + y \le 5$$
.

$$\bigcirc$$
 min $F = 1$ khi $x = 2, y = 3$.

B min
$$F = 2$$
 khi $x = 0, y = 2$.

$$\bigcirc$$
 min $F = 3$ khi $x = 1, y = 4$.

CÂU 50. Tìm giá trị nhỏ nhất T của biểu thức z = 5x + 7y biết rằng x, y là các số không

QUICK NOTE

âm thỏa mãn hệ bất phương trình

CÂU 51. Tìm các cặp số (x;y) thỏa mãn hệ bất phương trình

S = 2x + y đạt giá trị lớn nhất.

- **A** (x;y) = (4;0). **B** (x;y) = (4;1). **C** (x;y) = (3;2).

- $(\mathbf{D})(x;y)=(2;2).$

CÂU 52. Khẩu phần dinh dưỡng hàng ngày cho người ăn kiêng cần cung cấp ít nhất 300 calo, 36 đơn vị vitamin A và 90 đơn vị vitamin C. Một tách thức uống X có giá 5 nghìn đồng và cung cấp 60 calo, 12 đơn vị vitamin A và 10 đơn vị vitamin C. Một tách thức uống Y có giá 6 nghìn đồng và cung cấp 60 calo, 6 đơn vị vitamin A và 30 đơn vị vitamin C. Mỗi ngày nên uống bao nhiêu tách mỗi loại để có được chi phí tối ưu và vẫn đáp ứng được yêu cầu dinh dưỡng hàng ngày?

- (A) 1 tách loại X, 4 tách loại Y.
- (B) 3 tách loại X, 2 tách loại Y.
- \bigcirc 2 tách loại X, 3 tách loại Y.
- \bigcirc 4 tách loại X, 1 tách loại Y.

CÂU 53. Một gia đình cần ít nhất 900 đơn vị prô-tê-in và 400 đơn vị li-pít trong thức ăn mỗi ngày. Mỗi kí-lô-gam thit bò chứa 800 đơn vị prô-tê-in và 200 đơn vị li-pít. Mỗi kí-lô-gam thịt lợn chứa 600 đơn vị prô-tê-in và 400 đơn vị li-pít. Biết rằng gia đình này chỉ mua tối đa 1,6 kg thịt bò và 1,1 kg thịt lợn; giá tiền 1 kg thịt bò là 45000 đồng, 1 kg thịt lợn là 35000 đồng. Hỏi gia đình đó phải mua bao nhiêu kí-lô-gam thịt mỗi loại để số tiền bỏ ra là ít nhất?

- (A) 0,3 kg thịt bò và 1,1 kg thịt lợn.
- **B** 0,6 kg thịt bò và 0,7 kg thịt lợn.
- (c) 1,6 kg thịt bò và 1,1 kg thịt lợn.
- \bigcirc 0,6 kg thịt lợn và 0,7 kg thịt bò.

CÂU 54. Một cửa hàng làm kệ sách và bàn làm việc. Mỗi kệ sách cần 5 giờ chế biến gỗ và 4 giờ hoàn thiện. Mỗi bàn làm việc cần 10 giờ chế biến gỗ và 3 giờ hoàn thiện. Mỗi tháng cửa hàng có 600 giờ lao động để chế biến gỗ và 240 giờ để hoàn thiện. Lợi nhuận của mỗi kê sách là 400 nghìn đồng và mỗi bàn là 750 nghìn đồng. Có bao nhiêu sản phẩm mỗi loại cần được làm mỗi tháng để thu được lợi nhuận tối đa?

- (A) 24000.
- **B** 45000.
- **(D)** 46000.

CÂU 55. Cho hệ bất phương trình $\begin{cases} |x-1| \leq 2 \\ |y+1| \leq 3 \end{cases}$ và biểu thức P(x;y) = 3x + 2y - 5 với (x;y)

thuộc miền nghiệm của hệ bất phương trình đã cho. Tìm giá trị lớn nhất của P.

- (A) 16.

CÂU 56. Người ta dư định dùng hai loại nguyên liệu để chiết xuất ít nhất 140 kg chất A và 9 kg chất B. Từ mỗi tấn nguyên liệu loại I giá 4 triệu đồng, có thể chiết xuất được 20 kg chất A và 0,6 kg chất B. Từ mỗi tấn nguyên liệu loại II giá 3 triệu đồng có thể chiết xuất được 10 kg chất A và 1,5 kg chất B. Hỏi phải dùng bao nhiêu tấn nguyên liệu mỗi loại để chi phí mua nguyên liệu là ít nhất, biết rằng cơ sở cung cấp nguyên liệu chỉ có thể cung cấp không quá 10 tấn nguyên liệu loại I và không quá 9 tấn nguyên liệu loại II?

- (A) 2,5 tấn loại I và 9 tấn loại II.
- (B) 10 tấn loại I và 9 tấn loại II.
- (c) 10 tấn loại I và 2 tấn loại II.
- **D** 5 tấn loại I và 4 tấn loại II.

CÂU 57. Giá trị nhỏ nhất F_{\min} của biểu thức F(x;y) = y - x trên miền xác định bởi hệ $x + y \le 5$

- **(B)** $F_{\min} = 2$. **(C)** $F_{\min} = 3$.
- $(\mathbf{D}) F_{\min} = 4.$

 $\hat{\mathbf{CAU}}$ 58. Một nhà máy sản xuất, sử dụng ba loại máy đặc chủng để sản xuất sản phẩm Avà sản phẩm B trong một chu trình sản xuất. Đề sản xuất một tấn sản phẩm A lãi 4 triệu đồng người ta sử dụng máy I trong 1 giờ, máy II trong 2 giờ và máy III trong 3 giờ. Để sản

 i	 i	i	i	i	i	i	Ì	Ì	Ì	Ì	Ì	ì	ì	ì	ì	ì	i	i	i	i	i	i	Ì	Ì	Ì	Ì	Ì	i	Ė

٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	
•	•	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	•	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	•	•	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	•	

•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	

•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	

		(6	2	ι	J		C	•	k	(١	l	C)	T	ı	=						
	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	٠	•	٠	٠	•	•	•	•	•	•	•
۰	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	٠	•
١	١	i	i	i	i	i	i	i	i	ľ	ľ	ľ	ľ	ı	ľ	i	i	i	i	i	i	i	i	ı	ľ

xuất ra một tấn sản phẩm B lãi được 3 triệu đồng người ta sử dụng máy I trong 6 giờ, máy II trong 3 giờ và máy III trong 2 giờ. Biết rằng máy I chỉ hoạt động không quá 36 giờ, máy hai hoạt động không quá 23 giờ và máy III hoạt động không quá 27 giờ. Hãy lập kế hoạch sản xuất cho nhà máy để tiền lãi được nhiều nhất.

- (A) Sản xuất 9 tấn sản phẩm A và không sản xuất sản phẩm B.
- ullet Sản xuất 7 tấn sản phẩm A và 3 tấn sản phẩm B.
- \bigodot Sản xuất $\frac{45}{8}$ tấn sản phẩm A và $\frac{81}{16}$ tấn sản phẩm B.
- (\mathbf{D}) Sản xuất 6 tấn sản phẩm B và không sản xuất sản phẩm A.

CÂU 59. Biểu thức F=y-x đạt giá trị nhỏ nhất với điều kiện $\begin{cases} -2x+y \le -2\\ x-2y \le 2\\ x+y \le 5\\ x \ge 0 \end{cases}$ S(x;y) có tọa độ là

S(x;y) có toạ độ là

(A) (4;1). (B) (3;1). (2,1). (CÂU 60. Giá trị lớn nhất của biểu thức F(x;y) = x + 2y, với điều kiện $\begin{cases} 0 \le y \le 4 \\ x \ge 0 \\ x - y - 1 \le 0 \\ x + 2y - 10 \le 0 \end{cases}$

là

- **B** 8.
- **(C)** 10.
- **D** 12.

LỜI GIẢI CHI TIẾT

Bài 1. BẤT PHƯƠNG TRÌNH BẬC NHẤT HAI ẨN

A. TÓM TẮT LÝ THUYẾT

- 1. Bất phương trình bậc nhất hai ẩn
- 2. Khái niệm bất phương trình bậc nhất hai ẩn

 $\mathbf{B\hat{a}t}$ phương trình bậc nhất hai ẩn x, y là bất phương trình có một trong các dạng

$$ax + by + c < 0$$
, $ax + by + c > 0$, $ax + by + c \le 0$, $ax + by + c \ge 0$

trong đó $a,\,b,\,c$ là những số cho trước; $a,\,b$ không đồng thời bằng 0 và $x,\,y$ là các ẩn.

3. Nghiệm của bất phương trình bậc nhất hai ẩn

Xét bất phương trình

$$ax + by + c < 0$$
.

Mỗi cặp số $(x_0; y_0)$ thỏa mãn $ax_0 + by_0 + c < 0$ được gọi là một nghiệm của bất phương trình đã cho.

4. Biểu diễn miền nghiêm của bất phương trình bậc nhất hai ẩn

Trong mặt phẳng tọa độ Oxy, tập hợp các điểm $(x_0; y_0)$ sao cho $ax_0 + by_0 + c < 0$ được gọi là miền nghiệm của bất phương trình ax + by + c < 0.

Ta có thể biểu diễn miền nghiệm của bất phương trình bậc nhất hai ẩn ax + by + c < 0 như sau:

- **O Bước 1:** Trên mặt phẳng Oxy, vẽ đường thẳng Δ : ax + by + c = 0.
- **O Bước 2:** Lấy một điểm $(x_0; y_0)$ không thuộc Δ . Tính $ax_0 + by_0 + c$.
- ❷ Bước 3: Kết luận
 - Nếu $ax_0 + by_0 + c < 0$ thì miền nghiệm của bất phương trình đã cho là nửa mặt phẳng (không kể bờ Δ) chứa điểm $(x_0; y_0)$.
 - Nếu $ax_0 + by_0 + c > 0$ thì miền nghiệm của bất phương trình đã cho là nửa mặt phẳng (không kể bờ Δ) không chứa điểm $(x_0; y_0)$.

Dối với các bất phương trình bậc nhất hai ẩn dạng $ax + by + c \le 0$ (hoặc $ax + by + c \ge 0$) thì miền nghiệm là miền nghiệm của bất phương trình ax + by + c < 0 (hoặc ax + by + c > 0) kể cả bờ.

B. CÁC DẠNG TOÁN



Nghiệm và miền nghiệm bất phương trình bậc nhất hai ẩn

1. Ví du minh hoa

VÍ DỤ 1. Cho bất phương trình: 2x - y < 0. Trong các cặp số (-1; 2), (2; 0), (0; 1), (3; -2), (-1; -2), cặp nào là nghiệm của bất phương trình, cặp nào không phải là nghiệm của bất phương trình?

🗭 Lời giải.

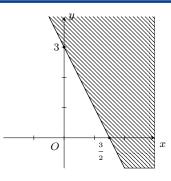
Bằng cách thử trực tiếp, các cặp (-1;2), (0;1) là nghiệm, các cặp còn lại không phải là nghiệm của bất phương trình.

VÍ DỤ 2. Biểu diễn hình học tập nghiệm của bất phương trình $2x + y \le 3$.

Lời giải.

Vẽ đường thẳng Δ : 2x + y = 3.

Lấy gốc tọa độ O(0;0), ta thấy $O \notin \Delta$ và có $2 \cdot 0 + 0 < 3$ nên nửa mặt phẳng kể cả bờ Δ chứa gốc tọa độ O là miền nghiệm của bất phương trình đã cho (miền không bị gạch).

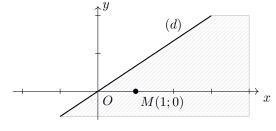


VÍ DŲ 3.

- a) Biểu diễn hình học tập nghiệm của bất phương trình -2x + 3y > 0.
- b) Cho hai điểm A(2;1) và B(3;3), hỏi hai điểm này cùng phía hay khác phía đối với bờ (d).

🗩 Lời giải.

- a) Vẽ đường thẳng d: -2x + 3y = 0. Thay tọa độ điểm M(1;0) vào vế trái PTĐT (d), ta được: -2 < 0. Vậy miền nghiệm của bất phương trình là nửa mặt phẳng không kể đường thẳng d không chứa điểm M. (phần không bị gạch).
- b) Thế tọa độ điểm A vào vế trái của PTĐT (d) ta được $-2 \cdot 2 + 3 \cdot 1 = -1 < 0$. (1) Thế tọa độ điểm B vào vế trái của PTĐT (d) ta được $-2 \cdot 3 + 3 \cdot 3 = 3 > 0$. (2) Từ (1) và (2) suy ra hai điểm nằm ở hai phía đối với bời (d).

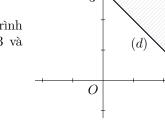


VÍ DŲ 4.

- a) Biểu diễn hình học tập nghiệm của bất phương trình x + y 3 < 0.
- b) Tìm điều kiện của m và n để mọi điểm thuộc đường thẳng (d'): $(m^2 2)x y + m + n = 0$ đều là nghiệm của bất phương trình trên.

🗭 Lời giải.

- a) Vẽ đường thẳng d: x + y = 3. Thay tọa độ điểm O(0;0) vào vế trái PTĐT (d), ta được: 0 < 3. Vậy miền nghiệm của bất phương trình là nửa mặt phẳng chứa điểm O. (Trên hình là nửa mặt phẳng không bị gạch bỏ).
- b) Để mọi điểm thuộc đường thẳng (d') đều là nghiệm của bất phương trình thì điều kiện cần là (d') phải song song với (d). Ta có d: y = -x + 3 và $d': y = (m^2 2)x + m + n$.



(d) song song (d') thì
$$\begin{cases} m^2 - 2 = -1 \\ m + n \neq 3 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{bmatrix} \begin{cases} m = 1 \\ n \neq 2 \\ \end{cases} \\ m = -1 \\ n \neq 4 \end{cases}$$

Với $\begin{cases} m=1 \\ n \neq 2 \end{cases}$ thì ta được d': y=-x+n+1. Để thỏa yêu cầu bài toán thì điều

kiện đủ là đường thẳng (d') là đồ thị của đường thẳng (d) khi (d) tịnh tiến xuống dưới theo trục Oy. Tức $n+1<3\Leftrightarrow n<2$.

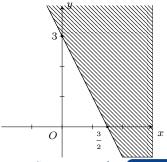
2. Bài tập tự luận

BÀI 1. Biểu diễn hình học tập nghiệm của bất phương trình $2x + y \le 3$.

🗭 Lời giải.

Vẽ đường thẳng Δ : 2x + y = 3.

Lấy gốc tọa độ O(0;0), ta thấy $O \notin \Delta$ và có $2 \cdot 0 + 0 < 3$ nên nửa mặt phẳng bờ Δ chứa gốc tọa độ O là miền nghiệm của bất phương trình đã cho (miền không bị tô đậm trong hình vẽ).



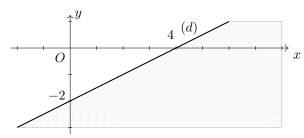
BÀI 2. Biểu diễn hình học tập nghiệm của bất phương trình bậc nhất hai ẩn 2x - 4y < 8.

🗭 Lời giải.

Vẽ đường thẳng d: 2x - 4y = 8.

Thay tọa độ điểm O(0;0) vào vế trái PTĐT (d), ta được: 0 < 8.

Vậy miền nghiệm của bất phương trình là nửa mặt phẳng chứa điểm O. (Trên hình là nửa mặt phẳng không bị gạch bỏ).



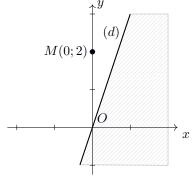
BÀI 3. Biểu diễn hình học tập nghiệm của bất phương trình bậc nhất hai ẩn $3x-y \leq 0$.

🗭 Lời giải.

Vẽ đường thẳng d: 3x - y = 0.

Thay tọa độ điểm M(0;2) vào vế trái PTDT (d), ta được: -2 < 0.

Vậy miền nghiệm của bất phương trình là nửa mặt phẳng không chứa điểm M, kể cả bờ (d). (Trên hình là nửa mặt phẳng không bị gạch bỏ).



BÀI 4. Biểu diễn hình học tập nghiệm của bất phương trình bậc nhất hai ẩn $\frac{x}{3} + \frac{y}{6} < 1$.

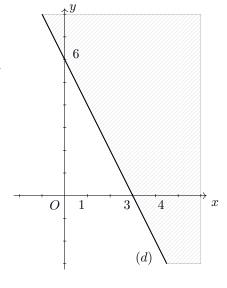
🗭 Lời giải.

$$\frac{x}{3} + \frac{y}{6} < 1 \Leftrightarrow 2x + y < 6$$

Vẽ đường thẳng d: 2x + y = 6.

Thay tọa độ điểm O(0;0) vào vế trái PTĐT (d), ta được: 0 < 6.

Vậy miền nghiệm của bất phương trình là nửa mặt phẳng chứa điểm O. (Trên hình là nửa mặt phẳng không bị gạch bỏ).



BÀI 5. Cho bất phương trình $2x + y - 1 \le 0$.

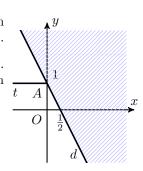
a) Biểu diễn miền nghiệm của bất phương trình đã cho trong mặt phẳng tọa độ Oxy.

b) Tìm tất cả giá trị tham số m để điểm M(m,1) nằm trong miền nghiệm của bất phương trình đã cho và biểu diễn tập hợp M tìm được trong cùng hệ trục tọa độ Oxy ở câu a).

🗭 Lời giải.

a) Đường thẳng (d): 2x + y - 1 = 0 có đồ thị như hình vẽ bên. Ta có 2.0 + 0 - 1 < 0. Do đó, miền nghiệm là đường thẳng (d) và miền không gạch chéo như hình vẽ bên (Miền chứa gốc tọa độ).

b) Để M là một nghiệm thì $2m+1-1\leq 0\Leftrightarrow m\leq 0$. Vì M nằm trên đường thẳng $(\Delta):y=1$. Do đó, tập hợp tất cả điểm M là nghiệm của bất phương trình trình đã cho là tia At như hình vẽ.



2

Bài toán thực tế liên quan

1. Ví du minh hoa

VÍ DỤ 1. Hà mang 95000 đồng ra chợ mua hoa cúc và hoa hồng. Một bông hoa cúc có giá 4000 đồng, một bông hoa hồng có giá 7000 đồng. Viết bất phương trình bậc nhất hai ẩn cho số tiền mà Hà phải chi để mua x bông hoa cúc và y bông hoa hồng.

🗭 Lời giải.

Ta có $x, y \in \mathbb{N}^*$.

Giá của x bông hoa cúc là 4000x đồng, giá của y bông hoa hồng là 7000y đồng.

Vì số tiền Hà mang đi là 95000 đồng nên ta có bất phương trình

$$4000x + 7000y \le 95000 \Leftrightarrow 4x + 7y \le 95.$$

VÍ DỤ 2. Mỗi ngày Nga đều dành không quá 30 phút để đọc cả 2 cuốn sách A, B. Nga đọc được 3 trang sách A trong 2 phút, đọc được 2 trang sách B trong 1 phút. Gọi x, y lần lượt là số phút đọc sách A và số phút đọc sách B. Tìm điều kiện của x và y để Nga đọc được ít nhất 35 trang sách trong một ngày.

🗭 Lời giải.

Gọi x, y lần lượt là số phút đọc sách A và số phút đọc sách B trong một ngày, x, y > 0. Tổng số phút đọc sách không quá 30 phút nên $x + y \le 30$.

Số trang sách A đọc được sau x phút là $\frac{3x}{2}$. Số trang sách B đọc được sau y phút là 2y.

Nga đọc được ít nhất 35 trang sách trong một ngày khi và chỉ khi $\frac{3x}{2} + 2y \ge 35$.

Vậy x,y cần thỏa mãn các điều kiện $\begin{cases} x,y>0\\ x+y\leq 30\\ \frac{3x}{2}+2y\geq 35. \end{cases}$

2. Bài tập tự luận

BÀI 1. Giá sách của Hoa có thể chứa được khối lượng sách tối đa là 4 kg. Hoa xếp cả hai loại sách (loại 1 và loại 2) vào giá. Sách loại 1 có khối lượng 100 gam mỗi cuốn và sách loại 2 có khối lượng 200 gam mỗi cuốn. Viết bất phương trình bậc nhất hai ẩn cho khối lượng của x cuốn loại 1 và y cuốn loại 2 có thể được xếp lên giá sách.

🗭 Lời giải.

Ta có 4 kg = 4000 gam.

Khối lượng của x cuốn sách loại 1 là 100x gam. Khối lượng của y cuốn sách loại 2 là 200y gam.

Hoa xếp cả hai loại sách nên $x, y \in \mathbb{N}^*$. Vì giá sách của Hoa có thể chứa được khối lượng sách tối đa là 4 kg nên số cuốn sách (x cuốn loại 1 và y cuốn loại 2) có thể được xếp lên giá sách thỏa mãn bất phương trình $100x + 200y \le 4000 \Leftrightarrow x + 2y \le 40$.

BÀI 2. Công ty viễn thông Mobifone tính phí 1 nghìn đồng mỗi phút gọi nội mạng, 2 nghìn đồng mỗi phút gọi ngoại mạng. Mỗi tháng Minh gọi điện thoại hết từ 200 đến 300 nghìn đồng. Viết bất phương trình bậc nhất hai ẩn mô tả cho số tiền điện thoại trả cho (x) phút gọi nội mạng và (y) phút gọi ngoại mạng trong một tháng.

🗩 Lời giải.

Số tiền điện thoại trả cho x phút gọi nội mạng là x nghìn đồng.

Số tiền điện thoại trả cho y phút gọi nội mạng là 2y nghìn đồng.

Mỗi tháng Minh gọi điện thoại hết từ 200 đến 300 nghìn đồng nên ta có

$$200 \le x + 2y \le 300.$$

BÀI 3. Bạn An giải 10 bài Toán trong 20 phút thì đúng được 80% số bài Toán, giải 12 bài Lý trong 15 phút thì đúng được $\frac{3}{4}$ số bài Lý. Viết bất phương trình bậc nhất hai ẩn cho thời gian giải x bài Toán đúng và y bài Lý đúng, biết thời gian giải ít hơn 150 phút.

Lời giải.

Sau 20 phút An làm đúng được $10 \cdot 80\% = 8$ bài Toán.

Suy ra thời gian An giải đúng x bài Toán là $\frac{20x}{8} = \frac{5x}{2}$ phút.

Sau 15 phút An làm đúng được $12 \cdot \frac{3}{4} = 9$ bài Lý.

Suy ra thời gian An giải đúng y bài Lý là $\frac{15y}{9} = \frac{5y}{3}$ phút.

Vì thời gian giải ít hơn 150 phút nên ta có

$$\frac{5x}{2} + \frac{5x}{3} < 150 \Leftrightarrow 3x + 2y < 180.$$

BÀI 4. Một gian hàng trưng bày bàn và ghế rộng 100 m^2 . Diện tích để kê một chiếc ghế là 1 m^2 , một chiếc bàn là 2 m^2 và diện tích mặt sàn dành cho lưu thông tối thiểu là 24 m^2 . Gọi x là số chiếc ghế, y là số chiếc bàn được kê, hãy viết bắt phương trình bậc nhất hai ẩn x, y cho phần mặt sàn để kê bàn và ghế và chỉ ra hai nghiệm của bắt phương trình.

🗭 Lời giải.

Diện tích kê x chiếc ghế là x m², $(x \in \mathbb{N}^*)$.

Diện tích kê y chiếc ghế là 2y m², $(y \in \mathbb{N}^*)$.

Diện tích mặt sàn tối đa có thể kê bàn, ghế là $100 - 24 = 76 \text{ m}^2$.

Do đó ta có bất phương trình $x + 2y \le 76$.

Cho x = 26, ta có $26 + 2y \le 76 \Leftrightarrow y \le 25$.

Lần lượt chon y=23, y=24 ta được hai nghiệm của bất phương trình là (26;23) và (26;24).

BÀI 5. Một bác nông dân cần trồng lúa và khoai trên diện tích đất 6 ha, với lượng phân bón dự trữ là 100 kg và sử dụng tối đa 120 ngày công. Để trồng 1 ha lúa cần sử dụng 20 kg phân bón, 10 ngày công với lợi nhuận là 30 triệu đồng; để trồng 1 ha khoai cần sử dụng 10 kg phân bón, 30 ngày công với lợi nhuận là 60 triệu đồng. Biết bác nông dân đã trồng x (ha) lúa và y (ha) khoai. Tìm giá trị của x để bác nông dân đạt được lợi nhuận cao nhất.

🗭 Lời giải.

Theo bài toán, ta có:

$$\begin{cases} x+y=6\\ 20x+10y\leq 100\\ 10x+30y\leq 120\\ T=30x+60y\longrightarrow Max \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y=6-x\\ x\leq 4\\ x\geq 3\\ T=-30x+360\longrightarrow max \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y=6-x\\ 3\leq x\leq 4\\ T=-30x+360\longrightarrow max. \end{cases}$$

Vì T = 30x + 360 là hàm số bậc nhất và có hệ số a = -30 < 0 nên T đạt GTLN tại x = 3. Vậy x = 3 là giá trị cần tìm.

C. BÀI TẬP TRẮC NGHIỆM

CÂU 1. Trong các bất phương trình sau đây, đâu là bất phương trình bậc nhất hai ẩn

- (A) $2x^2 3x \ge 1$.
- **B**) 2x + y < 1.
- (c) $3x + 1 \le 0.$

🗭 Lời giải.

Theo định nghĩa $2x + y \le 1$ là bất phương trình bậc nhất hai ẩn.

Chọn đáp án \fbox{B}

- **CÂU 2.** Cho bất phương trình $2x + 3y 6 \le 0$ (1). Chọn khẳng định đúng trong các khẳng định sau.
 - (A) Bất phương trình (1) chỉ có một nghiệm duy nhất.
- **B** Bất phương trình (1) vô nghiệm.
- © Bất phương trình (1) luôn có vô số nghiệm.
- \bigcirc Bất phương trình (1) có tập nghiệm là \mathbb{R} .

🗭 Lời giải.

Trên mặt phẳng tọa độ, đường thẳng (d): 2x + 3y - 6 = 0 chia mặt phẳng thành hai nửa mặt phẳng. Chon điểm O(0;0) không thuộc đường thẳng đó. Ta thấy (x;y) = (0;0) là nghiệm của bất phương trình đã cho.

Vậy miền nghiệm của bất phương trình là nửa mặt phẳng bờ (d) chứa điểm O(0;0) kể cả (d).

Vậy bất phương trình (1) luôn có vô số nghiệm.

CÂU 3. Trong các cặp số sau đây, cặp nào **không** là nghiệm của bất phương trình $x-4y+1\geq 0$?

- (-1;0).
- **B**) (-2; -1).
- (\mathbf{C}) (-1:3).
- (0;0)

🗭 Lời giải.

Ta có $(-1) - 4 \cdot 3 + 1 \ge 0$ là mệnh đề sai nên cặp số (-1;3) không là nghiệm của của bất phương trình trên.

Chọn đáp án \bigcirc

CÂU 4. Miền nghiệm của bất phương trình 4(x-1) + 5(y-3) > 2x - 9 là nửa mặt phẳng chứa điểm nào?

- (0;0).
- (\mathbf{R}) $(1 \cdot 1)$

- (-1;1).
- $(\mathbf{D})(2;5)$

🗭 Lời giải.

Ta có $4(x-1) + 5(y-3) > 2x - 9 \Leftrightarrow 4x - 4 + 5y - 15 > 2x - 9 \Leftrightarrow 2x + 5y - 10 > 0$.

Dễ thấy tại điểm (2;5) ta có $2 \cdot 2 + 5 \cdot 5 - 10 > 0$ (đúng).

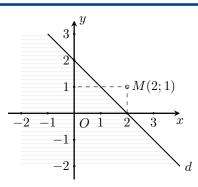
Chọn đáp án D.....

CÂU 5. Điểm nào sau đây thuộc miền nghiệm của bất phương trình x + y - 2 > 0?

- **(**2;1).
- $\mathbf{B}(0;0)$.
- (1;0).
- (0;1).

p Lời giải.

Tập hợp các điểm biểu diễn nghiệm của bất phương trình x+y-2>0 là nửa mặt phẳng bờ là đường thẳng y=x+2 và không chứa gốc tọa độ. Từ đó ta có điểm (2;1) thuộc miền nghiệm của bất phương trình.



Chọn đáp án $\stackrel{\frown}{(A)}$

(A) x + 3y < 0.

CÂU 6. Điểm A(-1;3) thuộc miền của bất phương trình **(B)** 3x - y > 0.

C -3x + 2y - 4 > 0. **D** 2x - y + 4 > 0.

Lời giải.

Thay tọa độ A(-1;3) vào các bất phương trình:

- Với bất phương trình x + 3y < 0, ta có $(-1) + 3 \cdot 3 < 0$ sai.
- Với bất phương trình 3x y > 0, ta có $3 \cdot (-1) 3 > 0$ sai.
- Với bất phương trình -3x + 2y 4 > 0, ta có $-3 \cdot (-1) + 2 \cdot 3 4 > 0$ đúng.
- Với bất phương trình 2x y + 4 > 0, ta có $2 \cdot (-1) 3 + 4 > 0$ sai.

Vậy A(-1;3) thuộc miền nghiệm bất phương trình -3x + 2y - 4 > 0.

Chọn đáp án \bigcirc

CÂU 7. Tìm tất cả các số thực a sao cho miền nghiệm của bất phương trình $x \le a$ chứa điểm M(-1;0).

(A) a > -1.

(B) $a \ge -1$.

(c) a > 0.

🗭 Lời giải.

Để M(-1;0) thuộc miền nghiệm của bất phương trình $x \le a$ thì $a \ge -1$.

Chọn đáp án (B)......□

CÂU 8. Cho đường thẳng d: 7x - 9y + 2 = 0 chia mặt phẳng toạ độ làm hai nửa mặt phẳng, trong đó miền nghiệm của bất phương trình 7x - 9y + 2 > 0 là nửa mặt phẳng

(A) có bờ là đường thẳng d và không chứa điểm O(0;0).

(B) không có bờ d và chứa điểm O(0;0).

(**c**) có bờ là đường thẳng d và chứa điểm O(0;0).

(**D**) không chứa bờ d và không chứa điểm O(0;0).

Lời giải.

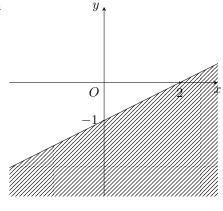
Ta có toạ độ điểm O(0;0) thoả mãn bất phương trình 7x-9y+2>0 nên miền nghiệm của bất phương trình 7x-9y+2>0là nửa mặt phẳng không có bờ d và chứa điểm O(0;0).

Chon đáp án (B)....□

CÂU 9.

Phần gạch chéo trong hình vẽ dưới đây (không bao gồm đường thẳng d) là miền nghiệm cuả bất phương trình bậc nhất hai ẩn nào sau đây?

(A) 2x - y < 0. (B) x - 2y < 2. (C) 2y - x < -2. (D) 2x - y > 1.



Lời giải.

Đường thẳng d đi qua hai điểm A(0;-1) và B(2;0) nên có phương trình là $y=\frac{1}{2}x-1$.

Lại có điểm O(0;0) không thuộc vào miền nghiệm nên $y < \frac{1}{2}x - 1$ (vì $0 < \frac{1}{2} \cdot 0 - 1$ không đúng). Hay $2y < x - 2 \Leftrightarrow 2y - x < -2$.

Chọn đáp án \bigcirc

CÂU 40

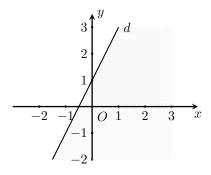
Bất phương trình nào sau đây có miền nghiệm (phần không gạch sọc) như hình vẽ bên?

 \bigcirc 2x - y + 1 < 0.

B x - y + 1 < 0.

 $\bigcirc 2x - 3y + 1 < 0$.

 \bigcirc 2x - y - 1 < 0.

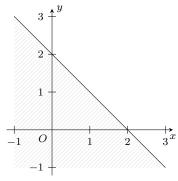


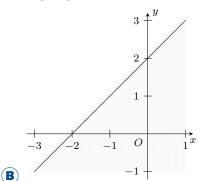
🗭 Lời giải.

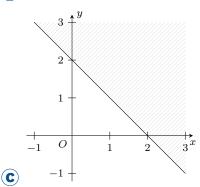
Tập hợp các điểm biểu diễn nghiệm của bất phương trình 2x - y + 1 < 0 là nửa mặt phẳng bờ là đường thẳng y = 2x + 1 và không chứa gốc tọa độ. Từ đó ta có điểm (2;1) thuộc miền nghiệm của bất phương trình.

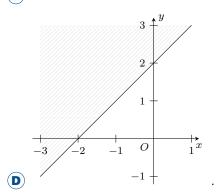
Chọn đáp án (A)

CÂU 11. Miền nghiệm của bất phương trình $x + y \le 2$ là phần không bị gạch sọc của hình vẽ nào trong các hình sau?









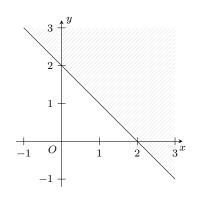
🗭 Lời giải.

(**A**)

Biểu diễn miền nghiệm trên mặt phẳng Oxy:

- Vẽ đường thẳng d: x + y = 2.
- Lấy điểm O(0,0) thay tọa độ vào ta có $0+0 \le 2$ đúng.

Vậy miền nghiệm bất phương trình là nửa mặt phẳng chứa điểm O(0;0) và có bờ là đường thẳng d, kể cả đường thẳng d.



Chọn đáp án $\overline{\mathbb{C}}$

CÂU 12. Cho bất phương trình 2x + 3y - 2 < 0. Miền nghiệm của bất phương trình là

- **A** nửa mặt phẳng chứa điểm O có bờ là đường thẳng 2x + 3y 2 = 0 (không kể bờ).
- lacksquare nửa mặt phẳng chứa điểm O có bờ là đường thẳng 2x+3y-2=0 (kể cả bờ).
- \bigcirc nửa mặt phẳng không chứa điểm O có bờ là đường thẳng 2x+3y-2=0 (không kể bờ).
- \bigcirc nửa mặt phẳng không chứa điểm O có bờ là đường thẳng 2x + 3y 2 = 0 (kể cả bờ).

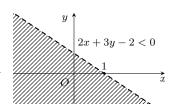
🗭 Lời giải.

Vẽ đường thẳng 2x + 3y - 2 = 0.

Xét điểm O(0,0) không thuộc đường thẳng 2x + 3y - 2 = 0.

Ta có $P = 2 \cdot 0 + 3 \cdot 0 - 2 < 0$.

Vậy nửa mặt phẳng chứa điểm O có bờ là đường thẳng 2x+3y-2=0 (không kể bờ) là miền nghiệm của bất phương trình.



Chọn đáp án $\stackrel{\frown}{A}$

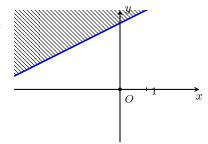
CÂU 13. Miền nghiệm của bất phương trình x - 2y + 5 < 0 là

- (A) Nửa mặt phẳng không chứa gốc tọa độ, bờ là đường thẳng $y = \frac{1}{2}x + \frac{5}{2}$ (không bao gồm đường thẳng).
- **B** Nửa mặt phẳng chứa gốc tọa độ, bờ là đường thẳng $y = \frac{1}{2}x + \frac{5}{2}$ (không bao gồm đường thẳng).
- \bigcirc Nửa mặt phẳng không chứa gốc tọa độ, bờ là đường thẳng $y = \frac{1}{2}x + \frac{5}{2}$ (bao gồm đường thẳng).
- $lackbox{$lackbox{\mathbb{D}}$}$ Nửa mặt phẳng chứa gốc tọa độ, bờ là đường thẳng $y=\frac{1}{2}x+\frac{5}{2}$ (không bao gồm đường thẳng).

🗭 Lời giải.

Thay tọa độ điểm O(0;0) vào PTĐT ta thấy không thỏa mãn.

Do đó miền nghiệm là nửa mặt phẳng không chứa gốc tọa độ bờ là đường thẳng y= $\frac{1}{2}x + \frac{5}{2}$ (không bao gồm đường thẳng, như hình vẽ).



CÂU 14. Cặp điểm nào sau đây thuộc miền nghiệm của bất phương trình $3(x+\sqrt{2}y-\sqrt{3})>8(\sqrt{3}x+2y-\sqrt{2})$?

A(2;-2) và B(2;2).

B) $C(-\sqrt{3}; -\sqrt{2})$ và $D(\sqrt{2}; -1 - \sqrt{5})$.

c $E(\sqrt{2}; \sqrt{2})$ và $F(\sqrt{5}; 1)$.

 $G(-\sqrt{2}; 2+\sqrt{3})$ và H(1; 4).

🗭 Lời giải.

Ta có $3(x+\sqrt{2}y-\sqrt{3}) > 8(\sqrt{3}x+2y-\sqrt{2}) \Leftrightarrow (3-8\sqrt{3})x+(3\sqrt{2}-16)y-3\sqrt{3}+8\sqrt{2}>0.$

Thay điểm $C(-\sqrt{3}; -\sqrt{2})$ vào bất phương trình trên, ta có

$$\left(3-8\sqrt{3}\right)\cdot(-\sqrt{3})+\left(3\sqrt{2}-16\right)\cdot(-\sqrt{2})-3\sqrt{3}+8\sqrt{2}=18-6\sqrt{3}+24\sqrt{2}>0\ (\text{đ\'ung}).$$

Thay điểm $D(\sqrt{2}; -1 - \sqrt{5})$ vào bất phương trình trên, ta có

$$\left(3 - 8\sqrt{3}\right) \cdot \left(\sqrt{2}\right) + \left(3\sqrt{2} - 16\right) \cdot \left(-1 - \sqrt{5}\right) - 3\sqrt{3} + 8\sqrt{2} > 0 \text{ (đúng)}.$$

Nên cặp điểm C, D thuộc miền nghiệm của bất phương trình trên.

Chọn đáp án B.....

CÂU 15. Giao miền nghiệm của ba bất phương trình $y \ge 0$; $3x - 2y \ge -6$; $3x + 4y \le 12$ tạo thành một tam giác có diện tích bằng

(**A**) 18.

B 9.

C 6.

(D) 12.

🗭 Lời giải.

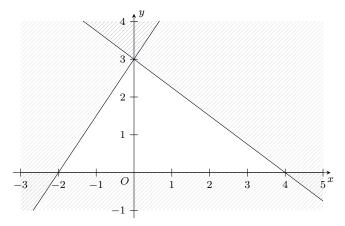
Vẽ các đường thẳng $d_1: y = 0; d_2: 3x - 2y = 6; d_3: 3x + 4y = 12.$ - Lấy điểm O(0;0) thế vào về trái d_2 ta được $3\cdot 0 - 2\cdot 0 \geq -6$ đúng. Vậy miền nghiệm bất phương trình $3x - 2y \ge -6$ chứa Ocó bờ là d_2 .

- Lấy điểm O(0;0) thế vào về trái d_3 ta được $3 \cdot 0 + 4 \cdot 0 \le 12$ đúng. Vậy miền nghiệm bất phương trình $3x + 4y \le 12$ chứa Ocó bờ là d_3 .

Gọi A, B, C là ba đỉnh của tam giác. A(-2;0); B(0;3), C(4;0).

Ta có BO = 3; AC = 6. Diện tích tam giác ABC là

$$S = \frac{1}{2}BO \cdot AC = \frac{1}{2} \cdot 3 \cdot 6 = 9.$$



CÂU 16. Giao miền nghiệm của ba bất phương trình $x + 4y \ge 8$; $-x + 2y \le 4$; $x + y \le 5$ tạo thành một tam giác có chu vi

(A)
$$\sqrt{17} + \sqrt{5} + 2\sqrt{2}$$
.

B)
$$\sqrt{17} + \sqrt{5} + \sqrt{2}$$
.

🗭 Lời giải.

Vẽ các đường thẳng $d_1: x + 4y = 8; d_2: -x + 2y = 4; d_3: x + y = 5.$

- Lấy điểm O(0;0) thế vào về trái d_1 ta được $3 \cdot 0 + 4 \cdot 0 \ge 8$ sai. Vậy miền nghiệm bất phương trình $x + 4y \ge 8$ không chứa O có bờ là d_1 .
- Lấy điểm O(0;0) thế vào về trái d_2 ta được $-0+2\cdot 0 \leq 4$ đúng. Vậy miền nghiệm bất phương trình $3 - x + 2y \le 4$ chứa O có bờ là d_2 .
- Lấy điểm O(0,0) thế vào về trái d_3 ta được $0+0 \le 5$ đúng. Vậy miền nghiệm bất phương trình $x + y \le 5$ chứa O có bờ là d_3 .

Gọi A, B, C là ba đỉnh của tam giác. Ta có A(0; 2); B(4; 1), C(2; 3). Ta có:

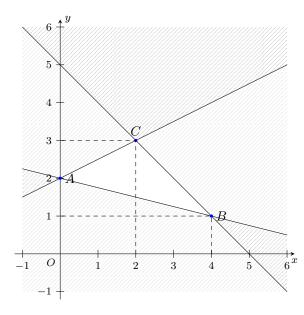
$$AB = \sqrt{(4-0)^2 + (1-2)^2} = \sqrt{17}.$$

$$AC = \sqrt{(2-0)^2 + (3-2)^2} = \sqrt{5}.$$

$$BC = \sqrt{(2-4)^2 + (3-1)^2} = 2\sqrt{2}.$$

Chu vi tam giác ABC là

$$2P = \sqrt{17} + \sqrt{5} + 2\sqrt{2}$$
.



CÂU 17. Tìm tất cả các giá trị thực của tham số m để bất phương trình $3x + my - 7 \ge 0$ có miền nghiệm chứa điểm $A(\sqrt{2};1)$.

B
$$m \in (-\infty; 3\sqrt{2} - 7)$$
. **C** $m \in (-\infty; 7 - 3\sqrt{3})$. **D** $m \in [7 - 3\sqrt{2}; +\infty)$.

🗭 Lời giải.

Vì điểm $A(\sqrt{2};1)$ thuộc miền nghiệm của bất phương trình đã cho, nên

$$3 \cdot \sqrt{2} + m \cdot 1 - 7 \ge 0 \Leftrightarrow m \ge 7 - 3 \cdot \sqrt{2}.$$

Chọn đấp án (D).....

CÂU 18. Cho bất phương trình $mx + \sqrt{2}y - 1 < 0$ với m là tham số thực. Điểm nào dưới đây luôn luôn **không** thuộc miền nghiệm của bất phương trình đã cho?

$$\triangle$$
 $E(m; m^2)$.

B
$$F(2m^2; m)$$
.

$$\bigcirc$$
 $G(0; 1+m^2).$

$$\bullet$$
 $H(0;-1-m^2).$

🗭 Lời giải.

Điểm $E(m;m^2)$ không thỏa mãn vì $m^2+\sqrt{2}m^2-1<0\Leftrightarrow -\frac{1}{\sqrt{1+\sqrt{2}}}< m<\frac{1}{\sqrt{1+\sqrt{2}}}.$

Điểm $F(2m^2; m)$ không thỏa mãn vì $2m^3 + \sqrt{2}m - 1 < 0$ (bất phương trình này luôn có nghiệm).

Điểm $H(0;-1-m^2)$ không thỏa mãn vì $m.0+\sqrt{2}(-1-m^2)-1<0 \Leftrightarrow \sqrt{2}m^2>-1-\sqrt{2}$ (thỏa mãn với mọi m).

Với điểm $G(0; 1+m^2)$, ta có $mx + \sqrt{2}y - 1 = m.0 + \sqrt{2}(1+m^2) - 1 = \sqrt{2}m^2 + (\sqrt{2}-1) > 0$ với mọi $m \in \mathbb{R}$. Vậy điểm $G(0; 1+m^2)$ không thuộc miền nghiệm của bất phương trình đã cho.

Chọn đáp án $\overline{(C)}$

CÂU 19. Với giá trị nào của m thì điểm A(1-m;m) không thuộc miền nghiệm của bất phương trình 2x-3(y-x)>4.

B
$$m < \frac{1}{8}$$
.

$$\bigcirc \frac{1}{8} \le m \le 1.$$

🗭 Lời giải.

A(1-m;m) không thuộc miền nghiệm của bất phương trình 2x-3(y-x)>4 khi tọa độ của nó không thỏa mãn bất phương trình, tức là $2(1-m)-3(m+m-1) \le 4$ hay $m \ge \frac{1}{8}$

Chon đáp án (D).....

CÂU 20. Một bác nông dân cần trồng lúa và khoai trên diện tích đất 6 ha, với lượng phân bón dự trữ là 100 kg và sử dụng tối đa 120 ngày công. Để trồng 1 ha lúa cần sử dụng 20 kg phân bón, 10 ngày công với lợi nhuận là 30 triệu đồng; để trồng 1 ha khoai cần sử dụng 10 kg phân bón, 30 ngày công với lợi nhuận là 60 triệu đồng. Để đạt lợi nhuận cao nhất, bác nông dân đã trồng x (ha) lúa và y (ha) khoai. Giá trị của x là

Lời giải.

Theo bài toán, ta có:

$$\begin{cases} x+y=6\\ 20x+10y \le 100\\ 10x+30y \le 120\\ T=30x+60y \longrightarrow Max \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y=6-x\\ x \le 4\\ x \ge 3\\ T=24x+360 \longrightarrow Max \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y=6-x\\ 3 \le x \le 4\\ T=24x+360 \longrightarrow Max. \end{cases}$$

Vì T=24x+360 là hàm số bậc nhất và có hệ số a=24>0 nên nó đat GTLN tai x=4.

Vây x = 4 là giá trị cần tìm.

Chon đáp án (C).......

CÂU 21. Một người thợ mộc tốn 6 giờ để làm một cái bàn và 4 giờ để làm một cái ghế. Gọi x, y lần lượt là số bàn và số ghế mà người thợ mộc sản xuất trong một tuần. Viết bất phương trình biểu thị mối liên hệ giữa x và y biết trong một tuần người thơ mộc có thể làm tối đa 50 giờ.

B)
$$3x + 2y > 25$$
.

$$3x + 2y \ge 25.$$

D
$$3x + 2y < 25$$
.

🗭 Lời giải.

Trong một tuần, số giờ làm ra x cái bàn là 6x và số giờ làm ra y cái ghế là 4y. Vì trong một tuần người thợ mộc làm tối đa 50 giờ nên

$$6x + 4y \le 50 \Leftrightarrow 3x + 2y \le 25.$$

Chọn đáp án $\stackrel{\frown}{\mathsf{A}}$ \square

CÂU 22. Một gian hàng trưng bày bàn và ghế rộng 60 m². Diện tích để kê một chiếc ghế là 0,6 m², một chiếc bàn là 1,3 m^2 . Gọi x là số chiếc ghế, y là số chiếc bàn được kê. Viết bất phương trình bậc nhất hai ẩn x, y cho phần mặt sàn để kê bàn và ghế, biết diện tích mặt sàn dành cho lưu thông tối thiểu là 10 m².

$$\bigcirc$$
 0.6 $x + 1.3y > 50$.

B
$$0.6x + 1.3y < 50$$
.

$$(c)$$
 1,3x + 0,6y \leq 50.

©
$$1.3x + 0.6y \le 50.$$
 D $1.3x + 0.6y \ge 50.$

Lời giải.

Diên tích để kê x chiếc ghế và y chiếc bàn là 0.6x + 1.3y.

Vì diện tích mặt sàn dành cho lưu thông tối thiểu là 10 m^2 nên diện tích để kê x chiếc ghế và y chiếc bàn tối đa là 50 m^2 . Do đó $0.6x + 1.3y \le 50$.

Chọn đấp án (B)....

CÂU 23. Bạn Nam đang sưu tầm các đồng tiền vàng và bạc để vào một các túi, trọng lượng tối đa mà túi chứa được là 20 gam. Mỗi đồng xu vàng nặng khoảng 14 gam, mỗi đồng xu bạc nặng khoảng 7 gam. Bất phương trình nào sau đây mô tả số đồng tiền vàng (x) và số đồng tiền bạc (y) có thể được chứa trong túi?

B
$$7x + 14y > 20$$
.

B
$$7x + 14y > 20$$
. **C** $14x + 7y \le 20$. **D** $14x + 7y > 20$.

D
$$14x + 7y > 20$$

Lời aiải.

Khối lượng của x đồng tiền vàng là 14x gam.

Khối lượng của y đồng tiền bạc là 7y gam.

Số đồng tiền vàng và bạc có thể chứa trong túi khi $14x + 7y \le 20$.

Chọn đáp án \bigcirc

CÂU 24. Trong 1 lạng (100 g) thịt bò chứa khoảng 26 g protein và 1 lạng cá rô phi chứa khoảng 20 g protein. Trung bình trong một ngày, một người đàn ông cần tối thiểu 52 g protein. Gọi x, y lần lượt là số lạng thịt bò và số lạng cá rô phi mà một người đàn ông nên ăn trong một ngày. Viết bất phương trình bậc nhất hai ẩn x, y để biểu diễn lượng protein cần thiết cho một người đàn ông trong một ngày.

$$\bigcirc$$
 26x + 20y \leq 52.

B)
$$26x + 20y < 52$$
.

$$\bigcirc$$
 13x + 10y \ge 26.

D
$$13x + 10y > 26$$
.

🗭 Lời giải.

Trong x lạng thịt bò chứa 26x g protein.

Trong y lạng cá rô phi chứa 20y g protein.

Do đó lượng protein cần thiết trong một ngày của một người đàn ông là

$$26x + 20y \ge 52 \Leftrightarrow 13x + 10y \ge 26.$$

Chọn đáp án \bigcirc

CÂU 25. Công ty viễn thông Viettel có gói cước Hi School tính phí là 1190 đồng mỗi phút gọi nội mạng và 1390 đồng mỗi phút gọi ngoại mạng. Một bạn học sinh đăng kí gói cước trên và sử dụng x phút gọi nội mạng, y phút gọi ngoại mạng trong một tháng. Viết bất phương trình bậc nhất hai ẩn x, y để mô tả số tiền bạn đó phải trả trong một tháng ít hơn 100 nghìn

$$\bigcirc$$
 119 $x + 139y \ge 10000$.

B
$$139x + 119y < 10000$$
.

$$\bigcirc$$
 119 $x + 139y \le 10000$.

$$\bigcirc$$
 119 $x + 139y < 10000.$

Lời giải.

Trong một tháng, số tiền gọi nội mạng là 1190x đồng và số tiền gọi ngoại mạng là 1390y đồng.

Tổng số tiền trong một tháng bạn học sinh phải trả là 1190x + 1390y.

Để số tiền trong một tháng phải trả ít hơn 100 nghìn đồng thì

$$1190x + 1390y < 100000 \Leftrightarrow 119y + 139y < 10000.$$

Chọn đáp án \bigcirc D.......

CÂU 26. Nhân ngày Quốc tế Thiếu nhi 1-6, một rạp chiếu phim phục vụ các khán giả một bộ phim hoạt hình. Vé được bán ra có hai loại: loại 1 dành cho trẻ từ 6-13 tuổi, giá vé là 50000 đồng/vé và loại 2 dành cho người trên 13 tuổi, giá vé là 80000 đồng/vé. Gọi x là số vé loại 1 và y là số vé loại 2 bán được. Viết bất phương trình bậc nhất hai ẩn x, y để biểu diễn điều kiện sao cho số tiền bán vé thu được tối thiểu 10 triệu đồng.

$$(A)$$
 $5x + 8y \ge 100$.

B
$$5x + 8y > 1000$$
.

$$(\mathbf{D}) 5x + 8y \ge 1000.$$

🗭 Lời giải.

Số tiền thu được từ x vé loại 1 là 50000x và số tiền thu được từ y vé loại 2 là 80000y.

Tổng số tiền bán vé thu được là 50000x + 80000y.

Để số tiền bán vé thu được tối thiểu 10 triệu đồng thì

$$50000x + 80000y \ge 100000000 \Leftrightarrow 5x + 8y \ge 1000.$$

Chọn đáp án $\overline{\mathbb{D}}$

CÂU 27. Ngoài giờ học, bạn Nam làm thêm việc phụ bán cơm được 15 nghìn đồng/một giờ và phụ bán tạp hóa được 10 nghìn đồng/một giờ. Gọi x, y lần lượt là số giờ phụ bán cơm và phụ bán tạp hóa trong mỗi tuần. Viết bất phương trình bậc nhất hai ẩn x và y sao cho Nam kiếm thêm tiền mỗi tuần được ít nhất là 900 nghìn đồng.

$$\mathbf{A}$$
 $3x + 2y \le 180$.

B)
$$3x + 2y > 180$$
.

$$(c)$$
 $3x + 2y \ge 180$.

$$\bigcirc$$
 $3x + 2y < 180.$

Lời giải.

Số tiền từ việc phụ bán cơm là 15x nghìn đồng và số tiền từ việc phụ bán tạp hóa là 10y nghìn đồng.

Số tiền Nam kiếm được mỗi tuần là 15x + 10y.

Để số tiền Nam kiếm được mỗi tuần ít nhất là 900 nghìn đồng thì

$$15x + 10y \ge 900 \Leftrightarrow 3x + 2y \ge 180.$$

CÂU 28. Anh A muốn thuê một chiếc ô tô (có người lái) trong một tuần. Giá thuê xe như sau: từ thứ hai đến thứ sáu phí cố định là 900 nghìn đồng/ngày và phí tính theo quãng đường di chuyển là 10 nghìn đồng/km còn thứ bảy và chủ nhật thì phí cố định là 1200 nghìn đồng/ngày và phí tính theo quãng đường di chuyển là 15 nghìn đồng/km. Gọi x, y lần lượt là số km mà anh A đi trong các ngày từ thứ hai đến thứ sáu và trong hai ngày cuối tuần. Viết bất phương trình biểu thị mối liên hệ giữa x và y sao cho tổng số tiền anh A phải trả không quá 20 triệu đồng.

$$\bigcirc$$
 10x + 15y < 20000

B
$$2x + 3y > 2620$$

(A)
$$10x + 15y \le 20000$$
. (B) $2x + 3y \ge 2620$. (C) $10x + 15y \ge 20000$. (D) $2x + 3y \le 2620$.

$$\bigcirc 2x + 3y < 2620$$

🗭 Lời giải.

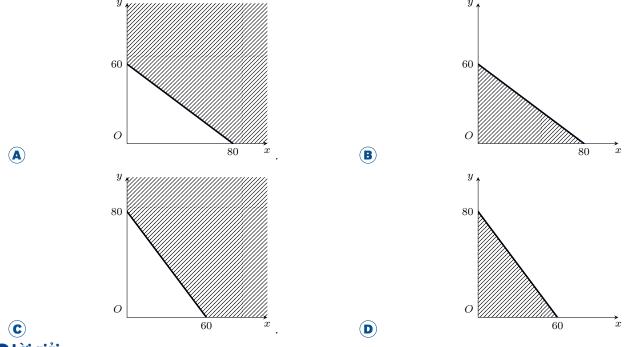
Số tiền thuê xe của anh A từ thứ hai đến thứ sáu là $900 \cdot 5 + 10x$ nghìn đồng và hai ngày thứ bảy, chủ nhật là $1200 \cdot 2 + 15y$ nghìn đồng.

Để số tiền anh A phải trả không quá 20 triệu đồng thì

$$(900 \cdot 5 + 10x) + (1200 \cdot 2 + 15y) \le 20000 \Leftrightarrow 10x + 15y \le 13100 \Leftrightarrow 2x + 3y \le 2620.$$

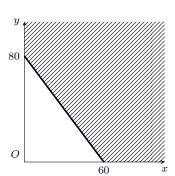
Chọn đáp án (D)......

CÂU 29. Một cửa hàng làm kệ sách và bàn làm việc. Mỗi kệ sách cần 4 giờ hoàn thiện. Mỗi bàn làm việc cần 3 giờ hoàn thiện. Mỗi tháng cửa hàng có tối đa 240 giờ làm việc. Hãy biểu diễn đồ thị mô tả số giờ làm việc trong mỗi tháng của cửa hàng theo số kệ sách hoàn thiện (x) và số bàn hoàn thiện (y).



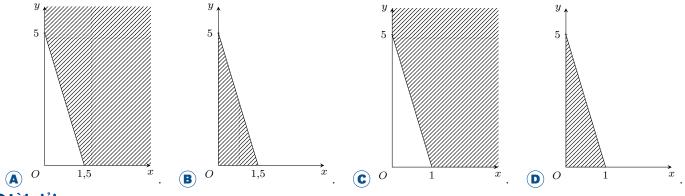
🗭 Lời giải.

Ta có bất phương trình $4x+3y\leq 240$ mô tả số giờ làm việc trong mỗi tháng của cửa hàng. Biểu diễn nghiệm của bất phương trình như sau



Chọn đáp án $\overline{\mathbb{C}}$

CÂU 30. Một gia đình cần x kg thịt bò và y kg thịt lợn trong một ngày, giá tiền 1 kg thịt bò là 200 nghìn đồng, 1 kg thịt lợn là 60 nghìn đồng. Biểu diễn đồ thị mô tả chi phí gia đình đó mua thịt bò và thịt lợn mỗi ngày để số tiền bỏ ra trong một ngày không quá 300 nghìn đồng.

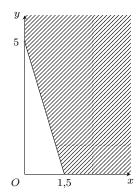


🗭 Lời giải.

Số tiền mua thịt bò là 200x và số tiền mua thịt lợn là 60y. Tổng số tiền trong một ngày mua thịt lợn và thịt bò là 200x+60y. Để chi phí mua thịt bò và thịt lợn mỗi ngày không quá 300 nghìn đồng thì

 $200x + 60y \le 300 \Leftrightarrow 10x + 3y \le 15.$

Khi đó biểu diễn đồ thị mô tả chi phí là



Chọn đáp án A

Bài 2. HỆ BẤT PHƯƠNG TRÌNH BẬC NHẤT HAI ẨN

A. TÓM TẮT LÝ THUYẾT

1. Khái niệm hệ bất phương trình bậc nhất hai ẩn

 $H\hat{e}$ bất phương trình bậc nhất hai ẩn là hệ gồm hai hay nhiều bất phương trình bậc nhất hai ẩn x, y. Mỗi nghiệm chung của tất cả các bất phương trình đó được gọi là một nghiệm của hệ bất phương trình đã cho. Trên mặt phẳng toạ độ Oxy, tập hợp các điểm $(x_0; y_0)$ có tọa độ là nghiệm của hệ bất phương trình bậc nhất hai ẩn được gọi là miền nghiệm của hệ bất phương trình đó.

2. Biểu diễn miền nghiệm của hệ bất phương trình bậc nhất hai ẩn

Để $biểu \ diễn \ miền \ nghiệm$ của hệ bất phương trình bậc nhất hai ẩn trên mặt phẳng toạ độ Oxy, ta thực hiện như sau:

- ❷ Trên cùng mặt phẳng tọa độ, biểu diễn miền nghiệm của mỗi bất phương trình của hệ.
- ❷ Phần giao của các miền nghiệm là miền nghiệm của hệ bất phương trình.

A Miền mặt phẳng tọa độ bao gồm một đa giác lồi và phần nằm bên trong đa giác đó được gọi là một miền đa giác.

3. Tìm giá trị lớn nhất và giá trị nhỏ nhất của biểu thức ${ m F}={ m ax}+{ m by}$ trên một miền đa giác

Hệ bất phương trình giúp ta mô tả được nhiều bài toán thực tế để tìm ra cách giải quyết tối ưu. Chúng thường được đưa về bài toán tìm giá trị lớn nhất (GTLN) hoặc giá trị nhỏ nhất (GTNN) của biểu thức F = ax + by trên một miền đa giác. Người ta chứng minh được F đạt giá trị lớn nhất hoặc nhỏ nhất tại một trong các đỉnh của đa giác.

B. CÁC DẠNG TOÁN



Biểu diễn hình học của tập nghiệm

1. Ví dụ minh hoạ

VÍ DỤ 1. Biểu diễn hình học tập nghiệm của hệ bất phương trình bậc nhất hai ẩn sau

$$\begin{cases} x + y > 1 \\ x - y < 2 \end{cases}$$

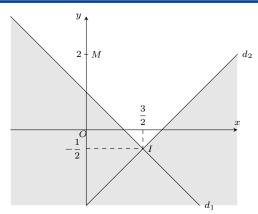
Lời giải.

Vẽ các đường thẳng

$$d_1: x + y = 1, d_2: x - y = 2.$$

Vì điểm M(0,2) có tọa độ thỏa mãn các bất phương trình trong hệ nên ta tô đậm các nửa mặt phẳng bờ d_1, d_2 không chứa M.

Miền không bị tô đậm trong hình vẽ và không chứa các tia giới hạn miền là miền nghiệm của hệ đã cho.



VÍ DỤ 2. Biểu diễn hình học tập nghiệm của hệ bất phương trình bậc nhất hai ẩn sau

$$\begin{cases} x + y < 2 \\ x - y > 1 \\ y > -1 \end{cases}$$

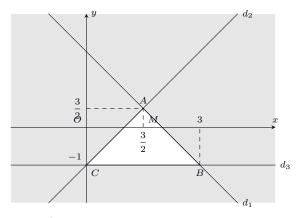
🗩 Lời giải.

Vẽ các đường thẳng

$$d_1: x + y = 2,$$

 $d_2: x - y = 1,$
 $d_3: y = -1.$

Vì điểm $M\left(\frac{3}{2},0\right)$ có tọa độ thỏa mãn các bất phương trình trong hệ nên ta tô đậm các nửa mặt phẳng bờ d_1,d_2,d_3 không chứa M. Miền không bị tô đậm trong hình vẽ, không bao gồm các đoạn giới hạn miền là miền nghiệm của hệ đã cho.



VÍ DỤ 3. Biểu diễn hình học tập nghiệm của hệ bất phương trình bậc nhất hai ẩn sau

$$\begin{cases} 2x + 5y > 2\\ x - 3y \ge 1\\ x + y < 3 \end{cases}$$

🗭 Lời giải.

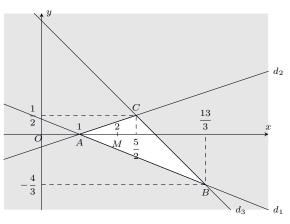
Vẽ các đường thẳng

$$d_1: 2x + 5y = 2,$$

 $d_2: x - 3y = 1,$
 $d_3: x + y = 3.$

Vì điểm M(2,0) có tọa độ thỏa mãn các bất phương trình trong hệ nên ta tô đậm các nửa mặt phẳng bờ d_1,d_2,d_3 không chứa M.

Miền không bị tô đậm trong hình vẽ có chứa đoạn AC và không chứa các điểm A,C, không chứa các đoạn AB,BC là miền nghiệm của hệ đã cho.



VÍ DU 4. Biểu diễn hình học tập nghiệm của hệ bất phương trình bậc nhất hai ẩn sau

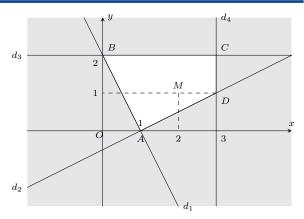
$$\begin{cases} 2x + y \ge 2\\ x - 2y \le 1\\ y \le 2\\ x \le 3 \end{cases}$$

Vẽ các đường thẳng

$$d_1: 2x + y = 2,$$

 $d_2: x - 2y = 1,$
 $d_3: y = 2, d_4: x = 3.$

Vì điểm M(2,1) có tọa độ thỏa mãn các bất phương trình trong hệ nên ta tô đậm các nửa mặt phẳng bờ d_1,d_2,d_3,d_4 không chứa M. Miền không bị tô đậm trong hình vẽ là miền nghiệm của hệ đã cho bao gồm các đoạn thẳng xác định miền.



2. Bài tập tự luận

BÀI 1. Biểu diễn hình học tập nghiệm của hệ bất phương trình bậc nhất hai ẩn sau

$$\begin{cases} x + 2y \ge 1\\ 3x - y \le 2 \end{cases}$$

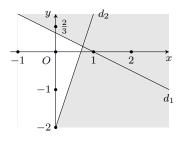
🗩 Lời giải.

Vẽ hai đường thẳng

$$d_1: x + 2y = 1,$$

$$d_2: 3x - y = 2$$

trên cùng một hệ trực tọa độ Oxy. Dễ dàng kiểm tra được điểm O thuộc miền nghiệm của cả hai bất phương trình nên ta có miền nghiệm của hệ bất phương trình là miền không bị tô đậm bao gồm cả bờ.



BÀI 2. Biểu diễn hình học tập nghiệm của hệ bất phương trình bậc nhất hai ẩn sau

$$\begin{cases} x - 2y < 1 \\ x + 3y < -2 \\ -x + y < 2 \end{cases}$$

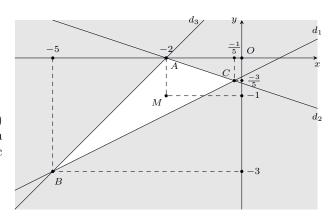
🗭 Lời giải.

Vẽ các đường thẳng

$$d_1: x - 2y = 1$$

 $d_2: x + 2y = -2$
 $d_3: -x + y = 2$

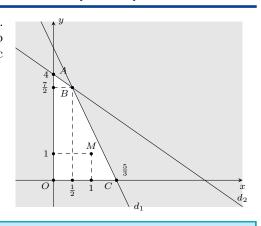
trên cùng mặt phẳng tọa độ Oxy. Ta kiểm tra được điểm M(-2;-1) thuộc miền nghiệm của hệ bất phương trình nên ta có miền nghiệm của hệ bất phương trình là miền trong tam giác ABC không kể các cạch.



BÀI 3. Biểu diễn hình học tập nghiệm của hệ bất phương trình bậc nhất hai ẩn sau

$$\begin{cases} 3x + y \le 5 \\ x + y \le 4 \\ x \ge 0 \\ y \ge 0 \end{cases}$$

Vẽ các đường thẳng $d_1: 3x + y = 5$ và $d_2: x + y = 4$ lên cùng hệ trục tọa độ. Ta thấy điểm M(1;1) thỏa mãn tất cả các bất phương trình của hệ, do đó tập nghiệm của hệ bất phương trình đã cho là miền trong tứ giác ABCO kể cả các canh.



Tîm cực trị của biểu thức F = ax + by trên một miền đa giác

a) Bài toán:

Tìm giá trị lớn nhất, giá trị nhỏ nhất của biểu thức F = ax + by $(a, b \, \text{là hai số đã cho không đồng thời bằng 0})$ với x, y thỏa mãn hệ bất phương trình bậc nhất hai ẩn (có miền nghiệm là miền đa giác $A_1A_2...A_iA_{i+1}...A_n$).

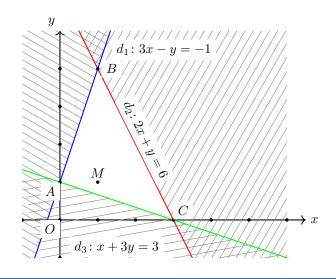
- b) Người ta chứng minh được: Biểu thức F = ax + by có giá trị nhỏ nhất, giá trị lớn nhất tại một trong các đỉnh của đa giác $A_1 A_2 \dots A_i A_{i+1} \dots A_n$.
- c) Phương pháp:
 - Θ Bước 1. Tìm miền đa giác $A_1A_2...A_iA_{i+1}...A_n$ là miền nghiệm của hệ bất phương trình.
 - \odot Bước 2. Tìm tọa độ các đỉnh A_1, A_2, \ldots, A_n .
 - \odot Bước 3. Tính $F(x_i; y_i)$ trong đó $A_i(x_i; y_i)$ với i = 1, 2, ..., n.
 - ❷ Bước 4. Kết luận Giá trị lớn nhất $M = \max_{i=1,2,\dots n} F\left(x_i;y_i\right)$. Giá trị nhỏ nhất $m = \min_{i=1,2,...n} F(x_i; y_i)$.

1. Ví dụ minh hoạ

VÍ DỤ 1. Cho cặp số (x;y) là nghiệm của hệ $\begin{cases} 3x-y\geq -1\\ 2x+y\leq 6\\ x+3y>3 \end{cases}$. Tìm giá trị lớn nhất và nhỏ nhất của biểu thức f(x;y)=02x - 3y + 1.

🗭 Lời giải.

- ☑ Trước hết ta biểu diễn miền nghiệm của hệ (*):
 - Vẽ các đường thẳng $d_1: 3x y = -1; d_2: 2x + y = 6; d_3: x + 3y = 3.$
 - -- Điểm M(1;1) có tọa độ thỏa mãn tất cả các bất phương trình trong hệ nên ta tô đậm các nửa mặt phẳng bờ $d_1; d_2; d_3$ không chứa điểm M. Miền không bị tô đậm là hình tam giác ABC, tính cả ba cạnh AB, BC, CA trong hình vẽ dưới là miền nghiệm của hệ bất phương trình đã cho.



 \odot Tìm tọa độ các điểm A, B, C:

—
$$B = d_1 \cap d_2$$
 nên tọa độ thỏa mãn
$$\begin{cases} 3x - y = -1 \\ 2x + y = 6 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \\ y = 4 \end{cases}$$
. Vậy $B(1;4)$

—
$$C = d_2 \cap d_3$$
 nên tọa độ thỏa mãn
$$\begin{cases} 2x + y = 6 \\ x + 3y = 3 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 3 \\ y = 0 \end{cases}$$
. Vậy $C(3;0)$.

Tính giá trị của f(x;y) = 2x - 3y + 1 tại tất cả các đỉnh của tam giác ABC:

(x;y)	A(0;1)	B(1;4)	C(3;0)
f(x;y) = 2x - 3y + 1	-2	-9	7

Suy ra min f(x;y) = f(1;4) = -9 và max f(x;y) = f(3;0) = 7.

VÍ DU 2. Quảng cáo sản phẩm trên truyền hình là một hoạt động quan trọng trong kinh doanh của các doanh nghiệp. Theo Thông báo số 10/2019, giá quảng cáo trên VTV1 là 30 triệu đồng cho 15 giây/1 lần quảng cáo vào khoảng 20h30; là 6 triệu đồng cho 15 giây/1 lần quảng cáo vào khung giờ 16h00 - 17h00.

Một công ty dự định chi không quá 900 triệu đồng để quảng cáo trên VTV1 với yêu cầu quảng cáo về số lần phát như sau: ít nhất 10 lần quảng cáo vào khoảng 20h30 và không quá 50 lần quảng cáo vào khung giờ 16h00 – 17h00.

Lời aiải.

Goi x, y lần lượt là số lần phát quảng cáo vào khoảng 20h30 và vào khung giờ 16h00 - 17h00. Theo giả thiết, ta có: $x \in \mathbb{N}, y \in \mathbb{N}, x \ge 10, 0 \le y \le 50.$

Tổng số lần phát quảng cáo là T = x + y.

Số tiền công ty cần chi là 30x + 6y (triệu đồng).

Do công ty dự định chi không quá 900 triệu đồng nên $30x + 6y \le 900$ hay $5x + y \le 150$.

Ta có hệ bất phương trình: $\begin{cases} 5x + y \le 150 \\ x \ge 10 \\ 0 \le y \le 50. \end{cases}$ (I) Bài toán đưa về tìm x,y là nghiệm của hệ bất phương trình (I) sao cho

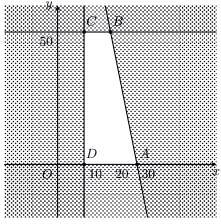
T = x + y có giá trị lớn nhất.

Trước hết, ta xác định miền nghiệm của hệ bất phương trình (I).

Miền nghiệm của hệ bất phương trình (I) là miền tứ giác ABCD với A(30;0), B(20;50), C(10;50), D(10;0) (Hình vẽ).

Người ta chứng minh được: Biểu thức T = x + y đạt được giá trị lớn nhất tại một trong các đỉnh của tứ giác ABCD. Tính giá trị của biểu thức T = x + y tại cặp số (x;y) là toạ độ các đỉnh của tứ giác ABCD rồi so sánh các giá trị đó. Ta được T đạt giá tri lớn nhất khi x = 20, y = 50 ứng với toa đô đỉnh B.

Vậy để phát được số lần quảng cáo nhiều nhất thì số lần phát quảng cáo vào khoảng 20h30 và vào khung giờ 16h00 - 17h00 lần lượt là 20 và 50 lần.



VÍ DỤ 3. Một hộ nông dân dự định trồng đậu và cà trên diện tích 8 ha. Nếu trồng đậu thì cần 20 công và thu 3 triệu đồng trên diên tích mỗi ha, nếu trồng cà thì cần 30 công và thu 4 triệu đồng trên diên tích mỗi ha. Hỏi cần trồng mỗi loại cây trên với diện tích là bao nhiêu để thu về được nhiều tiền nhất, biết rằng tổng số công không quá 180.

🗭 Lời giải.

Gọi diện tích để trồng đậu là x (ha); diện tích để trồng cà là y (ha). (điều kiện: $0 \le x, y \le 8$).

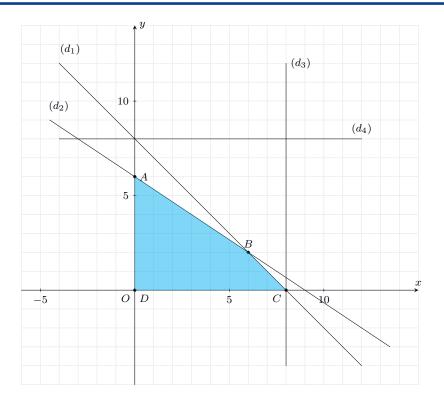
Tổng số diện tích sử dụng là x + y.

Tổng số công cần sử dụng là 20x + 30y.

Ta có hệ bất phương trình

$$\begin{cases} 0 \le x \le 8 \\ 0 \le y \le 8 \\ x + y \le 8 \\ 20x + 30y \le 180 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 0 \le x \le 8 \\ 0 \le y \le 8 \\ x + y \le 8 \\ 2x + 3y \le 18 \end{cases}$$

Vẽ các đường thẳng thẳng (d_1) : x + y = 8, (d_2) : 2x + 3y = 18, (d_3) : x = 8, (d_4) : y = 8 ta được miền nghiệm của hệ bất phương trình là phần tô đậm như hình vẽ



Ta có

$$A(0;6) = (d_2) \cap Oy, B(6;2) = (d_1) \cap (d_2)$$

 $C(8;0) = (d_1) \cap Ox, D \equiv O(0;0).$

Số tiền thu về là f(x;y) = 3x + 4y (triệu đồng).

M(x;y)	A	В	C	D
f(x,y) = 3x + 4y	24	26	24	0

Do đó f(x,y) đạt giá trị lớn nhất tại B(6;2).

Vậy để thu được nhiều tiền nhất thì cần trồng 6 ha đậu và 2 ha cà.

2. Bài tập tự luận

BÀI 1. Một gia đình cần ít nhất 900 đơn vị protein và 400 đơn vị lipit trong thức ăn mỗi ngày. Mỗi kg thịt bò chứa 800 đơn vị protein và 200 đơn vị lipit. Mỗi kg thịt lợn chứa 600 đơn vị protein và 400 đơn vị lipit. Biết rằng mỗi ngày gia đình này chỉ mua tối đa 1,5 kg thịt bò và 1 kg thịt lợn, giá tiền 1 kg thịt bò là 200 nghìn đồng, 1 kg thịt lợn là 100 nghìn đồng. Hỏi gia đình đó phải mua bao nhiêu kg thịt mỗi loại để số tiền bỏ ra là ít nhất.

D Lời giải.

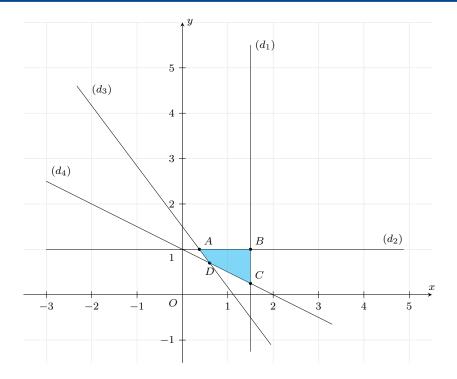
Gọi số kg thịt bò cần mua là x (kg); số kg thịt lợn cần mua là y (kg). Điều kiện: $0 \le x \le 1,5, 0 \le y \le 1$. Khi đó số đơn vị protein là 800x + 600y.

Số đơn vị lipit là 200x + 400y.

Ta có hệ bất phương trình

$$\begin{cases} 0 \le x \le 1,5 \\ 0 \le y \le 1 \\ 800x + 600y \ge 900 \\ 200x + 400y \ge 200 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 0 \le x \le 1,5 \\ 0 \le y \le 1 \\ 8x + 6y \ge 9 \\ x + 2y \ge 2. \end{cases}$$

Vẽ các đường thẳng (d_1) : x = 1,5, (d_2) : y = 1, (d_3) : 8x + 6y = 9, (d_4) : x + 2y = 2. Ta được miền nghiệm của hệ bất phương trình là phần tô đậm trong hình vẽ.



Ta có

$$A\left(\frac{3}{8};1\right) = (d_3) \cap (d_2), B(1,5;1) = (d_1) \cap (d_2),$$

$$C(1,5;0,25) = (d_1) \cap (d_4), D\left(\frac{3}{5};\frac{7}{10}\right) = (d_3) \cap (d_4).$$

Số tiền bỏ ra là f(x,y) = 200x + 100y (nghìn đồng).

M(x;y)	A	В	C	D
f(x,y) = 200x + 100y	175	400	325	190

Do đó f(x,y) đạt giá trị nhỏ nhất tại $A\left(\frac{3}{8};1\right)$.

Vậy để số tiền bỏ ra nhỏ nhất thì cần mua $\frac{3}{8}$ kg thịt bò và 1 kg thịt lợn.

BÀI 2. Người ta định dùng hai loại nguyên liệu để chiết xuất ít nhất 120 kg hóa chất A và 9 kg hóa chất B. Từ mỗi tấn nguyên liệu loại I giá 4 triệu đồng có thể chiết xuất được 20 kg chất A và 0,6 kg chất B. Từ mỗi tấn nguyên liệu loại II giá 3 triệu đồng có thể chiết xuất được 10 kg chất A và 1,5 kg chất B. Hỏi phải dùng bao nhiêu tấn nguyên liệu mỗi loại để chi phí mua nguyên liệu là ít nhất. Biết rằng cơ sở cung cấp nguyên liệu chỉ có thể cung cấp không quá 10 tấn nguyên liệu loại I và không quá 9 tấn nguyên liệu loại II.

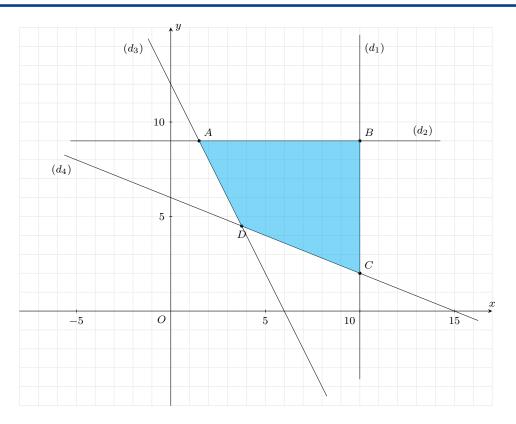
🗭 Lời giải.

Gọi số tấn nguyên liệu loại I cần sử dụng là x (tấn); số tấn nguyên liệu loại II cần sử dụng là y (tấn). Điều kiên: 0 < x < 10, 0 < y < 9.

Khi đó số k
g chất A thu được là 20x+10y, số k
g chất B thu được là 0.6x+1.5y. Ta có hệ bất phương trình

$$\begin{cases} 0 \le x \le 10 \\ 0 \le y \le 9 \\ 20x + 10y \ge 120 \\ 0.6x + 1.5y > 9 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 0 \le x \le 10 \\ 0 \le y \le 9 \\ 2x + y \ge 12 \\ 2x + 5y > 30 \end{cases}$$

Vẽ các đường thẳng (d_1) : x = 10, (d_2) : y = 9, (d_3) : 2x + y = 12, (d_4) : 2x + 5y = 30. Ta có miền nghiệm của hệ bất phương trình là phần tô màu như hình vẽ:



Ta có

$$(d_2) \cap (d_3) = A\left(\frac{3}{2}; 9\right), \ (d_2) \cap (d_1) = B(10; 9),$$

$$(d_1) \cap (d_4) = C(10; 2), \ (d_4) \cap (d_3) = D\left(\frac{15}{4}; \frac{9}{2}\right).$$

Chi phí mua nguyên liệu cần bỏ ra là f(x,y) = 4x + 3y (triệu đồng).

M(x;y)	A	В	C	D
f(x,y) = 4x + 3y	3	67	46	28,5

Do đó f(x,y) đạt giá trị nhỏ nhất tại $D\left(\frac{15}{4};\frac{9}{2}\right)$.

Vậy để chi phí nguyên liệu là ít nhất ta cần sử dụng $\frac{15}{4}=3{,}75$ tấn nguyên liệu loại I và $\frac{9}{2}=4{,}5$ tấn nguyên liệu loại II.

BÀI 3. Có ba nhóm máy A, B, C dùng để sản xuất ra hai loại sản phẩm I và II. Để sản xuất một đơn vị sản phẩm mỗi loại phải lần lượt dùng các máy thuộc các nhóm khác nhau. Số máy trong một nhóm và số máy của từng nhóm cần thiết để sản xuất ra một đơn vị sản phẩm thuộc mỗi loại được cho trong bảng sau:

Nhóm	Số máy trong mỗi nhóm	Số máy trong từng nhóm để sản xuất ra một đơn vị sản phẩm Loai I Loai II	
A	10	2	2
В	4	0	2
С	12	2	4

Một đơn vị sản phẩm I lãi ba nghìn đồng, một đơn vị sản phẩm loại II lãi năm nghìn đồng. Hãy lập phương án để việc sản xuất hai loại sản phẩm trên có lãi cao nhất.

🗭 Lời giải.

Gọi số sản phẩm loại I cần sản xuất là x; số sản phẩm loại II cần sản xuất là y. Điều kiện: $x, y \ge 0$.

Số máy nhóm A cần sử dụng là 2x + 2y.

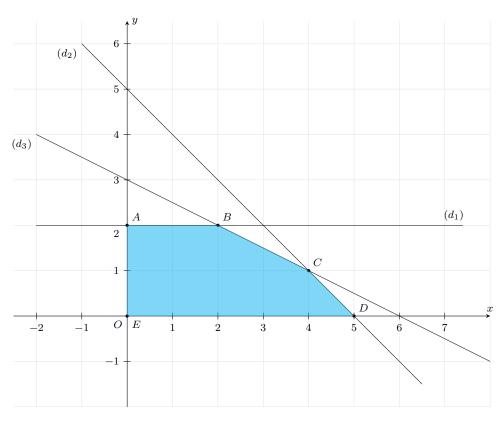
Số máy nhóm B cần sử dụng là 2y.

Số máy nhóm C cần sử dụng là 2x + 4y.

Ta có hệ bất phương trình

$$\begin{cases} x \ge 0 \\ y \ge 0 \\ 2x + 2y \le 10 \Leftrightarrow \begin{cases} x \ge 0 \\ 0 \le y \le 2 \\ x + y \le 5 \\ x + 2y \le 6 \end{cases}$$

Vẽ các đường thẳng (d_1) : y = 2, (d_2) : x + y = 5, (d_3) : x + 2y = 6. Ta có miền nghiệm của bất phương trình là phần tô màu như hình vẽ:



Ta có

$$(d_1) \cap Oy = A(0; 2), (d_1) \cap (d_3) = B(2; 2), (d_2) \cap (d_3) = C(4; 1)$$

 $(d_2) \cap Ox = D(5; 0), E \equiv O = (0; 0).$

Lãi suất thu được là f(x,y) = 3x + 5y (nghìn đồng).

M(x;y)	A	B	C	D	E
f(x,y) = 3x + 5y	10	16	17	15	0

Do đó f(x,y) đạt giá trị lớn nhất tại C(4;1).

Vậy phương án sản xuất 4 sản phẩm loại I và 1 sản phẩm loại II sẽ cho lãi cao nhất.

 \mathbf{B} Âl 4. Một nhà khoa học nghiên cứu về tác động phối hợp của vitamin A và vitamin B đối với cơ thể con người. Kết quả như sau:

- a) Một người có thể tiếp nhận được mỗi ngày không quá 600 đơn vị vitamin A và không quá 500 đơn vị vitamin B.
- b) Một người mỗi ngày cần từ 400 đến 1000 đơn vị vitamin cả A lẫn B.
- c) Do tác động phối hợp của hai loại vitamin, mỗi ngày số đơn vị vitamin B phải nhiều hơn $\frac{1}{2}$ số đơn vị vitamin A nhưng không nhiều hơn ba lần số đơn vị vitamin A. Biết giá một đơn vị vitamin A là 9 đồng và giá một đơn vị vitamin B là 7,5 đồng.

Tìm phương án dùng vitamin A và vitamin B thỏa mãn các điều kiện trên sao cho số tiền phải trả ít nhất.

🗭 Lời giải.

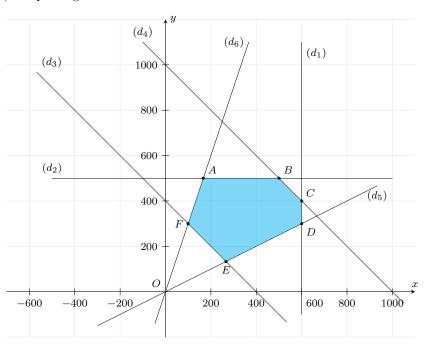
Gọi số đơn vị vitamin A cần dùng là x; số đơn vị vitamin B cần dùng là y. Điều kiện: $0 \le x \le 600, \ 0 \le y \le 500.$

Tổng số đơn vị vitamin A và vitamin B cần dùng là x + y.

Ta có hệ bất phương trình
$$\begin{cases} 0 \le x \le 600 \\ 0 \le y \le 500 \\ 400 \le x + y \le 1000 \\ \frac{x}{2} \le y \le 3x. \end{cases}$$

Vẽ các đường thẳng (d_1) : x = 600, (d_2) : y = 500, (d_3) : x + y = 400, (d_4) : x + y = 1000, (d_5) : $\frac{x}{x} - y = 0$, (d_5) : $\frac{x}{x} - y = 0$. (d_5) : $\frac{x}{2} - y = 0$, (d_6) : y = 3x.

Ta có miền nghiệm của hệ bất phương trình như hình vẽ:



Ta có

$$(d_1) \cap (d_6) = A\left(\frac{500}{3}; 500\right), (d_4) \cap (d_2) = B(500; 500), (d_1) \cap (d_4) = C(600; 400),$$

$$(d_1) \cap (d_5) = D(600; 300), (d_3) \cap (d_5) = E\left(\frac{800}{3}; \frac{400}{3}\right), (d_3) \cap (d_6) = F(100; 300).$$

Số tiền phải trả là f(x,y) = 9x + 7.5y (nghìn đồng).

M(x;y)	A	В	C	D	E	F
f(x,y) = 9x + 7.5y	5250	8250	8400	7650	3400	3150

Do đó f(x,y) = 9x + 7.5y đạt giá trị nhỏ nhất tại F(100;300).

Vậy phương án dùng mỗi ngày 100 đơn vị vitamin A và 300 vitamin B thì số tiền phải trả là ít nhất.

C. BÀI TẬP TRẮC NGHIỆM

CÂU 1. Điểm nào sau đây thuộc miền nghiệm của hệ bất phương trình $\begin{cases} 2x + 7y - 3 > 0 \\ x - 2y \ge 0 \end{cases}$?

$$(A)$$
 $P(-1; -5).$

B
$$O(0;0)$$
.

$$M(3;-1).$$

🗭 Lời giải.

Thay lần lượt tọa độ các điểm vào hệ bất phương trình, ta thấy tọa độ điểm N thỏa mãn. Vậy điểm N(2;0) thuộc miền nghiệm của hệ bất phương trình.

Chon đáp án (D).....

CÂU 2. Miền nghiệm của hệ bất phương trình $\begin{cases} 2x - 5y - 1 > 0 \\ 2x + y + 5 > 0 \end{cases}$ chứa điểm nào trong các điểm sau? x + y + 1 < 0



$$(\mathbf{c})$$
 $(0; -2)$.

🗭 Lời giải.

Thay điểm (0;-2) vào hệ bất phương trình, ta có $\begin{cases} 2 \cdot 0 - 5 \cdot (-2) - 1 = 9 > 0 \\ 2 \cdot 0 + (-2) + 5 = 3 > 0 \\ 0 + (-2) + 1 = -1 < 0 \end{cases}$ (đúng).

CÂU 3. Miền nghiệm của hệ bất phương trình $\begin{cases} x-y \geq 3 \\ 2x+y < 4 \end{cases}$ chứa điểm nào trong các điểm sau? **(a)** (1;-3). **(b)** (3;-2).

🗭 Lời giải.

Thay điểm (1; -3) vào hệ bất phương trình, ta có $\begin{cases} 1 - (-3) = 4 \ge 3 \\ 2 \cdot 1 + (-3) = -2 < 4 \end{cases}$ (đúng).

Chon đáp án (A)...

Chọn dạp an \cdots $\begin{cases} 2x-y>0 \\ x+y\geq -1 \text{ không chứa điểm nào trong các điểm sau?} \\ x-y<-2 \end{cases}$

(A) (5; 8).

(B) (6; 9).

 (\mathbf{D}) (3,4).

🗭 Lời giải.

Thay điểm (3;4) vào hệ bất phương trình, ta có $\begin{cases} 2 \cdot 3 - 4 = 2 > 0 \\ 3 + 4 = 7 \ge -1 \\ 3 - 4 = -1 < -2 \end{cases}$ (sai).

CÂU 5. Điểm nào sau đây thuộc miền nghiệm của hệ bất phương trình $\begin{cases} 2x+3y-1>0\\ 5x-y+4<0. \end{cases}$ **(a)** (0;0). **(b)** (-2;0).

- $(\mathbf{D})(-3;4).$

Lời giải.

Thay tọa độ từng điểm vào mỗi hệ bất phương trình.

- \odot Với điểm (0;0) ta được $2 \cdot 0 + 3 \cdot 0 1 = -1 < 0$ (sai) nên không thỏa mãn bất phương trình đầu.
- \odot Với điểm (-2;0) ta được $2 \cdot (-2) + 3 \cdot 0 1 = -5 < 0$ (sai) nên không thỏa mãn bất phương trình đầu.
- $oldsymbol{\Theta}$ Với điểm (-1;-4) ta được $2\cdot(-1)+3\cdot(-4)-1=-15<0$ (sai) nên không thỏa mãn bất phương trình đầu.

Chon đáp án (D).....

CÂU 6. Cho hệ bất phương trình $\begin{cases} y \geq 0 \\ 3x + 2y - 6 < 0 \end{cases}$ có miền nghiệm S và bốn điểm O(0;0), A(2;3), B(-1;1), C(-1;3).Trong các điểm đã cho, có bao nhiều điểm thuộc S?

A 1.

(B) 2.

D 4.

🗭 Lời giải.

Thay điểm O(0;0) vào hệ bất phương trình, ta có $\begin{cases} 0 \geq 0 \\ 3 \cdot 0 + 2 \cdot 0 - 6 = -6 < 0 \end{cases}$ (đúng). Thay điểm A(2;3) vào hệ bất phương trình, ta có $\begin{cases} 3 \geq 0 \\ 3 \cdot 2 + 2 \cdot 3 - 6 = 6 < 0 \end{cases}$ (sai). Thay điểm B(-1;1) vào hệ bất phương trình, ta có $\begin{cases} 1 \geq 0 \\ 3 \cdot (-1) + 2 \cdot 1 - 6 = -7 < 0 \end{cases}$ (đúng). Thay điểm C(-1;3) vào hệ bất phương trình, ta có $\begin{cases} 3 \geq 0 \\ 3 \cdot (-1) + 2 \cdot 3 - 6 = -3 < 0 \end{cases}$ (đúng).

Chon đáp án (C)

CÂU 7. Xét hệ bất phương trình $\begin{cases} x+y \leq 2 \\ x-2y \geq -1 \end{cases}$ và bốn điểm A(1;1), B(2;1), C(0;1), D(-2;0). Trong các điểm trên, có

bao nhiêu điểm thuộc miền nghiệm của hệ bất phương trình đã cho?

(B) 2.

D 4.

🗭 Lời giải.

Thay điểm A(1;1) vào hệ bất phương trình, ta có $\begin{cases} 1+1=2\leq 2\\ 1-2\cdot 1=-1\geq -1 \end{cases}$ (đúng). $1\geq 1\\ 2+1=3\leq 2\\ 2-2\cdot 1=0\geq -1 \end{cases}$ (sai). $1\geq 1$ Thay điểm C(0;1) vào hệ bất phương trình, ta có $\begin{cases} 0+1=1\leq 2\\ 0-2\cdot 1=-2\geq -1 \end{cases}$ (sai). $1\geq 1\\ 0+1=1\leq 2\\ 0-2\cdot 1=-2\geq -1 \end{cases}$ Thay điểm D(-2;0) vào hệ bất phương trình, ta có $\begin{cases} -2+0=-2\leq 2\\ -2-2\cdot 0=-2\geq -1 \end{cases}$ (sai). $1\geq 1\\ 0\geq 1$

CÂU 8. Cặp số (x; y) nào sau đây là một nghiệm của hệ bất phương trình $\begin{cases} 2x + 3y - 1 > 0 \\ 5x - y + 4 \le 0 \end{cases}$?

 (0; 4).
 (0; 4).

 (0; 4).
 (0; 0).

🗭 Lời giải.

Thay cặp số (0;4) vào hệ bất phương trình đã cho, ta có $\begin{cases} 2\cdot 0 + 3\cdot 4 - 1 = 11 > 0 \\ 5\cdot 0 - 4 + 4 = 0 \leq 0 \end{cases}$ (đúng).

CÂU 9. Trong các cặp số (x;y) sau, cặp số nào **không là** nghiệm của hệ bất phương trình

$$\begin{cases} x - y - 2 \le 0 \\ 3x - 2y + 2 > 0 \end{cases}$$
?

- (A) (x;y) = (0;0).

- **B** (x;y) = (1;1). **C** (x;y) = (-1;1). **D** (x;y) = (-1;-1).

🗭 Lời giải.

Thay cặp số (-1;1) vào hệ bất phương trình đã cho, ta có $\begin{cases} -1-1-2=-4\leq 0\\ 3\cdot (-1)-2\cdot 1+2=-3>0 \end{cases}$ (sai).

CÂU 10. Cặp số (x;y) = (0;0) **không** là nghiệm của hệ bất phương trình nào trong các hệ bất phương trình sau?

$$\begin{cases} 2x - y < \\ x \ge 0 \\ y \le 1 \end{cases}$$

Thay cặp số (0;0) vào hệ bất phương trình $\begin{cases} 2x+y<1\\ x\geq 0\\ y<0 \end{cases}$, ta có $\begin{cases} 2\cdot 0+0=0<1\\ 0\geq 0\\ 0<0 \end{cases}$ (sai).

CÂU 11. Điểm nào sau đây thuộc miền nghiệm của hệ bất phương trình $\begin{cases} 5x + 3y - 19 \le 0 \\ 12x - 5y - 13 \ge 0 \end{cases}$ $(C) N(1; 3 + \sqrt{2}).$ $(D) N(5 + \sqrt{2}; \sqrt{2}).$

🗭 Lời giải.

Thay điểm $N(1+\sqrt{2};\sqrt{2})$ vào hệ bất phương trình đã cho, ta có

$$\begin{cases} 5 \cdot \left(1 + \sqrt{2}\right) + 3 \cdot \sqrt{2} - 19 = -14 + 8\sqrt{2} \le 0 \\ 12 \cdot \left(1 + \sqrt{2}\right) - 5\sqrt{2} - 13 = -1 + 7\sqrt{2} \ge 0 \end{cases}$$
 (đúng).

CÂU 12. Cặp số (x;y)=(-1;3) là nghiệm của hệ bất phương trình nào trong các hệ bất phương trình sau?

$$\begin{cases} x - y \le 2 \\ 3x + 2y \ge 2 \\ y \le 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x - y \le 2\\ 3x + y \ge 2\\ y \le 0\\ x < 0 \end{cases}$$

🗭 Lời giải.

Thay cặp số (-1;3) vào hệ bất phương trình $\begin{cases} x-y \leq 2 \\ 3x+2y \geq 2 \\ y \geq 0 \\ x < 0 \end{cases}$, ta có $\begin{cases} -1-3 = -4 \leq 2 \\ 3 \cdot (-1) + 2 \cdot 3 = 3 \geq 2 \\ 3 \geq 0 \\ -1 < 0 \end{cases}$ (đúng).

Chọn đáp án (D).....

A
$$(x;y) = (2;1).$$

B
$$(x;y) = (2;3).$$

$$(x;y) = (3;0).$$

$$(\mathbf{D})(x;y) = (1;3).$$

🗭 Lời giải.

Thay cặp số (2;3) vào hệ bất phương trình đã cho, ta có $\begin{cases} 3 \leq 2+1=3 \\ 3+2=5>3 \end{cases}$ (đúng).

CÂU 14. Cho hệ $\begin{cases} 2x+3y<5\\ 3\\ x+\frac{3}{2}y<5. \end{cases}$ Gọi S_1 là tập nghiệm của bất phương trình $2x+3y<5,\ S_2$ là tập nghiệm của bất phương trình $x+\frac{3}{2}y<5$ và S là tập nghiệm của hệ thì

um
m $x+\frac{1}{2}y<5$ và S là tập nghiệm của hệ thì
 $\textcircled{\textbf{A}}$ $S\subset S_2.$ $\textcircled{\textbf{B}}$ $S_2\subset S_1.$ $\textcircled{\textbf{C}}$ $S_2\subset S.$ $\textcircled{\textbf{D}}$ $S=S_1\cup S_2.$
 $\textcircled{\textbf{P}}$ Lời giải.
 Ta có $x+\frac{3}{2}y<5\Leftrightarrow 2x+3y<10.$ Do vậy với mọi cặp (x_0,y_0) thỏa mãn bất phương trình 2x+3y<5 đều thỏa mãn bất phương trình 2x+3y<10.phương trình 2x + 3y < 10.

Vậy tập nghiệm của hệ ban đầu sẽ là tập con của bất phương trình $x+\frac{3}{2}y<5$.

CÂU 15. Cho hệ phương trình $\begin{cases} 3x+y>4 & (1) \\ 1 & (2). \end{cases}$ Gọi S_1 là tập nghiệm của bất phương trình (1), S_2 là nghiệm của bất

phương trình (2) và S là tập nghiệm của hệ bất phương trình đã cho. Khẳng định nào sau đay là đúng?

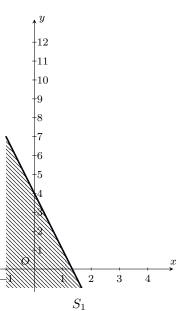
(A) $S_1 \subset S_2$.

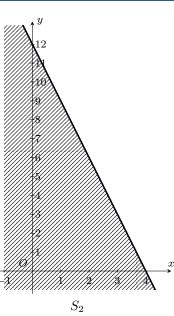
 (\mathbf{B}) $S_2 \subset S_1$.

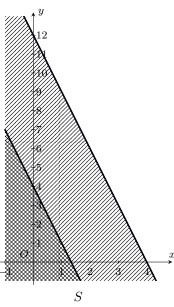
 \bigcirc $S_1 \subset S$.

Lời giải.

Lần lượt biểu diễn tập nghiệm của bất phương trình (1), bất phương trình (2) và hệ bất phương trình ta có các hình vẽ sau:







Dựa vào miền nghiệm của mỗi bất phương trình và của hệ ta thấy $S_2 \subset S_1$ và $S = S_2$.

CÂU 16. Tìm số thực a sao cho miền nghiệm của hệ bất phương trình $\begin{cases} - & y \ge 0 \\ ax - 3y \ge -12 \end{cases}$ là một tam giác có diện tích bằng 6.

(A) a = -4.

$$a = -4.$$
 B $a = 4.$

$$(c)$$
 $a = 6.$

$$\bigcirc$$
 $a = 12.$

🗭 Lời giải.

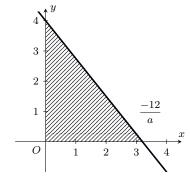
$$X\acute{e}t \ ax - 3y = -12.$$

Với
$$x = 0 \Rightarrow y = 4$$
.

Với
$$y = 0 \Rightarrow x = -\frac{12}{3}$$

Với
$$x = 0 \Rightarrow y = 4$$
.
Với $y = 0 \Rightarrow x = -\frac{12}{a}$.
Do $x \ge 0$ suy ra $-\frac{12}{a} \ge 0$ hay $a < 0$.

Dựa vào hình bên tả có:
$$S = \frac{1}{2} \cdot 4 \cdot \frac{-12}{a} = 6$$
$$\Rightarrow a = -4.$$



Chọn đáp án (A).....

CÂU 17. Tính diện tích S của miền nghiệm hệ bất phương trình $\begin{cases} y-x \leq 3 \end{cases}$.

(A) S = 8.

B
$$S = 25$$
.

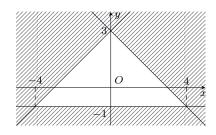
$$S = 16.$$

$$\bigcirc S = 12.$$

🗭 Lời giải.

Miền nghiệm là miền tam giác như hình vẽ.

Diện tích $S = \frac{1}{2}.8.4 = 16$



CÂU 18. Tính diện tích S của miền nghiệm của hệ bất phương trình $\begin{cases} x \geq -3 \\ y+x \leq 8 \end{cases}$.

(A) S = 48.



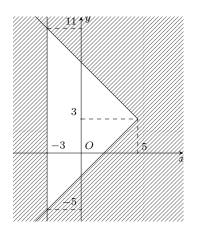
$$S = 81.$$

$$\bigcirc S = 49.$$

🗭 Lời giải.

Miền nghiệm là miền tam giác như hình vẽ.

Diện tích $S = \frac{1}{2}.16.8 = 64.$

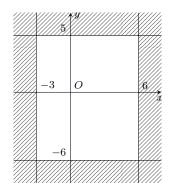


CÂU 19. Tính chu vi P của miền nghiệm hệ bất phương trình $\begin{cases} x \geq -3 \\ x \leq 6 \\ y \leq 5 \\ y \geq -6 \end{cases}$

- (A) P = 38.
- **B** P = 36.
- (c) P = 42.
- (D) P = 40.

🗭 Lời giải.

Miền nghiệm là miền hình chữ nhật như hình vẽ. Chu vi P = 2(11 + 9) = 40.



Chọn đáp án \bigcirc

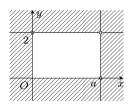
CÂU 20. Tìm giá trị của số thực a sao cho miền nghiệm của hệ bất phương trình $\begin{cases} x \leq a \\ x \geq 0 \\ y \geq 0 \end{cases}$ có diện tích bằng 6. $\begin{cases} x \leq a \\ x \geq 0 \\ y \leq 2 \end{cases}$

- $\mathbf{A} \ a = -3.$
- **B** a = 8.

- (c) a = 3.
- $\bigcirc a = -8.$

🗭 Lời giải.

Từ giả thiết suy ra a > 0. Diện tích S = 2a = 6. Do đó a = 3.



Chọn đáp án \bigcirc

CÂU 21. Tìm giá trị của số thực a sao cho miền nghiệm của hệ bất phương trình $\begin{cases} x-y\geq a\\ x\leq 0 \end{cases}$ là một tam giác có diện tích $y\geq 0$

bằng 2.

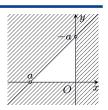
- **B** a = -2.

🗭 Lời giải.

VNPmath - 0962940819

Do $a \le 0$, $y \ge 0$ suy ra $x - y \le 0$ suy ra a < 0.

Diện tích
$$S = \frac{1}{2}a^2 = 2$$
. Do đó $a = -2$.



Chọn đáp án \fbox{B}

CÂU 22. Tìm giá trị của số thực m sao cho miền nghiệm của hệ bất phương trình $\begin{cases} x+my \leq 2 \\ x \geq 0 \\ y \geq 0 \end{cases}$ là một tam giác có diện

tích bằng 4.

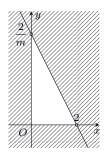
$$\bigcirc$$
 $m=4.$

$$\bigcirc m = \frac{1}{4}.$$

🗩 Lời giải.

Diện tích
$$S = \frac{1}{2} \cdot 2 \cdot \frac{2}{m} = 4.$$

Do đó
$$m=\frac{1}{2}$$
.



CÂU 23. Tìm giá trị của số thực m sao cho miền nghiệm của hệ bất phương trình $\begin{cases} x \leq 0 \\ x \leq 2 \\ y \leq -1 \\ y \geq m \end{cases}$ có chu vi bằng 8.



$$\bigcirc$$
 $m=2.$

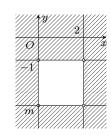
$$\bigcirc m = 3.$$

$$(\mathbf{D}) m = -2.$$

🗭 Lời giải.

Từ giả thiết suy ra m < -1 hay -1 - m > 0. Chu vi P = 2(-1 - m + 2) = 8.

Do đó m=-3.



CÂU 24. Tìm giá trị của số thực dương m sao cho miền nghiệm của hệ bất phương trình $\begin{cases} y \geq 0 \\ 2x + 3y \leq 12 \\ mx + y \geq 2 \end{cases}$ có diện tích bằng



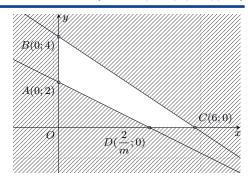
 $\bigcirc m = \frac{1}{3}.$

🗭 Lời giải.

Diện tích cần tìm $S_{ABCD} = S_{OBC} - S_{OAD}$.

Do đó
$$S_{OAD} = S_{OBC} - S_{ABCD} = 12 - 8 = 4 = \frac{1}{2}.2.\frac{2}{m}$$

Suy ra $m = \frac{1}{2}$.



Chọn đáp án $\overline{\mathbb{D}}$

CÂU 25. Ngoài giờ học, ban Nam làm thêm việc phụ bán cơm được 15 nghìn đồng/một giờ và phụ bán tạp hóa được 10 nghìn đồng/một giờ. Nam không thể làm thêm việc nhiều hơn 15 giờ mỗi tuần. Gọi x, y lần lượt là số giờ phụ bán cơm và phụ bán tạp hóa. Hệ bất phương trình nào sau đây xác định số giờ để làm mỗi việc nếu Nam muốn kiếm được ít nhất 100 nghìn đồng mỗi tuần?

$$\begin{cases} x + y \ge 15 \\ 15x + 10y \ge 100. \end{cases}$$

$$x + y \le 15 15x + 10y \ge 100.$$

Lời giải.

Gọi x, y lần lượt là số giờ phụ bán cơm và phụ bán tạp hóa, tổng số giờ này không được nhiều hơn 15 giờ nên $x + y \le 15$. Số tiền kiếm được sau x giờ phục vụ cơm là 15x.

Số tiền kiếm được sau y giờ bán tạp hóa là 10y.

Để Nam kiếm được ít nhất 100 nghìn đồng mỗi tuần thì $15x + 10y \ge 100$.

Vậy ta có hệ
$$\begin{cases} x+y \leq 15 \\ 15x+10y \geq 100. \end{cases}$$

CÂU 26. Để trở thành một thành viên của ban nhạc thì một sinh viên phải đạt điểm trung bình các môn học ít nhất là 7,0 và phải có tối thiểu 5 lần thực hành sau giờ học. Gọi x là điểm trung bình các môn học và y là số lần thực hành sau giờ học, hãy chọn hệ bất phương trình thể hiện tốt nhất tình huống này.

$$\begin{cases} x \le 7 \\ y \le 5. \end{cases}$$

$$\mathbf{c} \begin{cases} x < 7 \\ y < 5. \end{cases}$$

Lời giải.

Theo đề điểm trung bình các môn học ít nhất là 7,0, tức là $x \geq 7$.

Học sinh phải có tối thiểu 5 lần thực hành sau giờ học, tức là $y \ge 5$.

Vậy ta có hệ
$$\begin{cases} x \ge 7 \\ y \ge 5. \end{cases}$$

$$(1;-1) \in S$$

B
$$(1; -\frac{1}{2}) \notin S$$

$$(4;-1) \in S.$$

$$\bigcirc$$
 $(-\frac{1}{2}; -\frac{2}{7}) \in S.$

🗭 Lời giải.

Bằng cách thay từng cặp giá trị vào hệ bất phương trình ta thấy chỉ có (1;-1) và $(1;-\frac{1}{2})$ thỏa mãn. Vậy $(1;-1) \in S$ là

Chọn đáp án (A)....

CÂU 28. Điểm $A\left(0; \frac{5}{3}\right)$ luôn thuộc miền nghiệm của bất phương trình nào trong các bất phương trình dưới đây (với m là tham số thực)?

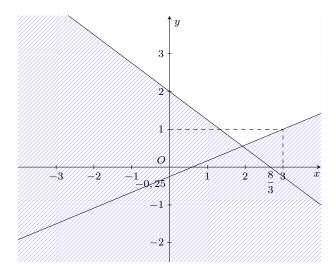
(A)
$$(m^2-4)x+3y-5 \le 0$$
. (B) $(m^2-4)x+3y-5 > 0$. (C) $(m^2-4)x+3y-5 < 0$. (D) $(m^2-4)x+3y+7 \le 0$. (2) Lời giải.

Thay điểm $A\left(0;\frac{5}{3}\right)$ vào bất phương trình $(m^2-4)x+3y-5\leq 0$, ta có

$$(m^2 - 4) \cdot 0 + 3 \cdot \frac{5}{3} - 5 = 0 \le 0$$
 (đúng).

Thay điểm A vào lần lượt các bất phương trình ở các phương án còn lại, ta thấy không thỏa mãn.

CÂU 29. Hình vẽ dưới đây là biểu diễn hình học tập nghiệm của hệ bất phương trình nào? (với miền nghiệm là miền không gạch sọc và chứa bờ)



$$\begin{cases} 3x + 4y - 8 \le 0 \\ 5x - 12y - 3 \le 0 \end{cases}$$

$$\bigcirc \begin{cases} 3x + 4y - 8 \ge 0 \\ 5x - 12y - 3 \ge 0 \end{cases}$$

Xét các điểm A(0;2), B(3;1) và $C\left(0;-\frac{1}{4}\right)$ thuộc bờ.

Điểm B(3;1) không thỏa mãn bất phương trình $3x+4y-8\leq 0$ nên loại $\begin{cases} 3x+4y-8\leq 0\\ 5x-12y-3\leq 0. \end{cases}$ Điểm A(0;2) không thỏa mãn bất phương trình $5x-12y-3\geq 0$ nên loại $\begin{cases} 3x+4y-8\geq 0\\ 5x-12y-3\geq 0. \end{cases}$ Điểm $C\left(0;-\frac{1}{4}\right)$ không thỏa mãn bất phương trình $3x+4y-3\geq 0$ nên loại $\begin{cases} 3x+4y-8\leq 0\\ 5x-12y-3\geq 0. \end{cases}$

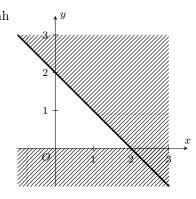
Chọn đáp án (A).....

CÂU 30.

Phần mặt phẳng không bị gạch, kể cả phần biên của nó trên đường thẳng y=0 trong hình vẽ bên là miền nghiệm của hệ bất phương trình nào?

$$\begin{cases} y \le 0 \\ 2x + y > 1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x + y < \\ y \ge 0. \end{cases}$$



Lời giải.

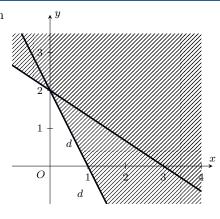
Phần không bị gạch nằm phía trên trục hoành nên nó là miền nghiệm của bất phương trình $y \ge 0$ (1).

Điểm A(0;1) thỏa mãn bất phương trình x+y<2 nên miền không bị gạch chính là miền nghiệm của bất phương trình x + y < 2 (2).

Từ (1) và (2) suy ra phần mặt phẳng không bị gạch, kể cả phần biên của nó trên đường thẳng y=0 trong hình vẽ bên là miền nghiệm của hệ bất phương trình $\begin{cases} x+y<2\\ y\geq 0. \end{cases}$

Chọn đáp án (B)...

Phần mặt phẳng không bị gạch, kể cả phần biên của nó trên đường thẳng d trong hình vẽ bên là miền nghiệm của hệ bất phương trình nào?



Lời giải.

Đường thẳng d có phương trình 2x + y = 2.

Đường thẳng Δ đi qua hai điểm (3,0) và (0,2) có phương trình là 2x + 3y = 6.

Tại điểm A(0;1), ta có 2.0+1=1<2, suy ra điểm A thuộc miền nghiệm của bất phương trình 2x+y<2 (1). Tương tự, ta cũng kiểm tra được rằng điểm A cũng thuộc miền nghiệm của bất phương trình 2x + 3y < 6 (2).

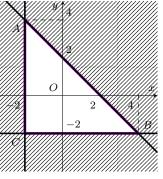
Vậy phần mặt phẳng không bị gạch, kể cả phần biên của nó trên đường thẳng d trong hình vẽ bên là miền nghiệm của hệ bất phương trình $\begin{cases} 2x + 3y < 6 \\ 2x + y \le 2. \end{cases}$

Chọn đáp án C.....

CÂU 32.

Cho hệ bất phương trình $\begin{cases} x \geq -2 \\ y \geq -2 \\ x+y < 2. \end{cases}$ Biết rằng $A,\,B,\,C$ là giao điểm của hai trong ba đường

 $(du\phi c\ cho\ nhu\ hình\ v\tilde{e})$. Khẳng định nào dưới đây là đúng?



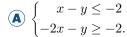
- (A) Miền nghiệm của hệ bất phương trình là miền tam giác ABC bao gồm cả các cạnh AB, AC, BC.
- (B) Miền nghiệm của hệ bất phương trình là miền tam giác ABC bao gồm các cạnh AC, BC ngoại trừ điểm A, điểm B.
- (\mathbf{c}) Miền nghiệm của hệ bất phương trình là miền tam giác ABC bao gồm các canh AB, AC, BC ngoại trừ điểm A, điểm B, điểm C.
- $ig(oldsymbol{ ilde{D}} ig)$ Miền nghiệm của hệ bất phương trình là miền tam giác ABC bao gồm các cạnh $AB,\,BC$ ngoại trừ điểm A, điểm C.

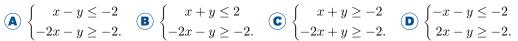
Lời giải.

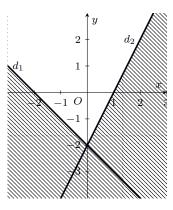
Ta thấy điểm O, điểm C, canh AC (ngoại trừ điểm A), canh BC (ngoại trừ điểm B) thuộc miền nghiệm của cả ba bất phương trình. Đường thẳng x + y = 2 (chứa cạnh AB) không thuộc miền nghiệm của bất phương trình x + y < 2. Vậy miềnnghiệm của hệ bất phương trình trên là miền tam giác ABC bao gồm các cạnh AC, BC ngoại trừ điểm A, điểm B.

CÂU 33.

Miền không bị gạch chéo (kể cả đường thẳng d_1 và d_2) là miền nghiệm của hệ bất phương trình







🗭 Lời giải.

Đường thẳng d_1 đi qua hai điểm (-2;0) và (0;-2) nên có phương trình là x+y=-2. Đường thẳng d_2 đi qua hai điểm (1;0) và (0;-2) nên có phương trình là -2x + y = -2.

Điểm O(0;0) thỏa mãn hệ bất phương trình $\begin{cases} x+y \geq -2 \\ -2x+y \geq -2 \end{cases}$ nên phần không bị gạch chính là miền nghiệm của hệ bất phương trình trên.

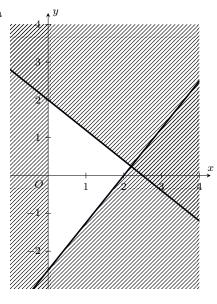
Chọn đáp án (C)...

CÂU 34.

Miền tam giác không bị gạch kể cả 3 cạnh của nó trong hình bên là miền nghiệm của hệ bất phương trình nào?

$$\begin{cases} y \ge 0 \\ 5x - 4y \le 10 \\ 5x + 4y \le 10. \end{cases}$$

$$\begin{array}{c}
x \ge 0 \\
5x - 4y \\
4x + 5y
\end{array}$$



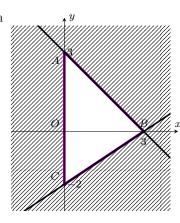
🗭 Lời giải.

Miền không bị gạch nằm bên phải trực tung nên là miền nghiệm của bất phương trình $x \ge 0$. Gọi $A(x_0; y_0)$ là một đỉnh của tam giác (điểm A không nằm trên trục Oy). Dựa vào hình vẽ ta thấy $x_0 > 2, y_0 > 0$. Từ đó suy ra $5x_0 + 4y_0 > 10$. Vậy điểm A không thuộc miền nghiệm của bất phương trình $5x + 4y \le 10$.

Vậy miền tam giác không bị gạch kể cả ba cạnh của nó trong hình bên là miền nghiệm của hệ bất phương trình $\begin{cases} x \geq 0 \\ 5x - 4y \leq 10 \\ 4x + 5n < 10 \end{cases}$

Miền tam giác ABC kể cả ba cạnh là miền nghiệm của hệ bất phương trình nào trong bốn hê sau?

$$\begin{pmatrix}
x \ge 0 \\
-2x + 3y \ge -6 \\
x + y \le 3.
\end{pmatrix}$$

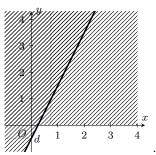


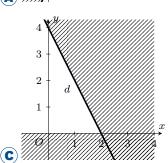
Lời giải.

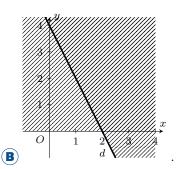
Ta thấy canh AC thuộc đường thẳng x=0 và miền tam giác ABC thuộc miền nghiêm của bất phương trình x>0. Cạnh AB thuộc đường thẳng x+y=3 và miền tam giác ABC thuộc miền nghiệm của bất phương trình $x+y\leq 3$. Cạnh BC thuộc đường thẳng -2x+3y=-6 và miền tam giác ABC thuộc miền nghiệm của bất phương trình $-2x+3y\geq -6$.

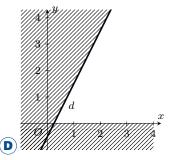
Vậy miền tam giác ABC kể cả ba cạnh là miền nghiệm của hệ bất phương trình: $\begin{cases} x \geq 0 \\ -2x + 3y \geq -6 \end{cases}$

CÂU 36. Phần mặt phẳng không bị gạch, kể cả phần biên của nó nằm trên đường thẳng d trong hình vẽ nào sau đây là miền nghiệm của hệ bất phương trình $\begin{cases} y < 0 \\ 2x + y \le 4. \end{cases}$









Lời giải.

Miền nghiệm của bất phương trình y < 0 nằm bên dưới trực hoành (1).

Đường thẳng đi qua hai điểm (0;4) và (2;0) có phương trình là 2x+y=4 (đây chính là đường thẳng d) (2).

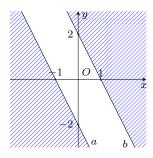
Từ (1) và (2) suy ra hình B biểu diễn miền nghiệm của hệ bất phương trình đã cho.

Chon đáp án B.....

Hệ bất phương trình nào sau đây có miền nghiệm là phần mặt phẳng không bị gạch có hai bờ là hai đường thẳng a và b như hình bê

$$\begin{cases} 2x + y \le -2 \\ 2x + y \ge 2. \end{cases}$$

$$\bigcirc \begin{cases} 2x - y \le 2 \\ 2x - y \ge -2 \end{cases}$$



D Lời giải.

Dường thẳng a đi qua hai điểm (-1;0) và (0;-2) nên có phương trình là 2x+y=-2.

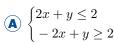
Đường thẳng b đi qua hai điểm (1;0) và (0;2) nên có phương trình là 2x + y = 2.

Điểm O(0;0) thuộc miền nghiệm của bất phương trình $2x+y\leq 2$ và $2x+y\geq -2$.

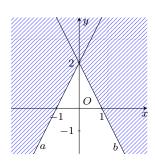
Vậy miền không bị gạch là miền nghiệm của hệ bất phương trình $\begin{cases} 2x + y \le \overline{2} \\ 2x + y \ge -2. \end{cases}$

Chọn đáp án $\widehat{\mathbb{A}}$

Hê bất phương trình nào sau đây có miền nghiêm là phần mặt phẳng không bị gạch như hình bên (kể cả các điểm nằm trên hai đường thẳng a, b và không thuộc miền bị gạch)?



$$\bigcirc \begin{cases} 2x + y \ge 2 \\ -2x + y \ge -2 \end{cases}$$



Lời giải.

Đường thẳng a đi qua hai điểm (-1;0) và (0;2) nên có phương trình là -2x + y = 2. Đường thẳng b đi qua hai điểm (1;0) và (0;2) nên có phương trình là 2x + y = 2.

Điểm O(0;0) thuộc miền nghiệm của bất phương trình $-2x + y \le 2$ và $2x + y \le 2$.

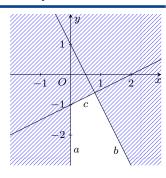
Vậy miền không bị gạch là miền nghiệm của hệ bất phương trình $\begin{cases} 2x + y \leq 2 \\ -2x + y \leq 2. \end{cases}$

Chọn đáp án \bigcirc D.....

CÂU 39.

Hệ bất phương trình nào sau đây có miền nghiệm là phần mặt phẳng không bị gạch như hình bên (kể cả các điểm nằm trên các đường thắng a, b, c và không thuộc miền bị gạch)?

$$\begin{cases} 2x - y \le 1 \\ x - 2y \ge 2 \\ y \le 0 \end{cases}$$



🗭 Lời giải.

Đường thẳng a có phương trình x = 0.

Đường thẳng b đi qua hai điểm $\left(\frac{1}{2};0\right)$ và (0;1) nên có phương trình là 2x+y=1.

Đường thẳng c đi qua hai điểm (2;0) và (0;-1) nên có phương trình là x-2y=2. Điểm (0;-2) thuộc miền nghiệm của bất phương trình $x\geq 0,\, 2x+y\leq 1$ và $x-2y\geq 2.$

Vậy miền không bị gạch là miền nghiệm của hệ bất phương trình $\begin{cases} 2x + y \le 1 \\ x - 2y \ge 2 \\ x \ge 0. \end{cases}$

Chọn đáp án C

CÂU 40. Tìm tất cả các số thực a, b sao cho miền nghiệm của hệ bất phương trình $\begin{cases} x \geq a \\ y < b \end{cases}$ chứa điểm M(-1;1). (a) $a \geq -1; b \leq 1$. (b) $a \leq -1; b > 1$.

(A)
$$a \ge -1$$
; $b \le 1$.

B)
$$a < -1$$
; $b \ge 1$

$$a \le -1; b > 1$$

$$\bigcirc$$
 $a \le -1; b < 1.$

Lời giải.

Để M(-1;1) thuộc miền nghiệm của bất phương trình $\begin{cases} x \geq a \\ y < b \end{cases}$ thì $a \leq -1$ và b > 1.

Chọn đáp án (C).....

CÂU 41. Tìm tất cả các giá trị của m để đường thẳng y=m có điểm chung với miền nghiệm của hệ bất phương trình

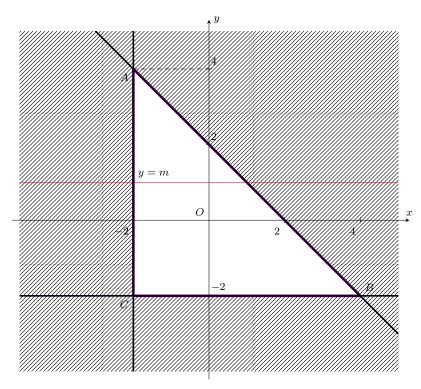
$$\bigcirc$$
 $m \leq 4$.

$$(c)$$
 $-2 \le m \le 4.$

$$\bigcirc$$
 $-2 < m < 4.$

🗭 Lời giải.

Miền nghiệm của hệ bất phương trình đã cho là miền tam giác ABC và các cạnh (như hình vẽ).



Ba đỉnh của tam giác là A(-2;4), B(4;-2) và C(-2;-2).

Ta thấy điểm thấp nhất và cao nhất của miền nghiệm lần lượt có tung độ là y=-2 và y=4. Mặt khác y=m là đường thẳng song song với truc Ox.

Vậy để đường thẳng y = m có điểm chung với miền nghiệm thì $-2 \le m \le 4$.

Chọn đáp án (C).....

CÂU 42. Cho hệ bất phương trình $\begin{cases} (a-2)x + (a-4)y \ge 2\\ (a+1)x + (3a+2)y \le -1 \end{cases}$ với $a \in \mathbb{R}, \ a \ne 0$ và $a \ne \frac{1}{2}$. Điểm nào sau đây luôn thuộc miền nghiệm của hệ bất phương trình đ

$$(A) M \left(\frac{-3}{2a-1}; \frac{7}{2a-1} \right).$$

(A)
$$M\left(\frac{-3}{2a-1}; \frac{7}{2a-1}\right)$$
. (B) $N\left(\frac{-7}{2a-1}; \frac{-3}{2a-1}\right)$. (C) $P\left(\frac{7}{2a-1}; \frac{-3}{2a-1}\right)$. (D) $P\left(\frac{7}{2a-1}; \frac{3}{2a-1}\right)$.

Dễ dàng nhận thấy rằng nếu có một điểm luôn thuộc miền nghiệm của bất phương trình đã cho thì điểm đó phải là nghiệm

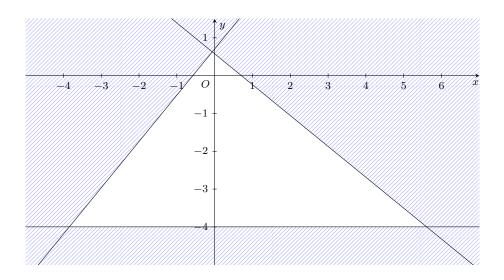
của hệ
$$\begin{cases} (a-2)x + (a-4)y = 2\\ (a+1)x + (3a+2)y = -1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = \frac{7}{2a-1}\\ y = \frac{-3}{2a-1}. \end{cases}$$

Chọn đáp án C.

CÂU 43. Miền nghiệm của hệ bất phương trình $\begin{cases} \sqrt{2}x+\sqrt{3}y-1\leq 0\\ \sqrt{3}x-\sqrt{2}y+1\geq 0 \text{ là }\\ y>-4 \end{cases}$

- (A) tam giác vuông kể cả các điểm nằm trên ba cạnh của tam giác.
- (B) tam giác đều kể cả các điểm nằm trên ba cạnh của tam giác.
- (c) tam giác tù kể cả các điểm nằm trên ba canh của tam giác.
- (D) tam giác cân (không vuông) kể cả các điểm nằm trên ba cạnh của tam giác.

🗭 Lời giải.



Hai đường thẳng $\sqrt{2}x + \sqrt{3}y - 1 = 0$ và $\sqrt{3}x - \sqrt{2}y + 1 = 0$ vuông góc với nhau nên miền nghiệm là tam giác vuông, kể cả các điểm nằm trên ba cạnh của tam giác.

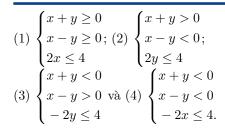
Chọn đáp án (A).....

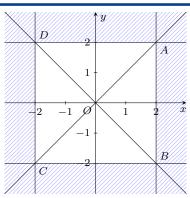
CÂU 44. Miền nghiệm của bất phương trình $|x+y|+|x-y| \le 4$ là

- (A) một hình vuông (không kể biên).
- (B) một hình chữ nhật (không phải là hình vuông và không kể biên).
- (c) một hình chữ nhật (không phải là hình vuông và kể cả biên).
- (**D**) một hình vuông (kể cả biên).

🗭 Lời giải.

Để phá dấu giá trị tuyệt đối, ta xét dấu của x + y và x - y, có 4 trường hợp sau đây





Giải bốn hệ bất phương trình này rồi kết hợp lại ta được miền nghiệm của bất phương trình đã cho là hình vuông ABCDvới A(2;2), B(2;-2); C(-2;-2); D(-2;2) kể cả biên.

Chon đáp án (D).....

CÂU 45. Tìm giá trị lớn nhất M của biểu thức z=3x+2y biết rằng x,y thỏa mãn hệ bất phương trình \langle

(A) M = 8.

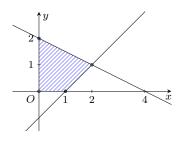
B) M = 10.

(c) M = 6.

(D) M = 9.

🗭 Lời giải.

Miền nghiệm là tứ giác như hình vẽ. z lớn nhất là 8 tại đỉnh (2;1).



CÂU 46. Tìm giá trị lớn nhất của biểu thức F(x;y)=x-y-1 với x,y thỏa mãn hệ $\begin{cases} x-2y+2\geq 0\\ 3x+8y-24\leq 0\\ x\geq 0,\ y\geq 0. \end{cases}$

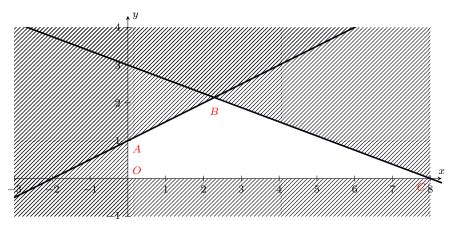
(A) 5.

(B) 6.

(C) 7.

🗭 Lời giải.

Dễ thấy rằng: miền nghiệm của hệ đã cho là hình tứ giác OABC trên hình vẽ (Kể cả biên), trong đó các đỉnh của tứ giác có tọa độ: O(0;0), A(0;1), $B\left(\frac{16}{7};\frac{15}{7}\right)$, C(8;0).



Ta biết rằng giá trị lớn nhất của biểu thức F(x;y) sẽ đạt được tại các đỉnh của tứ giác, do đó ta tính giá trị của F(x;y) tại các đỉnh này. F(0;0) = -1, F(0;1) = -2, $F\left(\frac{16}{7}; \frac{15}{7}\right) = -\frac{6}{7}$, F(8;0) = 7.

Vậy giá trị lớn nhất của biểu thức thỏa mãn hệ là F(8;0) = 7.

Chọn đáp án \bigcirc

CÂU 47. Tìm giá trị lớn nhất a và giá trị nhỏ nhất b của F(x;y)=3x+9y với (x;y) là nghiệm của hệ bất phương trình

$$\begin{cases} x - y + 1 \le 0 \\ 2x - y + 4 \ge 0 \end{cases}$$

$$(A)$$
 $a = 21, b = 1.$

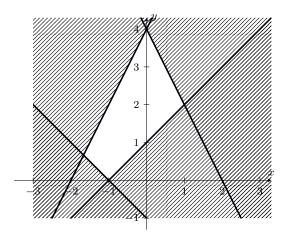
B)
$$a = 21, b = -3.$$

$$(c)$$
 $a = 36, b = 1.$

$$\bigcirc$$
 $a = 36, b = -3.$

🗩 Lời giải.

Ta đã biết giá trị lớn nhất và giá trị nhỏ nhất của biểu thức F(x;y) đạt được tại các điểm (1;2), (0;4), (-1;0), $\left(\frac{-5}{3};\frac{2}{3}\right)$ theo trên hình vẽ minh họa. Thử lại ta thấy giá trị lớn nhất a=36 tại (x;y)=(0;4), giá trị nhỏ nhất b=-3 tại (x;y)=(-1;0).



Hình vẽ minh họa

Chọn đáp án \bigcirc

CÂU 48. Cho hệ bất phương trình $\begin{cases} 0 \le x \le 5 \\ 0 \le y \le 10 \\ 5x + 3y \ge 15 \\ -x + y \ge 2 \end{cases}$ và biểu thức P(x;y) = 2x - 2y + 3 với (x;y) thuộc miền nghiệm của hệ

bất phương trình đã cho. Tìm giá trị nhỏ nhất của P.

$$\bigcirc$$
 -17.

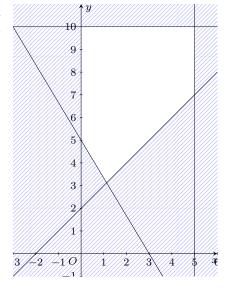
$$\bigcirc$$
 -34.

$$(c)$$
 -7.

$$\bigcirc$$
 -14.

🗩 Lời giải.

Miền nghiệm của hệ bất phương trình cho ở giả thiết bài toán được biểu diễn như hình trên, với miền nghiệm là hình ngũ giác màu trắng, kể cả biên. P chỉ có thể đạt giá trị nhỏ nhất tại các đỉnh của ngũ giác, các đỉnh đó có tọa độ lần lượt là A(0;10), B(5;10), C(5;7), $D\left(\frac{9}{8};\frac{25}{8}\right)$, E(0;5). Thay tọa độ các đỉnh vào P ta tìm được giá trị nhỏ nhất của P bằng -17 tại x=0, y=10.



Chọn đáp án $oxed{A}$

CÂU 49. Tìm giá trị nhỏ nhất của biểu thức F = y - x trên miền xác định bởi hệ $\begin{cases} y - 2x \le 2 \\ 2y - x \ge 4 \\ x + y \le 5. \end{cases}$

(A)
$$\min F = 1 \text{ khi } x = 2, y = 3.$$

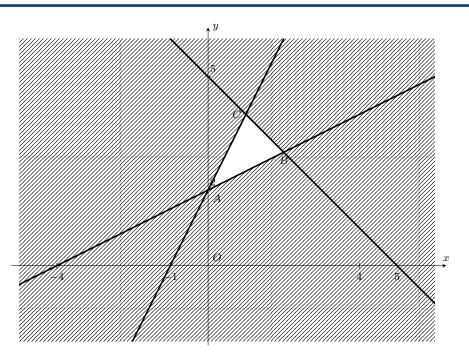
B) min
$$F = 2$$
 khi $x = 0, y = 2$.

$$\bigcap$$
 min $F = 3$ khi $x = 1, y = 4$.

$$(\mathbf{D}) \min F = -1 \text{ khi } x = 2, y = 1.$$

🗭 Lời giải.

Biểu diễn miền nghiệm của bất phương trình đã cho ta được miền nghiệm là tam giác ABC với tọa độ các đỉnh là: A(0;2), B(2;3), C(1;4).



Tính giá trị của biểu thức F = y - x tại tọa độ các đỉnh ta có:

Tai A(0;2): F = y - x = 2.

Tại B(2;3): F = y - x = 1.

Tai C(1;4): F = y - x = 3.

Vậy min F = 1 khi x = 2, y = 3.

Chọn đáp án iga(A).....

CÂU 50. Tìm giá trị nhỏ nhất T của biểu thức z = 5x + 7y biết rằng x, y là các số không âm thỏa mãn hệ bất phương trình

$$\begin{cases} 2x + 3y \ge 6\\ 3x - y \le 15 \end{cases}$$

$$-x + y \le 4$$

 $2x + 5y \le 27.$

$$T = 12.$$

B
$$T = 14$$
.

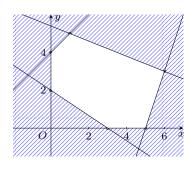
$$(c) T = 28.$$

$$T = 18.$$

🗭 Lời giải.

Miền nghiệm là miền lục giác có tọa độ các đỉnh lần lượt là: $(0;2),\,(0;4),\,(1;5),\,(6;3),\,(5;0),\,(3;0).$

Giá trị nhỏ nhất T = 14 đạt tại đỉnh (0; 2).



Chọn đáp án \fbox{B}

CÂU 51. Tìm các cặp số (x;y) thỏa mãn hệ bất phương trình $\begin{cases} 0 \le y \le 2 \\ y \le x \\ x+y \le 5 \end{cases}$ sao cho biểu thức S=2x+y đạt giá trị lớn nhất.

(A)
$$(x;y) = (4;0).$$

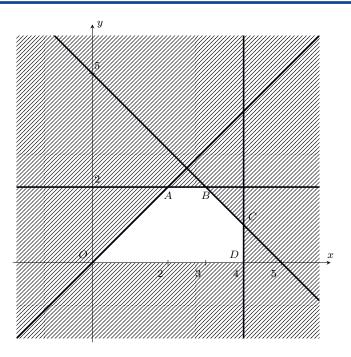
B)
$$(x;y) = (4;1)$$
.

$$(\mathbf{c})(x;y) = (3;2).$$

$$(x;y) = (2;2).$$

🗭 Lời giải.

Miền nghiệm của hệ bất phương trình đã cho là ngũ giác OABCD (bao gồm các điểm trên các cạnh)



Tọa độ các đỉnh là: O(0;0), A(2;2), B(3;2), C(4;1), D(4;0).

Lần lượt tính giá trị của biểu thức tại các cặp số là tọa độ các đỉnh, suy ra biểu thức S=2x+y đạt giá trị lớn nhất với cặp số (4;1) ứng với tọa độ đỉnh C.

Chọn đáp án B

CÂU 52. Khẩu phần dinh dưỡng hàng ngày cho người ăn kiêng cần cung cấp ít nhất 300 calo, 36 đơn vị vitamin A và 90 đơn vị vitamin C. Một tách thức uống X có giá 5 nghìn đồng và cung cấp 60 calo, 12 đơn vị vitamin A và 10 đơn vị vitamin C. Một tách thức uống Y có giá 6 nghìn đồng và cung cấp 60 calo, 6 đơn vị vitamin A và 30 đơn vị vitamin C. Mỗi ngày nên uống bao nhiều tách mỗi loại để có được chi phí tối ưu và vẫn đáp ứng được yêu cầu dinh dưỡng hàng ngày?

- lack A 1 tách loại X, 4 tách loại Y.
- \bigcirc 2 tách loại X, 3 tách loại Y.

- lacksquare 3 tách loại X, 2 tách loại Y.
- \bigcirc 4 tách loại X, 1 tách loại Y.

🗩 Lời giải.

Ta có hệ:
$$\begin{cases} 60x + 60y \ge 300 \\ 12x + 6y \ge 36 \\ 10x + 30y \ge 90 \\ x \ge 0 \\ y \ge 0 \end{cases}$$

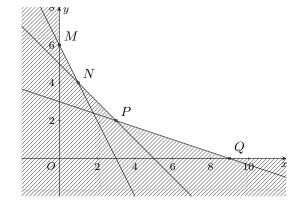
Giá C = 5x + 6y.

Miền nghiệm như hình vẽ. Các đỉnh là:

M(0;6), N(1;4), P(3;2), Q(9;0).

C nhỏ nhất tai đỉnh P(3;2).

Vậy nên uống 3 tách loại X và 2 tách loại Y.



Chọn đáp án \fbox{B}

CÂU 53. Một gia đình cần ít nhất 900 đơn vị prô-tê-in và 400 đơn vị li-pít trong thức ăn mỗi ngày. Mỗi kí-lô-gam thịt bò chứa 800 đơn vị prô-tê-in và 200 đơn vị li-pít. Mỗi kí-lô-gam thịt lợn chứa 600 đơn vị prô-tê-in và 400 đơn vị li-pít. Biết rằng gia đình này chỉ mua tối đa 1,6 kg thịt bò và 1,1 kg thịt lợn; giá tiền 1 kg thịt bò là 45000 đồng, 1 kg thịt lợn là 35000 đồng. Hỏi gia đình đó phải mua bao nhiêu kí-lô-gam thịt mỗi loại để số tiền bỏ ra là ít nhất?

 \bigcirc 0,3 kg thịt bò và 1,1 kg thịt lợn.

 \bigcirc 0,6 kg thịt bò và 0,7 kg thịt lợn.

(c) 1,6 kg thịt bò và 1,1 kg thịt lợn.

 \bigcirc 0,6 kg thịt lợn và 0,7 kg thịt bò.

🗭 Lời giải.

Gọi x và y lần lượt là số kí-lô-gam thịt bò và thịt lợn mà gia đình đó mua mỗi ngày $(0 \le x \le 1,6; 0 \le y \le 1,1)$.

Khi đó chi phí để mua số thịt trên là: F = 45000x + 35000y đồng.

Trong x kg thịt bò chứa 800x đơn vị prô-tê-in và 200x đơn vị li-pít.

Trong y kg thịt lợn chứa 600x đơn vị prô-tê-in và 400y đơn vị li-pít.

Suy ra, số đơn vị prô-tê-in và số đơn li-pít lần lượt là 800x + 600y đơn vị và 200x + 400y đơn vị. Do gia đình này cần ít nhất

900 đơn vị prô-tê-in và 400 đơn vị li-pít trong thức ăn mỗi ngày nên ta có hệ bất phương trình sau:

$$\begin{cases} 800x + 600y \ge 900 \\ 200x + 400y \ge 400 \\ 0 \le x \le 1,6 \\ 0 \le y \le 1,1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 8x + 6y \ge 9 \\ x + 2y \ge 2 \\ 0 \le x \le 1,6 \\ 0 \le y \le 1,1. \end{cases}$$

Bài toán trở thành: Tìm GTNN của F=45000x+35000y với x,y thỏa hệ trên. Giải hệ bất phương trình trên, ta có miền nghiệm là tứ giác ABCD (hình bên) với tọa độ các đỉnh là: A(1,6;1,1), B(1,6;0,2), C(0,6;0,7), D(0,3;1,1).

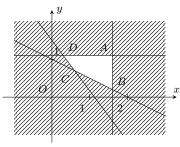
Khi đó:

Tai A(1,6;1,1): F=110500

Tại B(1,6;0,2): F = 79000

Tai C(0,6;0,7): F = 51500

Tai D(0,3;1,1): F = 52000.



Suy ra, F nhỏ nhất khi (x;y)=(0.6;0.7). Do đó gia đình này cần mua 0.6 kg thịt bò và 0.7 kg thịt lợn.

Chọn đáp án \fbox{B}

CÂU 54. Một cửa hàng làm kệ sách và bàn làm việc. Mỗi kệ sách cần 5 giờ chế biến gỗ và 4 giờ hoàn thiện. Mỗi bàn làm việc cần 10 giờ chế biến gỗ và 3 giờ hoàn thiện. Mỗi tháng cửa hàng có 600 giờ lao động để chế biến gỗ và 240 giờ để hoàn thiện. Lợi nhuận của mỗi kệ sách là 400 nghìn đồng và mỗi bàn là 750 nghìn đồng. Có bao nhiêu sản phẩm mỗi loại cần được làm mỗi tháng để thu được lợi nhuận tối đa?

A 24000.

B) 45000.

c 45600.

D 46000.

🗭 Lời giải.

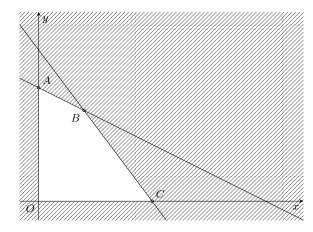
Ta có hệ:
$$\begin{cases} 5x + 10y \le 600 \\ 4x + 3y \le 240 \\ x \ge 0 \\ y \ge 0 \end{cases}$$

Lợi nhuân: P = 400x + 750y.

Miền nghiệm của hệ là miền tứ giác OABC với:

A(0;60), B(24;48), C(60;0).

Lợi nhuận tối đa $P_{max} = P(B) = 45600$.



Chon đáp án C

CÂU 55. Cho hệ bất phương trình $\begin{cases} |x-1| \leq 2 \\ |y+1| \leq 3 \end{cases}$ và biểu thức P(x;y) = 3x + 2y - 5 với (x;y) thuộc miền nghiệm của hệ bất

phương trình đã cho. Tìm giá trị lớn nhất của P.

(A) 16.

(B) -16.

(C) 8.

(D) -8.

🗭 Lời giải.

$$\begin{cases} |x-1| \le 2 \\ |y+1| \le 3 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} -1 \le x \le 3 \\ -4 \le y \le 2. \end{cases}$$

Miền nghiệm là hình chữ nhật ABCD với A(3;2), B(3;-4), C(-1;-4) và D(-1;2). Giá trị lớn nhất của P đạt được tại đỉnh A(3;2) và P(3;2)=8.

CÂU 56. Người ta dự định dùng hai loại nguyên liệu để chiết xuất ít nhất 140 kg chất A và 9 kg chất B. Từ mỗi tấn nguyên liệu loại I giá 4 triệu đồng, có thể chiết xuất được 20 kg chất A và 0,6 kg chất B. Từ mỗi tấn nguyên liệu loại II giá 3 triệu đồng có thể chiết xuất được 10 kg chất A và 1,5 kg chất B. Hỏi phải dùng bao nhiêu tấn nguyên liệu mỗi loại để chi phí mua nguyên liệu là ít nhất, biết rằng cơ sở cung cấp nguyên liệu chỉ có thể cung cấp không quá 10 tấn nguyên liệu loại I và không quá 9 tấn nguyên liệu loại II?

(A) 2,5 tấn loại I và 9 tấn loại II.

(B) 10 tấn loại I và 9 tấn loại II.

(C) 10 tấn loại I và 2 tấn loại II.

(D) 5 tấn loại I và 4 tấn loại II.

🗭 Lời giải.

Gọi x, y lần lượt là số tấn nguyên liệu loại I và loại II phải dùng.

Từ bài toán ta đưa được hệ bất phương trình: $\begin{cases} 0 \le y \le 9 \\ 2x + y \ge 14 \\ 2x + 5y > 30 \end{cases}$ (*)

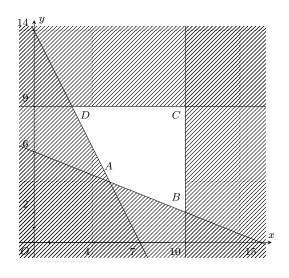
Tổng chi phí là F(x;y) = 4x + 3y

Ta tìm x, y thỏa mãn hệ (*) sao cho F(x; y) nhỏ nhất.

Ta biết giá trị nhỏ nhất đạt tại các điểm A(5;4), B(10;2), C(10;9), D(3;9).

Thử lai thấy F(5;4)=32 là giá trị nhỏ nhất.

Vây cần 5 tấn nguyên liệu loại I và 4 tấn nguyên liệu loại II.



Chon đáp án D.....

CÂU 57. Giá trị nhỏ nhất F_{\min} của biểu thức F(x;y)=y-x trên miền xác định bởi hệ $\begin{cases} y-2x\leq 2\\ 2y-x\geq 4 \text{ là}\\ x+y\leq 5 \end{cases}$ (A) $F_{\min}=1$.
(B) $F_{\min}=2$.
(C) $F_{\min}=3$.
(D) $F_{\min}=4$.
(D) $F_{\min}=4$.
(E) $F_{\min}=4$.

$$\bigcirc$$
 $F_{\min} = 1.$

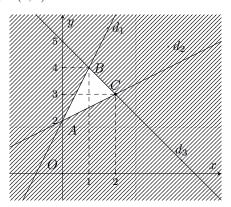
$$(\mathbf{B}) F_{\min} = 2.$$

$$F_{\min} = 3.$$

$$(\mathbf{D}) F_{\min} = 4$$

Ta có
$$\begin{cases} y - 2x \le 2 \\ 2y - x \ge 4 \Leftrightarrow \begin{cases} y - 2x - 2 \le 0 \\ 2y - x - 4 \ge 0 \end{cases} (*)$$
$$x + y \le 5$$

Trong mặt phẳng tọa độ Oxy, vẽ các đường thẳng $d_1: y-2x-2=0, d_2: 2y-x-4=0, d_3: x+y-5=0$. Khi đó miền nghiệm của hệ bất phương trình (*) là phần mặt phẳng (tam giác ABC kể cả biên) như hình vẽ. Xét các đỉnh của miền khép kín tạo bởi hệ (*) là A(0;2), B(2;3), C(1;4).



Ta có
$$\begin{cases} F(0;2) = 2 \\ F(2;3) = 1 \longrightarrow F_{\min} = 1. \\ F(1;4) = 3 \end{cases}$$

CÂU 58. Một nhà máy sản xuất, sử dụng ba loại máy đặc chủng để sản xuất sản phẩm A và sản phẩm B trong một chu trình sản xuất. Đề sản xuất một tấn sản phẩm A lãi 4 triệu đồng người ta sử dụng máy I trong 1 giờ, máy II trong 2 giờ và máy III trong 3 giờ. Để sản xuất ra một tấn sản phẩm B lãi được 3 triệu đồng người ta sử dụng máy I trong 6 giờ, máy II trong 3 giờ và máy III trong 2 giờ. Biết rằng máy I chỉ hoạt động không quá 36 giờ, máy hai hoạt động không quá 23 giờ và máy III hoạt động không quá 27 giờ. Hãy lập kế hoạch sản xuất cho nhà máy để tiền lãi được nhiều nhất.

(A) Sản xuất 9 tấn sản phẩm A và không sản xuất sản phẩm B.

- (\mathbf{B}) Sản xuất 7 tấn sản phẩm A và 3 tấn sản phẩm B.
- \bigcirc Sản xuất $\frac{45}{8}$ tấn sản phẩm A và $\frac{81}{16}$ tấn sản phẩm B.
- \bigcirc Sản xuất 6 tấn sản phẩm B và không sản xuất sản phẩm A.

🗭 Lời giải.

Gọi $x \ge 0, y \ge 0$ (tấn) là sản lượng cần sản xuất của sản phẩm A và sản phẩm B. Ta có:

x + 6y là thời gian hoạt động của máy I,

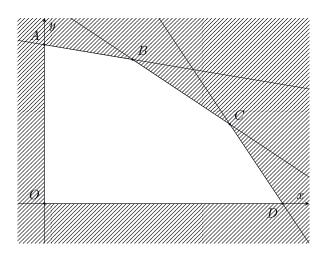
2x + 3y là thời gian hoạt động của máy II,

3x + 2y là thời gian hoạt động của máy III.

Số tiền lãi của nhà máy: f(x;y) = 4x + 3y (triệu đồng).

Bài toán trở thành: Tìm (x;y) thỏa mãn $\begin{cases} x+6y\leq 36\\ 2x+3y\leq 23\\ 3x+2y\leq 27 \end{cases}$ để f(x;y)=4x+3y đạt giá trị lớn nhất.

Miền nghiệm của hệ trên là ngũ giác OABCD (kể cả bờ).



Thay toạ độ các điểm $O(0;0),\ A(0;6),\ B\left(\frac{10}{3};\frac{49}{9}\right),\ C(7;3),\ D(9;0)$ vào f(x;y) ta được $f(0;0)=0,\ f\left(\frac{10}{3};\frac{49}{9}\right)=\frac{89}{3},$ f(7;3) = 37, f(9,0) = 36.

Suy ra f(x; y) lớn nhất khi (x; y) = (7; 3).

Như vậy để tiền lãi được nhiều nhất thì sản xuất 7 tấn sản phẩm A và 3 tấn sản phẩm B.

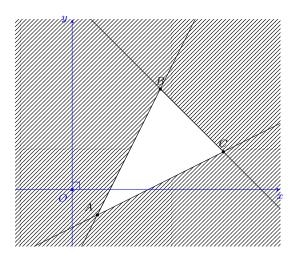
Chọn đáp án B......

CÂU 59. Biểu thức F=y-x đạt giá trị nhỏ nhất với điều kiện $\begin{cases} -2x+y\leq -2\\ x-2y\leq 2\\ x+y\leq 5\\ x\geq 0 \end{cases}$ tại điểm S(x;y) có toạ độ là

$$\bigcirc$$
 (1; 1).

🗭 Lời giải.

Biểu diễn miền nghiệm của hệ bất phương trình $\begin{cases} -2x+y \leq -2 \\ x-2y \leq 2 \\ x+y \leq 5 \end{cases}$ trên hệ trục tọa độ như dưới đây:



Nhận thấy biết thức F=y-x chỉ đạt giá trị nhỏ nhất tại các điểm $A,\,B$ hoặc C. Chỉ C(4;1) có tọa độ nguyên nên thỏa mãn. Vậy min F=-3 khi $x=4,\,y=1$.

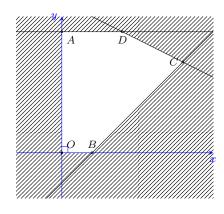
Chọn đáp án A....

CÂU 60. Giá trị lớn nhất của biểu thức F(x;y)=x+2y, với điều kiện $\begin{cases} 0\leq y\leq 4\\ x\geq 0\\ x-y-1\leq 0\\ x+2y-10\leq 0 \end{cases}$ là

 $(x + 2y - 10 \le 0$ (a) 6. (b) 12.

🗭 Lời giải.

Vẽ các đường thẳng d_1 : y = 4; d_2 : x - y - 1 = 0; d_3 : x + 2y - 10 = 0; Ox: y = 0; Oy: x = 0.



Các đường thẳng trên đôi một cắt nhau tại A(0;4), O(0;0), B(1;0), C(4;3), D(2;4).

Vì điểm $M_0(1;1)$ có toạ độ thoả mãn tất cả các bất phương trình trong hệ nên ta tô đậm các nửa mặt phẳng bờ d_1 , d_2 , d_3 , Ox, Oy không chứa điểm M_0 .

Miền không bị tô đậm là đa giác OADCB kể cả các cạnh (hình bên) là miền nghiệm của hệ bất phương trình đã cho. Kí hiệu $F(A) = F\left(x_A; y_A\right) = x_A + 2y_A$, ta có F(A) = 8, F(O) = 0, F(B) = 1, F(C) = 10; F(D) = 10;

Chọn đáp án \bigcirc

Bài 1.	Bất phương trình bậc nhất hai ẩn	1
A	Tóm tắt lý thuyết	1
B	Các dạng toán	
	Dạng 1. Nghiệm và miền nghiệm bất phương trình bậc nhất hai ẩn	
	Dạng 2. Bài toán thực tế liên quan	
	Bài tập trắc nghiệm	
Bài 2.	Hệ bất phương trình bậc nhất hai ẩn	7
A	Tóm tắt lý thuyết	7
B	Các dạng toán	
	Dạng 1. Biểu diễn hình học của tập nghiệm	
	ightharpoonup Dạng 2. Tìm cực trị của biểu thức $F=ax+by$ trên một miền đa giác	
	Bài tập trắc nghiệm	
LỜI GIẢI CHI TIẾT		19
Bài 1.	Bất phương trình bậc nhất hai ẩn	19
A	Tóm tắt lý thuyết	19
B	Các dang toán	
	Dạng 1. Nghiệm và miền nghiệm bất phương trình bậc nhất hai ẩn	
	🗁 Dạng 2. Bài toán thực tế liên quan	22
	Bài tập trắc nghiệm	23
Bài 2.	Hệ bất phương trình bậc nhất hai ẩn	31
A	Tóm tắt lý thuyết	31
B	Các dạng toán	31
	Dạng 1. Biểu diễn hình học của tập nghiệm	
_	ightharpoonup Dạng 2. Tìm cực trị của biểu thức $F=ax+by$ trên một miền đa giác	34
	Bài tập trắc nghiệm	40

