# Resurse examen SD

### Seria 15

## June 25, 2025

## Contents

1	Sort		<b>2</b>
	1.1	Clasificare	2
	1.2	Stabilitate	2
	1.3	Tabel de complexități	2
	1.4	Informații generale	2
	1.5	Counting sort	3
	1.6	Bucket sort	3
	1.7	Radix sort	
	1.8	Quicksort	3
	1.9	Mergesort	3
<b>2</b>	Con	nplexități	3

### 1 Sortări

Algoritmii de sortare pot fi clasificați după complexitate, spațiu, stabilitate și dacă se bazează pe comparații:

#### 1.1 Clasificare

• Elementari: Insertion, Selection, Bubble

• Divide et Impera: Merge Sort, Quick Sort

• Heap-based: Heap Sort

• Non-comparative: Counting Sort, Radix Sort, Bucket Sort

#### 1.2 Stabilitate

Un algoritm de sortare este *stabil* dacă menține ordinea relativă a elementelor egale. Acest lucru este important când sortăm obiecte cu multiple chei.

#### 1.3 Tabel de complexități

Algorithm	ŗ	Space (worst)		
	Best	Average	Worst	
Quicksort	$\Omega(n \log n)$	$\Theta(n \log n)$	$O(n^2)$	$O(\log n)$
Mergesort	$\Omega(n \log n)$	$\Theta(n \log n)$	$O(n \log n)$	O(n)
Timsort	$\Omega(n)$	$\Theta(n \log n)$	$O(n \log n)$	O(n)
Heapsort	$\Omega(n \log n)$	$\Theta(n \log n)$	$O(n \log n)$	O(1)
Bubble Sort	$\Omega(n)$	$\Theta(n^2)$	$O(n^2)$	O(1)
Insertion Sort	$\Omega(n)$	$\Theta(n^2)$	$O(n^2)$	O(1)
Selection Sort	$\Omega(n^2)$	$\Theta(n^2)$	$O(n^2)$	O(1)
Tree Sort	$\Omega(n \log n)$	$\Theta(n \log n)$	$O(n^2)$	O(n)
Shell Sort	$\Omega(n \log n)$	$\Theta(n(\log n)^2)$	$O((n\log n)^2)$	O(1)
Bucket Sort	$\Omega(n+k)$	$\Theta(n+k)$	$O(n^2)$	O(n+k)
Radix Sort	$\Omega(n k)$	$\Theta(n k)$	O(n k)	O(n+k)
Counting Sort	$\Omega(n+k)$	$\Theta(n+k)$	O(n+k)	O(n+k)
Cubesort	$\Omega(n)$	$\Theta(n \log n)$	$O(n \log n)$	O(n)

Table 1: Array Sorting Algorithms: time and space complexities

#### 1.4 Informații generale

- Sortările prin comparație au limită inferioară  $\Omega(n \log n)$ .
- Algoritmii non-comparativi (Counting, Radix) pot ajunge la O(n) în condiții favorabile.
- Alegerea pivotului în Quick Sort influențează performanța:
  - pivot ales random
  - mediana din 3/5/7
  - mediana medianelor
- Pentru vectori mici, sortarea cu algoritmi  $O(n^2)$  poate fi mai eficientă decât în  $O(n \log n)$  (constanta poate fi mare).

#### 1.5 Counting sort

Se creează un vector de frecvență cu valorile pe care trebuie să le sortăm. Valorile din vector sunt numărate, iar vectorul este reconstruit în ordine sortată prin parcurgerea vectorului de frecvență.

Se aplică când elementele sunt numere întregi într-un interval [0, k], (până la  $10^6$ )

#### 1.6 Bucket sort

Se creează k buckets și fiecare element x din vectorul de intrare este distribuit în găleata indexată de o funcție de mapare (de ex.  $\lfloor k \cdot \frac{x-a}{b-a} \rfloor$  pentru valori în [a,b]). Fiecare găleată este sortată intern (adesea prin Insertion Sort), apoi se concatenează conținutul găleților pentru a obține vectorul sortat.

#### 1.7 Radix sort

Sortarea se face pe mai multe trepte de cifre: pentru fiecare poziție de cifră (de la LSD la MSD sau invers) se aplică Counting Sort pentru a grupa elementele după valoarea cifrei curente. După procesarea tuturor cifrelor, vectorul devine complet sortat.

#### 1.8 Quicksort

Algoritmul Quick Sort folosește o abordare divide et impera: se selectează un pivot, iar vectorul este repartizat în două subsecțiuni, una cu elemente mai mici și cealaltă cu elemente mai mari decât pivotul. Se aplică recursiv același procedeu pe cele două subsecțiuni și, ulterior, se combină rezultatele pentru a obține vectorul sortat.

#### 1.9 Mergesort

Merge Sort divide recursiv vectorul în jumătăți până se obțin secvențe cu un singur element (sau 2, depinde de implementare). Apoi, aceste secvențe sunt interclasate (merge) după ce au fost sortate, fiind combinate treptat pentru a forma vectorul sortat final.

### 2 Complexități

În studiul algoritmilor, folosim trei noțiuni fundamentale pentru a măsura creșterea funcției de timp T(n) în raport cu dimensiunea de intrare n:

• O (Big-O): reprezintă o limită superioară asimptotică.

$$T(n) = O(f(n)) \iff \exists c > 0, \ n_0 : \forall n \ge n_0, \ T(n) \le c f(n).$$

 $\bullet$   $\Omega$  (Big-Omega): reprezintă o limită inferioară asimptotică.

$$T(n) = \Omega(f(n)) \iff \exists c > 0, \ n_0 : \ \forall n \geq n_0, \ T(n) \geq c f(n).$$

•  $\Theta$  (Big-Theta): când există simultan limite superioară și inferioară de același ordin.

$$T(n) = \Theta(f(n)) \iff T(n) = O(f(n)) \land T(n) = \Omega(f(n)).$$

Astfel,  $\Theta(f(n))$  indică creșterea "exactă" (în sens asimptotic), iar O și  $\Omega$  doar conturul superior, respectiv inferior.