

## 1. Importación de librerías

```
import matplotlib.pyplot as plt
```

```
import numpy as np
```

- **matplotlib.pyplot:** Se usa para crear gráficos y dibujar figuras.
  - **numpy:** Facilita el manejo de arreglos y operaciones matemáticas, en este caso para trabajar con las coordenadas de los puntos del triángulo.
- 

## 2. Función recursiva `sierpinski_triangle`

```
def sierpinski_triangle(ax, points, depth):
```

```
    """Genera recursivamente el Triángulo de Sierpinski"""
```

```
    if depth == 0:
```

```
        triangle = plt.Polygon(points, edgecolor="black", facecolor="white")
```

```
        ax.add_patch(triangle)
```

```
    else:
```

```
        middle = (points[0] + points[1]) / 2
```

```
        mid2 = (points[1] + points[2]) / 2
```

```
        mid3 = (points[2] + points[0]) / 2
```

```
        sierpinski_triangle(ax, [points[0], middle, mid3], depth - 1)
```

```
        sierpinski_triangle(ax, [middle, points[1], mid2], depth - 1)
```

```
        sierpinski_triangle(ax, [mid3, mid2, points[2]], depth - 1)
```

- **Parámetros:**

- `ax`: El objeto de ejes de Matplotlib donde se dibujará el triángulo.
- `points`: Un arreglo (lista o array de NumPy) con las coordenadas de los tres vértices del triángulo actual.
- `depth`: La profundidad de recursión, que determina cuántas subdivisiones se realizan.

- **Caso base (depth == 0):**

Si la profundidad es 0, se dibuja un triángulo simple usando plt.Polygon con los puntos dados. Se añade este triángulo al objeto de ejes ax.

- **Caso recursivo (depth > 0):**

Se calculan los puntos medios de cada lado del triángulo:

- middle: Punto medio entre el primer y segundo vértice.
- mid2: Punto medio entre el segundo y tercer vértice.
- mid3: Punto medio entre el tercer y primer vértice.

Luego, se realizan **tres llamadas recursivas** a la función, cada una con un triángulo formado por:

- **Primer triángulo:** Vértices [points[0], middle, mid3].
- **Segundo triángulo:** Vértices [middle, points[1], mid2].
- **Tercer triángulo:** Vértices [mid3, mid2, points[2]].

En cada llamada se reduce la profundidad (depth - 1), lo que permite crear la estructura fractal característica del Triángulo de Sierpinski.

---

### 3. Función generate\_sierpinski

```
def generate_sierpinski(depth=5):
```

```
    """Configura la figura y genera el Triángulo de Sierpinski"""
```

```
    fig, ax = plt.subplots()
```

```
    ax.set_aspect("equal")
```

```
    ax.set_xticks([])
```

```
    ax.set_yticks([])
```

```
    ax.set_xlim(0, 1)
```

```
    ax.set_ylim(0, np.sqrt(3) / 2)
```

```
    points = np.array([[0.5, np.sqrt(3) / 2], [0, 0], [1, 0]])
```

```
    sierpinski_triangle(ax, points, depth)
```

plt.show()

- **Creación de la figura y ejes:**

Se crea una figura y un objeto de ejes usando plt.subplots().

- ax.set\_aspect("equal"): Asegura que las escalas de los ejes X e Y sean iguales para que el triángulo no se deforme.
- Se eliminan las marcas de los ejes con ax.set\_xticks([]) y ax.set\_yticks([]).

- **Configuración de límites de la gráfica:**

- ax.set\_xlim(0, 1): Define el rango del eje X.
- ax.set\_ylim(0, np.sqrt(3) / 2): Define el rango del eje Y, aprovechando que la altura del triángulo equilátero es  $\text{np.sqrt}(3)/2$ .

- **Definición de los puntos iniciales:**

Se crea un arreglo points que contiene las coordenadas de los tres vértices de un triángulo equilátero:

- Vértice superior:  $[0.5, \text{np.sqrt}(3) / 2]$
- Vértice inferior izquierdo:  $[0, 0]$
- Vértice inferior derecho:  $[1, 0]$

- **Generación del Triángulo de Sierpinski:**

Se llama a sierpinski\_triangle(ax, points, depth) para iniciar el proceso recursivo.

- **Visualización:**

Finalmente, plt.show() muestra la figura resultante.

---

## 4. Ejecución del código

# Genera el Triángulo de Sierpinski

generate\_sierpinski(5)

- Se llama a la función generate\_sierpinski con una profundidad de 5, lo que define cuántas subdivisiones se realizarán para generar el fractal.

---

## Resumen

- **Importación de librerías:** Se cargan Matplotlib para dibujar y NumPy para los cálculos con arreglos.
- **Función recursiva (sierpinski\_triangle):** Divide el triángulo en tres triángulos más pequeños en cada nivel de profundidad, dibujando el triángulo cuando se alcanza el caso base.
- **Configuración y dibujo (generate\_sierpinski):** Prepara el entorno gráfico, define el triángulo inicial y llama a la función recursiva.
- **Ejecución:** Se genera y muestra el Triángulo de Sierpinski con 5 niveles de profundidad.

