# Fyzika I

Fakulta elektrotechniky a informatiky VŠB-TU Ostrava (bakalářský)

Datum aktualizace originálu: 26. 12. 2023 v 9:16:18

Datum vygenerování PDF: **29. 6. 2025 v 15:20:39** 

# Fyzika I

## Obsah

- <u>Kinematika</u>
- <u>Dynamika</u>
  - <u>Příklady sil</u>
  - Newtonovy pohybové zákony
  - <u>Příklady dynamiky</u>

**Klasická mechanika hmotného bodu** zkoumá mechanický pohyb – změnu vzájemné polohy tělese v prostoru a v čase, jeho popis v prostoru a v čase a jeho příčiny, kde rychlosti těles jsou mnohem menší než rychlost světla c. **Hmotný bod** je fiktivní objekt, který má všechny relevantní znaky tělesa, které reprezentuje a jeho geometrické rozměry jsou v daných souvislostech zanedbatelně malé.

## Kinematika

Matematický popis pohybu v prostoru a v čase vzhledem k vhodné vztažné soustavě – kartézská, válcová a kulová. Mezi základní skalární veličiny patří dráha s, okamžitá rychlost v a okamžité zrychlení a, vedlejší vektorové patří vektor elementárního úhlového otočení  $\varphi$ , vektor úhlové rychlosti  $\omega$  a vektor úhlového zrychlení  $\varepsilon$ .

Definujme střední průměrnou rychlost  $v_s=\frac{\Delta s}{\Delta t}$  a okamžitou rychlost  $v=\lim_{\Delta t\to 0}v_s=\frac{s}{dt}$ , střední zrychlení  $a_s=\frac{\Delta v}{\Delta t}$ , okamžité zrychlení  $a=\lim_{\Delta t\to 0}\frac{\Delta v}{\Delta t}=\frac{dv}{dt}$ . V případě rovnoměrně zrychleného pohybu  $a=\frac{dv}{dt}=konst.$  ,  $v=\frac{ds}{dt}=at+v_0, s=\frac{1}{2}at^2+v_0t+s_0$ . Pro **volný pád** platí  $a=g,v_0=0, v=gt, s=\frac{1}{2}gt^2$ , pro **svislý vrh dolů** platí  $a=g,v_0\neq 0, v=v_0+gt, s=v_0t+\frac{1}{2}gt^2$  a pro **svislý vrh vzhůru** platí  $a=-g,v_0\neq 0, v=v_0-gt, s=v_0t-\frac{1}{2}gt^2$ .

Pro **vektorový popis hmotného bodu** zavádíme polohový vektor r=r(t), vektor průměrné rychlosti  $v_s=\frac{\Delta r}{\Delta t}$  ve směru  $\Delta r$  sečny trajektorie, vektor okamžité rychlosti  $v=\lim_{\Delta t\to 0}\frac{\Delta r}{\Delta t}=\frac{dr}{dt}=\frac{dx}{dt}i+\frac{dy}{dt}j+\frac{dz}{dt}k$  ve směru tečny k trajektorii, vektor okamžitého zrychlení  $a=\frac{dv}{dt}=\frac{d^2r}{dt^2}$ , zrychlení rozkládáme na tečnou a normálovou složku  $a=\frac{dv}{dt}=\frac{d(v\tau)}{dt}=\frac{dv}{dt}\tau+\frac{d\tau}{dt}v=\frac{dv}{dt}\tau-\frac{v^2}{R}n=a_r+a_n$ , kde  $\tau$  je jednotkový vekotr ve směru tečny a n je jednotkový vektor ve směru normály k trajektorii pohybu a R je poloměr křivosti trajektorie. Platí, že  $a_r=\frac{dv}{dt}, a_n=\frac{v^2}{R}, a=\sqrt{\left(\frac{dv}{dt}\right)^2+\left(\frac{v^2}{R}\right)^2}$ . Dále zavádíme úhlovou rychlost  $\omega=\frac{d\varphi}{dt}$ , kde  $\varphi$  je úhlová dráha (středový úhel), o kterou se otočí průvodič hmotného bodu vedený ze středu kruhové dráhy. Zavádíme úhlové zrychlení  $\varepsilon=\frac{d\omega}{dt}=\frac{d^2\varphi}{dt^2}$ .

Kruhový pohyb je zvláštním případem křivočarého pohybu v jedné rovině. Pro elementární úhlovou dráhu platí vztah  $d\varphi=\frac{ds}{R}$  a pro úhlovou rychlost  $\omega=\frac{d\varphi}{dt}=\frac{ds}{Rdt}$  a pro obvodovou rychlost  $v=\omega R$ , pro úhlové zrychlení  $\varepsilon=\frac{d\omega}{dt}=\frac{a}{R}$ . V případě rovnoměrného kruhového pohybu platí  $\omega=\frac{d\varphi}{dt}, \omega'=0, \varphi(t)=\omega t+\varphi_0, T=\frac{2\pi R}{v}=\frac{2\pi}{\omega}=\frac{1}{f}$  V případě rovnoměrně zrychleného kruhového pohybu platí  $\varepsilon=konst., \omega=\varepsilon t+t_0, \varphi=\frac{1}{2}\varepsilon t^2+\omega_0 t+\varphi_0.$ 

Vektorové vyjádření křivočarého pohybu: mějme polohové vektory r(t) a r(t+dt), které svírají úhel  $d\varphi$ . Tomuto úhlu přiradíme vektor tak  $d\varphi$  tak, aby byl kolmý na vektory r(t) a r(t+dt) a jeho velikost byla  $d\varphi$ . Pro elementární změnu platí  $dr=d\varphi\times r$ . Zavádíme vektor úhlové rychlosti  $\omega=\frac{d\varphi}{dt}$ , vektor obvodové rychlosti  $v=\omega\times r$ , vektor úhlového zrychlení  $\varepsilon=\frac{d\omega}{dt}$  a vektor obvodového zrychlení  $a=\frac{dv}{dt}=\varepsilon\times r+\omega\times v=\varepsilon\times r-R\omega^2 n$ , kde n je jednotkový vektor vnější normály. Tudíž definujeme tečné zrychlení  $a_r=\varepsilon\times r$  a normálové zrychlení  $a_n=-R\omega^2 n$ .

## **Dynamika**

**Hmotnost** je skalární kvantitativní míra tíhových a setrvačných vlastností tělesa, je dána vnitřní strukturou těles, nezávisí na volbě vztažné soustavy a platí zákon zachování celkové hmotnosti. Jednotkou hmotnosti je 1 kg. **Hybnost** je vektorová kvantitativní míra mechanického pohybu, je rovnoběžná s vektorem rychlosti a charakterizuje míru mechanického pohybu z hlediska interakcí.

**Síla** je vektorová kvantitativní míra vzájemného působení těles, které má za následek buďto změnu jejich pohybového stavu nebo jejich deformaci. Jedná se o klouzavý vektor – pojem síly je abstrakcí, nemůže reálně existovat bez hmotných objektů, protože vyjadřuje míru jejich působení. Silové působení – interakci – mezi materiální objekty je projevem existence polí. Rozlišujeme pole gravitační, elektromagnetické, jaderných sil a slabých interakcí. Částice působí ve čtyřech typech:

- 1. Silné interakce charakterizují vzájemné působení mezi nukleony výměnou mezonů.
- 2. Elektromagnetické interakce nabitých částic jsou provázeny výměnou fotonů.
- 3. Slabé interakce vedou k přeměně částic na jiné těžké částice, přitom se uvolňují elektrony a neutrina.
- 4. Gravitační interakce probíhá mezi elektricky neutrálními částicemi a je zprostředkována výměnou částic gravitačního pole gravitonů.

### Příklady sil

- **Tíhová síla** G = mg, kde g je vektor zemského tíhového zrychlení.
- **Síla odporu prostředí**  $F_r$ , která působí při pohybu těles ve vazkém prostředí. Je rovnoběžná s vektorem rychlosti a má opačný smysl.  $F_r = \frac{1}{2} \varrho C_x v^n$ .
- **Síla smykového tření**  $F_t$  vzniká při smýkání pevného tělesa po podložce. Jestliže není pohyb ve svislém směru.  $N+G=0, N=G, F_t=\mu N$ , kde  $\mu$  je součinitel smykového tření.

### Newtonovy pohybové zákony

- Zákon setrvačnosti těleso setrvává ve stavu rovnoměrného přímočarého pohybu nebo klidu pokud není nuceno působením jiných těles tento stav změnit.
- Zákon síly časová změna hybnosti hmotného bodu je rovna výsledné síle, která na těleso působí.  $F=rac{dp}{dt}$ , pokud je hmotnost konstantní, pak  $F=m\cdot rac{dv}{dt}=ma$ .
- ullet Zákon akce a reakce jestliže těleso A

## Příklady dynamiky

• Nakloněná rovina pod sklonem lpha, platí pohybová rovnice  $ma=\sum F_i=G+N+T$ , kde  $ma_x=m\cdot rac{d^2x}{dt^2}=G\sinlpha-T$ ,  $ma_y=rac{d^2y}{dt^2}=0=-G\coslpha+N$  a  $T=\mu N$ . Pro  $N=G\coslpha$ 

Veškeré materiály na této stránce jsou osobními poznámkami autora, vytvořenými na základě univerzitních přednášek. Jsou poskytovány bez záruky a slouží výhradně ke studijním účelům.

Obsah je licencován pod <u>Creative Commons Uveďte původ-Neužívejte komerčně-Zachovejte licenci 4.0 Mezinárodní</u>. To znamená, že materiály můžete volně sdílet a upravovat pro nekomerční účely, pokud uvedete původního autora a zachováte stejnou licenci.

### Závěrečné informace

Veškeré materiály v tomto dokumentu jsou osobními poznámkami autora, vytvořenými na základě univerzitních přednášek. Jsou poskytovány bez záruky a slouží výhradně ke studijním účelům.

Datum aktualizace originálu: 26. 12. 2023 v 9:16:18

Datum vygenerování PDF: 29. 6. 2025 v 15:20:39

Licencováno pod Creative Commons BY-NC-SA 4.0.