## 1 Нотация

Рассмотрим на плоскости прямоугольник-стол T, вершины которого имеют координаты

$$\{(0,0), (M_1,0), (0,M_2), (M_1,M_2)\},\$$

где  $M_1$  и  $M_2$  — положительные целые числа. Будем говорить, что вектор из  $\mathbb{R}^2$  является *целым* или лежащим в  $\mathbb{Z}^2$ , если его концы имеют целочисленные координаты.

**Определение 1.** Многоугольник P называется *полиомино*, если P может быть составлен из блоков размера  $1 \times 1$ , и все вершины P имеют целочисленные координаты. (Проще говоря, P составлен из "клеточек")

Теперь мы можем определить конфигурацию полиомино  $\mathbf{A} = \{\mathcal{A}_1, \mathcal{A}_2, \dots, \mathcal{A}_H\}$ . Для любого  $i \in \{1, 2, \dots, H\}$  полиомино-множество  $\mathcal{A}_i$  может быть представленно в таком виде

$$\mathcal{A}_i = \{K_1^i, \dots, K_{N_i}^i\},\$$

что каждый многоугольник  $K_j^i$ , где  $j\in\{1,2,\ldots,N_i\}$ , является образом фиксированного опорного полиомино  $P_i\subset\mathbb{R}^2$  под действием композиции некоторого поворо-

та с центром в начале координат на угол  $\varphi \in \{0, \frac{\pi}{2}, \pi, \frac{3\pi}{2}\}$  и некоторого параллельного переноса на целый вектор.

**Определение 2.** Будем называть полиомино-множество **A** *замощением* T, если  $\bigsqcup_{i=1}^H \bigsqcup_{j=1}^{N_i} K_j^i \subseteq T$ .

## 2 Формулировка задания

Мы предлагаем вам следующую задачу и ожидаем от Вас решения в виде файловой директории, содержащей исходные файлы, инструкции к запуску Вашей программы на языке Python (3.4 +) и комментарии, относящиеся к логике вашей программы, оценить его сложность и затраченную память.

**Проблема.** Для данного размера прямоугольника-стола T и данного множества опорных прямоуголных полиомино и опорных L-полиомино  $P_i$  с данными соответствующими мощностями  $N_i$  узнать, существует ли конфигурация полиомино с этими параметрами, являющееся замощением T.

Входящие параметры алгоритма. Лист из трех элементов:

- 1.  $(M_1, M_2)$  размер прямоугольника-стола T, тапл-пара положительных целых чисел;
- 2.  $[((S_1^i,S_2^i),N_i)]_{i=1}^{H_1}$  лист из тапл-пар, содержащий информацию об опорных прямоуголных полиомино. Первый элемент такой пары,  $(S_1^i,S_2^i)$  размер (ширина с высотой) i-ого прямоугольника-полоимино, представленный в виде тапл-пары положительных целых чисел с условием  $S_1^i \geq S_2^i$ , второй элемент такой пары мощность полиомино-множества, порожденного этим прямоугольником-полоимино как опорным, представленная в виде положительного целого числа.

3.  $[((Q_1^i,Q_2^i),N_i)]_{i=1}^{H_2}$  – лист из тапл-пар, содержащий информацию об опорных L-полиомино. Первый элемент такой пары,  $(Q_1^i,Q_2^i)$  – размер i-ого L-полоимино, представленный в виде тапл-пары положительных целых чисел  $(Q_1^i$  – длина левой "коемки",  $Q_2^i$  – длина нижней "коемки"), второй элемент такой пары – мощность полиомино-множества, порожденного этим L-полоимино как опорным, представленная в виде положительного целого числа.

**Выход алгоритма.** Существование конфигурации полиомино с параметрами 2-3, являющееся замощением T — булево значение.

Например, входящие параметры алгоритма, проверяющего возможность замощения прямоугольника-стола  $3 \times 5$  одним L-тетрамино (с 3 блоками слева и двумя блоками снизу), двумя L-тримино и квадратным тетрамино:

- 1. (3,5) размер прямоугольника-стола.
- 2.  $\left[\left((2,2),1\right)\right]$  первая тапл-пара кодирует квадратное тетрамино.
- 3.  $\left[(3,2),1),(2,2)\right]$  первая тапл-пара кодирует одно L-тетрамино, вторая два L-тримино.

Выход алгоритма: Правда.

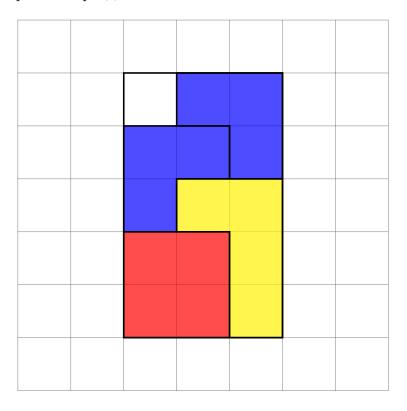


Рисунок 1: Пример замощения с рассмотренными значениями параметров.