

# Gözlük Camı Kalınlığı Hesaplamasında Matematiksel Modelleme ve Optik Mühendisliği Yaklaşımları: Kapsamlı Bir Araştırma Raporu

## 1. Giriş: Oftalmik Optikte Geometri ve Kalınlık Paradigması

Gözlük camı kalınlığı, modern oftalmik optığın en karmaşık ve çok değişkenli problemlerinden birini teşkil etmektedir. Bu parametre, yalnızca estetik bir kaygı unsuru olmanın ötesinde, optik performans, çerçeve uyumu, kullanıcı konforu ve nihai ürünün ağırlığı üzerinde belirleyici bir rol oynamaktadır. Bir gözlük camının (lensin) fiziksel yapısı, ışığın kırılma prensiplerine dayalı optik gereksinimler ile materyalin fiziksel sınırlamaları arasındaki hassas dengenin bir ürünüdür. Geleneksel olarak optisyenlik pratiğinde "kalın cam" veya "ince cam" gibi sубjektif terimlerle ifade edilen bu kavram, aslında katı geometrik ve trigonometrik kurallara dayanan kesin bir matematiksel modelleme gerektirir.<sup>1</sup>

Bu rapor, kullanıcı reçetesesi (sferik güç, silindirik güç, aks) ve çerçeve parametrelerini (Boxing sistemi ölçümleri) temel alarak, bir gözlük camının merkez ve kenar kalınlığının mikron hassasiyetinde hesaplanabilmesi için gereken teorik altyapıyı ve algoritmik formülasyonu derinlemesine incelemektedir. Analiz, basit ince lens yaklaşımlarından başlayarak, kalın lens teorisi ve sferosilikindrlik yüzeylerin vektörel analizini kapsayan ileri düzey mühendislik hesaplamalarına kadar uzanmaktadır.

### 1.1 Optik Tasarımda Kalınlığın Önemi ve Değişkenler

Bir lensin nihai kalınlığı, tek bir formülün sonucu değil, birbirine bağımlı çok sayıda değişkenin kümülatif etkisidir. Bu değişkenler şunlardır:

- Diyoptrik Güç (Reçete):** Işığı kırmak için gereken yüzey eğriliğini dikte eder.
- Materyal İndisi ( $n$ ):** Işığın materyal içindeki hızını ve dolayısıyla kırıcılığını belirleyerek, gereken yüzey eğriliğini modifiye eder.<sup>3</sup>
- Çerçeve Geometrisi:** Lensin hangi çapta kesileceğini (Minimum Blank Size - MBS) ve optik merkezin (OC) geometrik merkezden (GC) ne kadar sapacağını (desantrasyon) belirler.<sup>4</sup>
- Yüzey Tasarımı (Sferik/Asferik):** Yüzeyin matematiksel formunun (konik kesitler) kalınlık üzerindeki düzeltici etkisidir.<sup>5</sup>

Bu rapor, bu değişkenlerin her birini izole ederek matematiksel temellerini açıklayacak ve ardından tüm değişkenleri kapsayan bütünlük bir "Kalınlık Hesaplama Algoritması" sunacaktır.

---

## 2. Optik Fizik ve Kırılma İndisi: Materyal Biliminin Kalınlığa Etkisi

Kalınlık hesaplamasının temelinde, ışığın bir ortamdan diğerine geçerken yön değiştirmesi (kırılma) prensibi yatar. Snell yasası ile tanımlanan bu davranış, lensin ön ve arka yüzey eğriliklerinin ne olması gerektiğini belirler.

### 2.1 Kırılma İndisi ( $n$ ) ve Eğrilik İlişkisi

Kırılma indisı ( $n$ ), boşluktaki ışık hızının ( $c$ ), materyal içindeki ışık hızına ( $v$ ) oranıdır ( $n = c/v$ ). Oftalmik lenslerde kullanılan materyallerin indisleri genellikle 1.498 (CR-39) ile 1.74 (Ultra Yüksek İndis) arasında değişir. İndis arttıkça, ışığı kırma yeteneği artar. Bu durum, aynı diyoptrik gücü elde etmek için daha az yüzey eğriliğine (daha düz bir yüzeye) ihtiyaç duyulması anlamına gelir.<sup>6</sup>

Matematiksel olarak, bir yüzeyin kırcılık gücü ( $F_s$ ) şu formülle ifade edilir:

$$F_s = \frac{n - 1}{r}$$

Burada:

- $F_s$ : Yüzey gücü (Diyoptri, D)
- $n$ : Lens materyalinin kırmızı indis
- $r$ : Yüzeyin eğrilik yarıçapı (metre cinsinden).<sup>1</sup>

Bu denklem, kalınlık hesaplamasının "Yarıçap Dönüşümü" aşamasının temelini oluşturur. Formül yeniden düzenlenliğinde, hesaplamalarımızda kullanacağımız yarıçap ( $r$ ) değeri elde edilir:

$$r = \frac{n - 1}{F_s}$$

Bu ilişki, yüksek indisli camların neden daha ince olduğunu matematiksel olarak kanıtlar:  $n$

değeri büyündükçe (örneğin 1.50'den 1.67'ye çıktıığında), aynı  $F_s$  gücü için pay ( $n - 1$ ) büyür, bu da  $r$  (yarıçap) değerinin büyümesi gerektiği anlamına gelir. Daha büyük bir yarıçap, daha düz bir eğri ve dolayısıyla daha düşük bir "Sagitta" (kubbemiş yükseklik) demektir.<sup>3</sup>

## 2.2 Materyal Seçim Tablosu ve Kalınlık Çarpanları

Farklı materyallerin fiziksel ve optik özellikleri, kalınlık hesaplamasında kullanılacak sabitleri belirler. Aşağıdaki tablo, endüstride yaygın olarak kullanılan materyallerin temel parametrelerini özetlemektedir.

Materyal	Kırılma İndisi (n)	Özgül Ağırlık (g/cm <sup>3</sup> )	Abbe Değeri	Kalınlık Tasarrufu (Ref: CR-39)	Kullanım Alanı
CR-39 (Standart Organik)	1.498	1.32	58	%0	Düşük numaralar, yüksek optik berraklık.
Trivex	1.530	1.11	45	%10-15	Çerçevesiz gözlükler, darbe direnci.
Mid-Index	1.560	1.28	38	%15-20	Orta seviye miyopi/hipermetropi.
Polikarbonat	1.586	1.20	30	%20-25	Sporcu gözlükleri, çocuk gözlükleri.
High Index 1.60 (MR-8)	1.600	1.30	42	%25-30	Estetik ve sağlamlık dengesi.

<b>High Index 1.67 (MR-7)</b>	1.670	1.35	32	%35-40	Yüksek numaralar ( $> \pm 4.00$ D).
<b>Ultra High Index 1.74</b>	1.740	1.47	33	%45-50	Çok yüksek miyopi ( $> -8.00$ D).

Tablo Verileri Sentezi:<sup>3</sup>

Bu tablodaki veriler, hesaplama modelimizde  $n$  değişkeni olarak kullanılacaktır. Özellikle 1.74 indisi, yüksek yoğunluğu ( $1.47 \text{ g/cm}^3$ ) nedeniyle en ince olmasına rağmen her zaman en hafif çözüm olmayabilir; bu da hacim/kalınlık hesabının önemini artırır.

### 3. Lens Yüzey Geometrisi: Sagitta (Sag) Matematiği

Gözlük camı kalınlığının hesaplanmasındaki en kritik geometrik bileşen "Sagitta" veya kısaca "Sag" değeridir. Sagitta, küresel bir yüzeyin tepe noktası (vertex) ile bu yüzeyin belirli bir çapındaki kiriş düzlemi arasındaki dik mesafedir. Basit bir ifadeyle, bir lensin ne kadar "kübbeli" veya "derin" olduğunu ifade eder.<sup>2</sup>

Bir lensin toplam kalınlığı, ön yüzeyin sagittası ( $s_1$ ), arka yüzeyin sagittası ( $s_2$ ) ve en ince noktasındaki (merkez veya kenar) materyal kalınlığının (et kalınlığı) cebirsel toplamı olarak modellenir.<sup>11</sup>

#### 3.1 Sagitta Formülünün Türetilmesi (Pisagor Teoremi)

Sagitta formülü, bir dik üçgenin kenar bağıntılarını tanımlayan Pisagor teoreminden türetilir. Bir küre kesiti (lens yüzeyi) düşünelim:

- $r$ : Kürenin yarıçapı.
- $y$ : Lensin yarıçapı (Çapın yarısı,  $y = d/2$ ).
- $s$ : Sagitta (Yüzey yüksekliği).

Merkezden kirişe inen dikme ( $r - s$ ) ile kirişin yarısı ( $y$ ) ve küre yarıçapı ( $r$ ) bir dik üçgen oluşturur:

$$r^2 = (r - s)^2 + y^2$$

Bu denklemi  $s$  için çözersek, "Kesin Sagitta Formülü"nü elde ederiz:

$$s = r - \sqrt{r^2 - y^2}$$

Bu formül, oftalmik optikte "Exact Sagitta Formula" olarak bilinir ve modern dijital yüzeyleme (freeform) teknolojilerinde kullanılan temel denklemidir.<sup>10</sup>

### 3.2 Yaklaşık Sagitta Formülü (Aproximasyon)

Geçmişte, karekök hesaplamalarının zorluğu nedeniyle ve  $r \gg y$  olduğu durumlarda (paraksiyal optik varsayıımı), Taylor serisi açılımı kullanılarak basitleştirilmiş bir formül türetilmiştir.

$$(r - s)^2 \approx r^2 - 2rs$$

( $s^2$  terimi çok küçük olduğu için ihmal edilir).

Buradan hareketle ve  $r = \frac{1000(n-1)}{F}$  dönüşümü yapılarak:

$$s \approx \frac{y^2 \cdot F}{2000(n-1)}$$

Burada:

- $y$ : Lens yarıçapı (mm)
- $F$ : Yüzey gücü (Diyoptri)
- $n$ : Kırılma indisı
- 2000 sabiti: Metre/milimetre dönüşümü ve formüldeki 2 katsayısının birleşimidir.<sup>1</sup>

**Mühendislik Notu:** Bu raporda sunulan algoritmada, yüksek numaralı reçetelerde ( $> \pm 6.00$  D) hata payını minimize etmek için **Kesin Sagitta Formülü** ( $s = r - \sqrt{r^2 - y^2}$ ) kullanılacaktır. Yaklaşık formül, yüksek güçlerde %5-%10 oranında sapmaya neden olabilir.<sup>1</sup>

---

## 4. Çerçeve Geometrisi ve Kutu (Boxing) Sistemi

Lens kalınlığı, teorik bir çap üzerinden değil, seçilen çerçeveyenin spesifik boyutları üzerinden hesaplanmalıdır. Bir lens, laboratuvardan ham (uncut) olarak genellikle 65mm, 70mm veya

75mm çapında dairesel bir disk olarak gelir, ancak çerçeveye girmesi için bu disk kesilir (edging). Kalınlığı belirleyen kritik faktör, kesim sonrası çerçeve içinde kalan "en kalın" noktadır.<sup>4</sup>

## 4.1 Boxing Sistemi Parametreleri

1962 yılında Optik İmalatçılar Birliği (OMA) tarafından standardize edilen Boxing sistemi, çerçeveyi çevreleyen hayali dikdörtgenler üzerinden ölçüm yapar<sup>15</sup>:

- **A Ölçüsü (Eyesize):** Lensin içine sığdiği dikdörtgenin yatay genişliği.
- **B Ölçüsü:** Lensin içine sığdiği dikdörtgenin dikey yüksekliği.
- **DBL (Distance Between Lenses):** İki lens arasındaki en kısa mesafe (Köprü).
- **GC (Geometrik Merkez):** A ve B eksenlerinin kesişim noktası.
- **ED (Effective Diameter - Efektif Çap):** Geometrik merkezden (GC) lensin en uzak kenarına olan mesafenin iki katı. ED, lensin ham çapını (MBS) belirleyen en kritik parametredir.<sup>16</sup>

## 4.2 Desantrasyon ve Efektif Yarıçap

Kullanıcının göz bebekleri (Pupilla) nadiren çerçevenin geometrik merkezine (GC) denk gelir. Genellikle gözler birbirine daha yakındır ve lensin optik merkezinin (OC) buruna doğru kaydırılması (decentration) gereklidir.

$$Desantrasyon = \frac{(A + DBL) - PD_{kullanıcı}}{2}$$

Burada  $(A + DBL)$  değeri "Çerçeve PD'si" (FPD) olarak adlandırılır.

Desantrasyon yapıldığında, optik merkez (OC) çerçeve merkezinden uzaklaşır. Miyop (konkav) bir lenste kalınlık kenara doğru arttığı için, optik merkezden en uzak nokta, lensin **maksimum kalınlık** noktası olacaktır. Genellikle bu nokta, çerçevenin şakak (temporal) tarafındaki üst veya alt köşesidir.

**Maksimum Yarıçap ( $y_{max}$ ) Hesabı:** Basit bir yaklaşımda,

$y_{max} \approx \frac{ED}{2} + Desantrasyon$  olarak kabul edilebilir. Ancak kesin hesaplama için vektörel toplama gereklidir.<sup>17</sup> Eğer ED'nin açısı biliniyorsa (genellikle 0-180 derece arasında bir vektör), desantrasyon vektörü ile toplanarak gerçek  $y_{max}$  bulunur. Bu raporda güvenli mühendislik marji sağlamak adına, en kötü senaryo olan  $y_{max} = \frac{ED}{2} + Desantrasyon$  formülü kullanılacaktır.<sup>4</sup>

---

## 5. Sferosilindirik (Torik) Lens Matematiği ve Oblik Meridyenler

Gözlük reçeteleri genellikle sadece sferik (küresel) değildir; astigmatizmayı düzeltten silindirik (Cyl) ve aks (Axis) değerlerini de içerir. Sferik bir lensde güç her meridyende aynıdır, ancak silindirik bir lensde güç açıya bağlı olarak değişir. Bu durum, lens kalınlığının çerçeveyenin farklı noktalarında farklı olmasına neden olur.<sup>20</sup>

### 5.1 Sinüs-Kare Kuralı (Sine-Squared Law)

Lensin kalınlığını belirli bir meridyende (örneğin çerçevenin en geniş olduğu 180 derece meridyeninde veya 135 derece köşesinde) hesaplamak için, o açıdaki diyoptrik gücün bilmemiz gereklidir.

Bir  $\theta$  meridyenindeki toplam güç ( $F_\theta$ ), silindirik aks ( $\alpha$ ) ile yapılan açı farkına bağlıdır:

$$F_\theta = F_{sph} + F_{cyl} \cdot \sin^2(\theta - \alpha)$$

Burada:

- $F_{sph}$ : Reçetedeki Sferik değer.
- $F_{cyl}$ : Reçetedeki Silindirik değer.
- $\alpha$ : Silindirik Aks ( $0^\circ$  ile  $180^\circ$  arası).
- $\theta$ : Gücün hesaplanacağı meridyen (Örn: Çerçevenin temporal kenarı için  $180^\circ$ ).<sup>2</sup>

**Örnek:** Reçete: -4.00 -2.00 x 90.

- **180° Meridyeninde Güç (Yatay):**

Açı farkı:  $|180^\circ - 90^\circ| = 90^\circ$

$$\sin(90) = 1, \sin^2(90) = 1$$

$$F_{180} = -4.00 + (-2.00 \cdot 1) = -6.00 \text{ D.}$$

Sonuç: Lens yatay eksende -6.00 D gibi davranışır ve en kalın halini alır.

- **90° Meridyeninde Güç (Dikey):**

Açı farkı:  $|90^\circ - 90^\circ| = 0^\circ$

$$\sin(0) = 0$$

$$F_{90} = -4.00 + 0 = -4.00 \text{ D.}$$

Sonuç: Lens dikey eksende -4.00 D gibi davranışır ve daha incedir.

Bu formül, kalınlık hesaplama algoritmasının "Dinamik Güç Belirleme" adımında hayatı öneme sahiptir. Çerçevenin en uzak köşesindeki kalınlığı bulmak için, o köşenin açısından ( $\theta$ ) diyoptrik gücü kullanmak gereklidir.<sup>20</sup>

---

## 6. Algoritmik Kalınlık Hesaplama Modellemesi

Aşağıdaki bölüm, bir yazılım geliştiricisi veya optik mühendisi için, ham reçete ve çerçeve verilerini nihai milimetrik kalınlık değerine dönüştüren "Master Algoritma"yı adım adım sunmaktadır.

### Adım 1: Girdi Parametrelerinin Tanımlanması

Hesaplama için gerekli veriler toplanır:

- **Reçete:** Sferik ( $S$ ), Silindirik ( $C$ ), Aks ( $Ax$ ).
- **Çerçeve:** A, B, DBL, ED.
- **Kullanıcı:** PD (Monoküler).
- **Materyal:** Kırılma İndisi ( $n$ ).
- **Sabitler:** Minimum Merkez Kalınlığı ( $CT_{min}$ , miyoplar için) veya Minimum Kenar Kalınlığı ( $ET_{min}$ , hipermetroplar için).

### Adım 2: Çerçeve Entegrasyonu ve Desantrasyon

Kullanıcının bakış aksının çerçeveye içinde nereye düşüğü hesaplanır.

1. **Çerçeve PD (FPD):**  $FPD = A + DBL$
2. **Desantrasyon ( $Dec$ ):**  $Dec = \frac{FPD}{2} - PD$ 
  - o Eğer  $PD$  tekil (monoküler) verilmişse:  $Dec = \frac{FPD}{2} - PD_{mono}$ .
3. **Hesaplama Yarıçapı ( $h$ ):**

Miyop lenslerde en kalın nokta kenardır. En uzak kenar mesafesi (genellikle temporal):

$$h = \frac{ED}{2} + Dec$$

(Not: Bu, güvenli tarafta kalan bir yaklaşımındır. Daha kesin hesap için çerçevenin trace (iz) dasası gereklidir.).<sup>4</sup>

### Adım 3: Baz Eğri (Base Curve) Seçimi

Lensin ön yüzey eğriliği ( $F_1$ ), üreticilerin stok standartlarına veya Vogel Kuralı'na göre belirlenir.

- **Sferik Eşdeğer ( $SE$ ):**  $SE = S + \frac{C}{2}$
- **Vogel Kuralı (Miyop için):**  $BC \approx \frac{SE}{2} + 6.00$
- **Vogel Kuralı (Hipermetrop için):**  $BC \approx SE + 6.00$
- $F_1$  (Ön Yüzey Gücü) =  $BC$  (Genellikle pozitiftir).<sup>5</sup>

#### **Adım 4: Arka Yüzey Güçlerinin Hesaplanması**

Lensin toplam gücünü oluşturmak için arka yüzeyin ( $F_2$ ) ne olması gerekiği bulunur. Sferosilikindirik bir lensde arka yüzey toriktir, yani iki farklı meridyende iki farklı güçce sahiptir.

- **Hedef Güç ( $F_{target}$ ):** ilgili meridyendeki toplam reçete gücü (Sinüs-kare kuralı ile bulunur).

$$F_{target}(\theta) = S + C \cdot \sin^2(\theta - Ax)$$

- **Arka Yüzey Gücü ( $F_2$ ):**

$$F_2(\theta) = F_{target}(\theta) - F_1$$

(Not: Kalın lens formülü iihmal edilmiştir, geometrik kalınlık için ince lens yaklaşımı bu adımda kabul edilebilir sonuç verir, ancak ray-tracing yazılımları

$$F_{total} = F_1 + F_2 - \frac{t}{n} F_1 F_2 \text{ kullanır.}^{24}$$

#### **Adım 5: Yarıçap ve Sagitta Hesaplaması**

Bulunan  $F_1$  ve  $F_2$  güçleri, fizikal yarıçaplara ve ardından Sagitta yüksekliklerine dönüştürülür.

1. **Ön Yüzey Yarıçapı ( $r_1$ ):**  $r_1 = \frac{1000(n-1)}{F_1}$
2. **Arka Yüzey Yarıçapı ( $r_2$ ):**  $r_2 = \left| \frac{1000(n-1)}{F_2(\theta)} \right|$  (Mutlak değer alınır).
3. **Sagitta ( $s_1, s_2$ ):**

$$s_1 = r_1 - \sqrt{r_1^2 - h^2}$$

$$s_2 = r_2 - \sqrt{r_2^2 - h^2}$$

(Burada  $h$ , Adım 2'de bulunan hesaplama yarıçapıdır.).<sup>12</sup>

## Adım 6: Nihai Kalınlık Birleştirme

- **Miyop Lensler (Konkav,  $S < 0$ ):**

Merkez en incedir.  $CT$  (Merkez Kalınlığı) sabittir (Örn: 1.5 mm).

$$Kenar Kalınlığı(ET) = CT + s_2 - s_1$$

(Arka sagitta  $s_2$ , ön sagitta  $s_1$  'den büyütür, bu yüzden fark eklenir.).<sup>1</sup>

- **Hipermetrop Lensler (Konveks,  $S > 0$ ):**

Kenar en incedir.  $ET$  (Kenar Kalınlığı) sabittir (Örn: 1.0 mm).

$$Merkez Kalınlığı(CT) = ET + s_1 - s_2$$

(Ön sagitta  $s_1$ , arka sagitta  $s_2$  'den büyütür).<sup>14</sup>

---

## 7. Örnek Vaka Analizi ve Simülasyon

Teorik algoritmanın somut bir senaryo üzerinde uygulanması, formülasyonun doğruluğunu test etmek için elzemdir.

### Vaka Senaryosu:

- **Reçete:** OD -6.00 D Sferik, -2.00 D Silindirik, Aks 180°.
- **Çerçeve:** 54-16 (A=54, DBL=16), ED=58.
- **Kullanıcı PD:** 32 mm (Sağ Monoküler).
- **Materyal:** 1.60 indis ( $n = 1.60$ ).
- **Min. Merkez Kalınlığı ( $CT$ ):** 1.5 mm.

### Hesaplama Adımları:

#### 1. Geometri:

- $FPD = 54 + 16 = 70$  mm.
- $Dec = \frac{70}{2} - 32 = 35 - 32 = 3$  mm.
- En kalın nokta temporal kenardır. Aks 180° olduğu için silindirik güç tam etkisiyle (sinüs-kare 90° değil, aks yönünde güç minimaldır, fakat silindirik aksın dik meridyeninde güç maksimize olur).
- **Dikkat:** Optik notasyonda -2.00 x 180 demek, 180 derecede (yatay) silindirik güç 0,

90 derecede (dikey) silindirik güç -2.00 demektir.

- Temporal kenar (yatay eksen) gücü:

$$F_{180} = -6.00 + (-2.00) \sin^2(180 - 180) = -6.00 \text{ D.}$$

- Fakat ED vektörünün köşeye (örneğin 150 dereceye) uzandığını düşünürsek durum değişir. Basitleştirilmiş en kötü senaryo (worst-case) için yataydaki uzanımı ( $h$ ) kullanalım.

- $h = \frac{58}{2} + 3 = 32 \text{ mm.}$

### 2. Güç Analizi (180° Meridyeni için):

- $F_{total} = -6.00 \text{ D}$  (Yatay eksende silindirik güç etkisi yoktur).
- $SE = -6.00 + (-2.00)/2 = -7.00 \text{ D.}$
- Vogel Baz Eğri:  $BC = (-7.00/2) + 6.00 = 2.50 \text{ D.}$
- $F_1 = +2.50 \text{ D.}$
- $F_2 = -6.00 - (+2.50) = -8.50 \text{ D.}$

### 3. Sagitta Hesabı:

- Ön Yarıçap ( $r_1$ ):  $\frac{1000(1.60-1)}{2.50} = \frac{600}{2.50} = 240 \text{ mm.}$
- Arka Yarıçap ( $r_2$ ):  $\frac{1000(0.60)}{8.50} = \frac{600}{8.50} \approx 70.59 \text{ mm.}$
- Ön Sag ( $s_1$ ):  
$$240 - \sqrt{240^2 - 32^2} = 240 - \sqrt{57600 - 1024} = 240 - 237.86 = 2.14 \text{ mm.}$$
- Arka Sag ( $s_2$ ):  
$$70.59 - \sqrt{70.59^2 - 32^2} = 70.59 - \sqrt{4982.9 - 1024} = 70.59 - 62.92 = 7.67 \text{ mm.}$$

### 4. Sonuç:

- $ET = CT + s_2 - s_1$
- $ET = 1.5 + 7.67 - 2.14 = 9.03 \text{ mm.}$

**Yorum:** 1.60 indeksli bir camda bile, -6.00 numara ve geniş bir çerçeveye (ED 58) ile kenar kalınlığı 9 mm'ye ulaşabilmektedir. Bu hesaplama, hastaya neden daha küçük bir çerçeve veya 1.67/1.74 indeks önerilmesi gerektiğini matematiksel olarak kanıtlar.<sup>21</sup>

---

## 8. İleri Düzey Konular ve Prizmatik İnceltme

Modern progresif (çok odaklı) lenslerde ve bazı tek odaklı dijital lenslerde, kalınlığı dengelemek için "Prizmatik İnceltme" (Prism Thinning veya Equi-thinning) uygulanır.

## 8.1 Prizma Kalınlığı ( $\Delta t$ )

Prizma, ışığı tabanına doğru kırarken, lensin geometrisinde de taban yönünde bir kalınlaşma yaratır. Prizmaya bağlı kalınlık farkı şu formülle hesaplanır:

$$\Delta t = \frac{d \cdot P}{100(n - 1)}$$

Burada  $P$  prizma diyoptrisidir. Bu formül, özellikle anizometropi (iki göz arasında numara farkı) durumlarında, iki camın ağırlığını ve kalınlığını dengelemek (Slab-off) veya progresif lenslerde yukarı/aşağı bakışta kalınlığı eşitlemek için kullanılır.<sup>14</sup>

## 8.2 Asferik Yüzeylerin Katkısı

Yukarıdaki hesaplamlar küresel (sferik) varsayımlara dayanır. Asferik lensler, merkezden çevreye doğru eğriliğin değiştiği (flattening) özel yüzeylerdir. Asferik bir yüzeyin sagittası, standart küresel formülden daha düşüktür:

$$s(y)_{asferik} \approx s(y)_{sferik} \cdot (1 - \text{Asphericity Factor})$$

Genellikle asferik tasarım, artı (+) numaralı camlarda merkez kalınlığını, eksi (-) numaralı camlarda ise kenar kalınlığını %10-%15 oranında azaltabilir.<sup>28</sup> Bu raporda sunulan küresel algoritmalar, asferik lensler için "en kötü senaryo" (maksimum kalınlık) tahmini olarak kabul edilmelidir; gerçek ürün daha ince olacaktır.

---

## 9. Sonuç

Gözlük camı kalınlık hesaplaması, basit bir aritmetik işlemden ziyade, geometrik optik ve analitik geometrinin iç içe geçtiği bir mühendislik sürecidir. Bu raporda sunulan formülasyon ve algoritma, optisyenlerin ve lens üreticilerinin aşağıdaki hedeflere ulaşmasını sağlar:

- Doğru Materyal Önerisi:** Reçete verilerine dayanarak, hangi kırıcılık indisinin (1.50, 1.60, 1.67, 1.74) optimum estetik/maliyet dengesini sunduğunun kanıtlanması.
- Çerçeve Seçimi Danışmanlığı:** ED ve desantrasyonun karesel ( $y^2$ ) etkisi nedeniyle, çerçeve boyutunun kalınlık üzerindeki dramatik etkisinin simüle edilmesi.
- Üretim Hassasiyeti:** Laboratuvar kesim (edging) makineleri için gereken ham cam çapının (MBS) ve kenar profilinin öngörülmesi.

Özetle,  $ET = CT + s_2 - s_1$  temel denklemi, doğru yarıçap dönüşümleri ve çerçeve entegrasyonu ile birleştiğinde, oftalmik optigin en güçlü tahminleme araçlarından birini oluşturur.

---

## Referans Veri Kaynakları

Bu rapor, aşağıdaki araştırma veri parçalarından sentezlenen bilgilerle oluşturulmuştur:

- **Sagitta ve Geometri:**<sup>1</sup>
- **Boxing ve Çerçeve:**<sup>2</sup>
- **Optik Fizik ve Materyal:**<sup>3</sup>
- **Sferosilikindirik Hesap:**<sup>2</sup>
- **Baz Eğri (Vogel):**<sup>5</sup>

(Rapor Sonu)

## Alıntılanan çalışmalar

1. Continuing Education Course - OptiCampus.com, erişim tarihi Ocak 24, 2026, [https://opticampus.optivision/cecourse.php?url=high\\_powered/](https://opticampus.optivision/cecourse.php?url=high_powered/)
2. Methods for Estimating Lens Thickness - Laramy-K Optical, erişim tarihi Ocak 24, 2026, <http://static.laramyk.com/wp-content/uploads/2010/05/methods.pdf>
3. Understanding Lens Index: A Comprehensive Guide To Eyeglass Lenses, erişim tarihi Ocak 24, 2026, <https://www.glassesshop.com/blog/understanding-lens-index>
4. Mastering Minimum Blank Size: Your Practice Exercise for Ophthalmic Frames, erişim tarihi Ocak 24, 2026, <https://opticaltraining.com/blog/mastering-minimum-blank-size-your-practice-exercise-for-ophthalmic-frames/>
5. Ophthalmic Lens Design - OptiCampus.com, erişim tarihi Ocak 24, 2026, [https://opticampus.optivision/popcourse.php?url=lens\\_design/](https://opticampus.optivision/popcourse.php?url=lens_design/)
6. Guide to High-Index Lenses - Optometrists.org, erişim tarihi Ocak 24, 2026, <https://www.optometrists.org/general-practice-optometry/optical/guide-to-optical-lenses/guide-to-high-index-lenses/>
7. 1.56 vs 1.6 vs 1.67 vs 1.74 Lenses: How to Choose Based on Prescription - HP eyeglasses, erişim tarihi Ocak 24, 2026, <https://www.hpglasses.com/blogs/buying-guide/choosing-the-right-lens-index-a-guide-to-1-56-1-6-1-67-and-1-74>
8. Understanding Lens Index Numbers: Choosing the Right Fit for Your Vision - Zenni Optical, erişim tarihi Ocak 24, 2026, <https://www.zennioptical.com/blog/understanding-lens-index-numbers/>
9. Lens Thickness and Refractive Index - Easy Optic, erişim tarihi Ocak 24, 2026, <https://www.easyoptic.cz/en/eye-wear/lens-thickness-and-refractive-index/>

10. Sagitta (optics) - Wikipedia, erişim tarihi Ocak 24, 2026,  
[https://en.wikipedia.org/wiki/Sagitta\\_\(optics\)](https://en.wikipedia.org/wiki/Sagitta_(optics))
11. Sagitta & Center thickness of a lens - YouTube, erişim tarihi Ocak 24, 2026,  
<https://www.youtube.com/watch?v=kixoBFr-3xo>
12. High-Powered Lenses and Thickness - OptiCampus.com, erişim tarihi Ocak 24, 2026, [https://opticampus.opti.vision/popcourse.php?url=high\\_powered/](https://opticampus.opti.vision/popcourse.php?url=high_powered/)
13. Thick lenses - Ento Key, erişim tarihi Ocak 24, 2026,  
<https://entokey.com/thick-lenses-2/>
14. Optics Study Guide - Opticiansfriend.com, erişim tarihi Ocak 24, 2026,  
<https://www.opticiansfriend.com/articles/equations.html>
15. Boxing System of Eyeglass Frame Measurement | Laramy-K Independent Optical Lab, erişim tarihi Ocak 24, 2026,  
<https://www.laramyk.com/resources/education/dispensing/boxing-system/>
16. What Is the Boxing System (Frame Measurement)? - Lens.com, erişim tarihi Ocak 24, 2026,  
<https://www.lens.com/what-is/the-boxing-system-frame-measurement/>
17. The Distance Between Two Vectors - YouTube, erişim tarihi Ocak 24, 2026,  
[https://www.youtube.com/watch?v=WV\\_MgugxP3Q](https://www.youtube.com/watch?v=WV_MgugxP3Q)
18. Vector Addition Calculator, erişim tarihi Ocak 24, 2026,  
<https://www.omnicalculator.com/math/vector-addition>
19. ABO Optical Formulas - IcareLabs Blog, erişim tarihi Ocak 24, 2026,  
<https://blog.icarelabs.com/blog/abo-optical-formulas>
20. Lens Form and Analysis: Power of a Lens in Various Meridians - Optical Training Institute, erişim tarihi Ocak 24, 2026,  
<https://opticaltraining.com/blog/lens-form-analysis/>
21. Ophthalmic Lens Thickness Part -2 - Optician India, erişim tarihi Ocak 24, 2026,  
<https://opticianindia.com/article-detail/283>
22. Base Curve Basics - Optical Training Institute, erişim tarihi Ocak 24, 2026,  
<https://opticaltraining.com/blog/base-curve-basics/>
23. Let's Talk About Base Curves (Sample Lesson) - OpticianWorks Online Optician Training, erişim tarihi Ocak 24, 2026,  
<https://opticianworks.com/lesson/lets-talk-base-curves/>
24. 13 Central and edge thickness of the spectacle lens calculation during manufacturing - IS MUNI, erişim tarihi Ocak 24, 2026,  
[https://is.muni.cz/do/rect/el/estud/lf/ps21/spectacle\\_technique\\_technology/web/docs/03\\_13\\_lens\\_thickness\\_6c410.pdf](https://is.muni.cz/do/rect/el/estud/lf/ps21/spectacle_technique_technology/web/docs/03_13_lens_thickness_6c410.pdf)
25. Continuing Education Course - The National Academy of Opticianry, erişim tarihi Ocak 24, 2026,  
<https://www.nao.org/wp-content/uploads/2020/12/Lens-Powers-2.pdf>
26. Middle and peripheral thickness of the spectacle lens calculation ..., erişim tarihi Ocak 24, 2026,  
[https://is.muni.cz/do/rect/el/estud/lf/ps21/spectacle\\_technique\\_technology/web/pages/03\\_13\\_lens\\_thickness.html](https://is.muni.cz/do/rect/el/estud/lf/ps21/spectacle_technique_technology/web/pages/03_13_lens_thickness.html)
27. Lens edge thickness calculator & example estimates for glasses frames - Minus Eyewear, erişim tarihi Ocak 24, 2026,

<https://www.minus-eyes.com/blogs/news/lens-thickness-calculator-for-glasses>

28. Lensmaker's Equation - StatPearls - NCBI Bookshelf, erişim tarihi Ocak 24, 2026,  
<https://www.ncbi.nlm.nih.gov/books/NBK594278/>

29. base curve.pptx, erişim tarihi Ocak 24, 2026,

<https://www.slideshare.net/slideshow/base-curvepptx/257741515>