Giảng viên ra đề: 15-5-2024	<b>Người phê duyệt:</b> 15-5-2024
Nguyễn An Khương et al.	$(Ch ilde{u}\ k ilde{y}\ va\ ho\ t\hat{e}n)$

BK TP-MGM
TRƯỜNG ĐH BÁCH KHOA - ĐHQG-HCM
KHOA KH & KT MÁY TÍNH

THI CUỐI KỲ		Học kỳ / Năm học		
		Ngày thi	13/06/2024	
Môn học	Cấu trúc	rời rạc cho KHMT		
Mã môn học	CO1007			
Thời lượng	90 phút	Mã đề		3111

Ghi chú: - Sinh viên được phép đem theo một tờ A4 viết tay và được dùng máy tính cầm tay.

- Chon đáp án đúng nhất cho mỗi câu hỏi.
- Sinh viên nộp lại đề sau khi thi.
- 1. (L.O.4.1) Có sáu trạm phát sóng được bố trí cách nhau như trong bảng ở dưới đây (ví dụ như khoảng cách từ trạm một và trạm hai là 85 km, khoảng cách từ trạm ba đến trạm năm là 200 km). Biết rằng các trạm phát sóng không thể dùng chung một kênh nếu chúng cách nhau dưới  $150 \text{ km} (\leq 150)$ . Hỏi trong trường hợp tối ưu về mặt bố trí, chúng ta cần có tối thiểu bao nhiêu kênh để có thể phát sóng các trạm trên?

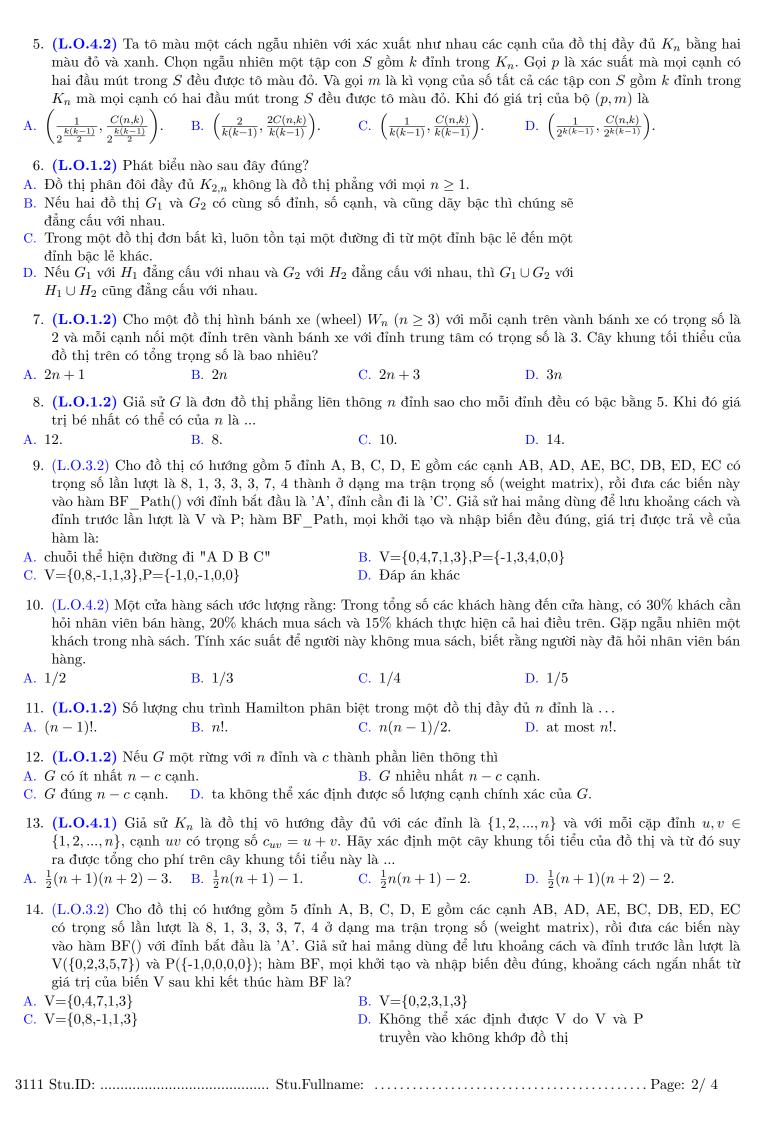
	1	2	3	4	5	6
1	_	85	175	200	50	100
2	85	_	125	175	100	160
3	175	125	_	100	200	250
4	200	175	100	_	210	220
5	50	100	200	210	_	100
6	100	160	250	220	100	_

A. 1. B. 2. C. 3.

D. 4.

- 2. (L.O.1.2) Phát biểu nào sau đây không đúng?
- A. Nếu (m=2, và n lẻ), hoặc (m lẻ, và n=2), thì đồ thị phân đôi đầy đủ  $K_{m,n}$  có chứa một đường đi Euler.
- B. Một biến cố có thể độc lập với chính nó.
- C. Khi m và n chẵn, thì đồ thị phân đôi đầy đủ  $K_{m,n}$  có chứa một chu trình Euler.
- D. E và F là hai biến cố độc lập khi và chỉ khi  $\overline{E}$  và F là hai biến cố độc lập.
  - 3. (L.O.1.2) Đồ thị chứa chu trình Hamilton được gọi là Hamiltonian. Đồ thị nào sau đây là Hamiltonian?
- A. Đồ thị phân đôi đầy đủ  $K_{n,n}$   $(n \ge 2.)$
- B. Tất cả phương án đều đúng.
- C. Khối n chiều (hypercube)  $Q_n$   $(n \ge 2)$
- D. Đồ thị hình bánh xe (wheel)  $W_n$   $(n \ge 3)$
- 4. (L.O.3.2) Trong các thời khắc quan trọng của các sự kiện giao tranh khốc liệt trên địa cầu kể từ cuối năm 2023, cơ quan Inter-Pol ước tính rằng có khoảng M phần tử khủng bố (kẻ cực đoan bạo lực- máu lạnh, brutal extremists) trên toàn cầu. Chính phủ Hoa Kỳ hàng tuần đều quan sát một nhóm lớn H với số lượng cố định K du khách đến đất nước của họ, với K > M, và rồi chọn ngẫu nhiên k khách trong nhóm H để tạo thành mẫu ngẫu nhiên  $V = \{v_1, v_2, \dots, v_k\}$  có kích thước k, trong đó  $M < k \ll K$ . Số lượng kẻ khủng bố giả dạng du khách trong mẫu V được ký hiệu là Y, nhưng chúng ta không biết giá trị cụ thể của nó. Giá trị trung bình (expected value) những kẻ khủng bố có thể vào Hoa Kỳ mỗi tuần,  $\mathbf{E}[Y]$ , được ước tính là

- A.  $\mathbf{E}[Y] = 7 \frac{k}{K}$ . B.  $\mathbf{E}[Y] = \frac{M}{K}$ . C.  $\mathbf{E}[Y] = 7 \frac{M}{K}$ .



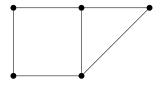
- 15. (L.O.1.2) Một đồ thị  $\mathbf{m}$  phần đầy đủ (complete  $\mathbf{m}$ -partite graph)  $K_{n_1,n_2,...,n_m}$  là đồ thị có các đỉnh được phân vùng (partitioned) vào m tập con  $n_1, n_2, \ldots, n_m$ , và các đỉnh chỉ được nối với nhau khi chúng nằm trong các tập con khác nhau (nối đầy đủ).
  - Gợi ý: Chúng ta có thể xem đồ thị **m phần đầy đủ** là mở rộng của đồ thị phân đôi (bi-partite) đầy đủ có m phân vùng. Hỏi có bao nhiêu đỉnh (N) và cạnh (E) của đồ thị m phần đầy đủ  $K_{n_1,n_2,\ldots,n_m}$ ?
- B.  $N = \sum_{i=1}^m n_i$ ,  $E = \sum_{1 \le i < j \le n} n_i n_j$ .

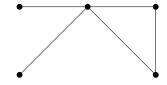
  D. Không có câu nào trong các đán á
- A.  $N = \sum_{i=1}^{m} n_i$ ,  $E = \sum_{1 \le i < j \le m} n_i n_j$ . C.  $N = \sum_{i=1}^{n} n_i$ ,  $E = \sum_{1 \le i < j \le n} n_i n_j$ .
- D. Không có câu nào trong các đáp án trên là đúng.

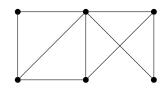
Questions 16–17 use the same assumption- definition below.

Giả sử đồ thị vô hướng G = (V, E) không liên thông với p = 3 thành phần liên thông, trong đó tập đỉnh V có tổng số n = 16 đỉnh và tập cạnh E có m cạnh.

- 16. (L.O.3.2) Khoảng tốt nhất [L, U] giới hạn số cạnh m trong đồ thị G [có nghĩa là giới hạn dưới  $L \leq m$  và giới hạn trên  $U \geq m$  ] là
- A. [L, U] = [13, 90].
- B. [L, U] = [13, 91]. C. [L, U] = [14, 90]. D. [L, U] = [15, 92].
- 17. (L.O.3.2) Đồ thị G = (V, E) nói ở trên được sử dụng để thiết kế địa đồ cho một khu đô thị mới, gọi là  $\mathbf{MA}$ , ở ngoại ô TP.HCM, ở đó đỉnh v là những tòa nhà cao tầng có cùng cấu trúc và mỗi cạnh  $e = \{u, v\}$  là đoạn đường nối các tòa nhà u,v. Do khu vực này bao gồm 3 hòn đảo biệt lập nên nhóm kiến trúc sư ban đầu quy hoạch 3 ngôi làng biệt lập (rời nhau) là A, B, C khớp với các hòn đảo, và do đó, đồ thị G với n = 16 tòa nhà cao tầng và p=3 thành phần liên thông rời nhau về cơ bản đáp ứng nhu cầu di chuyển "địa phương" của cư dân tương lai, xem hình bên dưới.







A

BC

Tuy nhiên, để đáp ứng tốt hơn các tiên ích sinh sống của cư dân của khu dân cư mới MA (ví du, ho có thể hoàn toàn đi lại thuận tiện giữa tất cả các tòa nhà trong khu MA), nhóm kiến trúc sư quyết định thay đổi quy hoạch thành một thiết kế mới  $G_* = (V, E_*)$ , trong đó tất cả các tòa nhà  $v \in V$  phải được kết nối với nhau nhờ một số đoạn đường mới  $m_* = |E_*|$  thêm mà có thể lớn hơn m = |E|, số lượng đoạn đường cũ. Theo bạn, để chắc chắn có thiết kế tốt  $G_*$ , ràng buộc chính xác nhất về số đoạn đường mới  $m_*$  là gì?

- A.  $m_* \ge m + n p$ .
- B.  $m_* \ge 111$ .
- C.  $m_* \ge 121$ .
- D.  $m_* \ge m + 16$ .
- 18. (L.O.4.2) Xét nghiệm máu trong phòng thí nghiệm có hiệu quả 99% trong việc phát hiện một bệnh nhất định khi nó thực sự có mặt (nghĩa là, nếu một người thực sự mắc bệnh khi làm xét nghiệm sẽ cho kết quả dương tính với xác suất 99%). Tuy nhiên, xét nghiệm cũng cho kết quả "dương tính giả" đối với 1% số người khỏe mạnh được xét nghiệm. (Nghĩa là, nếu một người khỏe mạnh được xét nghiệm thì với xác suất 0,01, kết quả xét nghiệm sẽ cho thấy người đó mắc bệnh.) Nếu 0,5% dân số thực sự mắc bệnh, xác suất một người mắc bệnh là bao nhiều khi kết quả xét nghiệm của anh ta dương tính?
- A. 0.495.
- B. 0.33.

- C. 0.99.
- D. Phương án khác.
- 19. (L.O.1.2) Giả sử G là đơn đồ thị phẳng liên thông n đỉnh sao cho mỗi đỉnh đều có bậc ít nhất bằng 5 và có ít nhất một đỉnh bậc 8. Khi đó giá trị bé nhất có thể có của n là ...
- A. 15.

B. 12.

C. 14.

- D. 16.
- 20. (L.O.4.2) Một gia đình có ba người con có tuổi khác nhau từng đôi một với tên là A, B, and C. Khi đó xác suất để A lớn tuổi hơn B, nếu biết rằng A lớn tuổi hơn C là ...
- A. 2/3.

B. 1/3.

C. 1/2.

D. 3/4.

- 21. (L.O.3.2) Cho 2 biến ngẫu nhiên độc lập tuân theo phân phối nhị thức  $X \sim Bin(n_1, p_1)$  và  $Y \sim Bin(n_2, p_2)$ . Phát biểu nào sau đây ĐÚNG?
- A.  $X + Y \sim Bin(n_1 + n_2, p_1 + p_2)$ .

  B.  $X + Y \sim Bin(n_1 + n_2, p)$  nếu  $p_1 = p_2 = p$ .

  C.  $X + Y \sim Bin(n, p)$  nếu  $p_1 = p_2 = p$  và  $n_1 = n_2 = n$ .

  D. Phương án khác

- D. Phương án khác.
- 22. (L.O.3.2) Cho đồ thị vô hướng gồm 4 đỉnh A, B, C, D gồm các cạnh AB, AC, AD, BD có cùng trọng số 2 ở dang ma trân trong số (weight matrix), khởi tao hai mảng V và P lần lượt để chứa giá tri và đỉnh trước (previous) cho thuật toán Bell-man Ford rồi đưa các biến này vào hàm BF() với đỉnh bắt đầu là 'B'. Giả sử hàm BF, mọi khởi tạo và nhập biến đều đúng, các giá trị được trả về của hàm là:
- A. chuỗi thể hiện đường đi "B A D"
- B.  $V = \{-1,0,-1,-1\}, P = \{-1,-1,-1,-1\}$

C.  $V = \{2,0,-1,2\}, P = \{1,-1,-1,1\}$ 

- D. Các đáp án khác đều sai
- 23. (L.O.3.2) Giả sử có m>0 kẻ khủng bố trong nhóm G gồm N du khách đến Mỹ mỗi ngày. Trên thực tế, chúng ta cần một giả định thực tế hơn rằng  $1 < m \le N$ , tất cả đều là số tự nhiên. Đặt  $S = \{b_1, b_2, \dots, b_n\}$ là mẫu ngẫu nhiên được lấy bằng cách chọn ngẫu nhiên n khách  $b_i$  trong G, với điều kiện  $m < n \ll N$ . Số lượng kẻ khủng bố X trong mẫu S có thể được biểu thị bằng biến ngẫu nhiên có phân phối ...

- A. nhị thức  $\mathbf{Bin}(n,p)$  với  $p=\frac{m}{N}.$ C. hình học  $\mathbf{Geom}(n,p)$  với  $p=\frac{m}{N}.$
- B. Bernoulli  $\mathbf{B}(p)$  với  $p=\frac{m}{N}$ .

  D. nhị thức  $\mathbf{Bin}(n,p)$  với  $p=\frac{m}{n}$ .
- 24. (L.O.3.1) Có một trò chơi diễn ra như sau: Người chơi và một máy tính của nhà cái sẽ chọn ngẫu nhiên năm số (có thể giống nhau) trong tập {0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9}. Người chơi phải trả \$2 để chơi và có thể kiếm được \$100.000 nếu bạn khớp tất cả năm số theo thứ tự (nhận lại được \$2 công với \$100.000 tiền thưởng). Hỏi trò chơi có công bằng không? và tại sao?
- A. Trò chơi này là công bằng, ban có thể kiếm được rất nhiều tiền.
- B. Trò chơi này không công bằng vì thực tế kì vong trung bình người chơi sẽ mất ≈ \$1 mỗi lần chơi.
- C. Trò chơi này không công bằng vì thực tế kì vọng trung bình người chơi sẽ mất  $\approx $0.5$  mỗi lần chơi.
- D. Trò chơi này không công bằng vì thực tế kì vọng trung bình người chơi sẽ mất  $\approx $1.5$  mỗi lần chơi.
- 25. (L.O.3.2) Cho đồ thị vô hướng gồm 5 đỉnh A, B, C, D, E gồm các cạnh AB, AD, AE, BC, DB, ED, EC có trong số lần lượt là 8, 1, 3, 3, 3, 7, 4 ở dang ma trân trong số (weight matrix), rồi đưa các biến này vào hàm Traveling() với đỉnh bắt đầu là 'A'. Giả sử mọi khởi tạo và nhập biến đều đúng, câu nào sau đây không thể là giá trị trả về của hàm?
- A. chuỗi thể hiện đường đi "A D B C E A"
- B. chuỗi thể hiện đường đi "A D E C B A"
- C. chuỗi thể hiện đường đi "A E C B D A"
- D. Đáp án khác

## Solution 3111

20. A.

25. D.

8. A. 21. B. 1. C. 15. A. 2. A. 9. D. 22. B. 16. B. 3. B. 10. A. 17. C. 23. A. 4. D. 11. A. 18. B. 5. A. 12. **C**. 24. B. 13. A. 19. **A**. 6. C.

14. B.

7. A.

Giảng viên ra đề:	15-5-2024	Người phê duyệt:	15-5-2024
Nguyễn An Khương et al.		(Chữ ký và họ tên)	

BK PHON
TRƯỜNG ĐH BÁCH KHOA - ĐHQG-HCM
KHOA KH & KT MÁY TÍNH

THI CUỐI KỲ		Học kỳ / Năm học Ngày thi	2   2023-2024 13/06/2024
Môn học	Cấu trúc	rời rạc cho KHMT	
Mã môn học	CO1007		
Thời lượng	90 phút	Mã đề	3112

Ghi chú: - Sinh viên được phép đem theo một tờ A4 viết tay và được dùng máy tính cầm tay.

- Chon đáp án đúng nhất cho mỗi câu hỏi.
- Sinh viên nộp lại đề sau khi thi.
- 1. (L.O.4.2) Ta tô màu một cách ngẫu nhiên với xác xuất như nhau các cạnh của đồ thị đầy đủ  $K_n$  bằng hai màu đỏ và xanh. Chọn ngẫu nhiên một tập con S gồm k đỉnh trong  $K_n$ . Gọi p là xác suất mà mọi cạnh có hai đầu mút trong S đều được tô màu đỏ. Và gọi m là kì vọng của số tất cả các tập con S gồm k đỉnh trong  $K_n$  mà mọi cạnh có hai đầu mút trong S đều được tô màu đỏ. Khi đó giá trị của bộ (p,m) là
- B.  $\left(\frac{1}{2^{\frac{k(k-1)}{2}}}, \frac{C(n,k)}{2^{\frac{k(k-1)}{2}}}\right)$ . C.  $\left(\frac{2}{k(k-1)}, \frac{2C(n,k)}{k(k-1)}\right)$ . D.  $\left(\frac{1}{k(k-1)}, \frac{C(n,k)}{k(k-1)}\right)$ .

- 2. (L.O.1.2) Giả sử G là đơn đồ thị phẳng liên thông n đỉnh sao cho mỗi đỉnh đều có bậc bằng 5. Khi đó giá trị bé nhất có thể có của n là ...

C. 8.

- 3. (L.O.4.1) Có sáu tram phát sóng được bố trí cách nhau như trong bảng ở dưới đây (ví du như khoảng cách từ trạm một và trạm hai là 85 km, khoảng cách từ trạm ba đến trạm năm là 200 km). Biết rằng các trạm phát sóng không thể dùng chung một kênh nếu chúng cách nhau dưới  $150 \text{ km} (\leq 150)$ . Hỏi trong trường hợp tối ưu về mặt bố trí, chúng ta cần có tối thiểu bao nhiêu kênh để có thể phát sóng các tram trên?

	1	2	3	4	5	6
1	_	85	175	200	50	100
2	85	_	125	175	100	160
3	175	125	_	100	200	250
4	200	175	100	_	210	220
5	50	100	200	210	_	100
6	100	160	250	220	100	_

A. 4.

B. 1.

C. 2.

D. 3.

- 4. (L.O.1.2) Phát biểu nào sau đây không đúng?
- A. E và F là hai biến cố độc lập khi và chỉ khi  $\overline{E}$  và F là hai biến cố độc lập.
- B. Nếu (m=2, và n lẻ), hoặc (m lẻ, và n=2), thì đồ thị phân đôi đầy đủ  $K_{m,n}$  có chứa một đường đi Euler.
- C. Một biến cố có thể độc lập với chính nó.
- D. Khi m và n chẵn, thì đồ thị phân đôi đầy đủ  $K_{m,n}$  có chứa một chu trình Euler.
- 5. (L.O.1.2) Giả sử G là đơn đồ thị phẳng liên thông n đỉnh sao cho mỗi đỉnh đều có bậc ít nhất bằng 5 và có ít nhất một đỉnh bậc 8. Khi đó giá trị bé nhất có thể có của n là ...
- A. 16.

B. 15.

C. 12.

D. 14.

6.	(L.O.3.2) Trong các thời khắc quan trọng của các sự kiện giao tranh khốc liệt trên địa cầu kể từ cuối năm
	2023, cơ quan Inter-Pol ước tính rằng có khoảng $M$ phần tử khủng bố (kẻ cực đoan bạo lực- máu lạnh, $brutal$
	extremists) trên toàn cầu. Chính phủ Hoa Kỳ hàng tuần đều quan sát một nhóm lớn $H$ với số lượng cố
	định $K$ du khách đến đất nước của họ, với $K>M$ , và rồi chọn ngẫu nhiên $k$ khách trong nhóm $H$ để tạo
	thành mẫu ngẫu nhiên $V = \{v_1, v_2, \dots, v_k\}$ có kích thước $k$ , trong đó $M < k \ll K$ . Số lượng kẻ khủng bố
	giả dạng du khách trong mẫu $V$ được ký hiệu là $Y$ , nhưng chúng ta không biết giá trị cụ thể của nó. Giá trị
	trung bình (expected value) những kẻ khủng bố có thể vào Hoa Kỳ mỗi tuần, $\mathbf{E}[Y]$ , được ước tính là

A. 
$$\mathbf{E}[Y] = k \frac{M}{K}$$
.

A. 
$$\mathbf{E}[Y] = k \frac{M}{K}$$
. B.  $\mathbf{E}[Y] = 7 \frac{k}{K}$ . C.  $\mathbf{E}[Y] = \frac{M}{K}$ . D.  $\mathbf{E}[Y] = 7 \frac{M}{K}$ .

$$\mathbf{C.} \ \mathbf{E}[Y] = \frac{M}{K}.$$

$$\mathbf{D.} \ \mathbf{E}[Y] = 7 \ \frac{M}{K}.$$

7. (L.O.1.2) Nếu G một rừng với n đỉnh và c thành phần liên thông thì

A. ta không thể xác định được số lượng cạnh chính xác của G.

B. G có ít nhất n-c cạnh.

C. G nhiều nhất n-c cạnh.

D. G đúng n-c cạnh.

- 8. (L.O.1.2) Phát biểu nào sau đây đúng?
- A. Nếu  $G_1$  với  $H_1$  đẳng cấu với nhau và  $G_2$  với  $H_2$  đẳng cấu với nhau, thì  $G_1 \cup G_2$  với  $H_1 \cup H_2$  cũng đẳng cấu với nhau.
- B. Đồ thị phân đôi đầy đủ  $K_{2,n}$  không là đồ thị phẳng với mọi  $n \geq 1$ .
- C. Nếu hai đồ thị  $G_1$  và  $G_2$  có cùng số đỉnh, số cạnh, và cũng dãy bậc thì chúng sẽ đẳng cấu với nhau.
- D. Trong một đồ thi đơn bất kì, luôn tồn tại một đường đi từ một đỉnh bậc lẻ đến một đỉnh bâc lẻ khác.
  - 9. (L.O.3.2) Giả sử có m > 0 kẻ khủng bố trong nhóm G gồm N du khách đến Mỹ mỗi ngày. Trên thực tế, chúng ta cần một giả định thực tế hơn rằng  $1 < m \le N$ , tất cả đều là số tự nhiên. Đặt  $S = \{b_1, b_2, \dots, b_n\}$ là mẫu ngẫu nhiên được lấy bằng cách chọn ngẫu nhiên n khách  $b_i$  trong G, với điều kiện  $m < n \ll N$ . Số lượng kẻ khủng bố X trong mẫu S có thể được biểu thị bằng biến ngẫu nhiên có phân phối ...

A. nhị thức 
$$\mathbf{Bin}(n,p)$$
 với  $p=\frac{m}{n}$ .  
C. Bernoulli  $\mathbf{B}(p)$  với  $p=\frac{m}{N}$ .

B. nhị thức 
$$\mathbf{Bin}(n,p)$$
 với  $p = \frac{m}{N}$ .

- B. nhị thức  $\mathbf{Bin}(n,p)$  với  $p=\frac{m}{N}$ . D. hình học  $\mathbf{Geom}(n,p)$  với  $p=\frac{m}{N}$ .
- 10. (L.O.3.2) Cho đồ thị vô hướng gồm 4 đỉnh A, B, C, D gồm các cạnh AB, AC, AD, BD có cùng trọng số 2 ở dạng ma trận trọng số (weight matrix), khởi tạo hai mảng V và P lần lượt để chứa giá trị và đỉnh trước (previous) cho thuật toán Bell-man Ford rồi đưa các biến này vào hàm BF() với đỉnh bắt đầu là 'B'. Giả sử hàm BF, mọi khởi tạo và nhập biến đều đúng, các giá trị được trả về của hàm là:
- A. Các đáp án khác đều sai

B. chuỗi thể hiện đường đi "B A D"

C.  $V = \{-1,0,-1,-1\}, P = \{-1,-1,-1,-1\}$ 

- D.  $V = \{2,0,-1,2\}, P = \{1,-1,-1,1\}$
- 11. (L.O.3.2) Cho đồ thị có hướng gồm 5 đỉnh A, B, C, D, E gồm các cạnh AB, AD, AE, BC, DB, ED, EC có trọng số lần lượt là 8, 1, 3, 3, 7, 4 thành ở dạng ma trận trọng số (weight matrix), rồi đưa các biến này vào hàm BF Path() với đỉnh bắt đầu là 'A', đỉnh cần đi là 'C'. Giả sử hai mảng dùng để lưu khoảng cách và đỉnh trước lần lượt là V và P; hàm BF Path, mọi khởi tạo và nhập biến đều đúng, giá trị được trả về của hàm là:
- A. Đáp án khác

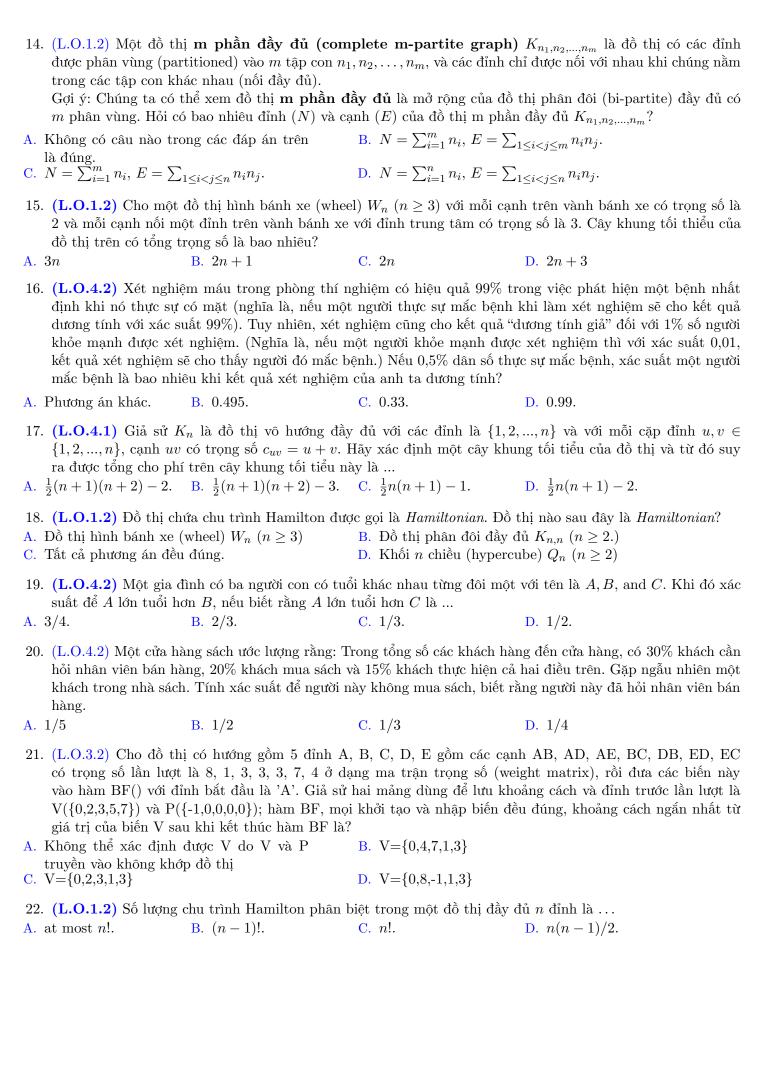
B. chuỗi thể hiện đường đi "A D B C"

C.  $V = \{0,4,7,1,3\}, P = \{-1,3,4,0,0\}$ 

- D.  $V = \{0,8,-1,1,3\}, P = \{-1,0,-1,0,0\}$
- 12. (L.O.3.2) Cho đồ thị vô hướng gồm 5 đỉnh A, B, C, D, E gồm các cạnh AB, AD, AE, BC, DB, ED, EC có trong số lần lượt là 8, 1, 3, 3, 3, 7, 4 ở dang ma trân trong số (weight matrix), rồi đưa các biến này vào hàm Traveling() với đỉnh bắt đầu là 'A'. Giả sử mọi khởi tạo và nhập biến đều đúng, câu nào sau đây không thế là giá trị trả về của hàm?
- A. Đáp án khác

- B. chuỗi thể hiện đường đi "A D B C E A"
- C. chuỗi thể hiện đường đi "A D E C B A"
- D. chuỗi thể hiện đường đi "A E C B D A"
- 13. (L.O.3.2) Cho 2 biến ngẫu nhiên độc lập tuân theo phân phối nhị thức  $X \sim Bin(n_1, p_1)$  và  $Y \sim Bin(n_2, p_2)$ . Phát biểu nào sau đây ĐÚNG?
- A. Phương án khác. B.  $X + Y \sim Bin(n_1 + n_2, p_1 + p_2)$ .
- C.  $X + Y \sim Bin(n_1 + n_2, p)$  nếu  $p_1 = p_2 = p$ .

  D.  $X + Y \sim Bin(n, p)$  nếu  $p_1 = p_2 = p$  và  $n_1 = n_2 = n$ .



- 23. (L.O.3.1) Có một trò chơi diễn ra như sau: Người chơi và một máy tính của nhà cái sẽ chọn ngẫu nhiên năm số (có thể giống nhau) trong tập  $\{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\}$ . Người chơi phải trả \$2 để chơi và có thể kiếm được \$100.000 nếu bạn khớp tất cả năm số theo thứ tự (nhận lại được \$2 cộng với \$100.000 tiền thưởng). Hỏi trò chơi có công bằng không? và tai sao?
- A. Trò chơi này không công bằng vì thực tế kì vọng trung bình người chơi sẽ mất  $\approx $1.5$  mỗi lần chơi.
- B. Trò chơi này là công bằng, ban có thể kiếm được rất nhiều tiền.
- C. Trò chơi này không công bằng vì thực tế kì vong trung bình người chơi sẽ mất  $\approx $1$  mỗi lần chơi.
- D. Trò chơi này không công bằng vì thực tế kì vọng trung bình người chơi sẽ mất  $\approx $0.5$  mỗi lần chơi.

Questions 24-25 use the same assumption-definition below.

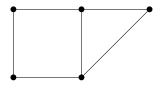
Giả sử đồ thị vô hướng G=(V,E) không liên thông với p=3 thành phần liên thông, trong đó tập đỉnh V có tổng  $s\delta n = 16$  đỉnh và tập cạnh  $E c\delta m$  cạnh.

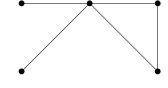
24. (L.O.3.2) Khoảng tốt nhất [L, U] giới hạn số cạnh m trong đồ thị G [có nghĩa là giới hạn dưới  $L \leq m$  và giới hạn trên  $U \geq m$  ] là

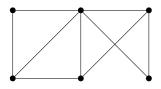
A. [L, U] = [15, 92].

B. [L, U] = [13, 90]. C. [L, U] = [13, 91]. D. [L, U] = [14, 90].

25. (L.O.3.2) Đồ thị G = (V, E) nói ở trên được sử dụng để thiết kế địa đồ cho một khu đô thị mới, gọi là  $\mathbf{MA}$ , ở ngoại ô TP.HCM, ở đó đỉnh v là những tòa nhà cao tầng có cùng cấu trúc và mỗi cạnh  $e=\{u,v\}$  là đoạn đường nối các tòa nhà u, v. Do khu vực này bao gồm 3 hòn đảo biệt lập nên nhóm kiến trúc sự ban đầu quy hoạch 3 ngôi làng biệt lập (rời nhau) là A, B, C khớp với các hòn đảo, và do đó, đồ thị G với n = 16 tòa nhà cao tầng và p=3 thành phần liên thông rời nhau về cơ bản đáp ứng nhu cầu di chuyển "địa phương" của cư dân tương lai, xem hình bên dưới.







A

BC

Tuy nhiên, để đáp ứng tốt hơn các tiện ích sinh sống của cư dân của khu dân cư mới MA (ví dụ, họ có thể hoàn toàn đi lại thuận tiện giữa tất cả các tòa nhà trong khu MA), nhóm kiến trúc sư quyết định thay đổi quy hoạch thành một thiết kế mới  $G_* = (V, E_*)$ , trong đó tất cả các tòa nhà  $v \in V$  phải được kết nối với nhau nhờ một số đoạn đường mới  $m_* = |E_*|$  thêm mà có thể lớn hơn m = |E|, số lượng đoạn đường cũ. Theo bạn, để chắc chắn có thiết kế tốt  $G_*$ , ràng buộc chính xác nhất về số đoạn đường mới  $m_*$  là gì?

A.  $m_* \ge m + 16$ .

B.  $m_* \ge m + n - p$ . C.  $m_* \ge 111$ .

D.  $m_* \ge 121$ .

## Solution 3112

21. C.

25. D.

1. B. 8. D. 15. B. 22. B. 2. B. 9. B. 16. C. 23. C. 3. D. 10. C. 17. B. 4. B. 11. A. 18. C. 5. B. 12. A. 19. B. 24. C. 6. **A**. 13. **C**. 20. B.

14. B.

7. D.