Trạng thái	Đã xong
Bắt đầu vào lúc	Thứ Tư, 23 tháng 4 2025, 3:42 PM
Kết thúc lúc	Thứ Tư, 23 tháng 4 2025, 3:52 PM
Thời gian thực	9 phút 42 giây
hiện	
Điểm	<b>10,00</b> trên 10,00 ( <b>100</b> %)

```
Câu hải 1
Đúng
Đạt điểm 1,00 trên 1,00
```

Template class DGraph representing a directed graph with type T with the initialized frame. It has attribute VertexNode\* nodeList, which is the head of a singly linked list, representing a list of vertex of this graph.

This class inloudes 2 classes: VertexNode and Edge.

- Class VertexNode representing a vertex in graph. It has some attributes:
  - + T vertex: the vertex's value.
  - + Edge\* adList: a singly linked list representing the adjacent edges that have this vertex as their starting vertex (from).
- Class Edge representing an edge in graph. It has some attributes:
  - + VertexNode\* fromNode VertexNode\* toNode: represents the starting vertex (from) and ending vertex (to) of this edge.
  - + float weight: edge's weight.

**Requirements:** In class **VertexNode**, implement methods **getEdge**, **connectTo**, **addAdjacentEdge**, and **removeTo**. Descriptions for each method are provided below. Ensure that all four methods are fully implemented before checking.

```
template <class T>
class DGraph {
public:
  class VertexNode; // Forward declaration
  class Edge; // Forward declaration
protected:
  VertexNode* nodeList; //list of vertexNode of DGraph
  int countVertex:
  int countEdge;
public:
  DGraph() {
     this->nodeList = nullptr;
     this->countEdge = 0;
     this->countVertex = 0;
  }
  ~DGraph() {};
  VertexNode* getVertexNode(T vertex);
  void add(T vertex);
  void connect(T from, T to, float weight=0);
   void removeVertex(T removeVertex);
  bool removeEdge(T from, T to);
  string shape();
  bool empty();
  void clear();
  void printGraph();
public:
  class VertexNode {
  private:
     Edge* adList; //list of adjacent edge of this vertex
     VertexNode* next:
     friend class Edge;
     friend class DGraph;
  public:
     VertexNode(T vertex, Edge* adList = nullptr, VertexNode* next = nullptr) {
        this->vertex = vertex:
        this->adList = adList;
        this->next = next;
```

```
string toString();
     void addAdjacentEdge(Edge* newEdge);
     bool connectTo(VertexNode* toNode, float weight = 0);
     bool removeTo(VertexNode* toNode);
     Edge* getEdge(VertexNode* toNode);
  };
  class Edge {
  private:
     VertexNode* fromNode;
     VertexNode* toNode;
     float weight;
     Edge* next;
     friend class VertexNode;
     friend class DGraph;
  public:
     Edge(VertexNode* fromNode, VertexNode* toNode, float weight = 0.0, Edge* next = nullptr) {
        this->fromNode = fromNode;
        this->toNode = toNode;
        this->weight = weight;
        this->next = next;
     string toString();
  };
};
```

## For example:

Test	Result
DGraph <int>::VertexNode* node0 = new DGraph<int>::VertexNode(0);</int></int>	E(0,1,12.3)
DGraph <int>::VertexNode* node1 = new DGraph<int>::VertexNode(1);</int></int>	E(1,3,176)
<pre>DGraph<int>::VertexNode* node2 = new DGraph<int>::VertexNode(2); DGraph<int>::VertexNode* node3 = new DGraph<int>::VertexNode(3);</int></int></int></int></pre>	
bull april titever texhouse houses - new bull april titever texhouse(5),	
node0->connectTo(node1, 12.3);	
<pre>node0-&gt;connectTo(node2, 13.3);</pre>	
<pre>node0-&gt;connectTo(node3, 14);</pre>	
<pre>node1-&gt;connectTo(node3, 176);</pre>	
<pre>cout &lt;&lt; node0-&gt;getEdge(node1)-&gt;toString() &lt;&lt; endl;</pre>	
<pre>cout &lt;&lt; node1-&gt;getEdge(node3)-&gt;toString() &lt;&lt; endl;</pre>	
delete node0;	
delete node1;	
delete node2;	
delete node3;	

Answer: (penalty regime: 0 %)

```
// Tìm kiếm cạnh từ đỉnh hiện tại đến đỉnh toNode
 1
 2 •
         * @brief Tìm kiếm cạnh từ đỉnh hiện tại đến đỉnh đích
3
         * @param toNode Con trỏ đến đỉnh đích cần tìm
 4
         * @return Con trỏ đến cạnh nếu tìm thấy, nullptr nếu không tồn tại
 5
         * @complexity O(n) với n là số cạnh kề của đỉnh hiện tại
 6
 7
         * Thuật toán:
8
         * - Duyệt tuần tự qua danh sách kề (adjacency list)
         * - Kiểm tra đỉnh đích của mỗi cạnh
10
         * - Trả về cạnh đầu tiên thỏa điều kiện hoặc nullptr nếu không tìm thấy
11
12
13
    template<class T>
    typename DGraph<T>::Edge* DGraph<T>::VertexNode::getEdge(VertexNode* toNode) {
14
15
        // Duyệt qua danh sách kề của đỉnh hiện tại để tìm cạnh
```

```
17
        Edge* current = this->adList;
18
19
        while (current != nullptr) {
            // Kiểm tra xem cạnh hiện tại có đến đỉnh toNode không
20
            if (current->toNode == toNode) {
21
22
                                             // Trả về cạnh nếu tìm thấy
                return current;
23
            }
24
                                        // Chuyển sang cạnh tiếp theo trong danh sách
            current = current->next;
25
        // Nếu không tìm thấy cạnh nào, trả về nullptr
26
27
        return nullptr;
28
29
30
    // Thêm một cạnh mới vào danh sách kề của đỉnh hiện tại
31
         * @brief Thêm một cạnh mới vào danh sách kề của đỉnh hiện tại
32
33
         * @param newEdge Con trỏ đến cạnh mới cần thêm vào
         * @complexity O(1) - thao tác chèn đầu danh sách
34
35
         * Thuật toán:
36
37
         * - Sử dụng phương pháp chèn đầu cho danh sách liên kết đơn
         st - Xử lý riêng trường hợp danh sách rỗng
38
39
         * - Không kiểm tra tính duy nhất của cạnh (được xử lý ở connectTo)
40
41
    template<class T>
    void DGraph<T>::VertexNode::addAdjacentEdge(Edge* newEdge) {
42
43
        // Sử dụng phương pháp thêm vào đầu danh sách liên kết đơn
        if (this->adList == nullptr) {
44
45
            // Nếu danh sách kề rỗng, đặt newEdge làm phần tử đầu tiên
46
            this->adList = newEdge;
47
        } else {
            // Ngược lại, chèn newEdge vào đầu danh sách
48
            newEdge->next = this->adList;
49
50
            this->adList = newEdge;
51
52 }
```

	Test	Expected	Got	
/	DGraph <int>::VertexNode* node0 = new DGraph<int>::VertexNode(0);</int></int>	E(0,1,12.3)	E(0,1,12.3)	~
	<pre>DGraph<int>::VertexNode* node1 = new DGraph<int>::VertexNode(1);</int></int></pre>	E(1,3,176)	E(1,3,176)	
	<pre>DGraph<int>::VertexNode* node2 = new DGraph<int>::VertexNode(2);</int></int></pre>			
	<pre>DGraph<int>:::VertexNode* node3 = new DGraph<int>:::VertexNode(3);</int></int></pre>			
	<pre>node0-&gt;connectTo(node1, 12.3);</pre>			
	<pre>node0-&gt;connectTo(node2, 13.3);</pre>			
	<pre>node0-&gt;connectTo(node3, 14);</pre>			
	<pre>node1-&gt;connectTo(node3, 176);</pre>			
	<pre>cout &lt;&lt; node0-&gt;getEdge(node1)-&gt;toString() &lt;&lt; endl;</pre>			
	<pre>cout &lt;&lt; node1-&gt;getEdge(node3)-&gt;toString() &lt;&lt; endl;</pre>			
	delete node0;			
	delete node1;			
	delete node2;			
	delete node3;			

	Test	Expected	Got	
,	<pre>DGraph<char>::VertexNode* nodeA = new DGraph<char>::VertexNode('A');</char></char></pre>	E(E,A,0)	E(E,A,0)	-
	<pre>DGraph<char>::VertexNode* nodeB = new DGraph<char>::VertexNode('B');</char></char></pre>	E(C,C,0.54)	E(C,C,0.54)	
	<pre>DGraph<char>::VertexNode* nodeC = new DGraph<char>::VertexNode('C');</char></char></pre>	E(A,B,0)	E(A,B,0)	
	<pre>DGraph<char>::VertexNode* nodeD = new DGraph<char>::VertexNode('D');</char></char></pre>	E(A,C,29.4)	E(A,C,29.4)	
	<pre>DGraph<char>::VertexNode* nodeE = new DGraph<char>::VertexNode('E');</char></char></pre>	Edge doesn't exist!	Edge doesn't exist!	
	<pre>nodeA-&gt;connectTo(nodeB);</pre>	Edge doesn't	Edge doesn't	
	<pre>nodeA-&gt;connectTo(nodeC, 29.4);</pre>	exist!	exist!	
	<pre>nodeA-&gt;connectTo(nodeD, 30.4);</pre>			
	<pre>nodeB-&gt;connectTo(nodeD, 19.75);</pre>			
	<pre>nodeC-&gt;connectTo(nodeC, 0.54);</pre>			
	<pre>nodeE-&gt;connectTo(nodeA);</pre>			
	<pre>cout &lt;&lt; (nodeE-&gt;getEdge(nodeA) ? nodeE-&gt;getEdge(nodeA)-&gt;toString() :</pre>			
	"Edge doesn't exist!") << endl;			
	<pre>cout &lt;&lt; (nodeC-&gt;getEdge(nodeC) ? nodeC-&gt;getEdge(nodeC)-&gt;toString() :</pre>			
	"Edge doesn't exist!") << endl;			
	<pre>nodeE-&gt;removeTo(nodeA);</pre>			
	<pre>nodeC-&gt;removeTo(nodeC);</pre>			
	<pre>cout &lt;&lt; (nodeA-&gt;getEdge(nodeB) ? nodeA-&gt;getEdge(nodeB)-&gt;toString() :</pre>			
	<pre>"Edge doesn't exist!") &lt;&lt; endl;</pre>			
	<pre>cout &lt;&lt; (nodeA-&gt;getEdge(nodeC) ? nodeA-&gt;getEdge(nodeC)-&gt;toString() :     "Edge doesn't exist!") &lt;&lt; endl;</pre>			
	<pre>cout &lt;&lt; (nodeE-&gt;getEdge(nodeA) ? nodeE-&gt;getEdge(nodeA)-&gt;toString() :</pre>			
	<pre>"Edge doesn't exist!") &lt;&lt; endl;</pre>			
	<pre>cout &lt;&lt; (nodeC-&gt;getEdge(nodeC) ? nodeC-&gt;getEdge(nodeC)-&gt;toString() :</pre>			
	"Edge doesn't exist!") << endl;			
	delete nodeA;			
	delete nodeB;			
	delete nodeC;			
	delete nodeD;			
	<pre>delete nodeE;</pre>			



```
Câu hởi 2
Đúng
Đạt điểm 1,00 trên 1,00
```

Template class DGraph representing a directed graph with type T with the initialized frame. It has attribute VertexNode\* nodeList, which is the head of a singly linked list, representing list of vertex of this graph.

This class inloudes 2 classes: VertexNode and Edge.

- Class VertexNode representing a vertex in graph. It has some attributes:
  - + T vertex: the vertex's value.
  - + Edge\* adList: a singly linked list representing the adjacent edges that have this vertex as their starting vertex (from).
- Class Edge representing an edge in graph. It has some attributes:
  - + VertexNode\* fromNode VertexNode\* toNode: represents the starting vertex (from) and ending vertex (to) of this edge.
  - + float weight: edge's weight.

**Requirements:** In class **DGraph**, implement methods **getVertexNode**, **add** and **connect**. Descriptions for each method are provided below. Ensure that all three methods are fully implemented before checking.

Notes: You can use the methods from the previous exercises without needing to implement them again.

```
template <class T>
class DGraph {
public:
  class VertexNode; // Forward declaration
  class Edge; // Forward declaration
protected:
  VertexNode* nodeList; //list of vertexNode of DGraph
   int countVertex;
  int countEdge:
public:
  DGraph() {
     this->nodeList = nullptr;
     this->countEdge = 0;
     this->countVertex = 0;
  ~DGraph() {};
  VertexNode* getVertexNode(T vertex);
  void add(T vertex);
  void connect(T from, T to, float weight=0);
  void removeVertex(T removeVertex);
  bool removeEdge(T from, T to);
  string shape();
  bool empty();
  void clear();
  void printGraph();
public:
  class VertexNode {
  private:
     T vertex;
     Edge* adList; //list of adjacent edge of this vertex
     VertexNode* next;
     friend class Edge;
     friend class DGraph;
   public:
     VertexNode(T vertex, Edge* adList = nullptr, VertexNode* next = nullptr) {
        this->vertex = vertex;
        this->adList = adList;
```

```
this->next = next;
    }
     string toString();
     void addAdjacentEdge(Edge* newEdge);
     bool connectTo(VertexNode* toNode, float weight = 0);
     bool removeTo(VertexNode* toNode);
     Edge* getEdge(VertexNode* toNode);
  };
  class Edge {
  private:
     VertexNode* fromNode;
     VertexNode* toNode;
     float weight;
     Edge* next;
     friend class VertexNode;
     friend class DGraph;
  public:
     Edge(VertexNode* fromNode, VertexNode* toNode, float weight = 0.0, Edge* next = nullptr) {
        this->fromNode = fromNode;
       this->toNode = toNode;
        this->weight = weight;
        this->next = next;
     string toString();
  };
};
```

# For example:

Test	Result
DGraph <int> graph;</int>	
for(int $i = 0$ ; $i < 6$ ; $i++$ ) graph.add(i);	Number of vertices: 6
<pre>graph.printGraph();</pre>	V(0)
	V(1)
	V(2)
	V(3)
	V(4)
	V(5)
	Number of edges: 0
DGraph <int> graph;</int>	
<pre>for(int i = 0; i &lt; 6; i++) graph.add(i);</pre>	Number of vertices: 6
	V(0)
<pre>graph.connect(1, 2, 40);</pre>	V(1)
graph.connect(1, 3, 6.9);	V(2)
<pre>graph.connect(4, 5, 27);</pre>	V(3)
graph.connect(3, 2, 2.1);	V(4)
graph.connect(0, 2, 11.2);	V(5)
<pre>graph.connect(0, 5, 67);</pre>	
graph.connect(2, 1, 19.75);	Number of edges: 7
	E(0,2,11.2)
<pre>graph.printGraph();</pre>	E(0,5,67)
	E(1,2,40)
	E(1,3,6.9)
	E(2,1,19.75)
	E(3,2,2.1)
	E(4,5,27)
	=======================================

Answer: (penalty regime: 0 %)

```
// Triển khai các phương thức của lớp template DGraph
    // Phương thức tìm kiếm đỉnh trong đồ thị
    template<class T>
 4
    typename DGraph<T>::VertexNode* DGraph<T>::getVertexNode(T vertex) {
 5
        // Duyệt qua danh sách liên kết các đỉnh bắt đầu từ nodeList
 6
 7
        VertexNode* current = nodeList;
8.
        while (current != nullptr) {
 9
            // Kiểm tra nếu đỉnh hiện tại chứa giá trị vertex cần tìm
            if (current->vertex == vertex) {
10
                return current; // Trả về con trỏ đến đỉnh nếu tìm thấy
11
12
13
            // Di chuyển đến đỉnh tiếp theo trong danh sách
            current = current->next;
14
15
        return nullptr; // Trả về nullptr nếu không tìm thấy vertex
16
17
    // Phương thức thêm một đỉnh mới vào đồ thị
18
19
    template<class T>
    void DGraph<T>::add(T vertex) {
20
21
        // Tạo một đỉnh mới với giá trị vertex
22
        VertexNode* newNode = new VertexNode(vertex);
23
        // Thêm đỉnh mới vào cuối danh sách các đỉnh
        if (nodeList == nullptr) {
24
            // Nếu danh sách rỗng, đỉnh mới trở thành đỉnh đầu tiên
25
26
            nodeList = newNode;
27
        } else {
28
            // Tìm đỉnh cuối cùng trong danh sách
29
            VertexNode* current = nodeList;
            while (current->next != nullptr) {
30
31
                current = current->next;
32
            // Thêm đỉnh mới vào sau đỉnh cuối cùng
33
34
            current->next = newNode;
35
36
        // Tăng số lượng đỉnh
37
        countVertex++:
38
    // Phương thức tạo kết nối từ đỉnh "from" đến đỉnh "to" với trọng số weight
39
40
    template <class T>
    void DGraph<T>::connect(T from, T to, float weight) {
41
        // Tìm đỉnh chứa giá trị "from" và đỉnh chứa giá trị "to"
42
43
        VertexNode* fromNode = getVertexNode(from);
44
        VertexNode* toNode = getVertexNode(to);
        // Nếu một trong hai đỉnh không tồn tại, ném ngoại lệ
45
46
        if (fromNode == nullptr || toNode == nullptr) {
            throw VertexNotFoundException("Vertex doesn't exist!"); }
47
48
        // Kết nối đỉnh "from" đến đỉnh "to"
        bool isNewEdge = fromNode->connectTo(toNode, weight);
49
50
        // Nếu tạo cạnh mới, tăng biến đếm số cạnh
51 🔻
        if (isNewEdge) {
52
            countEdge++; } }
```

	Test	Expected	Got
~	DGraph <int> graph;</int>		
	for(int i = 0; i <	Number of vertices: 6	Number of vertices: 6
	6; i++)	V(0)	V(0)
	<pre>graph.add(i);</pre>	V(1)	V(1)
	<pre>graph.printGraph();</pre>	V(2)	V(2)
		V(3)	V(3)
		V(4)	V(4)
		V(5)	V(5)
		Number of edges: 0	Number of edges: 0
			=======================================

	Test	Expected	Got
/	DGraph <int> graph;</int>		
	for(int i = 0; i <	Number of vertices: 6	Number of vertices: 6
	6; i++)	V(0)	V(0)
	<pre>graph.add(i);</pre>	V(1)	V(1)
		V(2)	V(2)
	<pre>graph.connect(1, 2,</pre>	V(3)	V(3)
	40);	V(4)	V(4)
	<pre>graph.connect(1, 3,</pre>	V(5)	V(5)
	6.9);		
	graph.connect(4, 5,	Number of edges: 7	Number of edges: 7
	27);	E(0,2,11.2)	E(0,2,11.2)
	<pre>graph.connect(3, 2,</pre>	E(0,5,67)	E(0,5,67)
	2.1);	E(1,2,40)	E(1,2,40)
	<pre>graph.connect(0, 2,</pre>	E(1,3,6.9)	E(1,3,6.9)
	11.2);	E(2,1,19.75)	E(2,1,19.75)
	<pre>graph.connect(0, 5,</pre>	E(3,2,2.1)	E(3,2,2.1)
	67);	E(4,5,27)	E(4,5,27)
	<pre>graph.connect(2, 1,</pre>		
	19.75);		
	<pre>graph.printGraph();</pre>		



```
Câu hải 3
Đúng
Đạt điểm 1,00 trên 1,00
```

Template class DGraph representing a directed graph with type T with the initialized frame. It has attribute VertexNode\* nodeList, which is the head of a singly linked list, representing list of vertex of this graph.

This class inloudes 2 classes: VertexNode and Edge.

- Class VertexNode representing a vertex in graph. It has some attributes:
  - + T vertex: the vertex's value.
  - + Edge\* adList: a singly linked list representing the adjacent edges that have this vertex as their starting vertex (from).
- Class Edge representing an edge in graph. It has some attributes:
  - + VertexNode\* fromNode VertexNode\* toNode: represents the starting vertex (from) and ending vertex (to) of this edge.
  - + float weight: edge's weight.

Requirements: Implement methods removeEdge and removeVertex. Descriptions for each method are provided below.

#### Notes:

- The removeTo method is used to delete an edge that ends at the vertex "toNode" from the adjacency list of the current vertex. Students should use this method when implementing removeEdge and removeVertex.
- You can use the methods from the previous exercises without needing to implement them again.

```
template <class T>
class DGraph {
public:
  class VertexNode; // Forward declaration
  class Edge; // Forward declaration
  VertexNode* nodeList; //list of vertexNode of DGraph
  int countVertex;
  int countEdge;
public:
  DGraph() {
     this->nodeList = nullptr;
     this->countEdge = 0;
     this->countVertex = 0;
  }
  ~DGraph() {};
  VertexNode* getVertexNode(T vertex);
   void add(T vertex);
  void connect(T from, T to, float weight=0);
  void removeVertex(T removeVertex);
  bool removeEdge(T from, T to);
   string shape();
  bool empty();
  void clear();
  void printGraph();
public:
  class VertexNode {
  private:
     T vertex:
     Edge* adList; //list of adjacent edge of this vertex
     VertexNode* next;
     friend class Edge;
     friend class DGraph;
   public:
```

```
VertexNode(T vertex, Edge* adList = nullptr, VertexNode* next = nullptr) {
        this->vertex = vertex;
        this->adList = adList;
        this->next = next;
     }
     string toString();
     void addAdjacentEdge(Edge* newEdge);
     bool connectTo(VertexNode* toNode, float weight = 0);
     bool removeTo(VertexNode* toNode);
     Edge* getEdge(VertexNode* toNode);
  };
  class Edge {
  private:
     VertexNode* fromNode;
     VertexNode* toNode;
     float weight;
     Edge* next;
     friend class VertexNode;
     friend class DGraph;
  public:
     Edge(VertexNode* fromNode, VertexNode* toNode, float weight = 0.0, Edge* next = nullptr) {
        this->fromNode = fromNode;
        this->toNode = toNode;
        this->weight = weight;
        this->next = next;
     string toString();
  };
};
```

# For example:

```
Test
                                      Result
DGraph<int> graph;
                                      _____
                                     Number of vertices: 6
for(int i = 0; i < 6; i++) graph.add(i);
                                     V(0)
                                      V(1)
graph.connect(1, 2, 40);
                                     V(2)
graph.connect(1, 3, 6.9);
                                     V(3)
graph.connect(4, 5, 27);
                                     V(4)
graph.connect(3, 2, 2.1);
                                     V(5)
graph.connect(1, 2, 11.2);
graph.connect(1, 3, 67);
                                     Number of edges: 1
                                     E(3,2,2.1)
graph.removeEdge(1, 2);
                                      _____
graph.removeEdge(4, 5);
graph.removeEdge(1, 3);
graph.printGraph();
DGraph<int> graph;
                                      Number of vertices: 5
for(int i = 0; i < 6; i++) graph.add(i);
                                     V(0)
                                      V(1)
graph.connect(1, 2, 40);
                                     V(3)
                                     V(4)
graph.connect(1, 3, 6.9);
graph.connect(4, 5, 27);
                                     V(5)
graph.connect(3, 2, 2.1);
                                     Number of edges: 2
graph.connect(1, 2, 11.2);
                                     E(1,3,6.9)
graph.removeVertex(2);
                                     E(4.5.27)
graph.printGraph();
```

Answer: (penalty regime: 0 %)

```
// Triển khai phương thức xóa cạnh trong đồ thị
    template <class T>
 3.
    bool DGraph<T>::removeEdge(T from, T to) {
 4
        // Bước 1: Tìm đỉnh chứa giá trị "from"
        VertexNode* fromNode = getVertexNode(from);
5
 6
        // Bước 2: Tìm đỉnh chứa giá trị "to"
7
8
        VertexNode* toNode = getVertexNode(to);
9
10
        // Bước 3: Kiểm tra sự tồn tại của cả hai đỉnh
        if (fromNode == nullptr || toNode == nullptr) {
11 ,
12
             // Nếu ít nhất một đỉnh không tồn tại, ném ngoại lệ
            throw VertexNotFoundException("Vertex doesn't exist!");
13
14
15
16
        // Bước 4: Xóa cạnh từ fromNode đến toNode sử dụng phương thức removeTo
        bool success = fromNode->removeTo(toNode);
17
18
19
        // Bước 5: Xử lý kết quả sau khi xóa
20
        if (success) {
            // Nếu xóa thành công, giảm số lượng cạnh và trả về true
21
22
            countEdge--;
23
            return true:
24
        } else {
25
            // Nếu không tìm thấy cạnh để xóa, trả về false
26
            return false;
27
28
29
    // Triển khai phương thức xóa đỉnh trong đồ thị
30
31
    template <class T>
    void DGraph<T>::removeVertex(T removeVertex) {
32
        // Bước 1: Tìm đỉnh cần xóa
33
34
        VertexNode* removeNode = getVertexNode(removeVertex);
35
36
        // Bước 2: Kiểm tra sự tồn tại của đỉnh cần xóa
37
        if (removeNode == nullptr) {
            // Nếu đỉnh không tồn tại, ném ngoại lệ
38
39
            throw VertexNotFoundException("Vertex doesn't exist!");
40
41
        // Bước 3: Xóa tất cả các cạnh đi đến đỉnh cần xóa
42
43
        VertexNode* current = nodeList;
        while (current != nullptr) {
44
45
            // Bỏ qua nếu current chính là đỉnh cần xóa
46
            if (current != removeNode) {
47
                 // Thử xóa cạnh từ current đến removeNode
                if (current->removeTo(removeNode)) {
48
49
                     // Nếu xóa thành công, giảm số lượng cạnh
50
                    countEdge--;
51
                }
52
            }
```

	Test	Expected	Got
~	DGraph <int> graph;</int>		
		Number of vertices: 6	Number of vertices: 6
	for(int i = 0; i < 6;	V(0)	V(0)
	i++) graph.add(i);	V(1)	V(1)
		V(2)	V(2)
	graph.connect(1, 2,	V(3)	V(3)
	40);	V(4)	V(4)
	graph.connect(1, 3,	V(5)	V(5)
	6.9);		
	graph.connect(4, 5,	Number of edges: 1	Number of edges: 1
	27);	E(3,2,2.1)	E(3,2,2.1)
	graph.connect(3, 2,		
	2.1);		
	<pre>graph.connect(1, 2,</pre>		
	11.2);		
	<pre>graph.connect(1, 3,</pre>		
	67);		
	graph.removeEdge(1,		
	2);		
	graph.removeEdge(4,		
	5);		
	graph.removeEdge(1,		
	3);		
	<pre>graph.printGraph();</pre>		
<b>~</b>	DGraph <int> graph;</int>		
		Number of vertices: 5	Number of vertices: 5
	for(int i = 0; i < 6;	V(0)	V(0)
	i++) graph.add(i);	V(1)	V(1)
		V(3)	V(3)
	graph.connect(1, 2,	V(4)	V(4)
	40);	V(5)	V(5)
	graph.connect(1, 3,		
	6.9);	Number of edges: 2	Number of edges: 2
	graph.connect(4, 5,	E(1,3,6.9)	E(1,3,6.9)
	27);	E(4,5,27)	E(4,5,27)
	<pre>graph.connect(3, 2,</pre>		
	2.1);		
	graph.connect(1, 2,		
	11.2);		
	<pre>graph.removeVertex(2);</pre>		
	<pre>graph.printGraph();</pre>		

Đúng

```
Câu hỏi 4
Đúng
Đạt điểm 1,00 trên 1,00
```

Template class DGraph representing a directed graph with type T with the initialized frame. It has attribute VertexNode\* nodeList, which is the head of a singly linked list, representing list of vertex of this graph.

This class inloudes 2 classes: VertexNode and Edge.

- Class VertexNode representing a vertex in graph. It has some attributes:
  - + T vertex: the vertex's value.
  - + Edge\* adList: a singly linked list representing the adjacent edges that have this vertex as their starting vertex (from).
- Class Edge representing an edge in graph. It has some attributes:
  - + VertexNode\* fromNode VertexNode\* toNode: represents the starting vertex (from) and ending vertex (to) of this edge.
  - + float weight: edge's weight.

Requirements: Implement methods shape, empty and clear. Descriptions for each method are provided below.

Notes: You can use the methods from the previous exercises without needing to implement them again.

```
template <class T>
class DGraph {
public:
  class VertexNode; // Forward declaration
  class Edge; // Forward declaration
  VertexNode* nodeList; //list of vertexNode of DGraph
  int countVertex;
  int countEdge;
public:
  DGraph() {
     this->nodeList = nullptr;
     this->countEdge = 0;
     this->countVertex = 0;
  }
  ~DGraph() {};
  VertexNode* getVertexNode(T vertex);
  void add(T vertex);
  void connect(T from, T to, float weight=0);
  void removeVertex(T removeVertex);
  bool removeEdge(T from, T to);
   string shape();
  bool empty();
  void clear();
  void printGraph();
public:
  class VertexNode {
  private:
     Edge* adList; //list of adjacent edge of this vertex
     VertexNode* next;
     friend class Edge;
     friend class DGraph;
  public:
     VertexNode(T vertex, Edge* adList = nullptr, VertexNode* next = nullptr) {
        this->vertex = vertex;
        this->adList = adList;
        this->next = next;
```

```
string toString();
     void addAdjacentEdge(Edge* newEdge);
     bool connectTo(VertexNode* toNode, float weight = 0);
     bool removeTo(VertexNode* toNode);
     Edge* getEdge(VertexNode* toNode);
  };
  class Edge {
  private:
     VertexNode* fromNode;
     VertexNode* toNode;
     float weight;
     Edge* next;
     friend class VertexNode;
     friend class DGraph;
  public:
     Edge(VertexNode* fromNode, VertexNode* toNode, float weight = 0.0, Edge* next = nullptr) {
        this->fromNode = fromNode;
        this->toNode = toNode;
        this->weight = weight;
        this->next = next;
     }
     string toString();
  };
};
```

## For example:

```
Test
                                                                                 Result
DGraph<int> graph;
                                                                                 [Vertices: 6, Edges: 2]
for(int i = 0; i < 6; i++) graph.add(i);
graph.connect(1, 2, 40);
graph.connect(1, 3, 6.9);
graph.connect(4, 5, 27);
graph.connect(3, 2, 2.1);
graph.connect(1, 2, 11.2);
graph.connect(1, 3, 67);
graph.removeEdge(1, 2);
graph.removeEdge(4, 5);
cout << graph.shape() << endl;</pre>
DGraph<int> graph;
                                                                                 [Vertices: 0, Edges: 0]
                                                                                 Graph is empty!
for(int i = 0; i < 6; i++) graph.add(i);
graph.connect(1, 2, 40);
graph.connect(1, 3, 6.9);
graph.connect(4, 5, 27);
graph.connect(3, 2, 2.1);
graph.connect(1, 2, 11.2);
graph.connect(1, 3, 67);
graph.clear();
cout << graph.shape() << endl;</pre>
cout << (graph.empty() ? "Graph is empty!" : "Graph is not empty!") << endl;</pre>
```

Answer: (penalty regime: 0 %)

```
1 // Triển khai phương thức shape() - trả về thông tin hình dạng của đồ thị
2
```

```
template<class T>
 3
 4
    string DGraph<T>::shape() {
5
        // Trả về chuỗi có định dạng: [Vertices: <numOfVertex>, Edges: <numOfEdge>]
        return "[Vertices: " + to_string(countVertex) + ", Edges: " + to_string(countEdge) + "]";
6
7
8
    // Triển khai phương thức empty() - kiểm tra đồ thị có rỗng hay không
9
10
    template<class T>
11 v bool DGraph<T>::empty() {
        // Đồ thị rỗng khi không có đỉnh nào (countVertex = 0)
12
13
        // Lưu ý: Nếu không có đỉnh nào thì cũng không thể có cạnh nào
        return countVertex == 0;
14
15
16
    // Triển khai phương thức clear() - xóa tất cả đỉnh và cạnh của đồ thị
17
    template<class T>
18
    void DGraph<T>::clear() {
19 •
20
        // Duyệt qua tất cả các đỉnh trong đồ thị
        VertexNode* current = nodeList;
21
22
23
        while (current != nullptr) {
24
            // Lưu con trỏ đến đỉnh tiếp theo trước khi xóa đỉnh hiện tại
25
            VertexNode* nextNode = current->next;
26
            // Xóa tất cả các cạnh của đỉnh hiện tại
27
28
            Edge* currentEdge = current->adList;
            while (currentEdge != nullptr) {
29
30
                Edge* nextEdge = currentEdge->next;
                delete currentEdge; // Giải phóng bộ nhớ của cạnh
31
32
                currentEdge = nextEdge;
33
            }
34
35
            // Giải phóng bộ nhớ của đỉnh hiện tại
36
            delete current;
37
38
            // Chuyển sang đỉnh tiếp theo
39
            current = nextNode;
40
41
42
        // Đặt lại các biến thành trạng thái ban đầu
43
        nodeList = nullptr;
        countVertex = 0;
44
        countEdge = 0;
45
46 }
```

	Test	Expected	Got	
~	DGraph <int> graph;</int>	[Vertices: 6, Edges: 2]	[Vertices: 6, Edges: 2]	~
	for(int i = 0; i < 6; i++) graph.add(i);			
	<pre>graph.connect(1, 2, 40);</pre>			
	graph.connect(1, 3, 6.9);			
	<pre>graph.connect(4, 5, 27);</pre>			
	graph.connect(3, 2, 2.1);			
	graph.connect(1, 2, 11.2);			
	<pre>graph.connect(1, 3, 67);</pre>			
	<pre>graph.removeEdge(1, 2);</pre>			
	<pre>graph.removeEdge(4, 5);</pre>			
	<pre>cout &lt;&lt; graph.shape() &lt;&lt; endl;</pre>			

^

	Test	Expected	Got	
~	DGraph <int> graph;</int>	[Vertices: 0, Edges: 0]	[Vertices: 0, Edges: 0]	~
	for(int i = 0; i < 6; i++) graph.add(i);	Graph is empty!	Graph is empty!	
	graph.connect(1, 2, 40);			
	graph.connect(1, 3, 6.9);			
	<pre>graph.connect(4, 5, 27);</pre>			
	graph.connect(3, 2, 2.1);			
	graph.connect(1, 2, 11.2);			
	<pre>graph.connect(1, 3, 67);</pre>			
	<pre>graph.clear();</pre>			
	<pre>cout &lt;&lt; graph.shape() &lt;&lt; endl;</pre>			
	<pre>cout &lt;&lt; (graph.empty() ? "Graph is empty!" : "Graph is not</pre>			
	<pre>empty!") &lt;&lt; endl;</pre>			



```
Câu hỏi 5
Đúng
Đạt điểm 1,00 trên 1,00
```

Implement Breadth-first search

```
Adjacency *BFS(int v);
```

where Adjacency is a structure to store list of number.

```
#include <iostream>
#include <list>
using namespace std;
class Adjacency
{
private:
        list<int> adjList;
        int size;
public:
        Adjacency() {}
        Adjacency(int V) {}
        void push(int data)
                adjList.push_back(data);
                size++;
        }
        void print()
        {
                for (auto const &i : adjList)
                       cout << " -> " << i;
        void printArray()
        {
                for (auto const &i : adjList)
                       cout << i << " ";
        int getSize() { return adjList.size(); }
        int getElement(int idx)
                auto it = adjList.begin();
                advance(it, idx);
                return *it;
        }
};
```

And Graph is a structure to store a graph (see in your answer box)

# For example:

Test	Result
int V = 6;	0 1 2 3 4 5
<pre>int visited = 0;</pre>	
Graph g(V);	
Adjacency* arr = new Adjacency(V);	
int edge[][2] = {{0,1},{0,2},{1,3},{1,4},{2,4},{3,4},{3,5},{4,5}};	
for(int i = 0; i < 8; i++)	
{	
<pre>g.addEdge(edge[i][0], edge[i][1]);</pre>	
}	
<pre>arr = g.BFS(visited);</pre>	
<pre>arr-&gt;printArray();</pre>	
delete arr;	

```
Test

int V = 6;
int visited = 2;

Graph g(V);
Adjacency* arr = new Adjacency(V);
int edge[][2] = {{0,1},{0,2},{1,3},{1,4},{2,4},{3,4},{3,5},{4,5}};

for(int i = 0; i < 8; i++)
{
    g.addEdge(edge[i][0], edge[i][1]);
}

arr = g.BFS(visited);
arr->printArray();
delete arr;
```

Answer: (penalty regime: 0 %)

```
1
   class Graph
 2 ▼ {
 3
    private:
        int V;
4
5
        Adjacency *adj;
6
7
    public:
        Graph(int V)
8
9 .
        {
10
            this->V = V;
11
            adj = new Adjacency[V];
12
13
14
        void addEdge(int v, int w)
15
        {
16
            adj[v].push(w);
17
            adj[w].push(v);
18
        }
19
20
        void printGraph()
21
22
            for (int v = 0; v < V; ++v)
23
24
                cout << "\nAdjacency list of vertex " << v << "\nhead ";</pre>
25
                adj[v].print();
26
            }
27
        }
28
29
30
         * Thuật toán Breadth-First Search (BFS) - Tìm kiếm theo chiều rộng
          * @param v Đỉnh bắt đầu
31
32
         * @return Danh sách các đỉnh theo thứ tự duyệt BFS
33
34
        Adjacency *BFS(int v)
35
36
             // Khởi tạo mảng đánh dấu các đỉnh đã được thăm
            bool *visited = new bool[V];
37
38
            for (int i = 0; i < V; i++)
                visited[i] = false; // Khởi tạo tất cả các đỉnh là chưa thăm
39
40
41
            // Khởi tạo danh sách kết quả để lưu trữ thứ tự thăm BFS
42
            Adjacency *result = new Adjacency(V);
43
44
             // Khởi tạo hàng đợi (queue) cho BFS
45
            list<int> queue;
46
47
            // Đánh dấu đỉnh xuất phát đã được thăm và thêm vào hàng đợi
48
            visited[v] = true;
49
            queue.push_back(v);
50
51
            // Thêm đỉnh xuất phát vào kết quả
52
            result->push(v);
```

	Test	Expected	Got	
<b>~</b>	<pre>int V = 6; int visited = 0;</pre>	0 1 2 3 4 5	0 1 2 3 4 5	~
	Graph g(V);  Adjacency* arr = new Adjacency(V);  int edge[][2] = {{0,1},{0,2},{1,3},{1,4},{2,4},{3,4},{3,5},{4,5}};			
	<pre>for(int i = 0; i &lt; 8; i++) {</pre>			
	<pre>g.addEdge(edge[i][0], edge[i][1]); }</pre>			
	<pre>arr = g.BFS(visited); arr-&gt;printArray(); delete arr;</pre>			
/	<pre>int V = 6; int visited = 2;</pre>	2 0 4 1 3 5	2 0 4 1 3 5	~
	Graph g(V); Adjacency* arr = new Adjacency(V); int edge[][2] = {{0,1},{0,2},{1,3},{1,4},{2,4},{3,4},{3,5},{4,5}};			
	<pre>for(int i = 0; i &lt; 8; i++) {     g.addEdge(edge[i][0], edge[i][1]); }</pre>			
	<pre>arr = g.BFS(visited); arr-&gt;printArray(); delete arr;</pre>			
/	int V = 8, visited = 5;	5 2 0 1 6 3 4	5 2 0 1 6 3 4	~
	Graph g(V); Adjacency *arr; int edge[][2] = {{0,1}, {0,2}, {0,3}, {0,4}, {1,2}, {2,5}, {2,6}, {4,6}, {6,7}}; for(int i = 0; i < 9; i++)			
	{     \tg.addEdge(edge[i][0], edge[i][1]); }			
	<pre>// g.printGraph(); // cout &lt;&lt; endl; arr = g.BFS(visited); arr-&gt;printArray();</pre>			
	delete arr;			



```
Câu hỏi 6
Đúng
Đạt điểm 1,00 trên 1,00
```

Implement Depth-first search

```
Adjacency *DFS(int v);
```

where Adjacency is a structure to store list of number.

```
#include <iostream>
#include <list>
using namespace std;
class Adjacency
private:
        list<int> adjList;
        int size;
public:
        Adjacency() {}
        Adjacency(int V) {}
        void push(int data)
        {
                adjList.push_back(data);
                size++;
        }
        void print()
        {
                for (auto const &i : adjList)
                        cout << " -> " << i;
        void printArray()
        {
                for (auto const &i : adjList)
                        cout << i << " ";
        int getSize() { return adjList.size(); }
        int getElement(int idx)
                auto it = adjList.begin();
                advance(it, idx);
                return *it;
};
```

And Graph is a structure to store a graph (see in your answer box)

# For example:

```
Test
                                                                                          Result
int V = 8, visited = 0;
                                                                                          0 1 2 5 6 4 7 3
Graph g(V);
Adjacency *arr;
int edge[][2] = \{\{0,1\}, \{0,2\}, \{0,3\}, \{0,4\}, \{1,2\}, \{2,5\}, \{2,6\}, \{4,6\}, \{6,7\}\};
for(int i = 0; i < 9; i++)
{
         g.addEdge(edge[i][0], edge[i][1]);
}
// g.printGraph();
// cout << endl;</pre>
arr = g.DFS(visited);
arr->printArray();
delete arr;
```

Answer: (penalty regime: 0 %)

```
class Graph // Lớp Graph: Biểu diễn đồ thị
 2 ▼ {
3
    private:
 4
                        // Số đỉnh trong đồ thị
        int V;
        Adjacency *adj; // Mảng các danh sách kề
5
        // Hàm khởi tạo với tham số V (số đỉnh)
7
 8
        Graph(int V)
9 .
10
            this->V = V;
            adj = new Adjacency[V]; // Cấp phát động mảng các danh sách kề
11
12
13
        // Thêm cạnh vào đồ thị không hướng (thêm w vào danh sách kề của v và ngược lại)
14
        void addEdge(int v, int w)
15 •
        {
16
            adj[v].push(w); // Thêm w vào danh sách kề của v
            adj[w].push(v); // Thêm v vào danh sách kề của w
17
18
19
        // In thông tin đồ thị ra màn hình
20
        void printGraph()
21 ,
        {
22
            for (int v = 0; v < V; ++v)
23 ,
                 cout << "\nAdjacency list of vertex " << v << "\nhead ";</pre>
24
25
                 adj[v].print(); // In danh sách kề của đỉnh v
26
            }
27
        // Thuật toán DFS (Depth-First Search): Tìm kiếm theo chiều sâu
28
29
        Adjacency *DFS(int startVertex)
30
31
            // Tạo mảng để đánh dấu các đỉnh đã thăm
            bool *visited = new bool[V];
32
            // Khởi tạo tất cả các đỉnh là chưa được thăm
33
34
            for (int i = 0; i < V; i++)
35
                visited[i] = false;
            // Tạo đối tượng Adjacency để lưu kết quả DFS (thứ tự thăm các đỉnh)
36
37
            Adjacency *result = new Adjacency();
            // Gọi hàm đệ quy DFS_Util để thực hiện thuật toán DFS
38
39
            DFS_Util(startVertex, visited, result);
            // Giải phóng bộ nhớ cho mảng visited khi không còn sử dụng
40
41
            delete[] visited;
42
            // Trả về danh sách các đỉnh theo thứ tự thăm DFS
43
            return result;
44
        }
45
    private:
        // Hàm đệ quy hỗ trợ cho DFS
46
47
        void DFS_Util(int vertex, bool visited[], Adjacency *result)
48
49
            // Bước 1: Đánh dấu đỉnh hiện tại đã thăm
50
            visited[vertex] = true;
51
            // Bước 2: Thêm đỉnh hiện tại vào danh sách kết quả
            // Đây là bước quan trọng để ghi nhận thứ tự thăm các đỉnh
52
53
            result->push(vertex);
54
            // Bước 3: Duyệt qua tất cả các đỉnh kề của đỉnh hiện tại
55
            // Thuật toán sẽ ưu tiên đi sâu trước khi đi rộng
            for (int i = 0; i < adj[vertex].getSize(); i++){</pre>
56
57
                 // Lấy đỉnh kề thứ i của đỉnh hiện tại
58
                int adjacentVertex = adj[vertex].getElement(i);
                 // Bước 4: Nếu đỉnh kề chưa được thăm, đệ quy để thăm nó và tất cả các đỉnh
59
60
                 if (!visited[adjacentVertex])
61
                     DFS_Util(adjacentVertex, visited, result);
            } } };
62
```

	Test	Expected	Got	
~	int V = 8, visited = 0;	0 1 2 5 6 4 7	0125647	~
		3	3	
	Graph g(V);			
	Adjacency *arr;			
	int edge[][2] = $\{\{0,1\}, \{0,2\}, \{0,3\}, \{0,4\}, \{1,2\}, \{2,5\}, \{2,6\}, \{4,6\},$			
	{6,7}};			
	for(int i = 0; i < 9; i++)			
	{			
	<pre>\tg.addEdge(edge[i][0], edge[i][1]);</pre>			
	}			
	<pre>// g.printGraph();</pre>			
	// cout << endl;			
	arr = g.DFS(visited);			
	arr->printArray();			
	delete arr;			



```
Câu hỏi 7
Đúng
Đạt điểm 1,00 trên 1,00
```

The relationship between a group of people is represented by an adjacency-list friends. If friends[u] contains v, u and v are friends. Friendship is a two-way relationship. Two people are in a friend group as long as there is some path of mutual friends connecting them.

Request: Implement function:

```
int numberOfFriendGroups(vector<vector<int>>& friends);
```

Where friends is the adjacency-list representing the friendship (this list has between 0 and 1000 lists). This function returns the number of friend groups.

#### **Example:**

```
Given a adjacency-list: [[1], [0, 2], [1], [4], [3], []]
There are 3 friend groups: [0, 1, 2], [3, 4], [5]
```

#### Note:

In this exercise, the libraries iostream, string, cstring, climits, utility, vector, list, <u>stack</u>, <u>queue</u>, map, unordered\_map, set, unordered\_set, functional, algorithm have been included and namespace std is used. You can write helper functions and class. Importing other libraries is allowed, but not encouraged.

## For example:

Test	Result
vector <vector<int>&gt; graph {</vector<int>	3
{1},	
{0, 2},	
{1},	
<b>{4}</b> ,	
{3},	
{}	
};	
<pre>cout &lt;&lt; numberOfFriendGroups(graph);</pre>	

Answer: (penalty regime: 0 %)

```
1 •
2
     * Hàm đếm số nhóm bạn bè trong mạng quan hệ
3
       @param friends Danh sách kề biểu diễn mối quan hệ bạn bè
4
5
       @return Số nhóm bạn bè (số thành phần liên thông của đồ thị)
6
    int numberOfFriendGroups(vector<vector<int>>& friends) {
8
        int n = friends.size(); // Số người trong mạng
9
        vector<bool> visited(n, false); // Mảng đánh dấu người đã được thăm
10
        int count = 0; // Biến đếm số nhóm bạn bè
11
        // Dùng BFS để duyệt từng thành phần liên thông
12
13
        for (int i = 0; i < n; i++) {
            // Nếu người này chưa được thăm, tức là thuộc nhóm bạn bè mới
14
15
            if (!visited[i]) {
                count++; // Tăng số nhóm bạn bè
16
17
                // Sử dụng BFS để tìm tất cả các bạn trong cùng nhóm
18
                queue<int> q;
19
20
                q.push(i);
21
                visited[i] = true;
22
23
                while (!q.empty()) {
24
                    int person = q.front();
25
                    q.pop();
26
27
                    // Duyệt qua danh sách bạn bè của person
28
                    for (int friend_id : friends[person]) {
29
                         // Nếu người bạn chưa được thăm, thêm vào hàng đợi
30
                        if (!visited[friend_id]) {
31
```

```
3∠
33
                                 visited[friend_id] = true;
q.push(friend_id);
34
35
36
                            }
37
                       }
38
                  }
39
              }
40
         }
41
         return count; // Trả về tổng số nhóm bạn bè
42
43
     }
44
```

	Test	Expected	Got	
~	vector <vector<int>&gt; graph {</vector<int>	3	3	~
	\t{1},			
	\t{0, 2},			
	\t{1},			
	\t{4},			
	\t{3},			
	};			
	<pre>cout &lt;&lt; numberOfFriendGroups(graph);</pre>			
~	vector <vector<int>&gt; graph {</vector<int>	0	0	~
	};			
	<pre>cout &lt;&lt; numberOfFriendGroups(graph);</pre>			

Đúng

```
Câu hỏi 8
Đúng
Đạt điểm 1,00 trên 1,00
```

Implement function to detect a cyclic in Graph

```
bool isCyclic();
```

Graph structure is defined in the initial code.

#### For example:

Test	Result
DirectedGraph g(8); int edege[][2] = $\{\{0,6\}, \{1,2\}, \{1,4\}, \{1,6\}, \{3,0\}, \{3,4\}, \{5,1\}, \{7,0\}, \{7,1\}\};$	Graph doesn't contain cycle
<pre>for(int i = 0; i &lt; 9; i++)     g.addEdge(edege[i][0], edege[i][1]);</pre>	
<pre>if(g.isCyclic())     cout &lt;&lt; "Graph contains cycle";</pre>	
<pre>else   cout &lt;&lt; "Graph doesn't contain cycle";</pre>	

Answer: (penalty regime: 0 %)

```
#include <iostream>
 1
2
    #include <vector>
3
    #include <list>
 4
    using namespace std;
 5
    // Lớp đồ thị có hướng
 6 v class DirectedGraph {
 7
    private:
                               // Số đỉnh của đồ thị
8
        int V;
9
        vector<list<int>> adj; // Danh sách kề
10
11
        // Hàm DFS đệ quy để kiểm tra chu trình
12 •
        bool isCyclicUtil(int v, vector<bool>& visited, vector<bool>& recStack) {
13
            // Đánh dấu đỉnh hiện tại là đã thăm và thêm vào ngắn xếp đệ quy
            visited[v] = true;
14
15
            recStack[v] = true;
            // Duyệt tất cả các đỉnh kề với đỉnh hiện tại
16
17
            for (auto i = adj[v].begin(); i != adj[v].end(); ++i) {
                // Nếu đỉnh kề chưa được thăm, tiếp tục DFS từ đỉnh đó
18
19
                if (!visited[*i] && isCyclicUtil(*i, visited, recStack)) {
20
                    return true;
21
                // Nếu đỉnh kề đã có trong ngăn xếp đệ quy, có chu trình
22
23
                else if (recStack[*i]) {
                    return true;
24
25
26
27
            // Xóa đỉnh khỏi ngăn xếp đệ quy khi quay lui
28
            recStack[v] = false;
29
            return false;
30
        }
31
32
    public:
        // Hàm khởi tạo đồ thị với V đỉnh
33
34
        DirectedGraph(int V) {
35
            this->V = V;
36
            adj.resize(V);
37
38
        // Thêm cạnh từ đỉnh u đến đỉnh v
        void addEdge(int u, int v) {
39
40
            adj[u].push_back(v);
41
        // Kiểm tra xem đồ thị có chu trình hay không
42
43
        bool isCyclic() {
            // Khởi tạo mảng đánh dấu các đỉnh đã thăm
```

```
vector<bool> visited(V, false);
45
46
            // Mảng đánh dấu các đỉnh đang nằm trong ngăn xếp đệ quy (đường đi hiện tại)
47
            vector<bool> recStack(V, false);
48
            // Gọi hàm DFS bắt đầu từ tất cả các đỉnh
49
50
            // để đảm bảo xét cả trường hợp đồ thị không liên thông
            for (int i = 0; i < V; i++) {
51 •
52
                if (!visited[i]) {
53
                    if (isCyclicUtil(i, visited, recStack)) {
                        return true; // Nếu phát hiện chu trình, trả về true
54
55
56
                }
57
            }
58
            return false; // Không có chu trình
59
60
   };
```

	Test	Expected	Got	
<b>~</b>	DirectedGraph g(8); int edege[][2] = {{0,6}, {1,2}, {1,4}, {1,6}, {3,0}, {3,4}, {5,1}, {7,0}, {7,1}};	Graph doesn't contain cycle	Graph doesn't contain cycle	~
	<pre>for(int i = 0; i &lt; 9; i++) \tg.addEdge(edege[i][0], edege[i][1]);</pre>			
	<pre>if(g.isCyclic()) \tcout &lt;&lt; "Graph contains cycle"; else</pre>			
	\tcout << "Graph doesn't contain cycle";			



Marks for this submission: 1,00/1,00.

1.

```
Câu hỏi 9
Đúng
Đạt điểm 1,00 trên 1,00
```

Implement topologicalSort function on a graph. (Ref here)

```
void topologicalSort();
```

where Adjacency is a structure to store list of number. Note that, the vertex index starts from 0. To match the given answer, please always traverse from 0 when performing the sorting.

```
#include <iostream>
#include <list>
#include <vector>
using namespace std;
class Adjacency
{
private:
        list<int> adjList;
        int size;
public:
        Adjacency() {}
        Adjacency(int V) {}
        void push(int data)
        {
                adjList.push_back(data);
                size++;
        }
        void print()
        {
                for (auto const &i : adjList)
                        cout << " -> " << i;
        void printArray()
        {
                for (auto const &i : adjList)
                       cout << i << " ";
        int getSize() { return adjList.size(); }
        int getElement(int idx)
        {
                auto it = adjList.begin();
                advance(it, idx);
                return *it;
        }
};
```

And Graph is a structure to store a graph (see in your answer box). You could write one or more helping functions.

# For example:

Test	Result	
Graph g(6); g.addEdge(5, 2); g.addEdge(5, 0); g.addEdge(4, 0); g.addEdge(4, 1);	5 4 2 3 1 0	
<pre>g.addEdge(2, 3); g.addEdge(3, 1); g.topologicalSort();</pre>		

Answer: (penalty regime: 0 %)

Reset answer

```
1 •
     * Lớp Graph biểu diễn đồ thị có hướng
 2
 3
    class Graph {
 4
5
        int V;
                            // Số đỉnh trong đồ thị
        Adjacency* adj;
                            // Mảng các danh sách kề
 6
7
8
         * Hàm hỗ trợ đệ quy cho thuật toán sắp xếp tô pô
9
10
         * @param v: Đỉnh hiện tại đang xét
         * @param visited: Mảng đánh dấu các đỉnh đã thăm
11
12
         * @param Stack: Ngăn xếp lưu thứ tự tô pô
13
14
        void topologicalSortUtil(int v, bool visited[], stack<int>& Stack) {
15
            // Đánh dấu đỉnh hiện tại đã được thăm
16
            visited[v] = true;
17
18
            // Duyệt qua tất cả các đỉnh kề với đỉnh hiện tại
            for (int i = 0; i < adj[v].getSize(); i++) {</pre>
19
20
                int adjacentVertex = adj[v].getElement(i);
                // Nếu đỉnh kề chưa được thăm, gọi đệ quy để thăm nó
21
22
                if (!visited[adjacentVertex]) {
                     topologicalSortUtil(adjacentVertex, visited, Stack);
23
24
25
            }
26
27
            // Sau khi duyệt hết tất cả các đỉnh kề, đẩy đỉnh hiện tại vào ngăn xếp
            // Đỉnh được thêm sau khi tất cả các đỉnh "con cháu" đã được thêm vào ngăn xếp
28
29
            Stack.push(v);
30
31
32
    public:
33
         * Hàm khởi tạo đồ thị với V đỉnh
34
35
         * @param V: Số đỉnh trong đồ thị
36
        Graph(int V){
37
38
            this->V = V;
39
            adj = new Adjacency[V];
40
41
42
43
         * Thêm cạnh từ đỉnh v đến đỉnh w
         * @param v: Đỉnh nguồn
44
45
         * @param w: Đỉnh đích
46
47
        void addEdge(int v, int w){
48
            adj[v].push(w);
49
        }
50
51
         * Hàm thực hiện thuật toán sắp xếp tô pô và in kết quả
52
```

	Test	Expected	Got	
<b>~</b>	Graph g(6); g.addEdge(5, 2); g.addEdge(5, 0); g.addEdge(4, 0); g.addEdge(4, 1); g.addEdge(2, 3); g.addEdge(3, 1); g.topologicalSort();	5 4 2 3 1 0	5 4 2 3 1 0	<b>&gt;</b>

Passed all tests! 🗸



```
Câu hải 10
Đúng
Đạt điểm 1,00 trên 1,00
```

Given a graph and a source vertex in the graph, find shortest paths from source to destination vertice in the given graph using Dijsktra's algorithm.

Following libraries are included: iostream, vector, algorithm, climits, gueue

Note: All testcases have a fixed number of vertices set to 6.

## For example:

Test	Result
<pre>int n = 6; int init[6][6] = {</pre>	10
{0, 50, 20, 0, 20, 2}, {0, 10, 33, 20, 0, 1}, {0, 0, 0, 2, 1, 0} };	
<pre>int** graph = new int*[n]; for (int i = 0; i &lt; n; ++i) {          graph[i] = init[i]; }</pre>	
cout << Dijkstra(graph, 0, 1);	

Answer: (penalty regime: 0 %)

```
1
     * Thuật toán Dijkstra tìm đường đi ngắn nhất từ đỉnh nguồn đến đỉnh đích trong đồ thị có trọng số
 2
     * @param graph Ma trận kề biểu diễn đồ thị có trọng số
3
 4
     * @param src Đỉnh nguồn
5
     * @param dst Đỉnh đích
 6
     * @return Khoảng cách ngắn nhất từ đỉnh nguồn đến đỉnh đích
7
8 ,
    int Dijkstra(int** graph, int src, int dst) {
9
        const int V = 6; // Số đỉnh cố định là 6 theo yêu cầu
10
11
        // Mảng lưu khoảng cách ngắn nhất từ đỉnh nguồn đến các đỉnh khác
12
        vector<int> dist(V, INT_MAX);
13
        // Mảng đánh dấu các đỉnh đã được xét
14
        vector<bool> visited(V, false);
15
16
        // Khoảng cách từ đỉnh nguồn đến chính nó là 0
17
        dist[src] = 0;
18
        // Tìm đường đi ngắn nhất cho tất cả các đỉnh
19
        for (int count = 0; count < V - 1; count++) {</pre>
20
21
            // Khởi tạo giá trị khoảng cách nhỏ nhất cho lần lặp này
            int min_dist = INT_MAX;
22
23
            int u = -1;
24
             // Tìm đỉnh chưa xét có khoảng cách nhỏ nhất từ đỉnh nguồn
25
            for (int v = 0; v < V; v++) {
26
27
                 if (!visited[v] && dist[v] < min_dist) {</pre>
28
                    min_dist = dist[v];
29
                 }
30
31
            }
32
             // Nếu không tìm thấy đỉnh nào thỏa mãn, thoát khỏi vòng lặp \,
33
            if (u == -1) break;
34
            // Đánh dấu đỉnh đã được xét
35
            visited[u] = true;
36
37
             // Cập nhật khoảng cách của các đỉnh kề với đỉnh vừa xét
            for (int v = 0; v < V; v++) {
38
39
                 // Cập nhật dist[v] chỉ khi:
```

```
40
                  // 1. Có cạnh từ u đến v (graph[u][v] != 0)
41
42
                  // 2. v chưa được xét
43
                  // 3. Đường đi qua u đến v ngắn hơn đường đi hiện tại đến v
44
                  if (!visited[v] && graph[u][v] != 0 &&
                      dist[u] != INT_MAX && dist[u] + graph[u][v] < dist[v]) {
dist[v] = dist[u] + graph[u][v];</pre>
45
46
47
48
             }
49
50
         // Trả về khoảng cách ngắn nhất đến đỉnh đích
         return dist[dst];
51
52 }
```

	Test	Expected	Got	
~	int n = 6;	10	10	~
	int init[6][6] = {			
	\t{0, 10, 20, 0, 0, 0},			
	\t{10, 0, 0, 50, 10, 0},			
	\t{20, 0, 0, 20, 33, 0},			
	\t{0, 50, 20, 0, 20, 2},			
	\t{0, 10, 33, 20, 0, 1},			
	\t{0, 0, 0, 2, 1, 0} };			
	<pre>int** graph = new int*[n];</pre>			
	for (int i = 0; i < n; ++i) {			
	<pre>\tgraph[i] = init[i];</pre>			
	}			
	<pre>cout &lt;&lt; Dijkstra(graph, 0, 1);</pre>			



